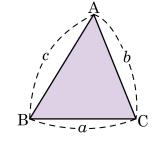
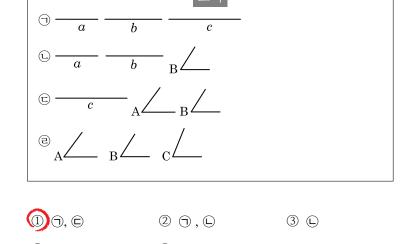
1. $\triangle ABC$ 를 작도하려고 한다. [보기]와 같이 주어졌을 때, 작도할 수 있는 것을 모두 골라라.





(4) (L), (E) (S) (E), (E)

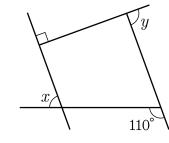
각의 크기가 주어질 때, 한 변의 길이와 그 양 끝 각의 크기가 주어질 때 작도할 수 있다.

삼각형은 세 변의 길이가 주어질 때와 두 변의 길이와 그 끼인

2. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 값은?

① 100°

해설



⑤160°

② 120° ③ 130°

④ 140°

 $\angle x + \angle y = 360^{\circ} - (90^{\circ} + 110^{\circ}) = 160^{\circ}$

3. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

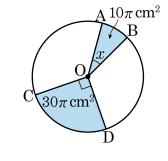
- ① 다각형에서 변의 개수와 꼭짓점의 개수는 같다.
- ② 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.
 ③ 다각형의 이웃하지 않는 두 꼭짓점을 이은 선분을 다각형의
- ③ 다걱명의 이웃하지 않는 두 녹짓점을 이른 신문을 다걱명의 대각선이라고 한다. ④ 모든 변의 길이가 같고 모든 내각의 크기가 같은 다각형을
- 정다각형이라고 한다.

 ⑤ 한 원에서 중심각의 크기가 같은 두 호의 길이는 같다.

② 현의 길이는 중심각의 크기에 비례하지 않는다.

해설

4. 다음 그림의 θO 에서 x 의 크기는?

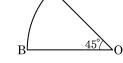


 $\textcircled{1}30^{\circ}$ 2 40° 3 50° 4 60° 5 70°

 $30\pi : 10\pi = 90^{\circ} : x$ $x = 90^{\circ} \times \frac{10\pi}{30\pi} = 30^{\circ}$

5. 다음 그림과 같은 부채꼴 AOB 의 넓이가 8cm² 일 때, 원 O 의 넓이는?

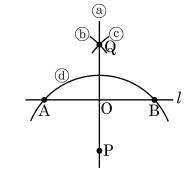
① 61cm^2 ② 62cm^2 ③ 63cm^2 B 464cm^2 ⑤ 65cm^2



해설

 $45^{\circ}: 360^{\circ} = 8: x ,$ $x = \frac{360^{\circ}}{45^{\circ}} \times 8 = 64 \text{(cm}^{2})$

6. 다음은 직선 l 위에 있지 않은 점 P 에서 내린 수선을 나타낸 것이다. 보기 중 옳은 것을 고르면?



작도하는 순서는 @-⑤-ⓒ-@이다.
 () AB = PQ
 () AP = BP
 () AP ± AB

 $\overline{AB} \neq \overline{PQ}$ 이고, $\overline{AB} \perp \overline{PQ}$ 이다

7. \overline{AB} 가 2 cm 인 것을 알고 있고 다음에 주어진 조건을 추가로 알았을 때, 삼각형 ABC 가 하나로 결정되지 <u>않는</u> 것의 개수는?

보기 ----

 \bigcirc $\overline{AC} = 4cm$, $\angle A = 48^{\circ}$

- \bigcirc $\angle A = 30^{\circ}, \angle B = 45^{\circ}$
- © $\angle B = 60^{\circ}, \angle C = 90^{\circ}$

②2 개

해설

③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

① 1개

 $oxed{\Theta}$ \overline{AB} + \overline{BC} < \overline{AC} 이므로 삼각형이 결정되지 않는다. 따라서 2 개다.

8. 삼각형의 합동에 대한 설명 중 옳은 것은 몇 개인가?

보기

- ⊙ 정삼각형은 모두 합동이다.
- € 세 변의 길이가 각각 같은 두 삼각형은 합동이다.
- ⓒ 넓이가 같은 두 삼각형은 합동이다. ② 합동인 두 삼각형은 넓이가 같다.
- ◎ 세 각의 크기가 각각 같은 두 삼각형은 합동이다.

