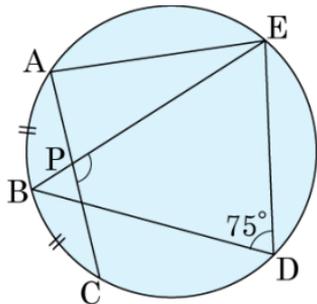


1. 다음 그림에서  $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC}$  이고  $\angle BDE = 75^\circ$  이다.  $\overline{AC}$  와  $\overline{BE}$  의 교점을 P 라 할 때,  $\angle CPE$  의 크기를 구하여라.



▶ 답 :  $\quad \quad \quad \circ$

▷ 정답 :  $105 \underline{\quad}$

해설

$5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC}$  이므로

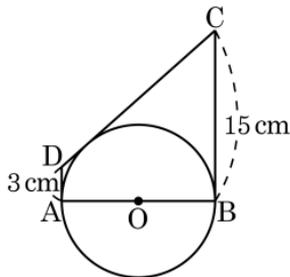
$$\angle AEB = \angle BDC = x$$

□ACDE 에서

$$\begin{aligned} \angle CAE &= 180^\circ - \angle CDE \\ &= 180^\circ - (75^\circ + x) \\ &= 105^\circ - x \end{aligned}$$

$$\angle CPE = \angle CAE + x = 105^\circ$$

2. 다음 그림에서  $\overline{AD}$ ,  $\overline{DC}$ ,  $\overline{BC}$  는 반원 O 의 접선이다.  $\overline{AD} = 3\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 15\text{ cm}$  일 때, 지름 AB 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :            cm

▷ 정답 :  $6\sqrt{5}$  cm

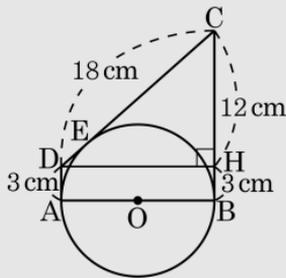
### 해설

$\overline{DC}$  와 원 O 가 만나는 점을 E 라 하면  
 $\overline{DE} = \overline{DA} = 3\text{ cm}$ ,  $\overline{CE} = \overline{CB} = 15\text{ cm}$   
 이다.

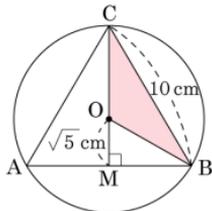
또한, 점 D 에서 내린 수선의 발을 H 라  
 하면

$\overline{DH} = \overline{AB}$  이다.

$$\overline{AB} = \overline{DH} = \sqrt{18^2 - 12^2} = \sqrt{180} = 6\sqrt{5} \text{ (cm)}$$



3. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{BC}$  인 이등변삼각형 ABC 에서  $\overline{BC} = 10\text{cm}$ ,  $\overline{OM} = \sqrt{5}\text{cm}$  일 때,  $\triangle COB$  의 넓이는?



- ①  $\frac{15\sqrt{3}}{2}\text{cm}^2$       ②  $\frac{5\sqrt{30}}{4}\text{cm}^2$       ③  $5\sqrt{30}\text{cm}^2$   
 ④  $\frac{5\sqrt{30}}{2}\text{cm}^2$       ⑤  $\frac{\sqrt{30}}{2}\text{cm}^2$

### 해설

$\overline{AB} = \overline{BC} = 10\text{cm}$ , 점 O 에서 현 AB 에 내린 수선은 그 현을 이등분하므로  $\overline{MB} = 5\text{cm}$

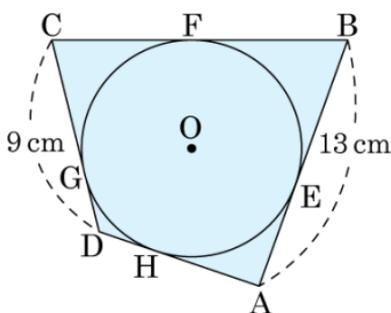
$$\triangle OMB \text{ 에서 } \overline{OB} = \sqrt{(\sqrt{5})^2 + 5^2} = \sqrt{30}(\text{cm})$$

$$\triangle COB = \triangle CMB - \triangle OMB$$

$$= \frac{1}{2} \times 5 \times (\sqrt{5} + \sqrt{30}) - \frac{1}{2} \times 5 \times \sqrt{5}$$

$$= \frac{5\sqrt{30}}{2} (\text{cm}^2)$$

4. 다음 그림과 같이 반지름이 4 cm 인 원 O 에 외접하는 사각형 ABCD의 각 변과 원 O의 접점을 E, F, G, H라 할 때, 사각형의 넓이를 구하여라.

