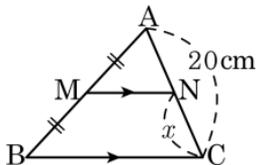
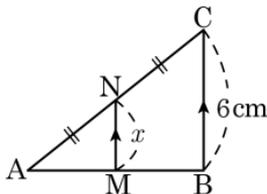


1. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 x 의 길이를 구하여라.

(1)



(2)



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 10 cm

▷ 정답 : (2) 3 cm

해설

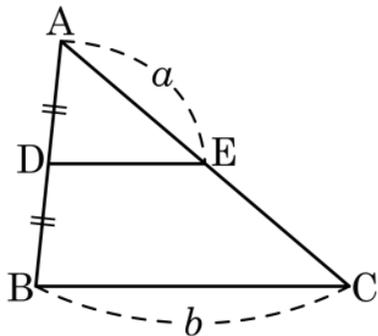
(1) 삼각형의 중점연결정리의 역에 의하여 점 N 은 \overline{AC} 의 중점이
 므로

$$x = \frac{1}{2}\overline{AC} = \frac{1}{2} \cdot 20 = 10(\text{cm})$$

(2) 삼각형의 중점연결정리의 역에 의하여

$$x = \frac{1}{2}\overline{CB} = \frac{1}{2} \cdot 6 = 3(\text{cm})$$

2. 다음 그림에서 점 D는 변 AB의 중점이고, $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이다. $\overline{AC} = 12$, $\overline{DE} = 5$ 일 때, $b - a$ 의 값은?



① 4

② 8

③ 10

④ 16

⑤ 18

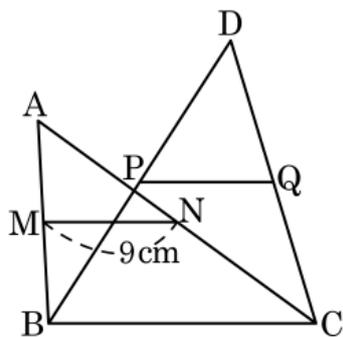
해설

$$\overline{AE} = \frac{1}{2}\overline{AC} = 6, a = 6$$

$$\overline{BC} = 2\overline{DE} = 10, b = 10$$

$$\text{따라서 } b - a = 10 - 6 = 4$$

3. 다음 그림에서 점 M, N, P, Q 는 각각 \overline{AB} , \overline{AC} , \overline{DB} , \overline{DC} 의 중점이다. $\overline{MN} = 9\text{ cm}$ 일 때, $\overline{BC} + \overline{PQ}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 27 cm

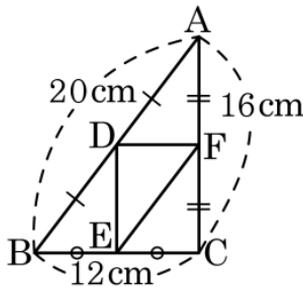
해설

$$\overline{MN} = \overline{PQ} = \frac{1}{2}\overline{BC}$$

$$\therefore \overline{BC} = 18 \text{ (cm)}, \overline{PQ} = 9 \text{ (cm)}$$

$$\overline{BC} + \overline{PQ} = 18 + 9 = 27 \text{ (cm)}$$

4. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 세 변의 중점을 D, E, F라 할 때, 다음을 구하여라.



- (1) \overline{DE} 의 길이
- (2) \overline{DF} 의 길이
- (3) \overline{EF} 의 길이
- (4) $\triangle DEF$ 의 둘레의 길이

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 8 cm

▷ 정답 : (2) 6 cm

▷ 정답 : (3) 10 cm

▷ 정답 : (4) 24 cm

해설

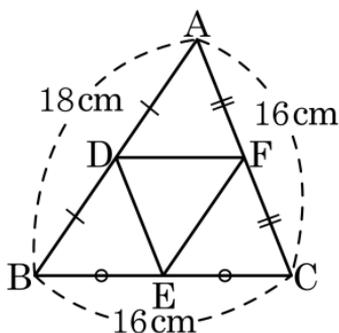
$$(1) \overline{DE} = \frac{1}{2}\overline{AC} = \frac{1}{2} \cdot 16 = 8(\text{cm})$$

$$(2) \overline{DF} = \frac{1}{2}\overline{BC} = \frac{1}{2} \cdot 12 = 6(\text{cm})$$

$$(3) \overline{EF} = \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2} \cdot 20 = 10(\text{cm})$$

$$(4) (\triangle DEF \text{의 둘레의 길이}) = \overline{DE} + \overline{DF} + \overline{EF} = 8 + 6 + 10 = 24(\text{cm})$$

5. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 세 변의 중점을 D, E, F라 할 때, 다음을 구하여라.



- (1) \overline{DE} 의 길이
- (2) \overline{DF} 의 길이
- (3) \overline{EF} 의 길이
- (4) $\triangle DEF$ 의 둘레의 길이

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 8 cm

▷ 정답 : (2) 8 cm

▷ 정답 : (3) 9 cm

▷ 정답 : (4) 25 cm

해설

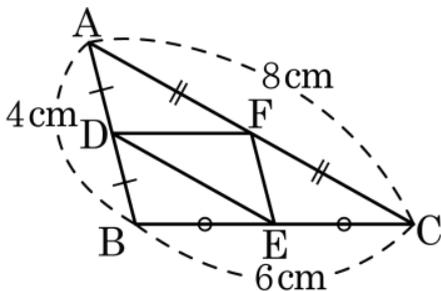
$$(1) \overline{DE} = \frac{1}{2}\overline{AC} = \frac{1}{2} \cdot 16 = 8(\text{cm})$$

$$(2) \overline{DF} = \frac{1}{2}\overline{BC} = \frac{1}{2} \cdot 16 = 8(\text{cm})$$

$$(3) \overline{EF} = \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2} \cdot 18 = 9(\text{cm})$$

$$(4) (\triangle DEF \text{의 둘레의 길이}) = \overline{DE} + \overline{DF} + \overline{EF} = 8 + 8 + 9 = 25(\text{cm})$$

6. $\triangle ABC$ 에서 각 변의 중점을 각각 D, E, F라 놓고 $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$, $\overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때, $\triangle DEF$ 의 둘레는?