② 1 개

③2 개

④ 4 개 ⑤ 5 개

⊙. 정삼각형이라도 길이가 다르면 합동이 될 수 없다.

① 0개

ⓒ. 넓이가 같다고 해서 항상 합동이 되는 것은 아니다. 예) 밑변의 길이가 12cm, 높이가 6cm 인 삼각형과 밑변의 길이가 6cm, 높이가 12cm 인 삼각형은 넓이는 같지만 합동은 아니다.

②. 각의 크기가 같다고 해서 합동이 되는 것은 아니다.

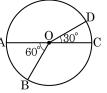
- 9. 다음 정다각형에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?
 - ① 6 개의 꼭짓점으로 이루어진 정다각형은 정육각형이다.
 - ②모든 변의 길이가 같은 도형은 정다각형이다.
 - ③ 세 내각의 크기가 같은 삼각형은 정삼각형이다.
 - ④ 정다각형은 내각의 크기와 외각의 크기가 같다.
 ⑤ 여러 개의 선분으로 둘러싸인 평면도형을 다각형이라고 한다.

② 모든 내각의 크기와 변의 길이가 같은 도형을 정다각형이라고

해설

- │ 한다. │ ④ 정삼각형은 내각의 크기와 외각의 크기가 다르다.(반례)

- 10. 다음 그림에서 \overline{AC} 는 원 O 의 지름이고, ∠AOB = 60°, ∠COD = 30°일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?



 $\boxed{ \ \, 3 \ \, } \overline{\mathrm{AB}} < 2 \overline{\mathrm{CD}}$

① $\overline{AB} = 2\overline{CD}$

- ② $\overline{AB} = 2\overline{OC}$
- $\widehat{\text{(3)}}5.0\text{pt}\widehat{\text{AB}} = 25.0\text{pt}\widehat{\text{CD}}$

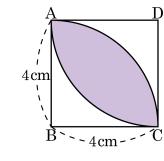
해설

- $\textcircled{4} \triangle AOB = 2\triangle COD$

① $\overline{\mathrm{AB}} < 2\overline{\mathrm{CD}}$

- ② $\overline{AB} = \overline{OC}$ ($\triangle OAB$ 는 정삼각형이므로 $\overline{AB} = \overline{OA} = \overline{OC}$)
- $\odot \overline{AB} < 2\overline{CD}$
- $\textcircled{4} \triangle AOB \neq 2\triangle COD$
- ⑤ 한 원에서 호의 길이와 부채꼴 넓이는 중심각의 크기에 정비
- 례한다. $60^\circ: 30^\circ = 5.0 \mathrm{pt} \widehat{AB}: 5.0 \mathrm{pt} \widehat{CD}$ 이므로, $5.0 \mathrm{pt} \widehat{AB} =$ 25.0ptĈD 이다.

11. 다음 그림과 같이 정사각형 ABCD 에서 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $(8\pi 8)$ cm²
- $(8\pi 16)$ cm² $(16\pi 8)$ cm²
- $\textcircled{4} (16\pi 16) \text{cm}^2 \qquad \textcircled{5} (32\pi 8) \text{cm}^2$

정사각형의 대각선을 하나 그으면,

색칠한 부분을 이등분한 하나의 넓이는 부채꼴 ABC 에서 직각 이등변삼각형을 빼주면 된다. $2 \times \left\{ \left(\pi \times 4^2 \times \frac{1}{4}\right) - \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 4\right) \right\}$

 $= 2(4\pi - 8) = (8\pi - 16)(\mathrm{cm}^2)$

12. 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 다각형인 면으로만 둘러싸인 입체도형을 다면체라고 한다.② 두 밑면이 서로 평행한 다각형이며, 옆면이 모두 직사각형인
- 다면체를 각기둥이라고 한다.
 ③ 밑면이 다각형이고 옆면이 모두 삼각형인 다면체를
- 각뿔이라고 한다.
 ④ 삼각뿔대는 오면체이다.
- ⑤ 각뿔은 옆면의 모양에 따라 삼각뿔, 사각뿔, 오각뿔, …이라고
- 한다.

⑤ 각뿔은 밑면의 모양에 삼각뿔, 사각뿔, 오각뿔, …이라고 한다.

