

1. 평행사변형, 직사각형, 마름모, 정사각형의 관계를 나타낸 것 중 옳은 것은?

- ① 평행사변형은 직사각형이다.
- ② 평행사변형은 직사각형 또는 마름모이다.
- ③ 정사각형은 직사각형이면서 마름모이다.
- ④ 마름모는 평행사변형이면서 직사각형이다.
- ⑤ 마름모는 직사각형이면서 정사각형이다.

2. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{BP} : \overline{PC} = 3 : 4$ 이고,  $\triangle ABC$ 의 넓이가  $49\text{cm}^2$  일 때,  $\triangle APC$ 의 넓이는?

- ①  $14\text{cm}^2$     ②  $21\text{cm}^2$     ③  $28\text{cm}^2$   
④  $30\text{cm}^2$     ⑤  $42\text{cm}^2$

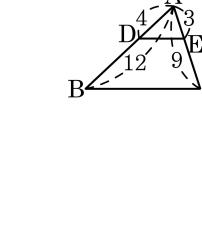


3. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 점 A를 지나는 직선이 변 BC와 만나는 점을 E, 변 DC의 연장선과 만나는 점을 F라 하면,  $a$ 의 값은?



- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

4. 다음 그림에서  $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$  가 평행하지 않은 것은?



5. 다음 그림과 같이  $\overline{AD} // \overline{BC}$  인 사다리꼴 ABCD에서  $\overline{EF} // \overline{BC}$  일 때,  
 $x, y$ 의 값을 각각 구하면?



- ①  $x = 3, y = 3$       ②  $x = 2, y = 3$       ③  $x = 4, y = 3$   
④  $x = 3, y = 2$       ⑤  $x = 2, y = 5$

6. 다음 그림에서 점 G는  $\triangle ABC$ 의 무게중심이고  $\overline{AG} = 12\text{ cm}$  일 때,  $\overline{GD}$ 를 지름으로 하는 작은 원의 넓이는?

- ①  $6\pi \text{ cm}^2$       ②  $9\pi \text{ cm}^2$   
③  $12\pi \text{ cm}^2$       ④  $36\pi \text{ cm}^2$   
⑤  $81\pi \text{ cm}^2$



7. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 의 넓이는? (단,  $\angle BAC = 90^\circ$ ,  $\overline{BD}$ ,  $\overline{CE}$ 는 각각 점 B, C에서  $\overline{FG}$ 에 내린 수선,  $\overline{AB} = \overline{AC}$ ,  $\overline{BD} = 7$ ,  $\overline{CE} = 3$ )



- ① 25      ② 26      ③ 27      ④ 28      ⑤ 29

8. 평행사변형 ABCD에서  $\overline{AF}$ ,  $\overline{BE}$ 는 각각  $\angle A$ 와  $\angle B$ 의 이등분선이다.  $\angle AEB + \angle AFB$ 의 크기는?

- ①  $70^\circ$     ②  $75^\circ$     ③  $80^\circ$

- ④  $85^\circ$     ⑤  $90^\circ$



9. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에 대하여  
두 대각선의 교점 P 를 지나는 직선 중 변  
AD , 변 BC 가 만나는 점을 각각 E, F 를  
변 DC 가 만나는 점을 각각 G, H 라 할 때,  
다음 중 옳지 않은 것은?



- ①  $\triangle GBP \cong \triangle HDP$       ②  $\overline{EP} = \overline{FP}$   
③  $\triangle AEP \cong \triangle CFP$       ④  $\overline{AE} = \overline{CF}$

- ⑤  $\triangle APD \cong \triangle CPD$

10. 다음 그림에서 ABCD 가 마름모일 때,  
 $x - y$ 의 값을 구하여라.(단, 단위생략)



▶ 답: \_\_\_\_\_

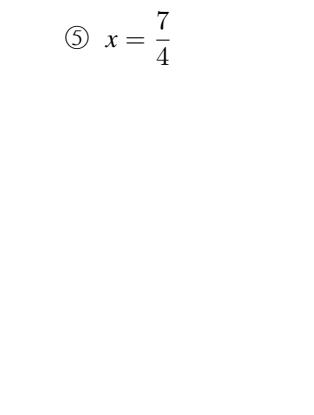
11. 다음 그림의  $\square ABCD$ 는  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴이다.  $\overline{AB} = 6\text{cm}$ ,

$\overline{AB} = \overline{AD} = \overline{CD}$ ,  $\overline{AD} = \frac{1}{2}\overline{BC}$  일 때,  $\overline{BC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

12. 다음 그림에서  $\overline{AC} = 4$ ,  $\overline{BD} = 6$  일 때,  $\overline{DC}$  의 길이는?