① 6cm

② 9cm

③ 12cm

④ 15cm

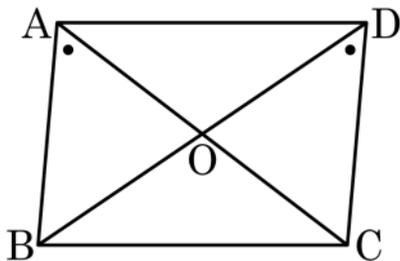
⑤ 18cm

해설

$$\begin{aligned}
 (\triangle DEF \text{의 둘레}) &= \frac{1}{2} \times (\triangle ABC \text{의 둘레}) \\
 &= \frac{1}{2}(4 + 6 + 8) = 9(\text{cm})
 \end{aligned}$$

이므로 $\triangle DEF$ 의 둘레의 길이는 9cm이다.

7. 평행사변형 ABCD 에서 $\angle BAC = \angle BDC$ 일 때, 이 사각형은 어떤 사각형인가?



① 사다리꼴

② 마름모

③ 직사각형

④ 정사각형

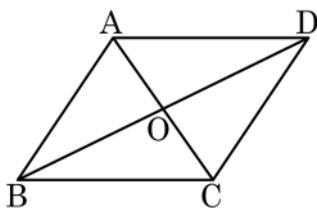
⑤ 등변사다리꼴

해설

$\angle BAC = \angle DCA$ (엇각)이고 $\overline{OC} = \overline{OD}$ 이므로 대각선의 길이가 같다.

따라서 직사각형이다.

8. 다음 그림 $\square ABCD$ 는 평행사변형이라고 할 때, 직사각형이 되기 위한 조건을 나타낸 것은?



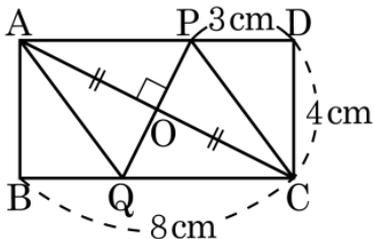
- ① $\overline{AB} = 8\text{cm}$, $\overline{CD} = 8\text{cm}$
 ② $\angle A = \angle C = 80^\circ$
 ③ $\overline{BO} = \overline{DO} = 4\text{cm}$
 ④ $\overline{AO} = 5\text{cm}$, $\overline{BO} = 5\text{cm}$, $\overline{CO} = 5\text{cm}$, $\overline{DO} = 5\text{cm}$
 ⑤ $\angle A + \angle B = 180^\circ$

해설

한 내각이 직각이거나 두 대각선의 길이가 같은 평행사변형은 직사각형이 된다.

따라서 $\overline{AO} = \overline{BO} = \overline{CO} = \overline{DO}$ 이거나 $\angle A = 90^\circ$ 이면 된다.

9. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 \overline{PQ} 는 대각선 AC 의 수직이등분선이다. $\square AQCP$ 의 넓이는?



① 16 cm^2

② 18 cm^2

③ 20 cm^2

④ 24 cm^2

⑤ 28 cm^2

해설

$\square AQCP$ 는 마름모이므로

$\triangle ABQ \cong \triangle CDP$ (RHS)

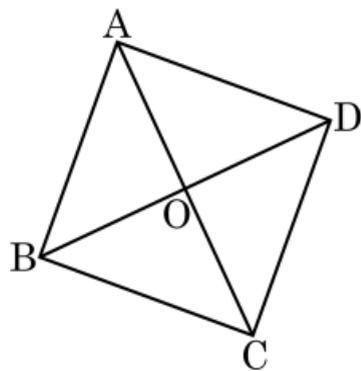
$\square AQCP = \square ABCD - 2\triangle ABQ$

$$= 8 \times 4 - 2 \times \frac{1}{2} \times 3 \times 4$$

$$= 32 - 12 = 20(\text{cm}^2)$$

10. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\angle A = 90^\circ$, $\overline{AB} = \overline{BC}$ 일 때, $\square ABCD$ 는 어떤 사각형인가?

- ① 직사각형 ② 평행사변형
③ 마름모 ④ 정사각형
⑤ 사다리꼴

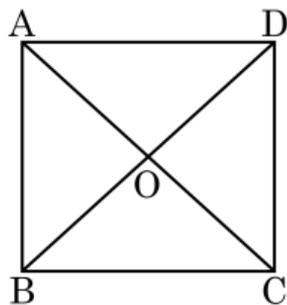


해설

한 내각의 크기가 90° 인 평행사변형은 직사각형이고 이웃하는 두 변의 길이가 같은 평행사변형은 마름모이다.

$\therefore \square ABCD$ 는 네 변의 길이가 같고 네 내각의 크기도 같으므로 정사각형이다.

11. 다음 그림의 직사각형 ABCD 가 정사각형이 되도록 하는 조건이 아닌 것을 고르면?



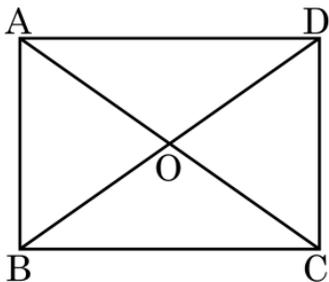
- ① $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이다.
- ② $\angle A + \angle C = 180^\circ$ 이다.
- ③ $\angle AOB = 90^\circ$ 이다.
- ④ $\angle AOD + \angle BOC = 180^\circ$ 이다.
- ⑤ $\overline{AO} \perp \overline{BD}$ 이다.

해설

직사각형이 정사각형이 되기 위해서는 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이거나, 두 대각선이 서로 수직이등분하는 것이다.

하지만 $\angle A + \angle C = 180^\circ$ 는 조건이 아니다.