13. 다음 조건을 모두 만족하는 입체도형을 말하여라.

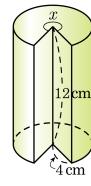
이 입체도형은 면의 모양이 모두 합동인 정삼각형으로 둘러싸여 있으며, 각 꼭짓점에 모이는 면의 개수가 같다. 또한, 한 꼭짓점에 5 개의 모서리가 모인다.

답:▷ 정답: 정이십면체

각 면이 정삼각형이고 한 꼭짓점에 5 개의 면이 모이는 입체도 형은 정이십면체이다.

해설

14. 다음 그림과 같은 입체도형의 부피가 $128\pi\,\mathrm{cm}^3$ 일 때, ∠x 의 크기를 구하면?

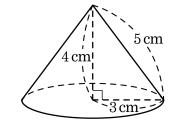


① 120° ② 150° ③ 180° ④ 210°

(5) 240°

 $V = \pi \times 4^2 \times \frac{x}{360^{\circ}} \times 12 = 128\pi$ $\therefore x = 240^{\circ}$

15. 다음 그림과 같은 원뿔의 겉넓이는?



4 $24\pi \text{cm}^2$

① $21\pi \text{cm}^2$

- ② $22\pi \text{cm}^2$ ③ $25\pi \text{cm}^2$
- $3 23\pi \text{cm}^2$

(겉넓이) = $\pi \times 3^2 + \pi \times 3 \times 5 = 9\pi + 15\pi = 24\pi (\text{cm}^2)$

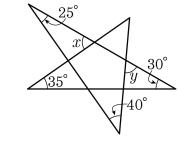
16. 다음 중 눈금 없는 자와 컴퍼스만으로 작도할 수 없는 각은?

① 45° ② 60°

해설
① 90° 의 이등분
② 정삼각형의 작도
④ 95° + 45° 의 작도
⑤ 30° 의 이등분

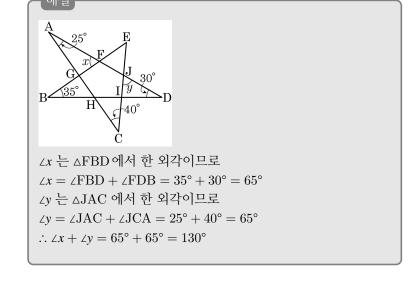
③70° ④ 135° ⑤ 15°

17. 다음 그림과 같은 도형에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



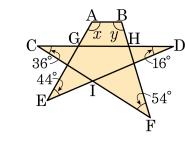
▷ 정답: 130°

▶ 답:



② 200°

① 180°



 $\textcircled{3}210^{\circ}$

4 230°

⑤ 250°

보조선 $\overline{\text{EF}}$ 를 그리면 $36^\circ + 16^\circ = \angle a + \angle b$,

C G x y H D 36° 44° 54° b $\overline{\text{F}}$ 사각형 ABEF 의 내각의 합은 360° 이므로 $\angle x + \angle y + (44^\circ + 54^\circ) + (\angle a + \angle b) = 360^\circ$ $\angle x + \angle y + 98^\circ + 52^\circ = 360^\circ$ \therefore $\angle x + \angle y = 360^\circ - 150^\circ = 210^\circ$ 이다.

19. 다음 설명 중에서 옳은 것은?

- 모든 변의 길이가 같은 다각형을 정다각형이라고 한다.
 육각형의 모든 대각선의 개수는 18 개이다.
- ③ 한 원에서 중심각의 크기와 현의 길이는 정비례한다.
- ② 를 가게 이러 드 기세가 메나 펜 시 키가스 키르시크
- ④ 한 직선과 원이 두 점에서 만날 때 이 직선을 지름이라고 한다.
- ⑤ 한 원에서 호의 길이가 같으면 대응하는 부채꼴의 넓이도 같다.

① 정다각형은 모든 변의 길이가 같고 모든 내각의 크기가 같은

- 다각형이다. ② 육각형의 총 대각선의 개수 : $\frac{6 \times (6-3)}{2} = 9$ (개)
- ③ 한 원에서 중심각과 현의 길이는 비례하지 않는다.

