

1. 두 수 48과 2사이에 10개의 수 a_1, a_2, \dots, a_{10} 을 넣어 12개의 수 $48, a_1, a_2, \dots, a_{10}, 2$ 가 등차수열을 이루게 하였다. 이때, $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{10}$ 의 값은?

① 200

② 250

③ 300

④ 350

⑤ 400

2. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_5 = 4a_3$, $a_2 + a_4 = 4$ 가 성립할 때, a_6 의
값은?

① 5

② 8

③ 11

④ 13

⑤ 16

3. 조화수열 $\frac{1}{3}, \frac{1}{5}, \frac{1}{7}, \frac{1}{9}, \dots$ 의 일반항은?

① $2n - 1$

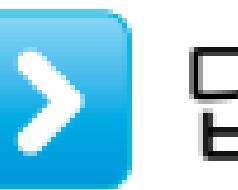
② $2n + 1$

③ $\frac{3}{n}$

④ $-\frac{6}{n}$

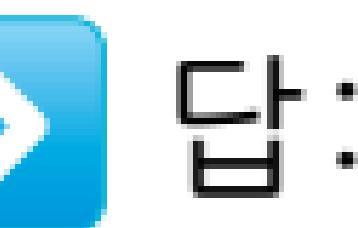
⑤ $\frac{1}{2n + 1}$

4. 첫째항이 1이고 공차가 자연수 d 인 등차수열의 첫째항부터 제 n 항까지의 합을 S_n 이라 하자. $n \geq 3$ 일 때, $S_n = 94$ 를 만족하는 d 의 값을 구하여라.



답:

5. $\frac{d}{dx}$ 차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_5 + a_{10} + a_{15} + a_{20} = 72$ 일 때, $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{24}$ 의 합을 구하여라.



답:

6. 제 3 항이 -12 이고 제 6 항이 -96 인 등비수열의 일반항 a_n 을 구하면?

① $2 \cdot 3^{n-1}$

② $(-3) \cdot 2^{n-1}$

③ $3 \cdot (-2)^{n-1}$

④ $(-2) \cdot 3^{n-1}$

⑤ $2 \cdot (-3)^{n-1}$

7. $\sum_{k=1}^{10} a_k = 3$, $\sum_{k=1}^{10} b_k = 5$ 일 때, $\sum_{k=1}^{10} (a_k + 2b_k - 1)$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

8.

$$\sum_{l=1}^{10} \left\{ \sum_{k=1}^5 (k+l) \right\} \text{의 값은?}$$

① 400

② 425

③ 450

④ 475

⑤ 500

9. $\sum_{k=1}^{49} \frac{1}{\sqrt{k} + \sqrt{k+1}} = a\sqrt{2} + b$ 일 때, $a+b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

10. 자연수 n 에 대한 명제 $P(n)$ 이 모든 자연수 n 에 대하여 참이 되기 위해서는 다음 두 조건을 만족해야 한다.

(i) $P(\boxed{(가)})$ 이 참이다.

(ii) $P(k)$ 가 참이면 $P(\boxed{(가)})$ 도 참이다.

이때, (가), (나)에 알맞은 것을 차례로 적은 것은?

① $0, k$

② $0, k+1$

③ $0, k-1$

④ $1, k$

⑤ $1, k+1$

11. 다음 중 옳은 것은?

① $\sqrt[3]{-0.027} = -3$

② $\sqrt{\sqrt[3]{81}} = 3$

③ $(\sqrt[6]{9})^3 = 3$

④ $\sqrt[5]{9} \times \sqrt[5]{81} = 3$

⑤ $\sqrt[4]{81} \div \sqrt[4]{27} = 3$

12. $a > 0$ 일 때, $\sqrt[4]{16a} \sqrt{a} \div \sqrt[8]{a^3}$ 을 간단히 하면?

① 2

② $\sqrt{2}$

③ $2\sqrt[4]{a^3}$

④ $\sqrt[4]{a^3}$

⑤ $\sqrt[4]{4a^3}$

13. $a^{\frac{1}{2}} \times a^{-\frac{1}{3}} \div a^{\frac{3}{2}}$ 을 간단히 하면?

