

1. 다음 그림과 같은 삼각형에서 x , y 를 각각 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 답: cm

▷ 정답: $x = 4\sqrt{3}$ cm

▷ 정답: $y = 2\sqrt{3}$ cm

해설

$$x = \frac{6}{\cos 30^\circ} = 4\sqrt{3}$$

$$y = 6 \times \tan 30^\circ = 2\sqrt{3}$$

2. 다음 그림에서 $x + y$ 의 값은?

- ① $8\sqrt{3}$ ② $9\sqrt{3}$ ③ $10\sqrt{3}$

- ④ $11\sqrt{3}$ ⑤ $12\sqrt{3}$



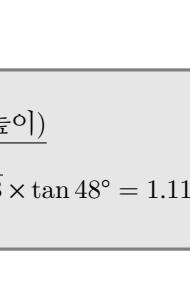
해설

$$x = \frac{10}{\cos 30^\circ} = \frac{20\sqrt{3}}{3}$$

$$y = 10 \times \tan 30^\circ = 10 \times \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{10\sqrt{3}}{3}$$

$$\therefore x + y = 10\sqrt{3}$$

3. 다음 그림과 같이 나무에서 1m 떨어진 A 지점에서 나무의 꼭대기 를 올려다본 각의 크기가 48° 였다. 나무의 높이를 구하여라. (단, $\sin 48^\circ = 0.74$, $\cos 48^\circ = 0.67$, $\tan 48^\circ = 1.11$ 로 계산한다.)



▶ 답 :

m

▷ 정답 : 1.11 m

해설

$$\tan 48^\circ = \frac{\text{나무의 높이}}{\overline{AB}}$$
$$(\text{나무의 높이}) = \overline{AB} \times \tan 48^\circ = 1.11(\text{m})$$

4. 다음 그림에서 $\angle B = 30^\circ$ 일 때,
 $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{21}{2}$

해설

$$\begin{aligned}\triangle ABC &= \frac{1}{2} \times 7 \times 6 \sin 30^\circ \\ &= \frac{1}{2} \times 7 \times 6 \times \frac{1}{2} \\ &= \frac{21}{2}\end{aligned}$$

5. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}$

▷ 정답: $28\sqrt{2}\underline{\hspace{2cm}}$

해설

$$\begin{aligned}8 \times 7 \times \sin 45^\circ &= 8 \times 7 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \\&= 28\sqrt{2}(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

6. 다음과 같은 평행사변형의 넓이를 구하면?

① $41\sqrt{2}$ ② $42\sqrt{2}$ ③ $43\sqrt{2}$

④ $44\sqrt{2}$ ⑥ $45\sqrt{2}$

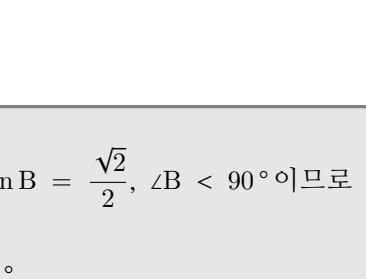


해설

$$9 \times 10 \times \sin 45^\circ = 9 \times 10 \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$= 45\sqrt{2}$$

7. 다음 그림의 평행사변형 ABCD의 넓이가 $24\sqrt{2}\text{cm}^2$ 일 때, $\angle C$ 의 크기를 구하여라. (단. $\angle C > 90^\circ$)



▶ 답 :

°

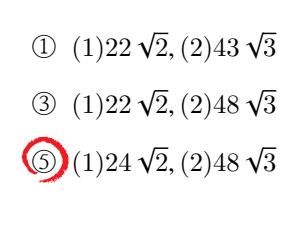
▷ 정답 : 135°

해설

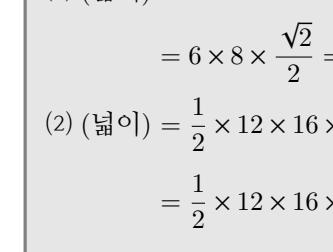
$24\sqrt{2} = 6 \times 8 \times \sin B$ 에서 $\sin B = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $\angle B < 90^\circ$ 이므로
 $\angle B = 45^\circ$ 이다.
따라서 $\angle C = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ$

8. 다음과 같은 두 사각형의 넓이는 각각 얼마인가?