- **20.** 부채꼴에서 반지름의 길이를 2 배로 늘이고, 중심각의 크기를 $\frac{1}{2}$ 로 줄이면 이 부채꼴의 넓이는 처음 부채꼴의 넓이의 몇 배인지 구하면?
 - ②2 33 44 55 ① 1

처음 부채꼴의 반지름의 길이를 r , 중심각의 크기를 a라 하면, 넓이 S_1 은 $S_1 = r^2 \pi \times \frac{a}{360^{\circ}} = \frac{\pi a r^2}{360^{\circ}}$

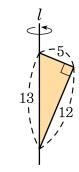
$$S_1 = r^2 \pi \times \frac{\pi}{360^{\circ}} = \frac{\pi}{360^{\circ}}$$

변형한 부채꼴의 반지름의 길이는 2r , 중심각의 크기는 $\frac{1}{2}a$ 가 되므로 넓이 S_2 는

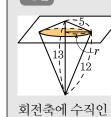
 $S_2 = 4r^2\pi \times \frac{1}{2}a \times \frac{1}{360}$ = $4r^2\pi \times \frac{1}{2}a \times \frac{1}{360}$ = $\frac{2\pi ar^2}{360}$

따라서 S_2 는 S_1 의 2 배이다.

21. 다음 그림과 같은 직각삼각형을 직선 l 축으로 하여 1 회전시킬 때 생 기는 회전체를 회전축에 수직인 평면으로 자를 때 생기는 단면 중에서 가장 큰 단면의 넓이는?



- ① $\frac{625}{36}\pi$ ② 25π ② $\frac{3600}{169}\pi$ ③ $\frac{144}{9}\pi$
- $\Im \frac{2500}{169}\pi$

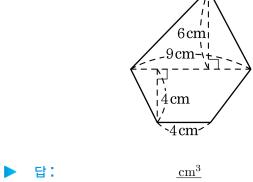


회전축에 수직인 평면으로 자를 때 단면의 넓이가 가장 큰 경우는 위 그림과 같이 자를 때이므로 원의 반지름 r의 값은 $\frac{1}{2} \times 5 \times 12 = \frac{1}{2} \times r \times 13$ $\therefore r = \frac{60}{13}$

$$\frac{1}{2} \times 3 \times 12 = \frac{1}{2} \times 7 \times 12 = \frac{1}{2} \times 1$$

 $\pi \times \left(\frac{60}{13}\right)^2 = \frac{3600}{169}\pi$ 이다,

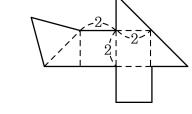
22. 밑면이 다음 그림과 같고 높이가 $14 \, \mathrm{cm}$ 인 오각기둥의 부피를 구하여 라.



▷ 정답: 742 <u>cm³</u>

 $\left\{9 \times 6 \times \frac{1}{2} + (9+4) \times 4 \times \frac{1}{2}\right\} \times 14 = (27 + 26) \times 14 = 742 \text{ (cm}^3)$

23. 한 모서리의 길이가 2 인 정육면체의 일부를 잘라내어 만든 입체도형의 전개도가 있다. 이 입체도형의 부피를 구하여라.



▶ 답:

ightharpoonup 정답: $rac{20}{3}$

전개도로 만들어지는 입체도형을 그리면, 잘려진 부분의 입체는

삼각뿔이 된다. (정육면체의 부피) = 2×2×2 = 2³ = 8

(삼각뿔의 부피) = $\left\{ \left(\frac{1}{2} \times 2^2\right) \times 2 \right\} \times \frac{1}{3} = \frac{4}{3}$

$$V = 8 - \frac{4}{3} = \frac{20}{3}$$

24. 다음 그림과 같이 밑면의 반지 름의 길이가 2 cm 이고 높이가 3 cm 인 원뿔 모양의 컵으로 물을 담아 원기둥 모양의 그릇에 가득 채우려고 한다. 몇 번을 담아 부어야 물이 가득 차겠는가?

 답:

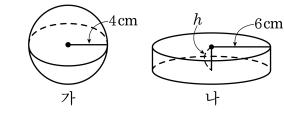
 ▷ 정답:
 72

(원뿔의 부피)= $\frac{1}{3} \times \pi \times 2^2 \times 3 = 4\pi \text{ (cm}^3\text{)}$

해설

(원기둥의 부피)= $\pi \times 6^2 \times 8 = 288\pi$ (cm³) 따라서 $288\pi \div 4\pi = 72$ (번)이다.