12. 다음 그림의 직사각형 ABCD 가 정사각형이 되기 위한 조건을 모두 고르면? (정답 2 개)



- ① $\overline{AB} = \overline{BC}$ ② $\overline{AC} = \overline{BD}$
 ③ $\angle AOD = \angle BOC$ ④ $\angle AOB = \angle AOD$
 ⑤ $\overline{AO} = \overline{CO}$

해설

① $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{BC} = \overline{AD}$ 이고, $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이면 네 변의 길이가 모두 같고, 네 각의 크기가 모두 같으므로 정사각형이다.

④ $\angle AOB = \angle AOD$ 일 때, $\triangle AOB$ 와 $\triangle AOD$ 에서 \overline{AO} 는 공통, $\overline{BO} = \overline{DO}$, $\angle AOB = \angle AOD = 90^\circ$ 이므로 $\triangle AOB \cong \triangle AOD$ (SAS 합동)

대응변의 길이가 같으므로 $\overline{AB} = \overline{AD}$

평행사변형에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$ 이므로 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DA}$

따라서 네 변의 길이가 모두 같고 네 내각의 크기가 모두 같으므로 정사각형이다.

13. 다음은 사각형과 그 사각형의 각 변의 중점을 연결하여 만든 사각형을 나타낸 것이다. 옳은 것은 ‘○’ 표, 옳지 않은 것은 ‘×’ 표 하여라.

(1) 등변사다리꼴 - 직사각형 ()

(2) 마름모 - 직사각형 ()

(3) 정사각형 - 마름모 ()

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) ×

▷ 정답 : (2) ○

▷ 정답 : (3) ×

해설

(1) 등변사다리꼴 - 마름모

(3) 정사각형 - 정사각형

14. 다음 도형의 각 변의 중점을 연결하여 만든 사각형의 이름을 써넣어라.

(1) 정사각형 ()

(2) 평행사변형 ()

(3) 등변사다리꼴 ()

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 정사각형

▷ 정답 : (2) 평행사변형

▷ 정답 : (3) 마름모

해설

(1) 정사각형

(2) 평행사변형

(3) 마름모

15. 다음 사각형 중 중점을 연결해서 만들면 평행사변형이 되는 사각형을 모두 골라라.

보기

- | | |
|---------|----------|
| ㉠ 사다리꼴 | ㉡ 등변사다리꼴 |
| ㉢ 평행사변형 | ㉣ 직사각형 |
| ㉤ 마름모 | ㉥ 정사각형 |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉢

▷ 정답 : ㉣

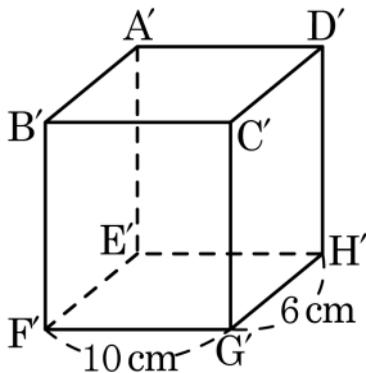
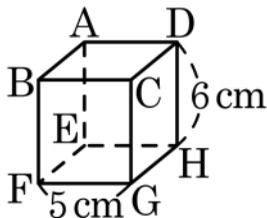
▷ 정답 : ㉤

▷ 정답 : ㉥

해설

- ㉠ 사다리꼴의 중점을 연결해서 만든 사각형은 사다리꼴이 된다.
㉡ 등변사다리꼴의 중점을 연결해서 만든 사각형은 마름모가 된다. 따라서 평행사변형이 된다.
㉢ 평행사변형의 중점을 연결해서 만든 사각형은 평행사변형이 된다.
㉣ 직사각형의 중점을 연결해서 만든 사각형은 마름모가 된다. 따라서 평행사변형이 된다.
㉤ 마름모의 중점을 연결해서 만든 사각형은 직사각형이 된다. 따라서 평행사변형이 된다.
㉥ 정사각형의 중점을 연결해서 만든 사각형은 정사각형이 된다. 따라서 평행사변형이 된다.

16. 다음 그림의 두 직육면체는 서로 닮은 도형이고, $\square ABCD$ 와 $\square A'B'C'D'$ 가 서로 대응하는 면일 때, $\square BFGC$ 에 대응하는 면은?



- ① $\square B'F'G'C'$ ② $\square A'B'F'E'$ ③ $\square E'F'G'H'$
 ④ $\square C'D'H'G'$ ⑤ $\square A'E'H'D'$

해설

$\square BFGC$ 에 대응하는 면은 $\square B'F'G'C'$ 이다.

17. 안에 들어갈 수를 순서대로 바르게 짝지은 것은?

25□A'B'C'D' = 9□ABCD 를 만족하는 두 사각형 □A'B'C'D' 과 □ABCD 가 있다. 두 도형의 닮음비는 이고, $\overline{BC} = 15\text{cm}$ 일 때, $\overline{B'C'}$ 의 길이는 cm, $\overline{A'D'} = 12\text{cm}$ 일 때, \overline{AD} 의 길이는 cm 를 만족한다.

① 1 : 4, 8, 10

② 3 : 5, 8, 20

③ 3 : 5, 9, 20

④ 5 : 3, 9, 10

⑤ 5 : 3, 9, 20

해설

□A'B'C'D' : □ABCD = 9 : 25 이므로 두 도형의 닮음비는 3 : 5 이다.

$$\overline{B'C'} = 15 \times \frac{3}{5} = 9(\text{cm})$$

$$\overline{AD} = 12 \times \frac{5}{3} = 20(\text{cm})$$

18. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 골라라.

- ㉠ ㉠ 닮음인 두 입체도형에서 대응하는 면은 서로 닮은 도형이다.
- ㉡ ㉡ 넓이가 같은 두 평면도형은 서로 닮음이다.
- ㉢ ㉢ 닮은 두 평면도형에서 대응하는 각의 크기는 서로 같다.
- ㉣ ㉣ 닮음인 두 입체도형에서 대응하는 모서리의 길이의 비는 닮음비와 같다.
- ㉤ ㉤ 닮은 두 평면도형에서 대응하는 변의 길이의 비는 일정하지 않다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡

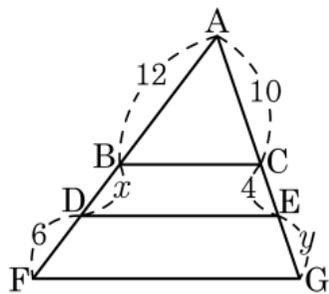
▶ 정답 : ㉤

해설

㉡ 넓이가 같다고 해서 서로 닮음이 아니다.