(1)



(2)



$$\text{① } (1) 22\sqrt{2}, (2) 43\sqrt{3}$$

$$\text{③ } (1) 22\sqrt{2}, (2) 48\sqrt{3}$$

$$\text{⑤ } (1) 24\sqrt{2}, (2) 48\sqrt{3}$$

해설

$$(1) [\text{넓이}] = 6 \times 8 \times \sin 45^\circ$$

$$= 6 \times 8 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 24\sqrt{2}$$

$$(2) [\text{넓이}] = \frac{1}{2} \times 12 \times 16 \times \sin(180^\circ - 120^\circ)$$

$$= \frac{1}{2} \times 12 \times 16 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 48\sqrt{3}$$

9. 다음 그림과 같이 직각삼각형에서 x 의 길이를 구하는 식은?

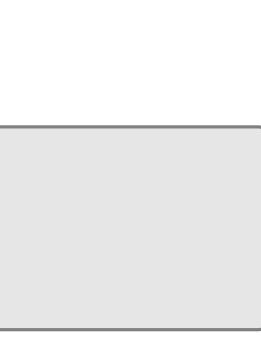
① $x = \frac{10}{\cos 35^\circ}$

② $x = 10 \tan 35^\circ$

③ $x = \frac{10}{\sin 35^\circ}$

④ $x = 10 \sin 35^\circ$

⑤ $x = 10 \cos 35^\circ$



해설

$$\cos 35^\circ = \frac{10}{x} \text{ 이므로}$$

$$\therefore x = \frac{10}{\cos 35^\circ}$$

10. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = 85^\circ$, $\angle C = 65^\circ$, $\overline{BC} = 12$ 일 때, \overline{AB} 의 길이를 소수점 아래
셋째 자리까지 구하면? (단, $\sin 65^\circ = 0.9063$)

- ① 20.153 ② 21.751 ③ 22.482
④ 23.581 ⑤ 24.372

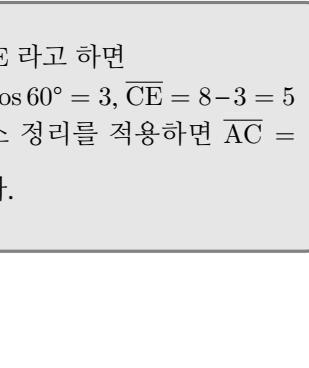


해설

$$\begin{aligned}\angle A &= 180^\circ - (85^\circ + 65^\circ) = 30^\circ \\ \overline{BH} &= 12 \sin 65^\circ = 10.8756 \\ \therefore \overline{AB} &= \frac{\overline{BH}}{\sin 30^\circ} = 10.8756 \times 2 = 21.7512\end{aligned}$$

11. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD
에서 대각선AC의 길이는?

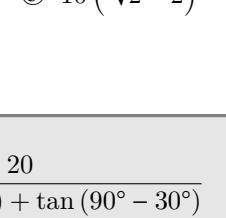
- ① $3\sqrt{5}$ ② $2\sqrt{7}$
③ $2\sqrt{13}$ ④ $3\sqrt{13}$
⑤ $4\sqrt{13}$



해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 E라고 하면
 $\overline{AE} = 6 \times \sin 60^\circ = 3\sqrt{3}$, $\overline{BE} = 6 \times \cos 60^\circ = 3$, $\overline{CE} = 8 - 3 = 5$
이다. 따라서 $\triangle AEC$ 에 피타고라스 정리를 적용하면 $\overline{AC} = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + 5^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$ 이다.

12. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 높이 h 를 구하면?

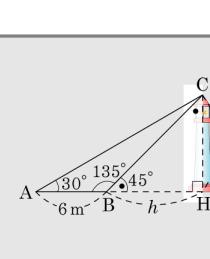


- ① $10(\sqrt{2} - 1)$ ② $10(\sqrt{3} - 1)$ ③ $10(\sqrt{3} - \sqrt{2})$
④ $10(2\sqrt{2} - 1)$ ⑤ $10(\sqrt{2} - 2)$

해설

$$\begin{aligned} h &= \frac{20}{\tan(90^\circ - 45^\circ) + \tan(90^\circ - 30^\circ)} \\ &= \frac{20}{\tan 45^\circ + \tan 60^\circ} \\ &= \frac{1 + \sqrt{3}}{2} \\ &= \frac{20(\sqrt{3} - 1)}{3 - 1} \\ &= 10(\sqrt{3} - 1) \end{aligned}$$

13. 다음 그림은 등대의 높이를 알아보기 위해 측정한 결과이다. 등대의 높이는?