- ①  $x = 5$       ②  $x = 6$       ③  $x = \frac{8}{3}$   
④  $x = \frac{9}{5}$       ⑤  $x = \frac{7}{4}$

13. 다음 그림과 같이  
 $\angle BAC = 90^\circ$ 이고  
 $\overline{AH}$  와  $\overline{BC}$  가 직교할 때,  $x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

14. 다음 그림에서  $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$  일 때,  $x + y$ 의 값은?



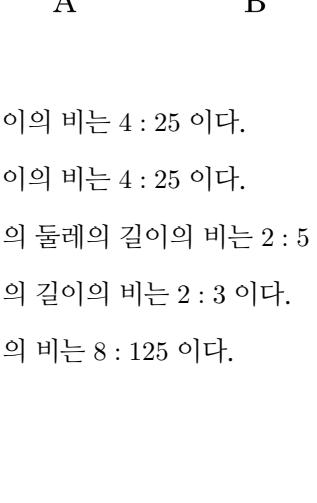
- ① 11.5    ② 12    ③ 13.5    ④ 14    ⑤ 14.5

15. 다음 그림에서  $\overline{AD}$  가  $\angle A$  의 이등분선일 때,  $\triangle ABC$ ,  $\triangle ACD$  의 넓이  $S_1$ ,  $S_2$  의 비는?



- ① 5 : 7      ② 7 : 12      ③ 7 : 5      ④ 12 : 7      ⑤ 12 : 5

16. 다음 그림의 두 원뿔 A, B 는 같은 도형이다. 다음 중 도형 A, B 를 잘못 비교한 것은?



- ① A, B 의 밀넓이의 비는  $4 : 25$  이다.
- ② A, B 의 옆넓이의 비는  $4 : 25$  이다.
- ③ A, B 의 밀면의 둘레의 길이의 비는  $2 : 5$  이다.
- ④ A, B 의 모선의 길이의 비는  $2 : 3$  이다.
- ⑤ A, B 의 부피의 비는  $8 : 125$  이다.

17. 다음 그림과 같이 원뿔의 모선을 삼등분하여 원뿔을 밑면에 평행하게 잘랐을 때, 생기는 세 입체도형을 각각 A, B, C 라 하자. 세 입체도형 A, B, C 의 부피의 비는?

① 1 : 4 : 9      ② 1 : 3 : 5

③ 1 : 8 : 27      ④ 1 : 7 : 19

⑤ 1 : 6 : 21



18. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  는  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형이다. 점 D, E, F는 각각  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AB}$  위의 점이고,  $\overline{CD} = \overline{BF}$ ,  $\overline{BD} = \overline{CE}$ ,  $\angle A = 40^\circ$  일 때,  $\angle FDE$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

19. 다음 그림에서 점 O는  $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 빗변의 중점

이다.  $\overline{OA} = \overline{BC}$  일 때,  $\frac{\angle BCD}{\angle BAO}$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

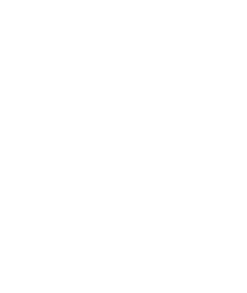
20. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서  
 $\angle B$ 의 이등분선이  $\overline{AD}$ 와  $\overline{CD}$ 의 연장선과  
만나는 점을 각각 E, F 일 때,  $\overline{CD}$ 의 길이를  
구하여라.



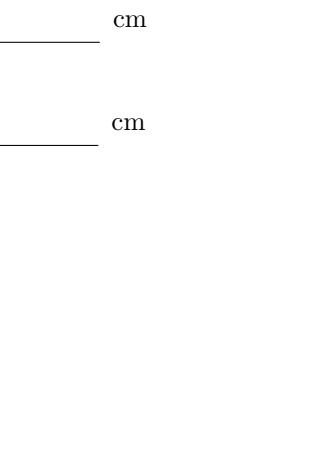
▶ 답: \_\_\_\_\_

21. 평행사변형 ABCD 의 대각선 AC 위에 두 점 E , F 를 각각  $\overline{AE} = \overline{EO}$  ,  $\overline{OF} = \overline{FC}$  가 되게 잡을 때, 평행사변형 ABCD 의 넓이는 평행사변형 EBFD 의 넓이의 몇 배인지 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_ 배



22. 다음 그림에서 직선  $k$ 와  $l$ , 직선  $l$ 과  $m$ , 직선  $m$ 과  $n$  사이의 거리가 각각 18, 12, 6 일 때,  $x$ ,  $y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:  $x = \underline{\hspace{2cm}}$  cm

