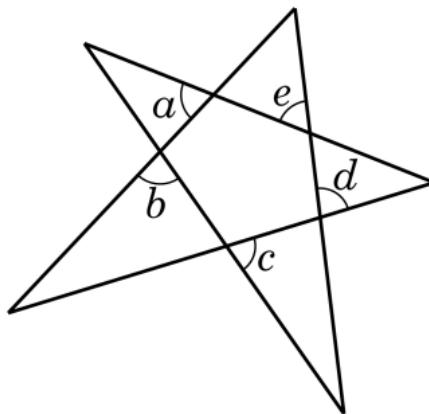


1. 다음 그림에서  $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e$  의 크기는?

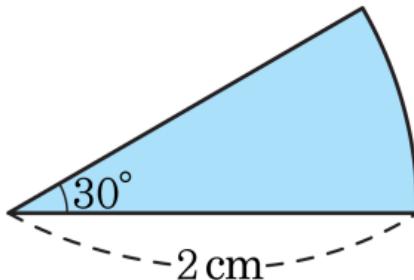


- ①  $360^\circ$       ②  $450^\circ$       ③  $540^\circ$       ④  $630^\circ$       ⑤  $720^\circ$

해설

$\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e$ 의 크기는 오각형의 외각의 크기의 합과 같으므로  $360^\circ$  이다.

2. 다음 부채꼴의 호의 길이는?

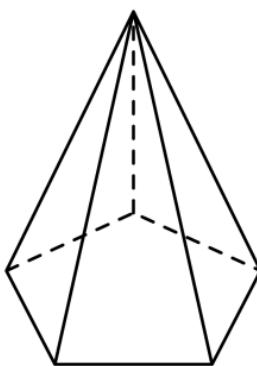


- ①  $\frac{1}{5}\pi\text{cm}$       ②  $\frac{1}{4}\pi\text{cm}$       ③  $\frac{1}{3}\pi\text{cm}$
- ④  $\frac{1}{2}\pi\text{cm}$       ⑤  $\pi\text{cm}$

해설

$$2\pi \times 2 \times \frac{30^\circ}{360^\circ} = \frac{1}{3}\pi (\text{cm})$$

3. 다음 그림의 다면체의 이름과 옆면의 모양이 바르게 짹지어진 것은?



- ① 사각뿔 - 삼각형
- ② 사각뿔 - 직사각형
- ③ 사각기둥 - 사다리꼴
- ④ 오각뿔 - 삼각형
- ⑤ 오각뿔대 - 사다리꼴

해설

다면체의 이름은 오각뿔이고 옆면의 모양은 각뿔이므로 삼각형이다.

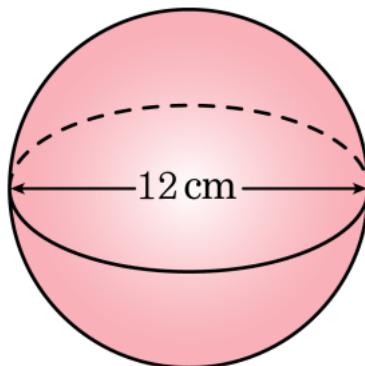
4. 다음 중 정다면체에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 정삼각형이 한 꼭짓점에 5 개씩 모인 다면체는 정십이면체이다.
- ② 정육면체의 모서리의 개수는 12 개이다.
- ③ 정십이면체의 꼭짓점의 개수는 20 개이다.
- ④ 정이십면체의 면의 모양은 정삼각형이다.
- ⑤ 정이십면체의 모서리의 개수와 정십이면체의 모서리의 개수는 같다.

해설

정삼각형이 한 꼭짓점에 5 개씩 모인 다면체는 정이십면체이다.

5. 다음 그림과 같은 지름의 길이가 12인 구의 부피는?

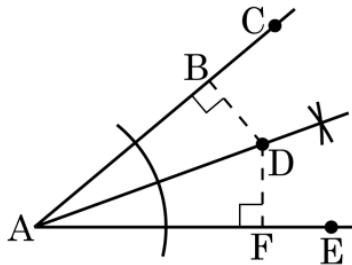


- ①  $288\pi\text{cm}^3$       ②  $268\pi\text{cm}^3$       ③  $248\pi\text{cm}^3$   
④  $228\pi\text{cm}^3$       ⑤  $200\pi\text{cm}^3$

해설

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \times 6^3 = 288\pi(\text{cm}^3)$$

6. 다음 그림에서  $\overrightarrow{AD}$  는  $\angle CAE$  의 이등분선이고 점 B, F 는 각각 점 D  
에서  $\overrightarrow{AC}$ ,  $\overrightarrow{AE}$  에 내린 수선의 발이다. 보기 중 옳지 않은 것은?



