

1. 다음 그림에서 $\overline{OM} = \overline{ON}$, $\angle A = 50^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기는?



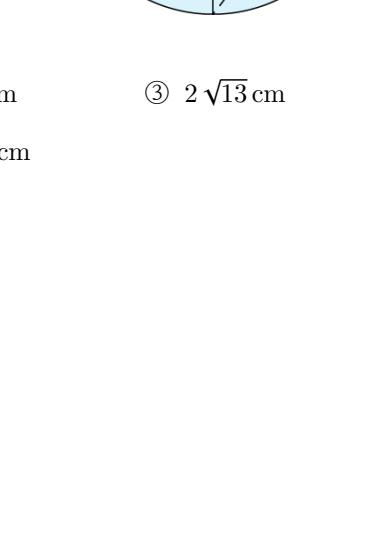
- ① 55° ② 65° ③ 70° ④ 75° ⑤ 85°

2. 다음 그림의 원 O에서 x 의 길이를 구하여라.



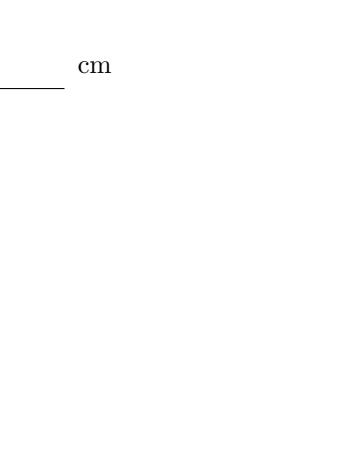
▶ 답: _____

3. 다음 그림과 같이 원 O를 중심으로 하고 반지름의 길이가 각각 4cm, 1cm인 두 원이 있다. 작은 원에 접하는 \overline{AB} 의 길이는?



- ① $2\sqrt{11}$ cm ② $4\sqrt{3}$ cm ③ $2\sqrt{13}$ cm
④ $2\sqrt{14}$ cm ⑤ $2\sqrt{15}$ cm

4. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원 O 의 외접사각형이다. 이 때, x 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

5. 다음 그림에서 $\angle BAC = 70^\circ$ 일 때, $\angle OBC$ 의 크기는?

- ① 15° ② 20° ③ 25°

- ④ 30° ⑤ 35°

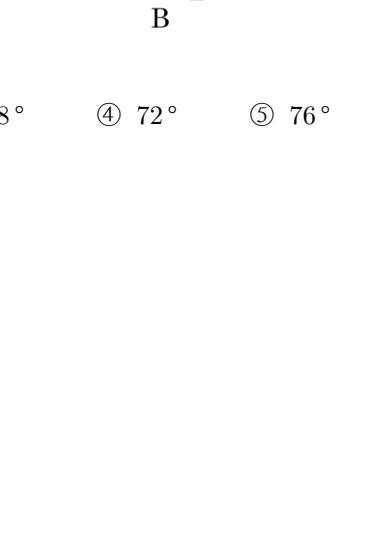


6. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O의 지름이고, 점 P는 \overline{AD} 와 \overline{BE} 의 연장선의 교점이다. $\angle APE$ 의 크기는?



- ① 50° ② 60° ③ 70° ④ 80° ⑤ 90°

7. 다음 그림에서 $\angle COD = x^\circ$,
 $5.0\text{pt} \widehat{AC} = 5.0\text{pt} \widehat{CD}$ 라고 할 때,
 x 의 크기는?



- ① 58° ② 62° ③ 68° ④ 72° ⑤ 76°

8. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O의 지름이고, 점 C는 접점이다. 점 A에서 접선 CT에 내린 수선의 발을 D 라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\angle DCA = \angle CBA$ ② $\overline{DC}^2 = \overline{AD} \cdot \overline{DE}$
③ $\overline{AC}^2 = \overline{AB} \cdot \overline{AD}$ ④ $\angle CAD = \angle ACD$
⑤ $\angle BAC = \angle CAD$

9. 다음 그림에서 직선 TT' 이 원 O 의 접선이고, 점 P 는 원의 접점일 때, $\angle BPT$ 의 크기는?