㉤ 닮은 두 평면도형에서 대응변의 길이의 비는 일정하다.

19. 다음 그림에서 $\overline{BC} \parallel \overline{DE} \parallel \overline{FG}$ 일 때, xy 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 24

해설

$$12 : x = 10 : 4$$

$$10x = 48, x = 4.8$$

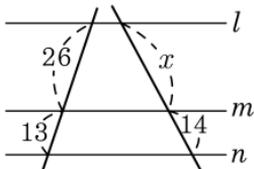
$$4.8 : 6 = 4 : y$$

$$4.8y = 24, y = 5$$

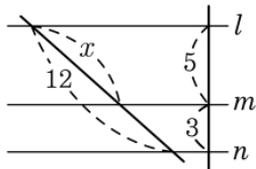
$$\therefore xy = 4.8 \times 5 = 24$$

20. 다음 그림에서 $l \parallel m \parallel n$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

(1)



(2)



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 28

▷ 정답 : (2) $\frac{15}{2}$

해설

$$(1) 26 : 13 = x : 14$$

$$13x = 364$$

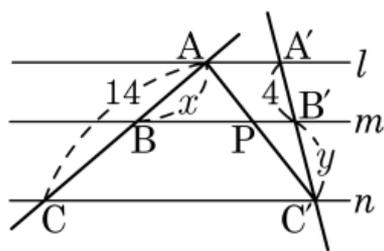
$$\therefore x = 28$$

$$(2) x : 12 - x = 5 : 3$$

$$3x = 60 - 5x$$

$$\therefore x = \frac{15}{2}$$

21. 다음 그림에서 $\ell // m // n$, $\overline{AP} : \overline{PC'} = 3 : 4$ 일 때, x, y 의 길이는?



- ① $x = 5, y = 6$ ② $x = 6, y = \frac{16}{3}$ ③ $x = 5, y = \frac{14}{3}$
 ④ $x = 5, y = \frac{16}{3}$ ⑤ $x = 6, y = \frac{14}{3}$

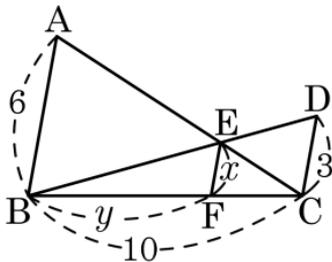
해설

$\overline{AP} : \overline{PC'} = 3 : 4$ 이므로

$$14 : x = 7 : 3, x = 6$$

$$4 : y = 3 : 4, y = \frac{16}{3}$$

22. 다음 그림에서 $\overline{AB} \parallel \overline{EF} \parallel \overline{CD}$ 일 때, $x + y$ 의 길이는?



① $\frac{22}{5}$

② $\frac{23}{5}$

③ $\frac{24}{5}$

④ $\frac{26}{3}$

⑤ $\frac{28}{3}$

해설

$\overline{AB} : \overline{CD} = 6 : 3 = 2 : 1$ 이므로 $\overline{AE} : \overline{CE} = 2 : 1$ 이다.

i) $2 : 3 = y : 10$

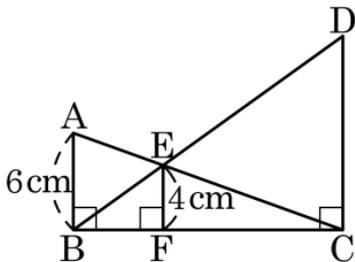
$$\therefore y = \frac{20}{3}$$

ii) $3 : 2 = 3 : x$

$$\therefore x = 2$$

$$\therefore x + y = \frac{26}{3}$$

23. 다음 그림에서 \overline{AB} , \overline{EF} , \overline{DC} 는 모두 \overline{BC} 에 수직이다. 이때, \overline{DC} 의 길이는?



① 10

② 11

③ 12

④ 13

⑤ 14

해설

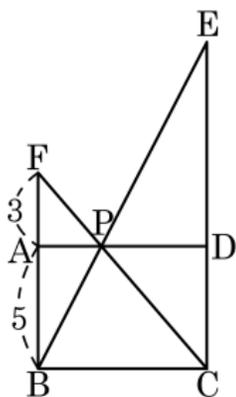
$\triangle ABC$ 와 $\triangle EFC$ 에 대하여 $\angle ABC = \angle EFC$, $\angle ECF$ 는 공통이므로 두 삼각형은 닮은 도형이고 닮음비는 $6 : 4 = 3 : 2$ 이다.

$\overline{BC} : \overline{FC} = 3 : 2$ 이므로 $\overline{BF} : \overline{FC} = 1 : 2$, $\overline{BC} : \overline{BF} = 3 : 1$ 이다.