- ①  $\angle DAC = \angle DAE$
- ②  $\overline{AB} = \overline{AF}$
- ③  $\overline{AC} = \overline{AE}$
- ④ 점 D에서  $\overrightarrow{AC}$ 에 이르는 거리는  $\overline{BD}$ 이다.
- ⑤  $\angle DBA = 90^\circ$

해설

③  $\overline{AC} \neq \overline{AE}$

7. 다음 보기의 도형을 작도할 때 컴퍼스의 사용 횟수의 곱을 구하여라.

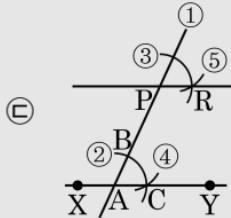
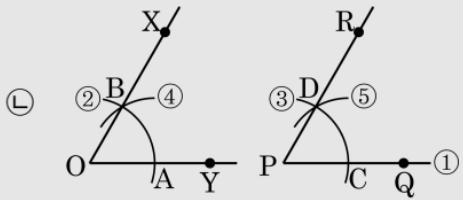
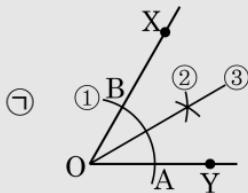
보기

- ㉠ 각의 이등분선의 작도
- ㉡ 크기가 같은 각의 작도
- ㉢ 평행선의 작도

▶ 답: 회

▷ 정답: 48 회

해설



$$\therefore 3 \times 4 \times 4 = 48(\text{회})$$

8. 다음과 같이 네 개의 선분이 주어졌을 때, 작도 가능한 삼각형은 모두 몇 개인지 구하여라.

보기

3cm, 4cm, 5cm, 6cm

▶ 답 : 4개

▶ 정답 : 4개

해설

(3, 4, 5), (3, 4, 6), (3, 5, 6), (4, 5, 6)

9. 아래에서 주어진 조건들을 이용하여 삼각형 ABC를 그릴 때, 하나로 결정되지 않는 것을 모두 찾아라.

보기

- ㉠  $\overline{AB} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 4\text{cm}$ ,  $\angle A = 43^\circ$
- ㉡  $\overline{AB} = 2\text{cm}$ ,  $\angle A = 30^\circ$ ,  $\angle B = 45^\circ$
- ㉢  $\angle A = 30^\circ$ ,  $\angle B = 60^\circ$ ,  $\angle C = 90^\circ$
- ㉣  $\overline{AB} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 6\text{cm}$
- ㉤  $\overline{AB} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 3\text{cm}$ ,  $\angle A = 30^\circ$
- ㉥  $\overline{AB} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 9\text{cm}$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉢

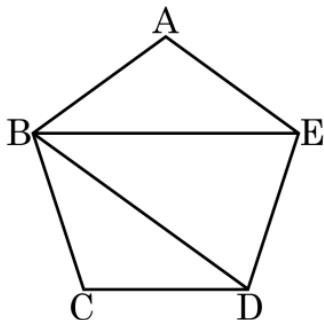
▷ 정답 : ㉤

▷ 정답 : ㉥

해설

- ㉠ 두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 주어졌으므로 삼각형은 하나로 결정된다.
- ㉡ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어졌으므로 삼각형은 하나로 결정된다.
- ㉢ 세 각의 크기가 주어 질 때, 삼각형은 무수히 많이 그릴 수 있다.
- ㉣ 세 변의 길이가 주어지고, 가장 긴 변의 길이가 나머지 두 변의 합보다 작으므로 삼각형이 하나로 결정된다.
- ㉤ 주어진 두 변  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ 의 끼인각은  $\angle A$  아니라  $\angle B$ 이다.
- ㉥ 세 변의 길이가 주어졌지만, 가장 긴 변의 길이( $\overline{AC} = 9\text{cm}$ )가 나머지 두 변의 합과 같으므로 삼각형을 작도할 수 없다.  
∴ 삼각형이 하나로 결정되지 않는 경우는 ㉢, ㉤, ㉥ 이다.

10. 다음은 정오각형 ABCDE 의 두 대각선 BE 와 BD 길이가 같음을 보인 것이다. (가)~(마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



보기

$\triangle ABE$  와  $\triangle CBD$  에서

$\overline{AB} =$  ( 가 ), ( 나 )  $= \overline{CD}$ ,  $\angle BAE =$  ( 다 )

따라서  $\triangle ABE \equiv \triangle CBD$ ( (라) 합동) 이므로  $\overline{BE} =$  ( 마 ) 이다.

- ① (가):  $\overline{CB}$       ② (나):  $\overline{AE}$       ③ (다) :  $\angle BCD$   
④ (라) : ASA      ⑤ (마) :  $\overline{BD}$

해설

두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 같으므로  $\triangle ABE \equiv \triangle CBD$  (SAS 합동이다)

## 11. 다음 설명 중 옳은 것을 모두 찾아라.

- ㉠ 세 변의 길이가 같은 삼각형은 정삼각형이다.
- ㉡ 네 변의 길이가 같은 사각형은 정사각형이다.
- ㉢ 내각의 크기가 모두 같은 사각형은 정사각형이다.
- ㉣ 정다각형은 내각의 크기와 변의 길이가 모두 같다.