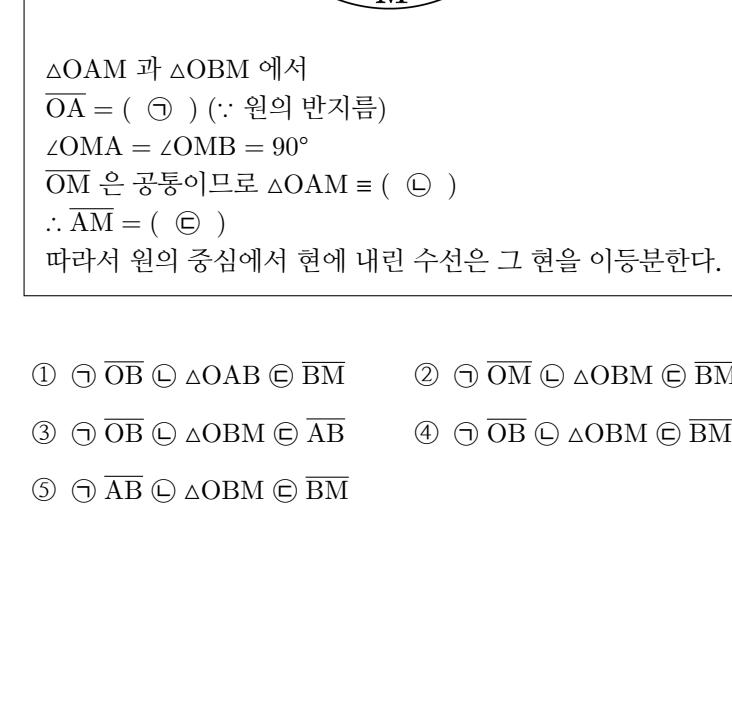
- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

10. 다음 그림에서 $\angle ATP = \angle ABT$ 가 성립할 때, x 값을 구하면?



- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

11. 다음은 원의 중심에서 현에 수선을 그었을 때, 그 현이 이등분됨을 설명한 것이다. () 안에 알맞은 것을 순서대로 나열하면?



$\triangle OAM$ 과 $\triangle OBM$ 에서
 $\overline{OA} = (\textcircled{\text{A}}) \quad (\because \text{원의 반지름})$
 $\angle OMA = \angle OMB = 90^\circ$
 \overline{OM} 은 공통이므로 $\triangle OAM \cong (\textcircled{\text{C}})$
 $\therefore \overline{AM} = (\textcircled{\text{E}})$
따라서 원의 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분한다.

- ① ⊢ $\overline{OB} \triangleleft \triangle OAB \oplus \overline{BM}$ ② ⊢ $\overline{OM} \triangleleft \triangle OBM \oplus \overline{BM}$
③ ⊢ $\overline{OB} \triangleleft \triangle OBM \oplus \overline{AB}$ ④ ⊢ $\overline{OB} \triangleleft \triangle OBM \oplus \overline{BM}$
⑤ ⊢ $\overline{AB} \triangleleft \triangle OBM \oplus \overline{BM}$

12. 다음 그림의 원 O에서 색칠한 부분의 넓이는? (단, $\overline{AB} = \overline{CD}$)



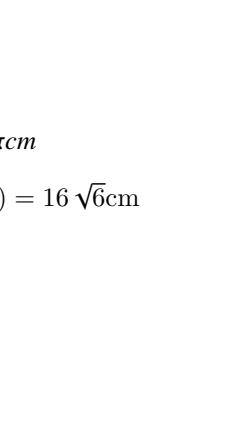
- ① 35cm^2 ② 40cm^2 ③ 52cm^2
④ 60cm^2 ⑤ 72cm^2

13. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O 의 접선이고 $\overline{OP} = 9\text{cm}$, $\overline{OA} = 5\text{cm}$ 일 때, $\triangle OPB$ 의 넓이는?