$\triangle BCD$ 와 $\triangle BFE$ 에 대하여 $\angle B$ 는 공통, $\angle BFE = \angle BCD$ 이므로 두 삼각형은 닮은 도형이고 닮음비는 $3 : 1$ 이다.

$$\therefore x = 4 \times 3 = 12$$

24. 다음 그림에서 \overline{ED} 의 길이는? (단, $\square ABCD$ 는 직사각형)



① $\frac{10}{3}$

② 7

③ $\frac{21}{5}$

④ $\frac{24}{5}$

⑤ $\frac{25}{3}$

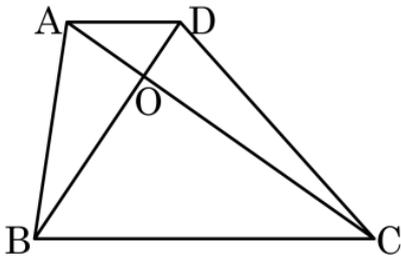
해설

$\square ABCD$ 는 직사각형이므로 $\overline{AB} = \overline{CD} = 5$

$\overline{FB} \parallel \overline{EC}$ 이므로 $\overline{FP} : \overline{PC} = \overline{BP} : \overline{PE} = 3 : 5$

$$3 : 5 = 5 : x \quad \therefore x = \frac{25}{3}$$

25. 다음 그림에서 사다리꼴 ABCD 는 $\overline{AD} // \overline{BC}$, 이고 $\overline{OC} = 3\overline{AO}$ 이다.
 $\triangle AOB = 9\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle ACD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: 12cm^2

해설

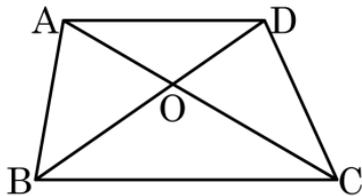
$$\overline{AD} // \overline{BC} , \triangle ABO = \triangle DOC = 9\text{cm}^2$$

$\triangle AOD$, $\triangle DOC$ 는 높이가 같다.

$$\triangle DOC : \triangle AOD = 3 : 1 = 9\text{cm}^2 : \triangle AOD \quad \therefore \triangle AOD = 3\text{cm}^2$$

$$\therefore \triangle ACD = \triangle AOD + \triangle DOC = 9 + 3 = 12\text{cm}^2$$

26. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 에서 $\overline{OA} : \overline{OC} = 2 : 3$ 이다. $\triangle AOD = 10\text{cm}^2$ 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▶ 정답 : $\frac{125}{2}$ cm^2

해설

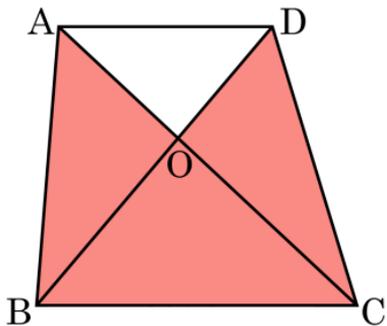
$\triangle AOD$, $\triangle DOC$ 는 높이가 같다. $2 : 3 = 10\text{cm}^2 : \triangle DOC$,
 $\triangle DOC = 15\text{cm}^2$

$\triangle ABD = \triangle ACD$ 이므로 $\triangle ABO = \triangle DOC = 15\text{cm}^2$

$\triangle ABO$, $\triangle BCO$ 는 높이가 같다. $2 : 3 = 15\text{cm}^2 : \triangle OBC$,
 $\triangle OBC = \frac{45}{2}\text{cm}^2$

$\square ABCD = \triangle AOD + \triangle DOC + \triangle OBC + \triangle ABO = 10 + 15 +$
 $15 + \frac{45}{2} = \frac{125}{2}(\text{cm}^2)$

27. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD에서 $\triangle ABD$ 의 넓이가 90 일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라. (단, $3\overline{DO} = 2\overline{BO}$)



▶ 답 :

▷ 정답 : 189

해설

$\triangle AOD : \triangle AOB = 2 : 3$ 이므로

$$\triangle AOB = \frac{3}{5} \times \triangle ABD = 54$$

이때 $\triangle ABD = \triangle ACD$ 이므로

$$\triangle AOB = \triangle COD = 54$$

또, $\triangle COD : \triangle BCO = 2 : 3$ 이므로

$$54 : \triangle BCO = 2 : 3 \quad \therefore \triangle BCO = 81$$

(색칠한부분의 넓이) = $54 + 54 + 81 = 189$

28. 다음 그림에서 작은 원기둥은 큰 원기둥을 $\frac{2}{3}$ 로 축소한 것이다. 작은 원기둥의 옆면의 넓이는?

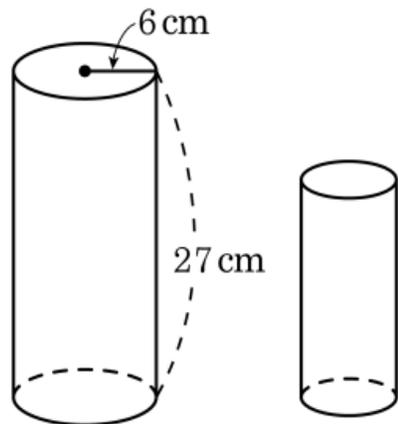
① $108\pi\text{cm}^2$

② $124\pi\text{cm}^2$

③ $144\pi\text{cm}^2$

④ $156\pi\text{cm}^2$

⑤ $164\pi\text{cm}^2$



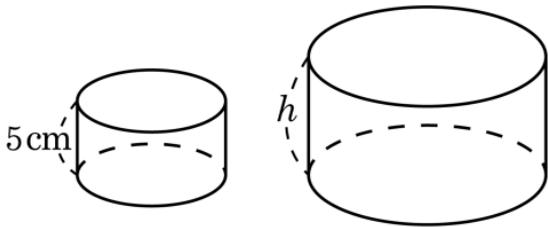
해설

작은 원기둥의 밑면의 반지름의 길이를 r , 높이를 h 라고 하면

$$r = 6 \times \frac{2}{3} = 4(\text{cm}), h = 27 \times \frac{2}{3} = 18(\text{cm})$$

$$(\text{옆면의 넓이}) = 2\pi rh = 144\pi(\text{cm}^2)$$

29. 다음 그림에서 두 원기둥이 서로 닮은 도형이고, 각각의 밑면의 둘레가 $10\pi\text{cm}$, $16\pi\text{cm}$ 일 때, 큰 원기둥의 높이와 작은 원기둥의 높이의 차는?