▶ 답 :

▶ 답 :

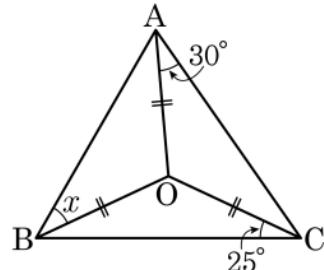
▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉣

해설

- ㉡ 마름모는 네 변의 길이가 같지만 정사각형은 아니다.
- ㉢ 직사각형은 내각의 크기가 모두 같지만 정사각형이 아니다.

12. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$ 이고,  $\angle OCB = 25^\circ$ ,  $\angle OAC = 30^\circ$  일 때,  $x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

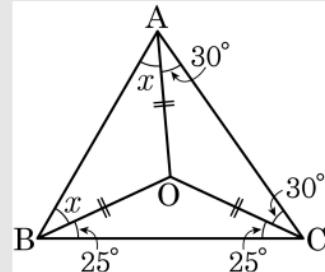
▷ 정답 : 35

해설

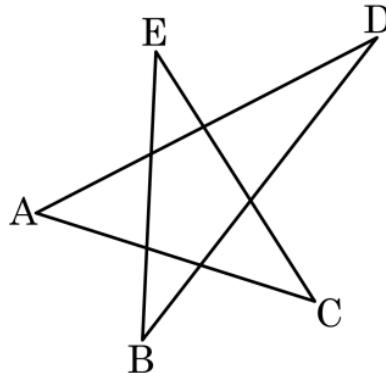
$$2\angle x + 60^\circ + 50^\circ = 180^\circ$$

$$2\angle x = 70^\circ$$

$$\therefore \angle x = 35^\circ$$



13. 다음 그림에서  $\angle A = 45^\circ$ ,  $\angle B = 35^\circ$ ,  $\angle C = 40^\circ$ ,  $\angle E = 35^\circ$  일 때,  $\angle D$ 의 크기는?

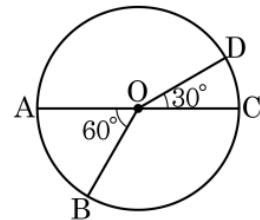


- ①  $25^\circ$       ②  $30^\circ$       ③  $35^\circ$       ④  $40^\circ$       ⑤  $45^\circ$

해설

삼각형의 외각의 성질에 의해  
 $45^\circ + 35^\circ + 40^\circ + \angle D^\circ + 35^\circ = 180^\circ$  이므로  
 $\angle D = 25^\circ$  이다.

14. 다음 그림에서  $\overline{AC}$ 는 원 O의 지름이고,  
 $\angle AOB = 60^\circ$ ,  $\angle COD = 30^\circ$  일 때, 다음 중  
옳은 것을 모두 고르면?



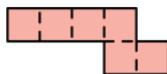
- ①  $\overline{AB} = 2\overline{CD}$       ②  $\overline{AB} = 2\overline{OC}$   
③  $\overline{AB} < 2\overline{CD}$       ④  $\triangle AOB = 2\triangle COD$   
⑤  $5.0pt\widehat{AB} = 25.0pt\widehat{CD}$

해설

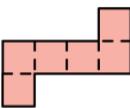
- ①  $\overline{AB} < 2\overline{CD}$   
②  $\overline{AB} = \overline{OC}$  ( $\triangle OAB$ 는 정삼각형이므로  $\overline{AB} = \overline{OA} = \overline{OC}$ )  
③  $\overline{AB} < 2\overline{CD}$   
④  $\triangle AOB \neq 2\triangle COD$   
⑤ 한 원에서 호의 길이와 부채꼴 넓이는 중심각의 크기에 정비례한다.  $60^\circ : 30^\circ = 5.0pt\widehat{AB} : 5.0pt\widehat{CD}$  이므로,  $5.0pt\widehat{AB} = 25.0pt\widehat{CD}$  이다.

15. 다음 중 정육면체의 전개도가 될 수 있는 것을 모두 고르면?(정답 2개)

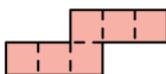
①



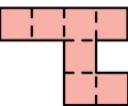
②



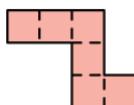
③



④

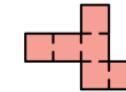
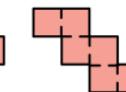
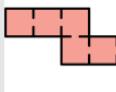
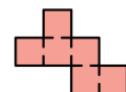
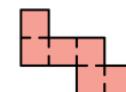
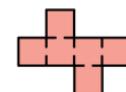
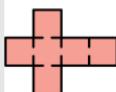
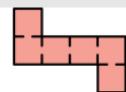
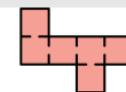
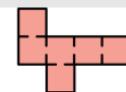
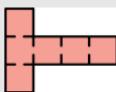


⑤



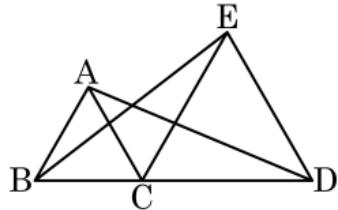
### 해설

정육면체의 전개도는 총 11 가지가 있다.