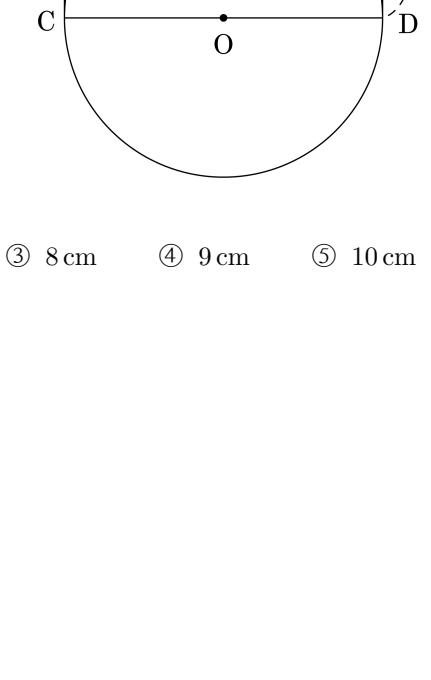
- ① $5\sqrt{7}\text{cm}^2$ ② $5\sqrt{14}\text{cm}^2$ ③ $\frac{5\sqrt{14}}{2}\text{cm}^2$
④ $2\sqrt{14}\text{cm}^2$ ⑤ $10\sqrt{7}\text{cm}^2$

14. 다음 그림과 같이 점 P에서 원 O에 그은 두 접선의 접점이 A, B이고, $\angle AOB = 120^\circ$, $\overline{PB} = 6\sqrt{6}\text{cm}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



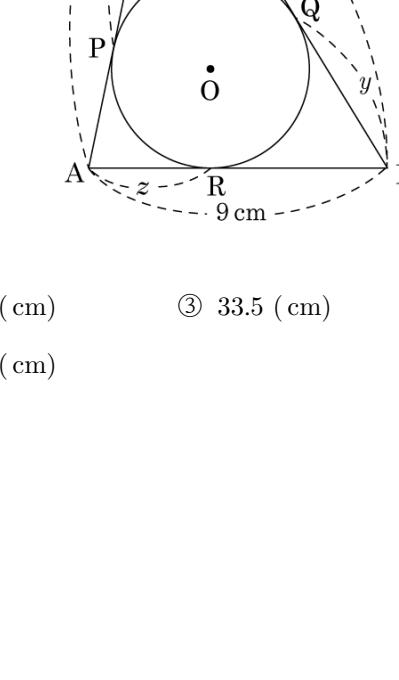
- ① $\overline{OP} = 12\sqrt{2}\text{cm}$
- ② $\overline{AP} = 6\sqrt{6}\text{cm}$
- ③ $\overline{AB} = 6\sqrt{6}\text{cm}$
- ④ $5.0pt \widehat{AB} = 4\sqrt{2}\pi\text{cm}$
- ⑤ $(\square OAPB \text{의 둘레}) = 16\sqrt{6}\text{cm}$

15. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} = 3\text{ cm}$, $\overline{AB} = 10\text{ cm}$ 이고 원 O 가 \overline{AD} , \overline{AB} , \overline{BC} 에 각각 접할 때, 선분 BC 의 길이로 알맞은 것은?



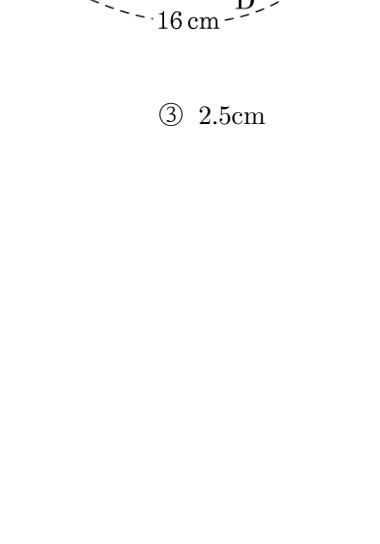
- ① 6 cm ② 7 cm ③ 8 cm ④ 9 cm ⑤ 10 cm

16. 원 O 는 $\triangle ABC$ 에 내접한다고 한다. 점 P, Q, R 는 각 변의 접점이고, $\overline{AB} = 11\text{ cm}$, $\overline{BC} = 14\text{ cm}$, $\overline{AC} = 9\text{ cm}$ 라고 할 때, $2x + 2y + 2z$ 의 값은?



- ① 35 (cm) ② 34 (cm) ③ 33.5 (cm)
④ 33 (cm) ⑤ 32 (cm)

17. 다음 그림에서 원 O는 삼각형 ABC의 내접원이다. $\overline{BC} = 16\text{cm}$, $\overline{AC} = 12\text{cm}$ 이고 $\angle C = 90^\circ$ 일 때, 내접원 O의 반지름의 길이는?