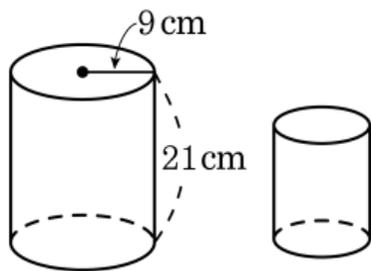


- ① $\frac{3}{2}\text{cm}$ ② 2cm ③ $\frac{5}{2}\text{cm}$
 ④ 3cm ⑤ $\frac{10}{3}\text{cm}$

해설

밑면의 둘레가 각각 10π , 16π 이므로 밑면의 반지름의 길이는 각각 5cm , 8cm 이다. 두 원기둥이 서로 닮은 도형이므로 밑면의 반지름의 길이의 비는 높이의 비와 같으므로 $5 : 8 = 5 : h$
 $h = 8$, 따라서 큰 원기둥의 높이와 작은 원기둥의 높이의 차는 $8 - 5 = 3(\text{cm})$ 이다.

30. 다음 그림에서 작은 원기둥은 큰 원기둥을 $\frac{2}{3}$ 로 축소한 것이다. 작은 원기둥의 옆면의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: $168\pi \text{cm}^2$

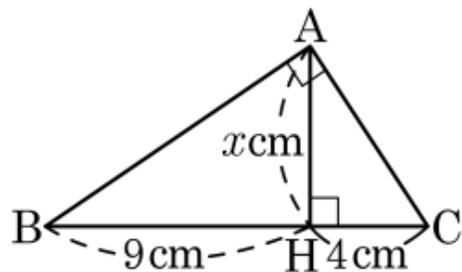
해설

작은 원기둥의 밑면의 반지름의 길이를 r , 높이를 h 라고 하면

$$r = 9 \times \frac{2}{3} = 6(\text{cm}), \quad h = 21 \times \frac{2}{3} = 14(\text{cm})$$

$$(\text{옆면의 넓이}) = 2\pi rh = 2\pi \times 6 \times 14 = 168\pi(\text{cm}^2)$$

31. 다음 그림에서 $\angle BAC = 90^\circ$, $\overline{AH} \perp \overline{BC}$ 일 때, x 의 값은?



① 5

② 6

③ 6.5

④ 7

⑤ 7.5

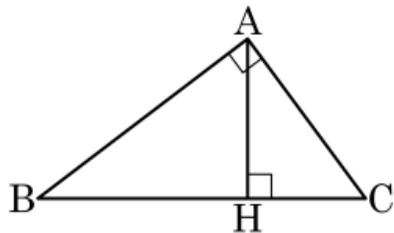
해설

$$\overline{AH}^2 = \overline{BH} \cdot \overline{CH} \text{ 이므로}$$

$$x^2 = 9 \times 4 = 36$$

$x > 0$ 이므로 $x = 6$ 이다.

32. 다음 그림에서 $\angle AHB = \angle BAC = 90^\circ$ 일 때, 다음 중 옳은 것을 고르면?

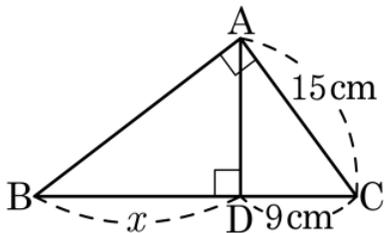


- ① $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BH} : \overline{CH}$ ② $\triangle ABC \sim \triangle HAC$
- ③ $\angle C = \angle BHA$ ④ $\angle B = \angle ACH$
- ⑤ $\overline{AH}^2 = \overline{BH} \times \overline{CH}$

해설

$\triangle ABH \sim \triangle CAH$ 에서 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BH} : \overline{AH}$
 $\angle C = \angle BAH$, $\angle B = \angle CAH$

33. 다음 그림에서 $\angle BAC = \angle ADC = 90^\circ$, $\overline{AC} = 15\text{cm}$, $\overline{CD} = 9\text{cm}$ 일 때, x 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 16 cm

해설

$$\overline{AC}^2 = \overline{BC} \cdot \overline{CD}$$

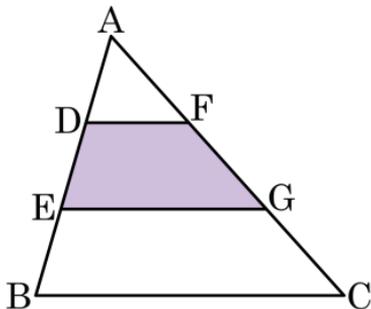
$$15^2 = 9(9 + x)$$

$$225 = 81 + 9x$$

$$144 = 9x$$

$$\therefore x = 16(\text{cm})$$

34. 다음 그림과 같이 삼각형 ABC에서 $\angle A$ 의 외각의 이등분선과 \overline{BC} 의 연장선의 교점을 D라고 하자. $\overline{AD} \parallel \overline{EB}$, $\overline{EB} = \overline{EC}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 22 cm

해설

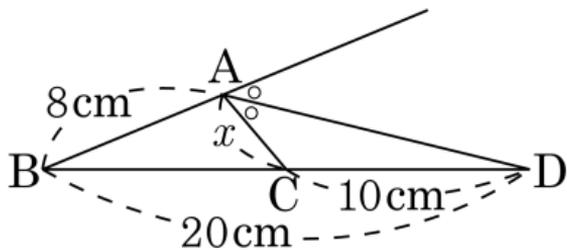
$\overline{AD} \parallel \overline{EB}$ 이므로 $\triangle ADC \sim \triangle EBC$ 가 성립한다.

따라서 $10 : \overline{EB} = 20 : 4$ 이므로 $\overline{EB} = 2$,

$\overline{AD} \parallel \overline{EB}$ 이므로 평행선의 동위각과 엇각의 성질을 이용하면 $\angle ABE = \angle AEB$

따라서 $\overline{AB} = 8$ cm, $\overline{AC} = 8 + 2 = 10$ cm, $\overline{BC} = 4$ cm이므로 $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는 22 cm이다.

35. 다음 그림에서 \overline{AD} 는 $\angle A$ 의 외각의 이등분선이다. x 의 값을 구하여라.