따라서 정육면체의 전개도가 될 수 있는 것은 ②, ③이다.

16. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  와  $\triangle ECD$  가 정삼각형일 때,  $\triangle ACD$  와 합동인 삼각형을 찾고 합동조건을 말하시오.



▶ 답 :

▶ 답 : 합동

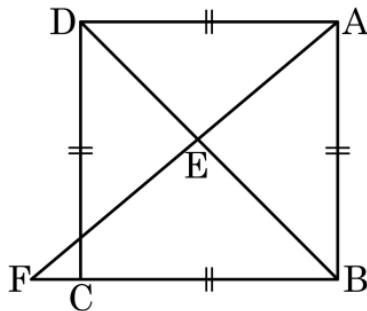
▷ 정답 :  $\triangle BCE$

▷ 정답 : SAS 합동

해설

$\triangle ABC$  와  $\triangle ECD$  가 정삼각형이므로  $\overline{AC} = \overline{BC}$  이고,  $\overline{CD} = \overline{CE}$ 이며 두 변과 끼인각인  $\angle ACD$  와  $\angle BCE$  가 같다. 따라서  $\triangle ACD$  와  $\triangle BCE$  는 SAS 합동이다.

17. 다음 그림은 정사각형 ABCD 의 대각선  $\overline{BD}$  위의 점 E 를 잡아  $\overline{AE}$  의 연장선과  $\overline{BC}$  의 연장선의 교점을 F 라 한 것이다.  $\angle AFC = 40^\circ$  일 때,  $\angle BCE$  의 크기를 구하여라.



▶ 답 :  $50^\circ$

▷ 정답 :  $50^\circ$

해설

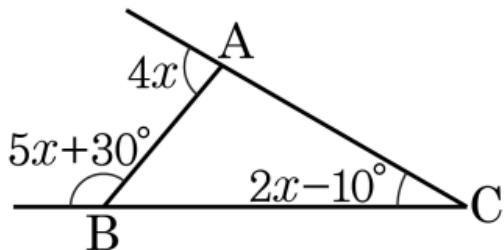
$\triangle AFB$ 에서  $\angle AFC = 40^\circ$  이므로  $\angle FAB = 50^\circ$   
따라서  $\angle EAD = 40^\circ$

$\overline{AB} = \overline{CB}$ ,  $\overline{EB}$ 는 공통,  $\angle CBE = \angle ABE = 45^\circ$

$\triangle ABE \cong \triangle CBE$ (SAS<sup>합동</sup>)

따라서  $\angle BCE = \angle BAE = 50^\circ$  이다.

18. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $10^\circ$       ②  $20^\circ$       ③  $30^\circ$       ④  $40^\circ$       ⑤  $50^\circ$

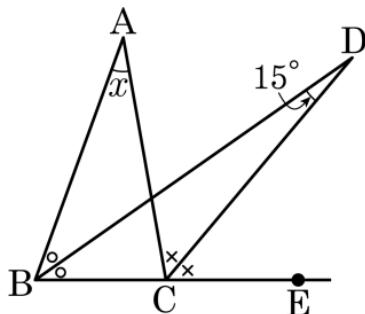
해설

$$4x = 2x - 10^\circ + 180^\circ - (5x + 30^\circ)$$

$$4x = 140^\circ - 3x$$

$$\therefore \angle x = 20^\circ$$

19. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



- ▶ 답 :  $\underline{\hspace{1cm}}$
- ▷ 정답 :  $30^\circ$

해설

$$\begin{aligned}\angle DCE &= \angle CBD + 15^\circ \\ 2\angle DCE &= \angle x + 2\angle CBD \\ &= \angle x + 2(\angle DCE - 15^\circ) \\ &= \angle x + 2\angle DCE - 30^\circ \\ \therefore \angle x &= 30^\circ\end{aligned}$$

## 20. 내각의 합과 외각의 합의 비가 5 : 1인 다각형은?

- ① 십각형
- ② 십일각형
- ③ 십이각형
- ④ 십삼각형
- ⑤ 십사각형

### 해설

$n$  각형의 내각의 크기의 합 :  $180^\circ \times (n - 2)$

$n$  각형의 외각의 크기의 합 :  $360^\circ$

$$180^\circ \times (n - 2) : 360^\circ = 5 : 1$$

$$180^\circ \times (n - 2) = 360^\circ \times 5 = 1800^\circ$$

따라서  $n = 12$  이므로 십이각형이다.

21. 모서리의 개수가 30 개인 각뿔대의 면의 개수를 구하여라.