- ① 1.5cm ② 2cm ③ 2.5cm
④ 3cm ⑤ 4cm

18. 다음 그림에서 $\angle y - \angle x$ 의 크기를 구하여
라. (단위는 생략)



▶ 답: _____ °

19. 다음 그림에서 $\angle BAC$ 의 크기를 구하여라. (단, $\square ABCD$ 는 원에 내접한다.)



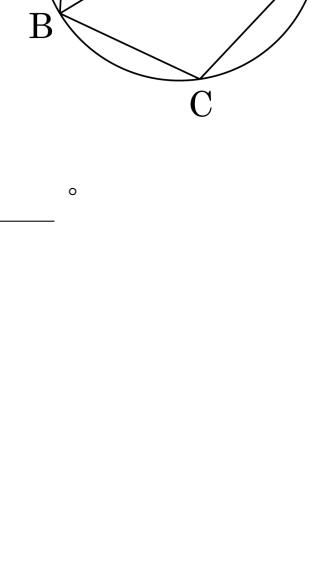
▶ 답: _____ °

20. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 가 원에 내접할 때, $\angle BAE$ 의 크기를 구하면?



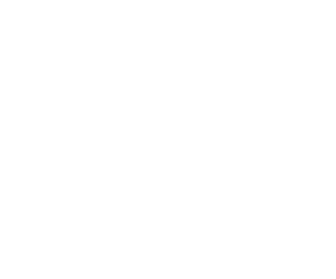
- ① 148° ② 147° ③ 146° ④ 145° ⑤ 144°

21. 다음 그림과 같이 원 O에 내접하는 오각형 ABCDE에서 $\angle AOB = 70^\circ$ 일 때, $\angle C + \angle E$ 의 크기를 구하여라.



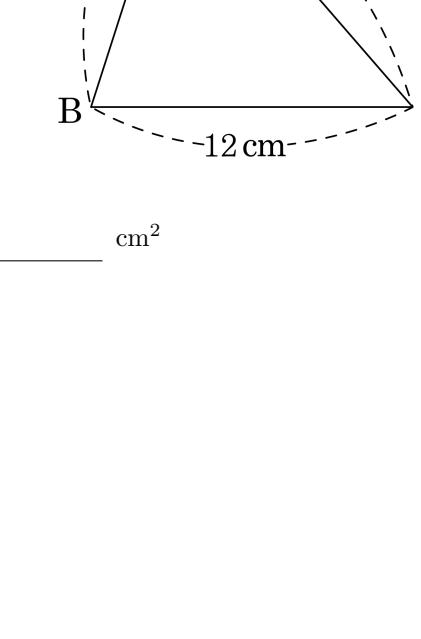
▶ 답: _____ °

22. 다음 그림에서 두 점 P, Q 는 두 원 O , O' 의 교점이고, 점 D, C 는 두 원 O' , O'' 의 교점이다.
 $\angle BAP = 80^\circ$, $\angle ABQ = 84^\circ$ 일 때, $\angle DEF$ 의 크기는?



- ① 83° ② 92° ③ 96° ④ 100° ⑤ 102°

23. 다음 그림과 같이 밑변이 12 cm 인 삼각형 ABC 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm^2

24. 다음 그림에서 \widehat{AB} 는 반지름의 길이가 26 인 원의 일부분이다. $\overline{AB} = 20$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?



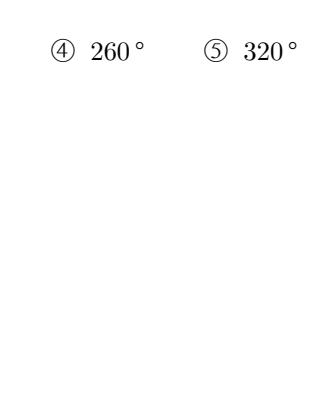
- ① 10 ② $20\sqrt{2}$ ③ 20 ④ 25 ⑤ $24\sqrt{5}$

25. 다음 그림에서 점 P는 두 원 \widehat{AB} , \widehat{CD} 의 교점이고 $\widehat{BC} = 7\text{ cm}$, $\angle ACD = 25^\circ$, $\angle BPC = 65^\circ$ 일 때, 이 원의 둘레의 길이를 구하여라.