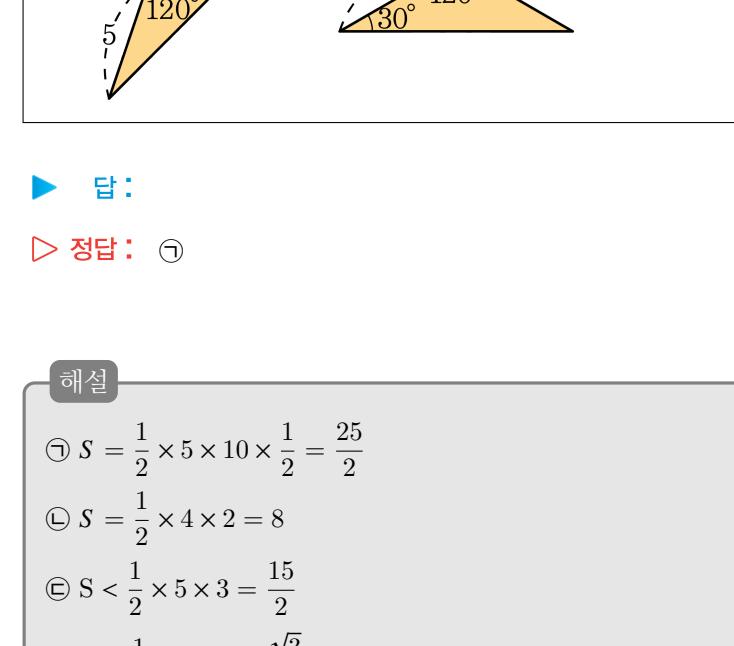
- ① $(3 - \sqrt{3})\text{m}$ ② $(3\sqrt{3} - 3)\text{m}$ ③ $(4\sqrt{3} - 1)\text{m}$
④ $(4\sqrt{3} + 1)\text{m}$ ⑤ $(3\sqrt{3} + 3)\text{m}$

해설



등대의 높이를 h 라 하면
 $\angle CBH = 45^\circ$ 이므로 $\overline{BH} = h$
 $\angle CAH = 30^\circ$ 이므로
 $6 + h : h = \sqrt{3} : 1$, $\sqrt{3}h = 6 + h$
 $(\sqrt{3} - 1)h = 6$
 $\therefore h = \frac{6}{\sqrt{3} - 1} = 3(\sqrt{3} + 1) = 3\sqrt{3} + 3(\text{m})$

14. 다음 삼각형 중에서 넓이가 가장 큰 것을 골라라. (단, $\sqrt{3} = 1.732$ 로 계산한다.)



▶ 답:

▷ 정답: ①

해설

$$\textcircled{1} S = \frac{1}{2} \times 5 \times 10 \times \frac{1}{2} = \frac{25}{2}$$

$$\textcircled{2} S = \frac{1}{2} \times 4 \times 2 = 8$$

$$\textcircled{3} S < \frac{1}{2} \times 5 \times 3 = \frac{15}{2}$$

$$\textcircled{4} S = \frac{1}{2} \times 5 \times 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3} = 8.66$$

$$\textcircled{5} S = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3} = 6.928$$

15. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 8cm인 원 O에 내접하는 $\triangle ABC$ 에서 $\angle BAC = 75^\circ$ 일 때, $\triangle OBC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}$

▷ 정답: 16 cm^2

해설

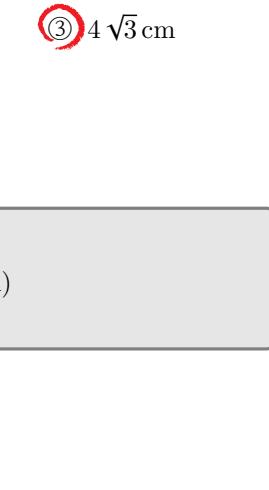
$$\angle BOC = 75^\circ \times 2 = 150^\circ$$

따라서 $\triangle OBC$ 의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 8 \times 8 \times \sin(180^\circ - 150^\circ)$$

$$= \frac{1}{2} \times 8 \times 8 \times \frac{1}{2} = 16 (\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

16. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 8cm이고
밑면의 반지름의 길이가 4cm인 원뿔이 있다. 이 원뿔의 높이는?



- ① 4 cm ② $4\sqrt{2}$ cm ③ $4\sqrt{3}$ cm
④ $4\sqrt{5}$ cm ⑤ $4\sqrt{6}$ cm

해설

$$\overline{OA} = 8 \times \sin 60^\circ = 8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3}(\text{cm})$$

17. 다음과 같은 $\triangle ABC$ 에서 \overline{BC} 의 길이는?