답:

개

▶ 정답: 12 개

해설

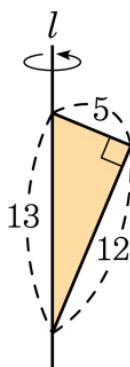
$n$  각뿔대의 모서리의 개수는  $3n$  이므로

$$3n = 30 \quad \therefore n = 10$$

따라서 십각뿔대의 면의 개수는

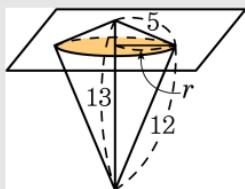
$$\therefore 10 + 2 = 12(\text{개})$$

22. 다음 그림과 같은 직각삼각형을 직선  $l$  축으로 하여 1회전시킬 때 생기는 회전체를 회전축에 수직인 평면으로 자를 때 생기는 단면 중에서 가장 큰 단면의 넓이는?



- ①  $\frac{625}{36}\pi$       ②  $25\pi$       ③  $\frac{2500}{169}\pi$   
 ④  $\frac{3600}{169}\pi$       ⑤  $\frac{144}{9}\pi$

### 해설



회전축에 수직인 평면으로 자를 때 단면의 넓이가 가장 큰 경우는 위 그림과 같이 자를 때이므로 원의 반지름  $r$ 의 값은

$$\frac{1}{2} \times 5 \times 12 = \frac{1}{2} \times r \times 13$$

$$\therefore r = \frac{60}{13}$$

따라서, 단면의 넓이는

$$\pi \times \left(\frac{60}{13}\right)^2 = \frac{3600}{169}\pi \text{이다.}$$

23. 다음 평면도형을 직선  $n$  을 회전축으로 회전시켰다. 이 회전체의 전개도에서 옆면의 둘레의 길이는?

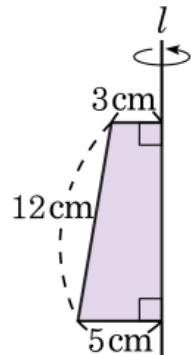
Ⓐ  $(16\pi + 24) \text{ cm}$

Ⓑ  $(18\pi + 24) \text{ cm}$

Ⓒ  $(24\pi + 24) \text{ cm}$

Ⓓ  $(16\pi + 12) \text{ cm}$

Ⓔ  $(18\pi + 12) \text{ cm}$



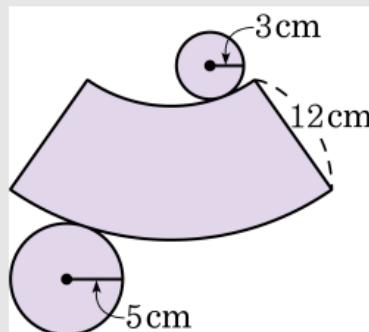
해설

회전체의 전개도를 그리면 옆면의 둘레의 길이는

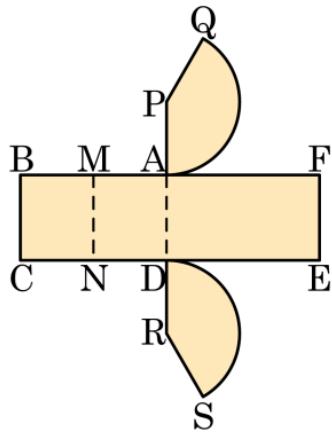
$$2\pi \times 3 + 2\pi \times 5 + 12 \times 2$$

$$= \pi \times 16 + 24$$

$$= 16\pi + 24(\text{ cm})$$



24. 다음 그림은 어떤 입체도형의 전개도이다. 부채꼴 PAQ, RSD 에서  $\angle APQ = \angle SRD = 150^\circ$  이고, 직사각형 ABCD 에서 점 M, N 은 각각  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$  의 중점이다.  $\overline{AB} = 12\text{cm}$ ,  $\overline{AD} = 7\text{cm}$  일 때, 이 입체의 부피를 구하면?



- ①  $100\pi\text{cm}^3$
- ②  $102\pi\text{cm}^3$
- ③  $105\pi\text{cm}^3$
- ④  $108\pi\text{cm}^3$
- ⑤  $110\pi\text{cm}^3$

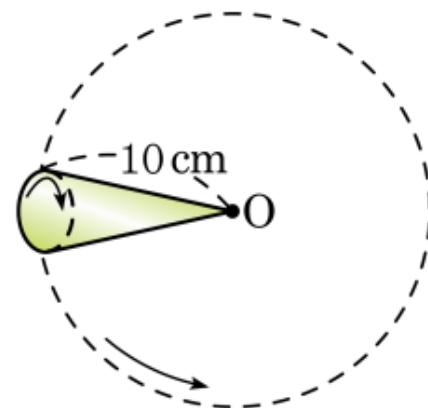
### 해설

부채꼴 PAQ 의 반지름의 길이가 6cm 이다.

따라서  $V = \left(\pi \times 6^2 \times \frac{150^\circ}{360^\circ}\right) \times 7 = 105\pi(\text{cm}^3)$  이다.

25. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 10 cm 인 원뿔을 5 바퀴 굴렸더니 처음 위치로 돌아왔다.  
이 원뿔의 밑면의 반지름의 길이는?

- ① 1 cm      ② 1.5 cm      ③ 2 cm  
④ 2.5 cm      ⑤ 3 cm



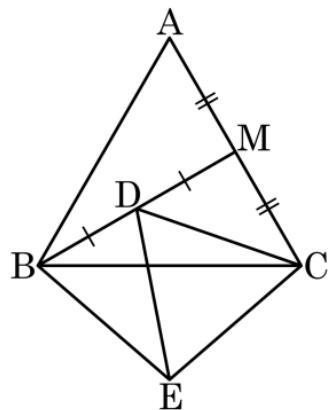
해설

원뿔의 밑면의 반지름의 길이를  $r$  이라고 하면

$$2\pi \times 10 = 2\pi r \times 5$$

따라서  $r = 2$  (cm)이다.

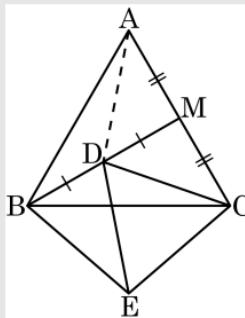
26. 다음 그림의 삼각형 ABC, CDE 는 정삼각형이고, 점 M 은 변 AC 의 중점, 점 D 는 선분 BM 의 중점이다. 이때 삼각형 ABC 의 넓이를  $x$ , 사각형 BECD 의 넓이를  $y$  라 할 때,  $\frac{y}{x}$  의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 :  $\frac{3}{4}$

해설



삼각형 ACD 와 삼각형 BCE 에서  $\overline{AC} = \overline{BC}$ ,  $\overline{CD} = \overline{CE}$   
 $\angle ACD = \angle ACB - \angle DCB = \angle DCE - \angle DCB = \angle BCE$  이므로  
 삼각형 ACD 와 삼각형 BCE 는 SAS 합동이다.

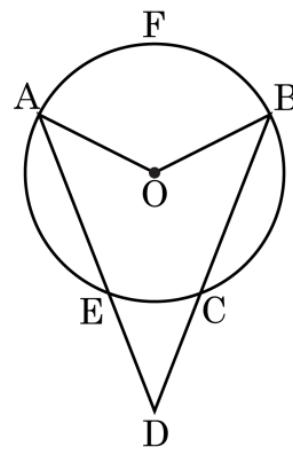
(사각형 BECD 의 넓이)

$$= \triangle DBC + \triangle BCE = \triangle DBC + \triangle ACD = \triangle ABC - \triangle ABD$$

$$\triangle ABD = \frac{1}{2} \times \triangle ABM = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \triangle ABC = \frac{1}{4} \triangle ABC$$

$$\therefore y = x - \frac{1}{4}x = \frac{3}{4}x \therefore \frac{y}{x} = \frac{3}{4}$$

27. 다음 그림에서 점 A, E, D 는 한 직선 위에 있고, B, C, D 도 한 직선 위에 있다.  $\overline{OA} = \overline{ED} = \overline{CD}$  일 때,  $\frac{\angle AOB}{\angle EDC}$  의 값을 구하여라.

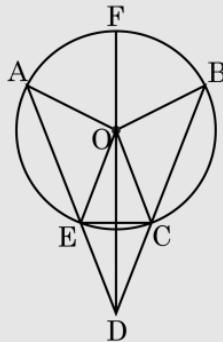


▶ 답 :

▷ 정답 : 3

**해설**

그림과 같이 연장선을 그을 때,



$\overline{OA} = \overline{ED} = \overline{CD}$  이므로  $\square OEDC$  는 마름모이다.

따라서  $\triangle OCD$ ,  $\triangle OED$  는 이등변삼각형이다.

$\angle CDF = a$  라 하면  $\angle OCB = 2a$  (외각)

$\triangle OCB$  에서  $\overline{OC} = \overline{OB}$  이므로

$\angle OCB = \angle OBC = 2a$

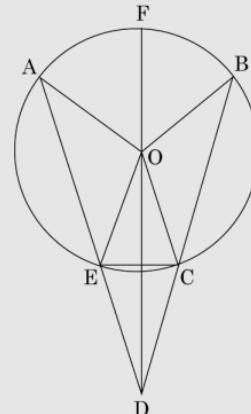
$\triangle OBD$  에서  $\angle FOB = 3a$  (외각)

$\triangle OCD \cong \triangle OED$  (SSS 합동) 이므로 같은 방법으로 하면

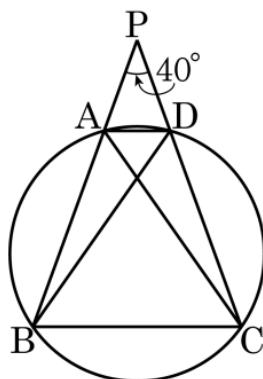
$\angle AOF = 3a$

따라서  $\angle EDC = 2a$ ,  $\angle AOB = 6a$

$$\therefore \frac{\angle AOB}{\angle EDC} = \frac{6a}{2a} = 3$$



28. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$  인 사각형 ABCD 와 사각형에 외접하는 원 O 가 있다. 선분 AB, CD 의 연장선이 만나는 점 P 에 대하여  $\angle APC = 40^\circ$  일 때,  $\angle BAD + \angle BCD$  의 크기를 구하여라.