▶ 답 : cm

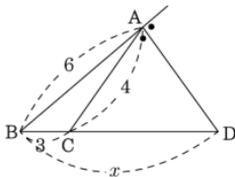
▶ 정답 : 4 cm

해설

$$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{CD}$$

$$8 : x = 20 : 10, x = 4(\text{cm})$$

36. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A$ 의 외각의 이등분선과 \overline{BC} 의 연장선과의 교점을 D 라 한다. $\overline{AB} = 6$, $\overline{BC} = 3$, $\overline{AC} = 4$ 일 때, \overline{BD} 의 길이를 구하고, $\triangle ABC$ 와 $\triangle ABD$ 의 넓이의 비를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 1 : 3

해설

$\triangle ABC$ 에서 삼각형의 외각의 이등분선의 정리에 의해 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$ 이므로 $6 : 4 = x : (x - 3)$,

$$6(x - 3) = 4x$$

따라서 $\overline{BD} = 9$ 이다.

$\triangle ABC$ 와 $\triangle ABD$ 는 높이가 같으므로 밑변의 비가 넓이의 비가 된다.

$\overline{BC} : \overline{BD} = 3 : 9$ 이므로 넓이의 비는 1 : 3 이다.

37. 다음은 ‘평행사변형의 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.’를 보이는 과정이다. ㄱ부터 ㄴ에 알맞은 것을 써넣어라.

대각선 BD 를 그으면
 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서
 $\angle ABD = (\quad)$ (엇각)
 $\angle ADB = (\quad)$ (엇각)
(ㄴ)는 공통
따라서 $\triangle ABD = \triangle CDB$ (㉠ 합동)이므로
 $\overline{AB} = (\quad)$, $\overline{AD} = \overline{BC}$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : \overline{CD}

▷ 정답 : $\angle CDB$

▷ 정답 : $\angle CBD$

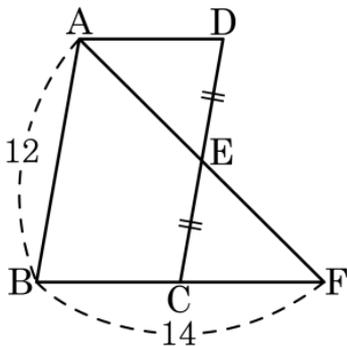
▷ 정답 : \overline{BD}

▷ 정답 : ASA

해설

대각선 BD 를 그으면
 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서
 $\angle ABD = (\angle CDB)$ (엇각) ... (ㄴ)
 $\angle ADB = (\angle CBD)$ (엇각) ... (ㄷ)
 (\overline{BD}) 는 공통 ... (ㄴ)
따라서 $\triangle ABD = \triangle CDB$ (ASA 합동)이므로 ... (㉠)
 $\overline{AB} = (\overline{CD})$, $\overline{AD} = \overline{BC}$... (ㄱ)

38. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 \overline{CD} 의 중점을 E, \overline{AE} 의 연장선과 \overline{BC} 의 연장선의 교점을 F라 할 때, \overline{AD} 의 길이는?



① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

해설

$\triangle ADE \equiv \triangle FCE$ (SAS) 이므로 $\overline{AD} = \overline{FC}$

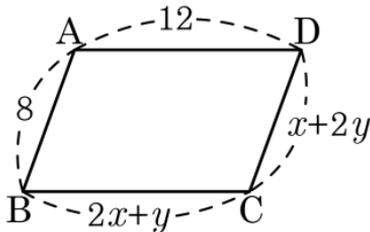
$\square ABCD$ 가 평행사변형이므로 $\overline{AD} = \overline{BC}$

따라서 $\overline{BC} = \overline{FC} = \overline{AD}$

$2 \times \overline{BC} = 14$ 에서 $\overline{BC} = 7$ 이므로

$\overline{AD} = 7$ 이다.

39. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되도록 x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = \frac{16}{3}$

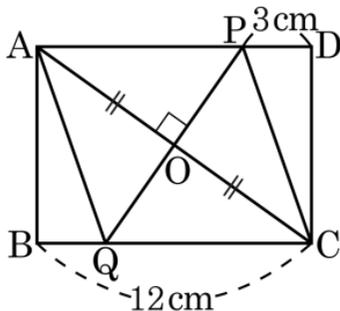
▷ 정답 : $y = \frac{4}{3}$

해설

연립방정식 $\begin{cases} 2x + y = 12 \\ x + 2y = 8 \end{cases}$ 을 풀면,

$$x = \frac{16}{3}, y = \frac{4}{3}$$

40. 다음 직사각형 ABCD에서 $\overline{AC} \perp \overline{PQ}$, $\overline{AO} = \overline{CO}$ 일 때, $\square AQCP$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 36 cm

해설

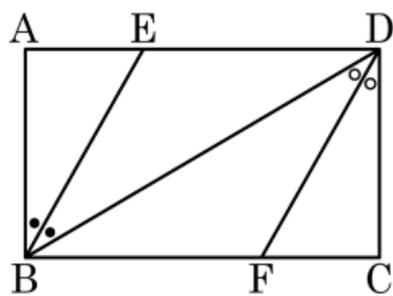
$$\overline{AO} = \overline{CO}, \angle AOP = \angle COQ, \angle PAO = \angle QCO$$

$$\triangle AOP \cong \triangle COQ \text{ (ASA 합동)}$$

$$\therefore \overline{PO} = \overline{QO} \text{ 이므로 } \square AQCP \text{ 는 마름모이다.}$$

$$\therefore (\text{둘레의 길이}) = (12 - 3) \times 4 = 36 \text{ (cm)}$$

41. 다음 그림의 직사각형 ABCD 에서 \overline{BD} 는 대각선이고, $\angle ABD$ 와 $\angle BDC$ 의 이등분선을 \overline{BE} , \overline{DF} 라 한다. 사각형 EBF D 가 마름모 라면 $\angle AEB$ 의 크기는?



- ① 40° ② 50° ③ 60°
 ④ 65° ⑤ 75°

해설

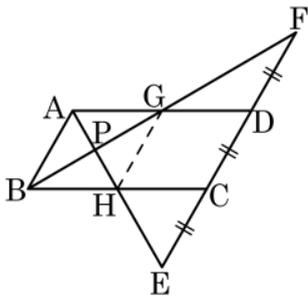
마름모의 성질에 의하여 $\angle ADB = \angle BDF$ 이다.