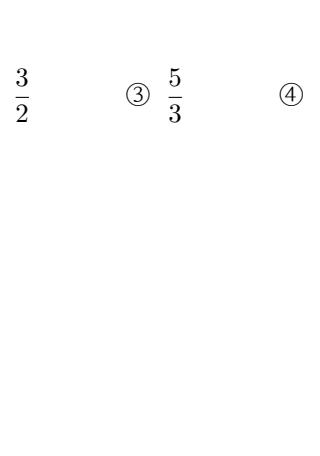
▶ 답:  $y = \underline{\hspace{2cm}}$  cm

23. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AB}$ 의 삼등분점을 D, E,  $\overline{AC}$ 의 중점을 F 라 하고  $\overline{DF}$ 와  $\overline{BC}$ 의 연장선의 교점을 G 라 하자.  $\overline{EC} = 12\text{cm}$  일 때,  $\overline{FG}$ 의 길이는?



- ① 16cm    ② 18cm    ③ 20cm    ④ 22cm    ⑤ 24cm

24.  $\overline{AD} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 8\text{cm}$ , 높이가 4cm인 사다리꼴 ABCD에서  $\overline{AD}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{BD}$ 의 중점을 각각 G, F, E라고 할 때,  $\triangle EFG$ 의 넓이를 구하면?



$$\begin{array}{lllll} \textcircled{1} & 1 & \textcircled{2} & \frac{3}{2} & \textcircled{3} & \frac{5}{3} \\ & & & & & \textcircled{4} & \frac{15}{8} \\ & & & & & & \textcircled{5} & 2 \end{array}$$

25. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가  $a$ cm인 정사면체의 모서리 BC를  $6 : 1$ 로 내분하는 점 E를 출발하여 모서리 AC 위의 점 F, 모서리 AD 위의 점 G를 차례로 지난 후 B에 도달하게 실을 감으려고 한다. 실의 길이가 최소가 될 때,  $\overline{AF}$ 의 길이를  $a$ 로 나타내어라.



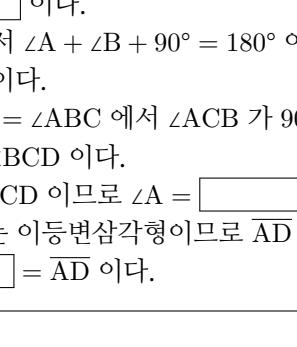
▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

26. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = 10\text{cm}$ ,  $\angle B = \angle C$  인 삼각형 ABC의 변 BC 위의 한 점 P에서 나머지 두 변에 내린 수선의 발을 각각 D, E라고 한다.  $\overline{PE} + \overline{PD} = 8\text{cm}$  일 때, 삼각형 ABC의 넓이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

27. 다음은 직각삼각형 ABC에서  $\overline{AB}$  위의  $\angle B = \angle BCD$  가 되도록 점 D를 잡으면  $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$  임을 증명하는 과정이다. 빈칸에 알맞은 것을 순서대로 써 넣은 것은?



$\angle B = \angle BCD$  이므로  $\triangle BCD$  는 [ ] 이다.  
따라서  $\overline{BD} = [ ]$  이다.  
삼각형 ABC에서  $\angle A + \angle B + 90^\circ = 180^\circ$  이므로  
 $\angle A = 90^\circ - \angle B$  이다.  
 $\angle ACD + [ ] = \angle ABC$ 에서  $\angle ACB$  가  $90^\circ$  이므로  
 $\angle ACD = 90^\circ - \angle BCD$  이다.  
그런데  $\angle B = \angle BCD$  이므로  $\angle A = [ ]$  이다.  
따라서  $\triangle ACD$  는 이등변삼각형이므로  $\overline{AD} = \overline{CD}$  이다.  
 $\therefore \overline{BD} = [ ] = \overline{AD}$  이다.