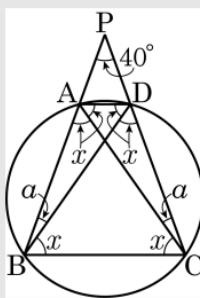


▶ 답 :  $180^\circ$

▷ 정답 :  $180^\circ$

### 해설

$\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$  이고  $\angle ACB = x$ ,  $\angle DBA = a$  라 하면 한 현에 대한 원주각의 크기도 같으므로 다음 그림과 같다.



$$\triangle ABC \text{에서 } 3x + a = 180^\circ$$

$$\therefore a = 180^\circ - 3x \dots \textcircled{7}$$

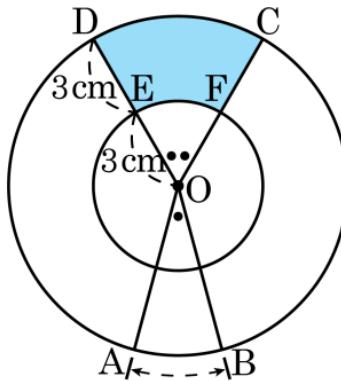
$$\triangle PBC \text{에서 } 40^\circ + 2(x + a) = 180^\circ$$

$$\therefore x + a = 70^\circ \dots \textcircled{8}$$

$$\textcircled{7}, \textcircled{8} \text{에 의해서 } x = 55^\circ, a = 15^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle BAD + \angle BCD = 110^\circ + 70^\circ = 180^\circ$$

29. 다음 그림과 같이 중심이 일치하는 두 원에서  $\angle COD = 2\angle AOB$ ,  $\overline{OE} = \overline{DE} = 3\text{cm}$ ,  $5.0\text{pt}AB = 2\pi\text{cm}$  일 때, 색칠한 도형의 둘레의 길이는?



- ①  $(6 + 6\pi)\text{cm}$       ②  $(6 + 8\pi)\text{cm}$       ③  $(6 + 10\pi)\text{cm}$   
 ④  $(6 + 12\pi)\text{cm}$       ⑤  $(6 + 13\pi)\text{cm}$

### 해설

$\angle AOB = x$  라 하면

$$2\pi \times 6 \times \frac{x}{360^\circ} = 2\pi(\text{cm})$$

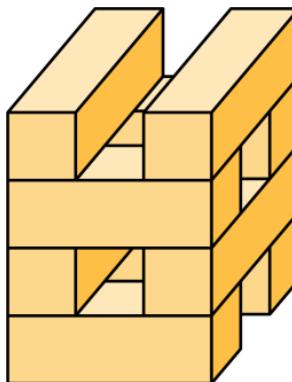
$$\therefore x = 60^\circ, \angle DOC = 120^\circ$$

$$5.0\text{pt}\widehat{EF} = 2\pi \times 3 \times \frac{120^\circ}{360^\circ} = 2\pi(\text{cm})$$

$$5.0\text{pt}\widehat{CD} = 2\pi \times 6 \times \frac{120^\circ}{360^\circ} = 4\pi(\text{cm})$$

$$(\text{둘레의길이}) = 2\pi + 4\pi + 3 \times 2 = 6\pi + 6(\text{cm})$$

30. 다음은 모서리의 길이가 각각 3, 1, 1인 직육면체 모양 블록 8개를 쌓아 만든 모양이다. 이 도형의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 88

해설

블록 1개의 겉넓이는  $2 \times (1 + 3 + 3) = 14$

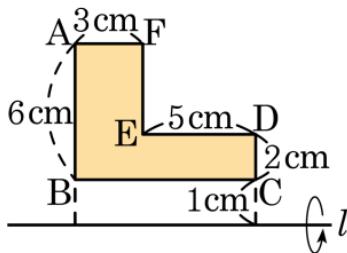
두 블록이 닿아있는 부분 1곳의 넓이는  $1 \times 1 = 1$

두 층 사이에서 맞닿아 있는 부분은 4부분, 두 층이 맞닿은 곳은 3군데이므로

맞닿은 부분의 넓이는  $1 \times 3 \times 4 = 12$

$$\therefore (\text{겉넓이}) = 14 \times 8 - 12 \times 2 = 112 - 24 = 88$$

31. 다음 그림과 같은 평면도형을 직선  $l$ 을 회전축으로 하여 1회전시켰을 때 생기는 회전체의 겉넓이를  $A \text{ cm}^2$ , 부피를  $B \text{ cm}^3$  라 할 때,  $A : B$ 는?