$\angle D$ 가 직각인데 3 등분이 되므로

$\angle ADB$ 의 크기는 30°

그러므로 $\angle AEB$ 의 크기는 60° 이다.

42. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 평행사변형이고 $\overline{AD} = 2\overline{AB}$, $\overline{FD} = \overline{DC} = \overline{CE}$ 이다. \overline{AE} 와 \overline{BF} 의 교점을 P 라 할 때, $\angle APB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: $\quad \circ$

▷ 정답: 90°

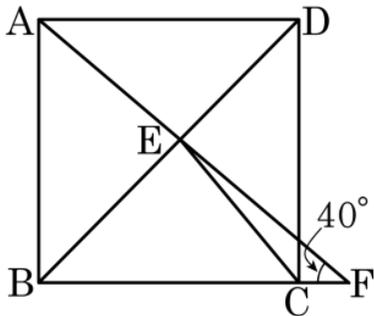
해설

$\angle BAP = \angle AEF$ (엇각) 이고, $\overline{AD} = \overline{DE}$ 이므로 $\angle AED = \angle EAG$ 이다.

또, $\angle ABP = \angle BFD$ (엇각) 이고, $\overline{BC} = \overline{CF}$ 이므로 $\angle FBC = \angle BFC$ 이다.

$\angle A + \angle B = 180^\circ$ 이므로 $\angle ABP + \angle BAP = 90^\circ$ 이고, $\angle APB = 90^\circ$ 이다.

43. 다음 그림에서 정사각형 ABCD의 대각선 BD 위에 점 E가 있고, \overline{BC} 의 연장선과 \overline{AE} 의 연장선과의 교점을 F라 한다. $\angle AFC = 40^\circ$ 일 때, $\angle BCE = ()^\circ$ 이다. () 안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.



① 30

② 35

③ 40

④ 50

⑤ 55

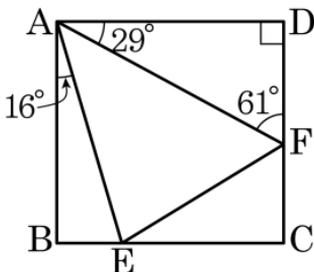
해설

$$\angle EAD = \angle AFC = 40^\circ, \angle BAE = 50^\circ,$$

$\triangle ABE \cong \triangle CBE$ (SAS 합동) 이므로

$\angle BCE = \angle BAE = 50^\circ$ 이다.

44. 다음 그림과 같이 정사각형 ABCD의 변 BC와 변 CD 위에 $\angle BAE = 16^\circ$, $\angle DAF = 29^\circ$ 가 되도록 점 E, F를 잡을 때, $\angle AEF = (\quad)^\circ$ 이다. (\quad) 안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.



① 74

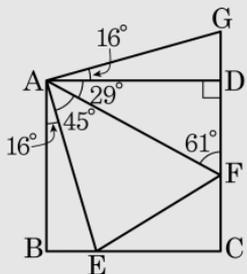
② 72

③ 70

④ 68

⑤ 66

해설

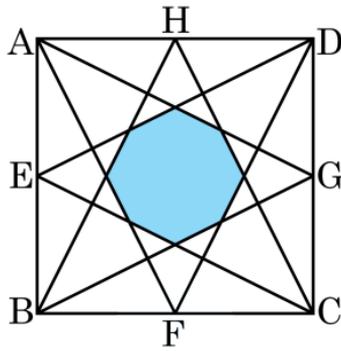


$\triangle ABE$ 를 90° 만큼 회전시킨 삼각형을 $\triangle ADG$ 라 하면 $\triangle AEF \cong \triangle AGF$ (SAS 합동)

$\therefore \angle AEF = \angle AGF = \angle AGD$

$\angle AGD = \angle AEB = 180^\circ - 16^\circ - 90^\circ = 74^\circ$

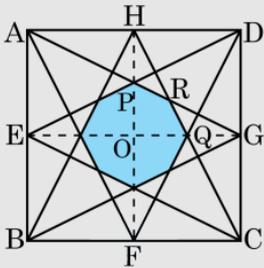
45. 넓이가 36 인 정사각형 ABCD 의 각 변의 중점과 각 꼭짓점을 다음과 같이 이었을 때, 가운데에 생기는 팔각형의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설



넓이가 36 인 정사각형 ABCD 의 한 변의 길이는 6 이다.

위쪽 그림과 같이 정사각형의 두 대각선 AC 와 BD 의 교점을 O 라 하고, \overline{AG} 와 \overline{DE} 의 교점을 P, \overline{HC} 와 \overline{DF} 의 교점을 Q, \overline{AG} 와 \overline{HC} 의 교점을 R 이라 하면

$\triangle ROP$ 와 $\triangle ROQ$ 에서

\overline{RO} 는 공통, $\angle POR = \angle QOR = 45^\circ$,

$\overline{OP} = \frac{1}{2}\overline{OH} = \frac{1}{2}\overline{OG} = \frac{1}{2}\overline{OQ}$ 이므로

$\triangle ROP \cong \triangle ROQ$ (SAS 합동)

$\therefore \triangle ROP = \triangle ROQ \dots \textcircled{㉠}$

$\overline{OQ} = \overline{QG}$ 이므로 $\triangle ROQ = \triangle RQG \dots \textcircled{㉡}$

$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$ 에서

$$\triangle ROP = \triangle ROQ = \triangle RQG = \frac{1}{3}\triangle POG$$

$$\therefore \square POQR = \triangle ROP + \triangle ROQ$$

$$= \frac{2}{3}\triangle POG$$

$$= \frac{2}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \overline{OH} \times \overline{OG} \right)$$

$$= \frac{2}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times 3 = \frac{3}{2}$$

따라서 구하는 팔각형의 넓이는 $4\square POQR = 6$ 이다.