

1. 다음 수열  $\{a_n\}$ 의 일반항  $a_n$  은?

1, 4, 9, 16 ⋯
---------------

- ①  $n$       ②  $3n - 2$       ③  $2n + 1$   
④  $n^2$       ⑤  $(n + 1)^2$

2. 두 실수  $a$ ,  $b$ 에 대하여  $a$ ,  $6$ ,  $b$ 는 이 순서대로 등차수열을 이루고,  
 $a$ ,  $4$ ,  $b$ 는 그 역수가 이 순서대로 등차수열을 이루면,  $a^2 + b^2$ 의  
값은?

① 92      ② 94      ③ 96      ④ 98      ⑤ 100

3. 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_{17} = -28$ ,  $a_{65} = 8$ 이다. 이 등차수열의 첫째항부터 제 33항까지의 합은?

- ① -924    ② -462    ③ -231    ④ 462    ⑤ 924

4. 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 $n$  항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  $S_4 = 24$ ,  $S_{10} = 0$  일 때,  $S_n = -200$ 이 되는  $n$ 의 값은?

- ① 16      ② 18      ③ 20      ④ 22      ⑤ 24

5. 100 이하의 자연수 중에서 3으로 나누었을 때 나머지가 2인 수의 합은?

- ① 1600    ② 1620    ③ 1650    ④ 1680    ⑤ 1700

6. 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합이  $S_n = n^2 + 2n$ 인 등차수열  $\{a_n\}$ 의  $a_{10}$ 과 공차  $d$ 의 값의 합은?

① 20      ② 21      ③ 22      ④ 23      ⑤ 24

7. 공비가 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_1 + a_2 = 15$ ,  $a_3 + a_4 = 240$  일 때,  $a_1 + a_4$ 의 값은?

- ① 189      ② 192      ③ 195      ④ 198      ⑤ 201

8. 이차방정식  $x^2 - 6x + 3 = 0$ 의 두 근의 등차중항을  $A$ , 등비중항을  $G$  라 할 때,  $A^2, G^2$ 을 두 근으로 하는 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 에서  $a + b$ 의 값은?

① 12      ② 15      ③ 24      ④ 27      ⑤ 39

9. 다항식  $f(x) = x^2 + ax$ 에 대하여  $f(x)$ 를  $x-2, x-1, x+1$ 로 나누었을 때의 나머지가 이 순서로 등비수열을 이루 때, 모든  $a$ 의 값의 합은?

①  $-\frac{4}{3}$       ②  $-1$       ③  $0$       ④  $1$       ⑤  $\frac{4}{3}$

10. 첫째항이 1이고, 공비가 4인 등비수열에서 첫째항부터 몇 항까지의

합이 처음으로 1000보다 크게 되는가?

(단,  $\log 2 = 0.3010$ ,  $\log 3 = 0.4771$ )

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

11. 수열  $\{a_n\}$ 이  $\sum_{k=1}^n (a_{3k-2} + a_{3k-1} + a_{3k}) = (3n+2)^2$ 을 만족할 때,  
 $\sum_{k=31}^{60} a_k$ 의 값은?

- ① 2520    ② 2620    ③ 2720    ④ 2820    ⑤ 2920

12.  $2^n$  을 3 으로 나눈 나머지를  $a_n$  이라 할 때,  $\sum_{k=1}^{12} a_k$  의 값은?

- ① 16      ② 17      ③ 18      ④ 19      ⑤ 20

13. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $\sum_{k=1}^n a_k = n^2 + n$  일 때,  $\sum_{k=1}^n a_{2k-1}$  을  $n$ 에 대한 식으로 나타내면?

- ①  $n^2 + 1$       ②  $n^2 + 3n$       ③  $2n^2$   
④  $2n^2 + n$       ⑤  $3n^2 - 1$

14. 수열  $\frac{1}{2^2 - 1}, \frac{1}{3^2 - 1}, \frac{1}{4^2 - 1}, \frac{1}{5^2 - 1}, \dots$  의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을 구하면?