① $a \sqrt[3]{a}$

② $a \sqrt{a}$

③ $\frac{1}{a \sqrt[3]{a^2}}$

④ $\frac{1}{a \sqrt{a}}$

⑤ $\frac{1}{a \sqrt[3]{a}}$

14. $\log_2(\log_8 x) = -1$ 을 만족하는 x 의 값을 구하여라.



답:

15. $\log_3 10$ 의 소수부분을 α 라 할 때, 3^α 의 값은?

① $\frac{1}{3}$

② $\frac{10}{9}$

③ $\frac{10}{3}$

④ $\frac{100}{9}$

⑤ $\frac{100}{3}$

16. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_1 + a_2 = 11$, $a_3 + a_4 + a_5 = 54$ 가 성립할 때, a_{10} 의 값은?

① 36

② 39

③ 42

④ 45

⑤ 48

17. 첫째항이 100이고, 공차가 -3인 등차수열은 첫째항부터 몇 째항까지의 합이 최대가 되는지 구하여라.



답:

18. 각 항이 실수인 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_1 + a_3 = \frac{5}{6}$, $a_2a_3a_4 = \frac{1}{8}$ 일 때, 첫째항의 값은?

① $\frac{1}{9}$

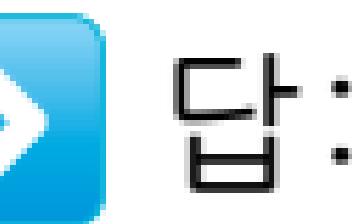
② $\frac{1}{3}$

③ $\frac{1}{4}$

④ $\frac{1}{2}$

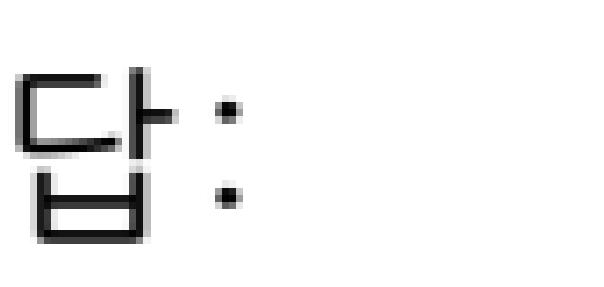
⑤ 1

19. 다현이가 1000만원을 연이율 4%의 복리로 10년간 은행에 맡겼을 때 원리합계를 구하여라. (단. $1.04^{10} = 1.48$ 로 계산한다.)



답:

20. $\sum_{k=1}^n a_k = 2n^2 - n$ 일 때, $\sum_{k=1}^5 (2k + 1)a_k$ 의 값을 구하여라.



답:

21. $a_{n+1} - a_n = 2$ ($n = 1, 2, 3, \dots$)인 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\frac{2^{a_2} + 2^{a_4}}{2^{a_1} + 2^{a_3}}$ 의 값은?

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

22. $a_1 = 110$ 인 수열 $\{a_n\}$ 은 다음을 만족한다.

$$a_1 + a_2 + \cdots + a_n = n^2 a_n \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

a_{10} 의 값을 구하여라.



답:

23. $a_1 = 1$, $a_{n+1} = \frac{a_n}{1+a_n}$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) 으로 정의된 수열 $\{a_n\}$ 의
일반항은?

① $\frac{1}{n}$

② $\frac{1}{n+1}$

③ $\frac{1}{n+2}$

④ $\frac{2}{n}$

⑤ $\frac{2}{n+1}$

24. 모든 실수 x 에 대하여 $\log_{(k-2)^2}(kx^2+kx+1)$ 이 의미를 갖기 위한 정수 k 의 개수는?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

25. $\log_2 3 = a$, $\log_3 7 = b$ 일 때, $\log_{36} 42$ 를 a , b 로 나타내면?

①
$$\frac{1+a+ab}{1+a}$$

②
$$\frac{1+a+2ab}{1+a}$$

③
$$\frac{1+2a+ab}{2+a}$$

④
$$\frac{1+a+ab}{2(1+a)}$$

⑤
$$\frac{2+a+2ab}{2(1+a)}$$