- ① 1 : 1      ② 1 : 2      ③ 2 : 3      ④ 2 : 5      ⑤ 3 : 2

### 해설

회전체의 겉넓이는

$$\begin{aligned} S &= (7^2 - 1^2)\pi \times 2 + (2\pi \times 3 \times 5 + 2\pi \times 7 \times 3 + 2\pi \times 1 \times 8) \\ &= 48\pi \times 2 + 30\pi + 42\pi + 16\pi \\ &= 184\pi (\text{cm}^2) \end{aligned}$$

이고,

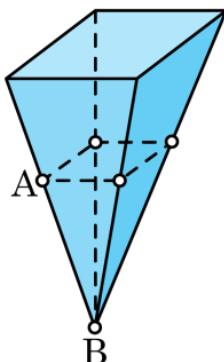
회전체의 부피는 아래 원기둥의 부피 + 위 원기둥의 부피 - 안쪽 원기둥의 부피 이므로

$$7^2\pi \times 3 + 3^2\pi \times 5 - 1^2\pi \times 8 = 147\pi + 45\pi - 8\pi = 184\pi (\text{cm}^3)$$

이다.

따라서  $A : B = 184\pi : 184\pi = 1 : 1$  이다.

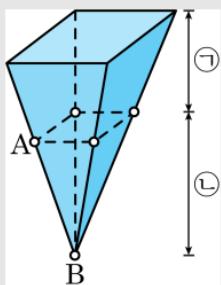
32. 다음과 같이 밑면의 넓이가  $16\text{cm}^2$ , 높이가 4cm인 사각뿔 모양의 그릇의 중간 높이인 평면 A 부분에 각 꼭지점마다 4개의 구멍을 뚫고, 아래쪽 꼭짓점인 B에 1개의 구멍을 뚫었다. 각 구멍에서 1초에  $1\text{cm}^3$ 씩 일정한 속도로 물이 빠져나온다면, 이 그릇의 물이 완전히 빠질 때까지의 시간을 구하여라.



▶ 답: 초

▷ 정답:  $\frac{96}{15}$  초

### 해설



$$(\text{사각뿔 전체의 부피}) = \frac{1}{3} \times 16 \times 4 = \frac{64}{3}$$

$$(\text{⑧부분의 부피}) = \frac{1}{3} \times 4 \times 2 = \frac{8}{3}$$

(1) ⑦부분의 물이 빠질 때까지 걸리는 시간을  $x$  분이라 하면  
(5개의 구멍에서 빠지는 물의 양) =  
(⑦부분에 들어있는 물의 양)

$$\text{즉}, 1 \times 5 \times x = \frac{56}{3} \therefore x = \frac{56}{15}$$

(2) ⑧부분의 물이 빠질 때까지 걸리는 시간을  $y$  분이라 하면  
(1개의 구멍에서 빠지는 물의 양) =  
(⑧부분에 들어 있는 물의 양)

$$\text{즉}, 1 \times y = \frac{8}{3} \therefore y = \frac{8}{3}$$

따라서 이 사각뿔에서 물이 완전히 빠질 때까지 걸리는 시간은  
 $x + y = \frac{56}{15} + \frac{8}{3} = \frac{96}{15}$  (초)

33. 다음 그림은 밑면의 반지름의 길이가 3 cm 높이가 10 cm 인 원뿔을 밑면의 둘레 위의 두 점 A, B 와 꼭짓점 C 를 지나는 평면으로 잘라서 만든 것이다. 이 입체도형의 부피는?

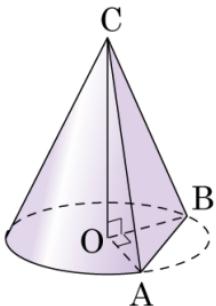
Ⓐ  $\left(\frac{45}{2}\pi + 15\right) \text{ cm}^3$

Ⓑ  $(15\pi + 15) \text{ cm}^3$

Ⓒ  $(18\pi + 15) \text{ cm}^3$

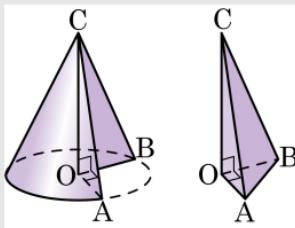
Ⓓ  $\left(\frac{45}{2}\pi + 18\right) \text{ cm}^3$

Ⓔ  $(15\pi + 12) \text{ cm}^3$



### 해설

주어진 입체도형의 부피는 다음 그림의 두 입체도형의 부피의 합과 같다.



$$\therefore (\text{부피}) = \frac{3}{4} \times \left( \frac{1}{3}\pi \times 3^2 \times 10 \right) + \frac{1}{3} \times \left( \frac{1}{2} \times 3 \times 3 \right) \times 10 = \frac{45}{2}\pi + 15 (\text{cm}^3)$$