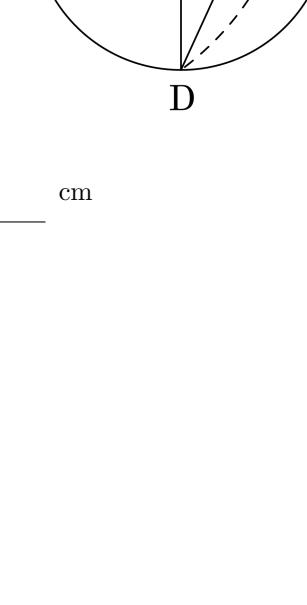
▶ 답: _____ cm

26. 다음 그림에서 두 반직선은 원 O의
접선이다. $\angle BAD = 90^\circ$, $\angle EDC =$
 65° , $\angle EBF = 40^\circ$, $\angle CPD = 70^\circ$ 일
때, $\angle a + \angle b + \angle c$ 의 크기는?



- ① 240° ② 245° ③ 255° ④ 260° ⑤ 320°

27. 다음 그림과 같이 원의 두 현 AB, CD 의 교점을 P 라 할 때, $\overline{AP} = 15\text{ cm}$, $\overline{AC} = 17\text{ cm}$, $\angle CPB = 90^\circ$ 이다. \overline{BD} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

28. 다음 그림에서 $\overline{AB} = 8\text{cm}$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$, $\overline{AD} = 7\text{cm}$, $\overline{DE} = 9\text{cm}$ 이고,
 $\angle BFD = 120^\circ$, $\angle FCB = 35^\circ$ 일 때, $\angle ADF$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

29. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 3인 원 O의 외부에 점 P가 있다. 점 P에서 원 O에 그은 접선의 길이가 4일 때, 점 P에서 원 O에 이르는 최단거리인 \overline{AP} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____

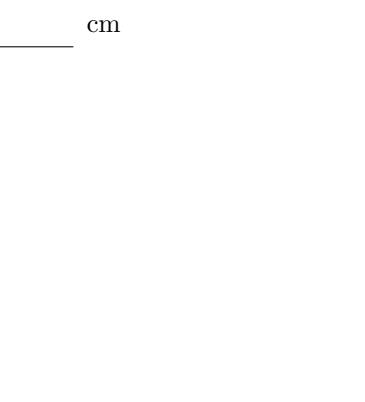
30. 다음 그림과 같이 두 원 O , O' 의 공통외접선 CD 와 공통현 AB 의 연장선이 점 P 에서 만난다. $\overline{PA} = 1\text{cm}$, $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{BC} = \overline{BD} = \sqrt{30}\text{cm}$ 일 때, $\triangle CBD$ 의 넓이는?



- ① 10 cm^2 ② $5\sqrt{3}\text{ cm}^2$ ③ $6\sqrt{2}\text{ cm}^2$

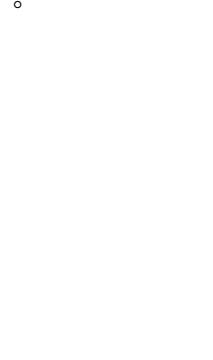
- ④ $5\sqrt{5}\text{ cm}^2$ ⑤ $2\sqrt{6}\text{ cm}^2$

31. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 8\text{cm}$ 인 직사각형 ABCD 의 세 변과 \overline{BE} 에 접하는 원 O 에 대하여 $\angle ABE = 45^\circ$ 일 때, 직사각형의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

32. 다음 그림과 같이 두 원이 두 점 E, F에서 만나고, \overline{AC} 와 \overline{BD} 의 교점이 점 E이다. $\angle BPC = 70^\circ$ 일 때, $\angle AFC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

33. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O 의 지름이고 $5.0\text{pt}\widehat{AC} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 2 : 7$, $5.0\text{pt}\overline{AB}$ 의 5 등분점을 각각 D, E, F, G 라 할 때, $\angle x, \angle y$ 의 크기를 각각 구하여라.



▶ 답: $\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$ °

▶ 답: $\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$ °