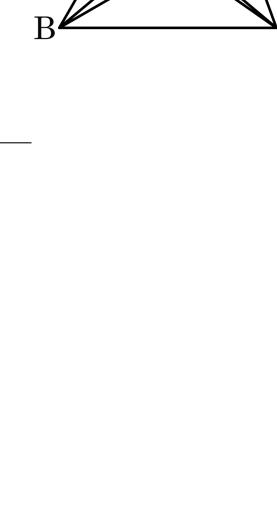
- ① 이등변삼각형,  $\overline{AD}$ ,  $\angle BCD$ ,  $\angle BCD$ ,  $\overline{BC}$
- ② 이등변삼각형,  $\overline{CD}$ ,  $\angle BCD$ ,  $\angle ACD$ ,  $\overline{CD}$
- ③ 이등변삼각형,  $\overline{AD}$ ,  $\angle ACD$ ,  $\angle ACD$ ,  $\overline{AC}$
- ④ 직각삼각형,  $\overline{CD}$ ,  $\angle ACD$ ,  $\angle BCD$ ,  $\overline{AC}$
- ⑤ 직각삼각형,  $\overline{AD}$ ,  $\angle BCD$ ,  $\angle ACD$ ,  $\overline{BC}$

28. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이다.  $\angle OCB = 35^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $35^\circ$       ②  $40^\circ$       ③  $45^\circ$       ④  $50^\circ$       ⑤  $55^\circ$

29. 그림에서 점 O 와 I는 각각  $\triangle ABC$  의 외심과 내심이다.  $\angle BOC = 100^\circ$ 이고,  $\angle A = a^\circ$ ,  $\angle BIC = b^\circ$  라 할 때,  $b - a$ 의 값을 구하여라.



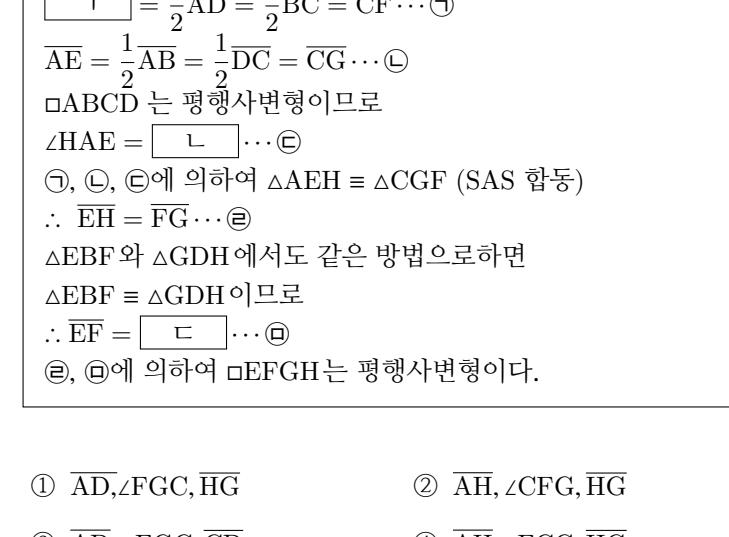
▶ 답: \_\_\_\_\_

30. 평행사변형 ABCD에서  $\angle ADE = \angle CDE$  일 때,  $\overline{BE}$ 의 길이는?



- ① 3cm    ② 4cm    ③ 5cm    ④ 6cm    ⑤ 7cm

31. 다음은 평행사변형 ABCD의 각 변의 중점을 차례로 E, F, G, H라 할 때, □EFGH가 평행사변형임을 증명하는 과정이다. ㄱ~ㄷ에 들어갈 것으로 옳은 것을 차례로 나열한 것은?



$\triangle AEH$  와  $\triangle CGF$  에서

$$\boxed{\text{ㄱ}} = \frac{1}{2}\overline{AD} = \frac{1}{2}\overline{BC} = \overline{CF} \cdots \text{㉠}$$

$$\overline{AE} = \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2}\overline{DC} = \overline{CG} \cdots \text{㉡}$$

□ABCD 는 평행사변형이므로

$$\angle HAE = \boxed{\text{ㄴ}} \cdots \text{㉢}$$

㉠, ㉡, ㉢에 의하여  $\triangle AEH \equiv \triangle CGF$  (SAS 합동)

$$\therefore \overline{EH} = \overline{FG} \cdots \text{㉣}$$

$\triangle EBF$  와  $\triangle GDH$ 에서도 같은 방법으로하면

$\triangle EBF \equiv \triangle GDH$ 이므로

$$\therefore \overline{EF} = \boxed{\text{ㄷ}} \cdots \text{㉤}$$

㉣, ㉤에 의하여 □EFGH는 평행사변형이다.

①  $\overline{AD}, \angle FGC, \overline{HG}$

②  $\overline{AH}, \angle CFG, \overline{HG}$

③  $\overline{AD}, \angle FGC, \overline{CD}$

④  $\overline{AH}, \angle FCG, \overline{HG}$

⑤  $\overline{AH}, \angle FCG, \overline{GD}$

32. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서  $\square ABCD = 48$ ,  $\triangle ABP = 6$ ,  $\triangle ADQ = 16$  일 때,  $\triangle PCQ$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_