25. 다음 그림 가 와 같은 공 모양의 물통과 그림 나 와 같은 원통에 들어 있는 물의 양이 같도록 하려면 나 의 높이를 얼마로 결정해야 하는가? (단, 두께는 생각하지 않는다.)



- ① $\frac{61}{17}$ cm ② $\frac{64}{27}$ cm ③ $\frac{35}{27}$ cm ④ $\frac{67}{29}$ cm ⑤ $\frac{64}{31}$ cm

(가의 부피) =
$$\frac{4}{3}\pi \times 4^3 = \frac{256}{3}\pi(\text{cm}^3)$$

(나의 부피) = $\pi \times 6^2 \times h = 36\pi h(\text{cm}^3)$
 $\frac{256}{3}\pi = 36\pi h$
 $\therefore h = \frac{64}{27}(\text{cm})$

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 64 \end{bmatrix}$$

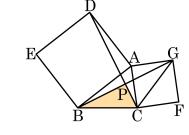
26. 자연수 n 과 자연수 a, b ($a \le n$, $b \le n$) 를 각각 한 변의 길이로 하는 삼각형의 개수를 S(n) 이라 정의한다. 이때, S(n+1) - S(n-1) 의 값을 구하여라. (단, $n \ge 2$)

답:▷ 정답: n+1

해설

n=1 일 때, (1, 1, 1) 이므로 S(1)=1n=2 일 때, $(2,\ 2,\ 2), (2,\ 2,\ 1)$ 이므로 S(2)=2n = 3 일 때, (3, 3, 3), (3, 3, 2), (3, 3, 1), (3, 2, 2) 이므로 S(3) = 4n=4 일 때, (4, 4, 4), (4, 4, 3), (4, 4, 2), (4, 4, 1), (4, 3, 3), (4, 3, 2) 이므로 S(4) = 6n = 5 일 때, (5, 5, 5), (5, 5, 4), (5, 5, 3), (5, 5, 2), (5, 5, 1), (5, 4, 4), (5, 4, 3), (5, 4, 2), (5, 3, 3) 이므로 S(5) = 9S(1) = 1S(2) = 2S(3) = 3 + 1 = S(1) + 3S(4) = 4 + 2 = S(2) + 4S(5) = 5 + 3 + 1 = S(3) + 5S(6) = 6 + 4 + 2 = S(4) + 6이므로 S(n+2) = S(n) + n + 2따라서 S(n+1) = S(n-1) + n + 1S(n+1) - S(n-1) = n+1

27. 다음 그림은 삼각형 ABC 의 두 변을 각각 한 변으로 하는 2 개의 정사각형을 그린 것이다. $\overline{DP} = 9, \overline{BP} = \overline{PG} = 6$ 일 때, 삼각형 BCP 의 넓이를 구하여라.

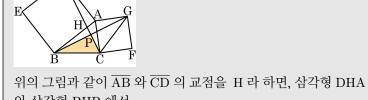


 ► 답:

 ▷ 정답:
 9

삼각형 ACD 와 삼각형 ABG 에서

 $\overline{AD} = \overline{AB}, \overline{AC} = \overline{AG}$, $\angle DAC = 90^{\circ} + \angle BAC = \angle BAG$ 이므로 삼각형 ACD 와 삼각형 ABG 는 SAS 합동이다.



와 삼각형 BHP 에서 ∠DHA = ∠BHP (맞꼭지각)이므로 ∠ADC + ∠DAB = ∠ABG + ∠BPD

 $\angle ADC + 90^{\circ} = \angle ABG + (180^{\circ} - \angle BPC)$

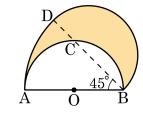
그런데 ∠ADC = ∠ABG 이므로 90°= 180°- ∠BPC

 $\angle BPC = 90$ ° 이고 삼각형 BPC 는 직각삼각형 따라서 $\overline{CD} = \overline{BG} = 12$ 이므로

 $\overline{PC} = 12 - 9 = 3$ 이고,

(삼각형 BPC 의 넓이)= $\frac{1}{2} \times 3 \times 6 = 9$

 ${f 28}$. 다음 그림은 ${f \overline{AB}}$ 를 지름으로 하는 반원을 점 B 를 중심으로 45° 회전 시킨 것이다. $\overline{\mathrm{AO}} = 8\mathrm{cm}$ 일 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $18\pi\mathrm{cm}^2$
- $2 16\pi \text{cm}^2$ $\bigcirc 34\pi\mathrm{cm}^2$
- $3 24\pi \text{cm}^2$