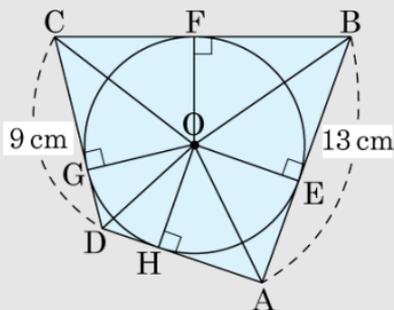


▶ 답:             $\text{cm}^2$

▷ 정답:  $88 \text{ cm}^2$

### 해설

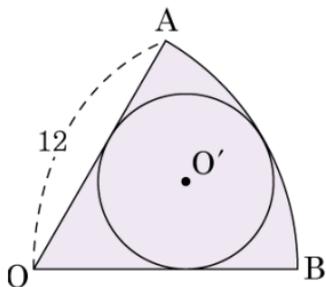
외접 사각형의 성질에 의해서  
 $\overline{AB} + \overline{CD} = \overline{BC} + \overline{AD} = 22 \text{ cm}$



또한, 원의 반지름과 사각형의 모든 변은 수직으로 만나므로 (사각형의 넓이)

$$\begin{aligned}
 &= \triangle AOB + \triangle BOC + \triangle COD + \triangle DOA \\
 &= \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times r + \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times r + \frac{1}{2} \times \overline{CD} \times r + \frac{1}{2} \times \overline{DA} \times r \\
 &= \frac{1}{2} \times r \times (\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CD} + \overline{DA}) \\
 &= \frac{1}{2} \times 4 \times 44 = 88 (\text{cm}^2)
 \end{aligned}$$

5. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 12 이고, 중심각의 크기가  $60^\circ$  인 부채꼴 AOB 에 내접하는 원  $O'$  의 반지름의 길이를 구하여라.

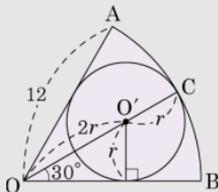


▶ 답 :

▷ 정답 : 4

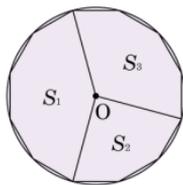
### 해설

원  $O'$  의 중심을 지나는 선분이 호 AB 와 만나는 점을 C 라고 하면



직각삼각형의 특수각에 의해서  $\overline{OO'} = 2r$  이므로  $\overline{OC} = 3r = 12$  따라서 원의 반지름은 4 이다.

6. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 12 인 원에 내접하는 정십이각형의 넓이  $S_2 + S_3 - S_1$  은?



① 36

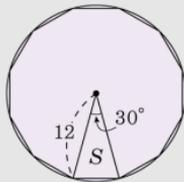
② 48

③ 60

④ 72

⑤ 108

해설



정십이각형은 그림처럼 두 변이 12 이고 그 끼인 각이  $30^\circ$  인 이등변삼각형 12 개로 이루어져 있다.

$$S = \frac{1}{2} \times 12 \times 12 \times \sin 30^\circ = 36$$

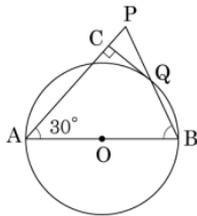
$$S_1 = S \times 5 = 180$$

$$S_2 = S \times 3 = 108$$

$$S_3 = S \times 4 = 144$$

따라서  $S_2 + S_3 - S_1 = 108 + 144 - 180 = 72$  이다.

7. 다음 그림과 같이  $\overline{AB}$  를 지름으로 하는 원 O 에서  $\overline{CQ}$  는 원 O 의 접선이다.  $\overline{AC}$ ,  $\overline{BQ}$  의 연장선의 교점을 P 라 하고  $\angle ACQ = 90^\circ$ ,  $\angle CAO = 30^\circ$  일 때,  $\angle OBQ$  의 크기를 구하여라.



