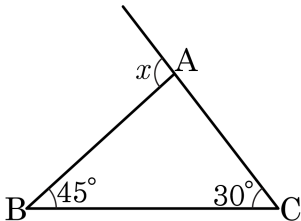


1. 다음 삼각형에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 35°

② 50°

③ 95°

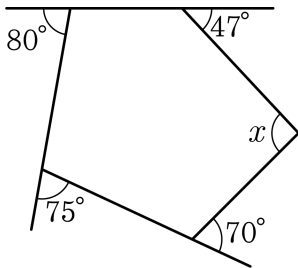
④ 75°

⑤ 105°

해설

$$\angle x = 45^\circ + 30^\circ = 75^\circ$$

2. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 85°

② 87°

③ 90°

④ 92°

⑤ 94°

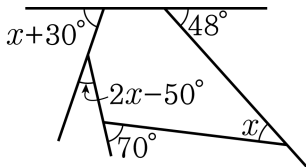
해설

다각형의 외각의 합은 항상 360° 이다.

$80^\circ + 75^\circ + 70^\circ + 47^\circ = 272^\circ$ 이다.

따라서 $\angle x$ 에 대한 외각은 $360^\circ - 272^\circ = 88^\circ$ 이므로 $\angle x = 180^\circ - 88^\circ = 92^\circ$ 이다.

3. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}^\circ$

▶ 정답 : 41°

해설

모든 다각형의 외각의 합은 360° 이므로

$\angle x + 30^\circ + 2\angle x - 50^\circ + 70^\circ + (180^\circ - \angle x) + 48^\circ = 360^\circ$ 이다.

따라서 $2\angle x = 82^\circ$ 이므로 $\angle x = 41^\circ$ 이다.

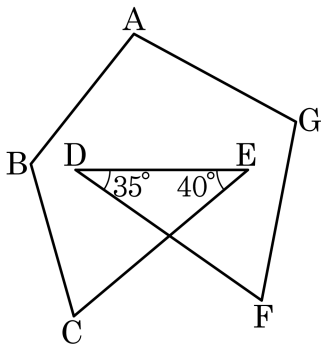
4. 육각형의 외각의 크기의 합은?

- ① 300° ② 340° ③ 360° ④ 380° ⑤ 400°

해설

다각형의 외각의 크기의 합은 항상 360° 이다.

5. 다음 그림에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle F + \angle G$ 의 크기는?



① 460°

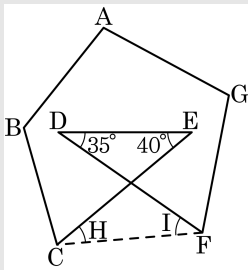
② 465°

③ 470°

④ 475°

⑤ 480°

해설



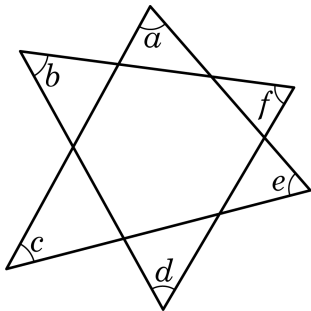
$35^\circ + 40^\circ = \angle H + \angle I$ 이다.

오각형의 내각의 합이 540° 이므로

$\angle A + \angle B + \angle C + \angle F + \angle G + 35^\circ + 40^\circ = 540^\circ$ 이다.

따라서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle F + \angle G = 465^\circ$ 이다.

6. 다음 도형에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f$ 의 크기는?



① 180°

② 270°

③ 360°

④ 450°

⑤ 540°

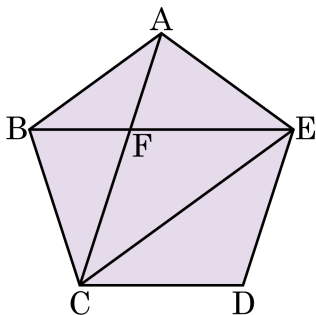
해설

$$\angle b + \angle f + \angle d = 180^\circ,$$

$$\angle a + \angle c + \angle e = 180^\circ$$

$$\therefore \angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f = 360^\circ$$

7. 다음의 정오각형에 대한 설명으로 옳은 것은?



① 내각의 크기의 합은 720° 이다.

② $\triangle BAC \equiv \triangle ABE$

③ 한 내각의 크기는 100° 이다.

④ 모든 대각선의 길이는 다르다.

⑤ $\angle FAE = 36^\circ$

해설

① 내각의 크기의 합은 540° 이다.

③ 한 내각의 크기는 108° 이다.

④ 모든 대각선의 길이는 같다.

⑤ $\angle FAE = 72^\circ$

8. 다음 중 내각의 크기의 합이 1000° 보다 크고 1500° 보다 작은 다각형에 속하는 것을 모두 고르면?