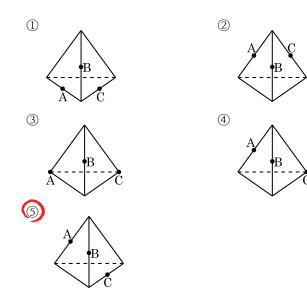
 $432\pi \text{cm}^2$

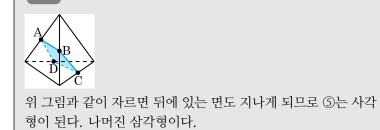
해설

부채꼴 DBA 의 넓이 : $\pi \times 16^2 \times \frac{45^\circ}{360^\circ} = 32\pi (\text{cm}^2)$ $\overline{\mathrm{AB}}$ 를 지름으로 하는 반원의 넓이 : $\frac{1}{2} imes \pi imes 8^2 = 32\pi (\mathrm{cm}^2)$

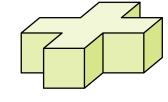
따라서 구하는 넓이는 $32\pi + 32\pi - 32\pi = 32\pi(\mathrm{cm}^2)$ 이다.

29. 정사면체에서 점 A, B, C를 지나는 평면으로 자를 때, 단면의 모양이 다른 하나는?



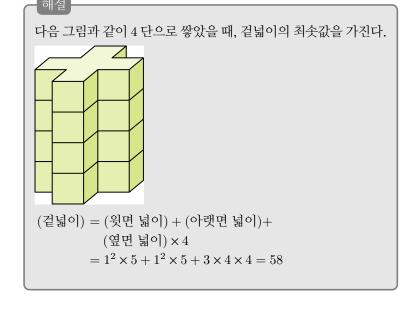


30. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 1인 십자 모양의 블록 4개를 면과 면이 일치하도록 붙여서 만든 입체도형의 겉넓이의 최솟값을 구하여라.



답:

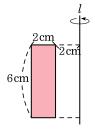
➢ 정답: 58



- 31. 다음 그림과 같은 직사각형을 직선 l을 축으로 하여 회전시켰을 때 생기는 회전체의 겉넓이는?
 - $296\pi\,\mathrm{cm}^2$ ① $72\pi \,\mathrm{cm}^2$ $3116\pi\,\mathrm{cm}^2$ $4 120\pi \, \text{cm}^2$

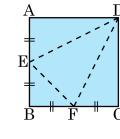
 - $\Im 132\pi\,\mathrm{cm}^2$

해설



 $(\pi\times 4^2 - \pi\times 2^2)\times 2 + 2\pi\times 4\times 6 + 2\pi\times 2\times 6 = 96\pi (\,\mathrm{cm}^2)$

32. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 $10 {
m cm}$ 인 정사각형에서 변 ${
m AB}, {
m BC}$ 의 중점을 E,F 라 할 때, 변 ED, EF, DF 를 따라 접어서 생기는 사면체의 부피를 구하여라.



 $\underline{\mathrm{cm}^3}$

▶ 답: ightharpoonup 정답: $rac{125}{3}
m cm^3$

꼭짓점에서 밑면에 그은 수선의 길이는 정사각형의 한 변의 길 이와 같다. 따라서 사면체의 부피는 $\frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 5 \times 5\right) \times 10 = \frac{125}{3} (\mathrm{cm}^3)$

사면체의 꼭짓점을 D라 하고 밑면을 ΔBEF라 할 때, 사면체의

33. 다음 그림과 같이 부피가 $48\pi \text{cm}^3$ 인 원기둥 안에 둘레가 꼭 맞는 구 3 개가 들어가서 두 밑면에 접하였다. 이때, 들어간 구 한 개의 부피를 구하여라.



▶ 답:

 $\underline{\mathrm{cm}^3}$

ightharpoonup 정답: $rac{32}{3}\pi$ $m cm^3$

구의 반지름을 r 이라 하면

해설

원기둥의 부피는 $\pi r^2 \times 6r = 48\pi$ $6r^3 = 48$ $r^3 = 8$

 $r^3 = 8$ r = 2(cm)

 $\therefore (구의 부피) = \frac{4}{3}\pi \times 2^3 = \frac{32}{3}\pi(\text{cm}^3)$