①  $\frac{n+2}{2(n+1)}$       ②  $\frac{2n}{(n+1)(n+2)}$   
③  $\frac{n(3n+5)}{4(n+1)(n+2)}$       ④  $\frac{2n+5}{2(n+3)}$   
⑤  $\frac{2n(n+1)}{(n+3)(n+5)}$

15.  $\sum_{k=1}^{10} \left[ \frac{2^k}{10} \right]$  의 값을 구하여라. (단,  $[x]$  는  $x$ 보다 크지 않은 최대의 정수이다.)

▶ 답: \_\_\_\_\_

16. 수열 3, 4, 6, 10, 18, ⋯ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$ 은?

- ①  $2n^2 + 2n - 1$       ②  $2n^2 + 2n + 1$       ③  $2^n + 2n - 1$   
④  $n^2 - 2n + 1$       ⑤  $2^n - 2n$

17.  $a_1 = 23$ ,  $a_2 = 20$  이고,  $2a_{n+1} = a_n + a_{n+2}$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) 를 만족하는 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_k = -115$  일 때, 자연수  $k$ 의 값은?

- ① 43      ② 44      ③ 45      ④ 46      ⑤ 47

18.  $a_1 = 1$ ,  $a_{n+1} = \frac{1}{3}a_n$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) 으로 정의된 수열  $\{a_n\}$ 에

대입하여  $b_n = \frac{1}{a_n}$  이라 할 때,  $a_{15}b_{20}$  의 값은?

- ① 3      ② 9      ③ 27      ④ 81      ⑤ 243

19. 모든 항이 양수이고, 임의의 자연수  $m, n$ 에 대하여  $a_{m+n} = 2a_m a_n$  을 만족하는 수열  $\{a_n\}$ 이 있다.  $a_4 = 72$  일 때,  $a_5$  의 값은?

- ①  $72\sqrt{3}$       ②  $72\sqrt{6}$       ③ 144  
④  $144\sqrt{3}$       ⑤ 216

20.  $a_1 = 1$ ,  $a_{n+1} = \frac{a_n}{2+a_n}$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) 과 같이 정의되는 수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_n = \frac{1}{63}$  을 만족하는  $n$ 의 값은?

- ① 9      ② 8      ③ 7      ④ 6      ⑤ 5

21. 서로소인 두 자연수  $a, b$ 에 대하여  $\frac{\sqrt{\sqrt{3}}}{\sqrt{3}} \times \sqrt[3]{3} = 3^{\frac{b}{a}}$  일 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

22. 세 수  $A = \sqrt[3]{4}$ ,  $B = \sqrt[4]{6}$ ,  $C = \sqrt[6]{13}$ 의 대소를 비교하면?

①  $A > B > C$       ②  $B > A > C$       ③  $C > B > A$

④  $A > C > B$       ⑤  $B > C > A$

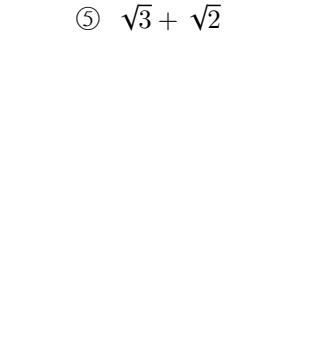
23. 세 수  $A$ ,  $B$ ,  $C$ 를  
 $A = (10\sqrt{5}$ 의 6제곱근 중 양의 실수)  
 $B = (\sqrt{24}$ 의 세제곱근 중 실수),  
 $C = (64$ 의 8제곱근 중 양의 실수)  
로 정의할 때, 세 수 중 가장 큰 수와 가장 작은 수를 차례로 쓰면?

- ①  $A$ ,  $B$     ②  $A$ ,  $C$     ③  $B$ ,  $A$     ④  $B$ ,  $C$     ⑤  $C$ ,  $B$

24.  $20^a = 5\sqrt{3}$ ,  $20^b = 2$  일 때,  $10^{\frac{2a}{1-b}}$  의 값은?