① 오각형

② 구각형

③ 십각형

④ 십일각형

⑤ 십이각형

해설

① 540° ② 1260° ③ 1440° ④ 1620° ⑤ 1800°

9. 다음은 육각형의 내각의 크기의 합을 구하는 과정을 나타낸 것이다.
ㄱ~ㅌ에 들어갈 것으로 알맞지 않은 것은?

다음 그림과 같이 육각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 (ㄱ) 개이고, 대각선에 의하여 육각형은 (ㄴ) 개의 삼각형으로 나누어진다. 따라서, 삼각형의 내각의 크기의 합은 (ㄷ) 이므로 육각형의 내각의 크기의 합은 (ㄷ) $\times$ (ㄹ) = (ㅌ) 이다.

① ㄱ : 3

② ㄴ : 4

③ ㄷ : 180°

④ ㄹ : 3

⑤ ㅌ : 720°

해설

육각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 3 개이고, 대각선에 의하여 육각형은 4 개의 삼각형으로 나누어진다. 따라서, 삼각형의 내각의 크기의 합은 180° 이므로 육각형의 내각의 크기의 합은 $180^\circ \times 4 = 720^\circ$ 이다.

10. 다음은 육각형의 내각의 크기의 합을 구하는 과정을 나타낸 것이다.
ㄱ~ㄴ 중 옳지 않은 것은?

육각형 내부에 임의의 점 P 를 잡아 육각형의 각 꼭짓점을 이어 (ㄱ). 6개의 (ㄴ). 삼각형을 만들었다. 삼각형의 세 내각의 크기의 합은 (ㄷ). 180° 이므로 육각형의 내각의 크기의 합은 $180^\circ \times$ (ㄹ). $4 - 360^\circ =$ (ㅁ). 720° 이다.

① ㄱ

② ㄴ

③ ㄷ

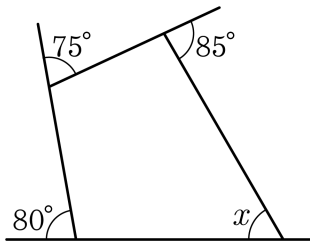
④ ㄹ

⑤ ㅁ

해설

육각형 내부에 임의의 점 P 를 잡아 육각형의 각 꼭짓점을 이어 6개의 삼각형을 만들었다. 삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로 육각형의 내각의 크기의 합은 $180^\circ \times 6 - 360^\circ = 720^\circ$ 이다.

11. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 40°

② 45°

③ 50°

④ 55°

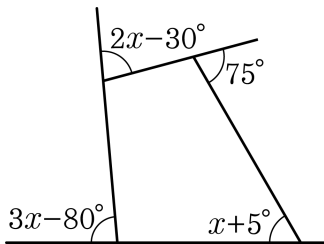
⑤ 60°

해설

사각형의 내각의 합은 360° 이므로 $(180^\circ - 75^\circ) + (180^\circ - 85^\circ) + (180^\circ - 80^\circ) + \angle x = 360^\circ$ 이다.

따라서 $\angle x = 60^\circ$ 이다.

12. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



① 50°

② 52°

③ 54°

④ 55°

⑤ 62°

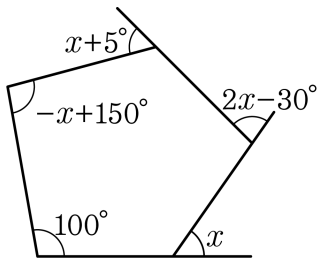
해설

모든 다각형의 외각의 합은 360° 이므로

$75^\circ + 2x - 30^\circ + 3x - 80^\circ + \{180^\circ - (x + 5^\circ)\} = 360^\circ$ 이다.

따라서 $x = 55^\circ$ 이다.

13. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 45°

② 50°

③ 55°

④ 60°

⑤ 65°

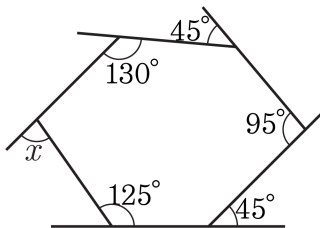
해설

모든 다각형의 외각의 합은 360° 이므로

$\angle x + 5^\circ + 2x - 30^\circ + \angle x + 80^\circ + \{180^\circ - (-\angle x + 150^\circ)\} = 360^\circ$
이다.

따라서 $\angle x = 55^\circ$ 이다.

14. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



① 80°

② 85°

③ 90°

④ 95°

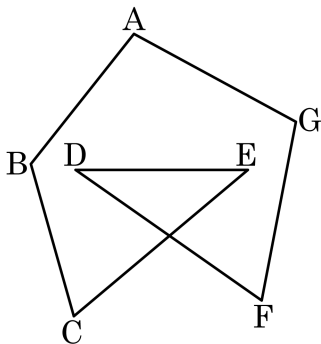
⑤ 100°

해설

$45^\circ + (180^\circ - 130^\circ) + \angle x + (180^\circ - 125^\circ) + 45^\circ + (180^\circ - 95^\circ) = 360^\circ$
이다.