▶ 답 :  $\quad \quad \quad \circ$

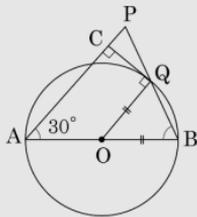
▷ 정답 :  $75 \circ$

### 해설

다음 그림과 같이 보조선  $\overline{OQ}$  를 그으면  $\square AOQC$  에서  $\angle CQO = 90^\circ$  이고  $\triangle QOB$  는  $\overline{OQ} = \overline{OB}$  인 이등변삼각형이다.  $\square AOQC$  에서

$$\angle AOQ = 360^\circ - (30^\circ + 90^\circ + 90^\circ) = 150^\circ$$

따라서  $\triangle QOB$  에서  $\angle OBQ + \angle OQB = 150^\circ$  이고  $\angle OBQ = \angle OQB$  이므로  $\angle OBQ = 75^\circ$  이다.



8.  $\overline{AB} = \overline{AC} = 4$ ,  $\angle ABC = 30^\circ$  인 이등변삼각형 ABC 의 점 B 에서 선분 AC 의 연장선 위에 내린 수선의 발을 H 라 할 때, 삼각형 ABH 의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $2\sqrt{3}$

### 해설

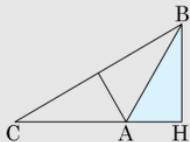
점 A 에서 변 BC 위에 내린 수선의 발을 M 이라 하면 선분 MC 의 길이는  $4 \times \cos 30^\circ = 2\sqrt{3}$  이므로

변 BC 의 길이는  $4\sqrt{3}$

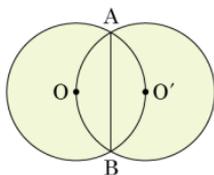
$$\overline{BH} = \overline{BC} \times \sin 30^\circ = 2\sqrt{3}$$

$\angle ABH = 30^\circ$  이므로  $\overline{AH} = 2$

$$\therefore \triangle ABH = \frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$



9. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm 이고 합동인 두 원  $O$ ,  $O'$  이 서로의 중심을 지날 때, 공통현  $AB$  의 길이를 구하여라.



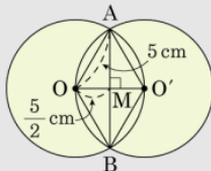
- ①  $\sqrt{5}$ cm                      ②  $3\sqrt{5}$ cm                      ③  $2\sqrt{5}$ cm  
 ④  $5\sqrt{2}$ cm                      ⑤  $5\sqrt{3}$ cm

해설

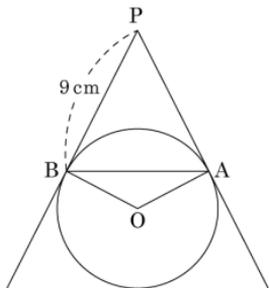
$$\overline{AO} = 5\text{cm}, \overline{OM} = \frac{5}{2}\text{cm}, \overline{OO'} = 5$$

$$\overline{AM} = \sqrt{25 - \frac{25}{4}} = \frac{5\sqrt{3}}{2}(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{AB} = 5\sqrt{3}(\text{cm})$$



10. 다음 그림에서 두 직선 PA, PB 는 원 O 의 접선이고 점 A, B 는 접점이다.  $\angle AOB = 120^\circ$  일 때, 원 O 의 넓이는?



①  $16\pi\text{cm}^2$

②  $24\pi\text{cm}^2$

③  $27\pi\text{cm}^2$

④  $27\text{cm}^2$

⑤  $44\pi\text{cm}^2$

해설

$\angle APB + \angle AOB = 180^\circ$  이므로  $\angle APB = 60^\circ$  이다.

$\overline{PO}$  를 그으면  $\triangle PBO$  는 직각삼각형의 특수각의 비에 의하여

$$\overline{BO} = \frac{9}{\sqrt{3}} = 3\sqrt{3}(\text{cm}) \text{ 이다.}$$

따라서 원의 넓이는  $\pi(3\sqrt{3})^2 = 27\pi(\text{cm}^2)$  이다.