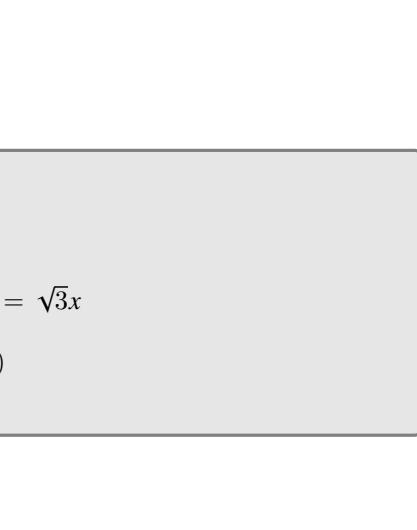
① $\frac{11\sqrt{6}}{3}$ cm

② $4\sqrt{6}$ cm

③ $\frac{13\sqrt{6}}{3}$ cm

④ $\frac{14\sqrt{6}}{3}$ cm

⑤ $5\sqrt{6}$ cm



해설

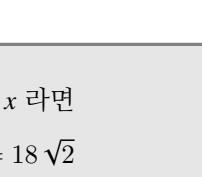
$$\overline{BC} = x \text{라면},$$

$$14 \sin 45^\circ = x \sin 60^\circ$$

$$14 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = x \times \frac{\sqrt{3}}{2}, 14\sqrt{2} = \sqrt{3}x$$

$$\therefore x = \frac{14\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{14\sqrt{6}}{3} (\text{cm})$$

18. 다음 그림과 같이 두 대각선이 이루는 각의 크기가 45° 인 등변사다리꼴 ABCD 의 넓이가 $18\sqrt{2}\text{cm}^2$ 일 때, \overline{AC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $6\sqrt{2}$ cm

해설

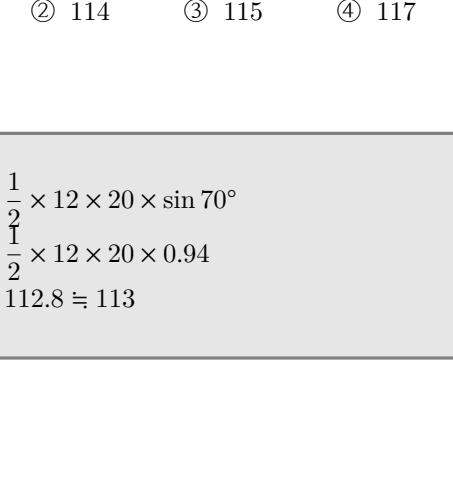
대각선 $\overline{AC} = \overline{BD} = x$ 라면

$$x \times x \times \frac{1}{2} \times \sin 45^\circ = 18\sqrt{2}$$

$$x^2 \times \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 18\sqrt{2}$$

$$x^2 = 72 \quad \therefore x = 6\sqrt{2} (\text{cm})$$

19. 다음과 같은 사각형 ABCD 의 넓이를 반올림하여 일의 자리까지 구하면? (단, $\sin 70^\circ = 0.94$)

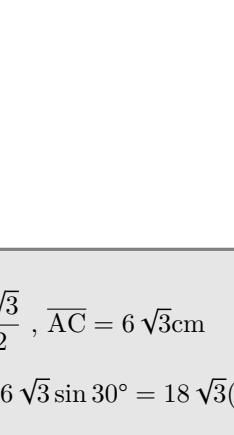


- ① 113 ② 114 ③ 115 ④ 117 ⑤ 119

해설

$$\begin{aligned}(\text{넓이}) &= \frac{1}{2} \times 12 \times 20 \times \sin 70^\circ \\&= \frac{1}{2} \times 12 \times 20 \times 0.94 \\&= 112.8 \approx 113\end{aligned}$$

20. 다음 그림과 같은 □ABCD의 넓이를 구하여라.(단, 단위는 생략한다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : $42\sqrt{3}$

해설

$$\cos 30^\circ = \frac{\overline{AC}}{12} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \overline{AC} = 6\sqrt{3} \text{cm}$$

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 12 \times 6\sqrt{3} \sin 30^\circ = 18\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

$$\triangle ACD = \frac{1}{2} \times 8\sqrt{2} \times 6\sqrt{3} \sin 45^\circ = 24\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

따라서, □ABCD = $18\sqrt{3} + 24\sqrt{3} = 42\sqrt{3}$ (cm^2) 이다.