- ① 25      ② 35      ③ 55      ④ 65      ⑤ 75

25. 가로와 세로의 길이가 각각  ${}^4\sqrt{24}$ ,  ${}^4\sqrt{25}$ 인 직사각형의 대각선의 길이는?



- ①  $\sqrt{5} + \sqrt{2}$       ②  $\sqrt{5} - \sqrt{2}$       ③ 3  
④  $\sqrt{3} - \sqrt{2}$       ⑤  $\sqrt{3} + \sqrt{2}$

26.  $\log_3 2 + \log_3 \left(1 + \frac{1}{2}\right) + \log_3 \left(1 + \frac{1}{3}\right) + \cdots + \log_3 \left(1 + \frac{1}{80}\right)$  의 값

은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

27.  $\frac{\log_2 \frac{3}{\sqrt[3]{3}} + \log_2 \frac{4}{\sqrt[3]{16}} - \log_2 10 \sqrt[3]{10}}{\log_2 \sqrt[3]{0.12}}$  의 값은?

- ① 1      ②  $\frac{4}{3}$       ③  $\frac{8}{3}$       ④ 3      ⑤  $\frac{10}{3}$

28.  $a = \log_3 \sqrt{6 - 2\sqrt{5}}$  일 때,  $3^a - 3^{-a}$ 의 값은?

- |   |   |  |
|---|---|--|
| <p>① <math>-2\sqrt{2}</math></p>              | <p>② <math>-2</math></p>                      | <p>③ <math>\frac{\sqrt{5} - 1}{2}</math></p> |
| <p>④ <math>\frac{3\sqrt{5} - 5}{4}</math></p> | <p>⑤ <math>\frac{3\sqrt{5} + 5}{4}</math></p> |  |

29.  $\log a$ 의 정수 부분이 2 일 때,  $A = \log a \sqrt{a}$ 의 값의 범위는?

- |                                  |                            |
|----------------------------------|----------------------------|
| ① $\frac{3}{2} \leq A < 3$       | ② $\frac{3}{2} < A \leq 3$ |
| ③ $2\sqrt{2} \leq A < 3\sqrt{3}$ | ④ $3 \leq A < \frac{9}{2}$ |
| ⑤ $3 < A \leq \frac{9}{2}$       |                            |

30.  $\log 2 = 0.3010$ ,  $\log 3 = 0.4771$  일 때, 두 상용로그  $\log 60^2$  과  $\log \frac{1}{60}$ 의 소수 부분의 차는?

- ① 0
- ② 0.1761
- ③ 0.3010
- ④ 0.3343
- ⑤ 0.7781

31.  $\frac{[\log 20010] + [\log 2.001]}{[\log 0.02001]}$ 의 값은? (단,  $[x]$ 는  $x$ 를 넘지 않는 최대 정수)

- ① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

32. 수열  $\log_2(n+1)$ 의 제 15 항은?

- |                                 |                                 |                                 |
|---------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|
| <p>① <math>\log_2 13</math></p> | <p>② <math>\log_2 15</math></p> | <p>③ <math>\log_2 17</math></p> |
| <p>④ 3</p>                      | <p>⑤ 4</p>                      |                                 |

33. 어느 비행센터에서는 대기압을  $x$ (mmHg), 외부온도를  $t(^{\circ}C)$ 로 설정할 때, 비행기 운행에 적절한 고도  $h(m)$ 는 다음과 같은 관계식으로 정해진다고 한다.

$$h = (30t + 8000) \log \frac{760}{x}$$

대기압을 15.2mmHg, 외부온도를  $-30^{\circ}C$ 로 설정할 때, 비행기 운행에 적절한 고도가  $am$ 이다. 이때,  $a$ 의 값은? (단,  $\log 2 = 0.3$ 으로 계산한다.)

- ① 11070      ② 12070      ③ 13070  
④ 14070      ⑤ 15070