따라서 $\angle x = 80^\circ$ 이다.

15. 다음 그림에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G$ 의 값을 구하여라.

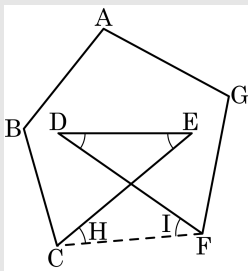


▶ 답 :

—°

▷ 정답 : 540—°

해설



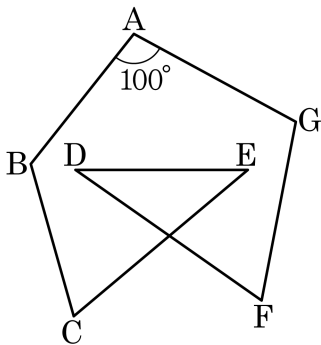
$$\angle D + \angle E = \angle H + \angle I \text{ 이다.}$$

오각형의 내각의 합이 540° 이므로

$$\angle A + \angle B + \angle C + \angle F + \angle G + \angle H + \angle I = 540^\circ \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } \angle A + \angle B + \angle C + \angle F + \angle G + \angle D + \angle E = 540^\circ \text{ 이다.}$$

16. 다음 그림에서 $\angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G$ 의 값은?



① 400°

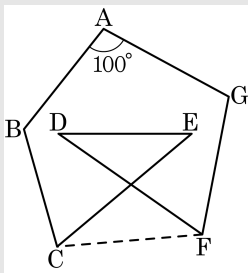
② 440°

③ 540°

④ 600°

⑤ 720°

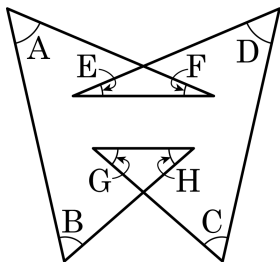
해설



오각형의 내각의 합은 540° 이다.

따라서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G = 540^\circ$ 이므로
 $\angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G = 440^\circ$ 이다.

17. 다음 그림에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G + \angle H + \angle I$ 의 값을 구하여라.

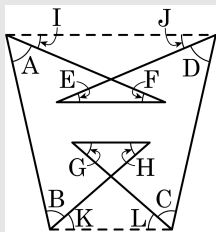


▶ 답 :

°

▷ 정답 : 360°

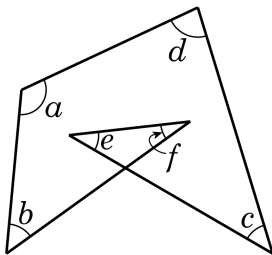
해설



사각형의 내각의 합은 360° 이다.

$\angle E + \angle F = \angle I + \angle J$, $\angle G + \angle H = \angle K + \angle L$ 이므로 구하는 각의 크기는 사각형의 내각의 크기의 합 360° 와 같다.

18. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f$ 의 크기는?



① 180°

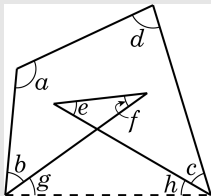
② 360°

③ 400°

④ 540°

⑤ 720°

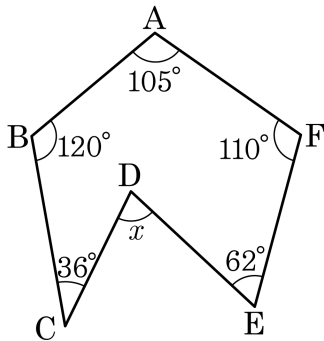
해설



사각형의 내각의 합은 360° 이다.

$\angle e + \angle f = \angle g + \angle h$ 이므로 구하는 각의 크기는 사각형의 내각의 크기의 합 360° 와 같다.

19. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 70°

② 72°

③ 73°

④ 74°

⑤ 75°

해설

선분 CE 를 연결하면 오각형 ABCEF 의 내각의 합은 $180^\circ \times (5 - 2) = 540^\circ$

$$540^\circ = 105^\circ + 120^\circ + 36^\circ + \angle DCE + \angle DEC + 62^\circ + 110^\circ$$

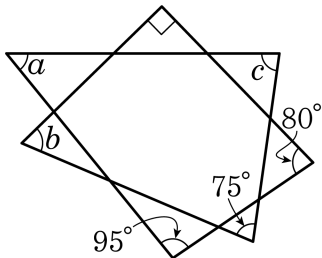
$$\angle DCE + \angle DEC = 107^\circ$$

$\triangle DCE$ 에서

$$\angle x = 180^\circ - 107^\circ = 73^\circ \text{ 이다}$$

$$\therefore 73^\circ$$

20. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c$ 의 크기는?



① 120°

② 150°

③ 180°

④ 200°

⑤ 220°

해설

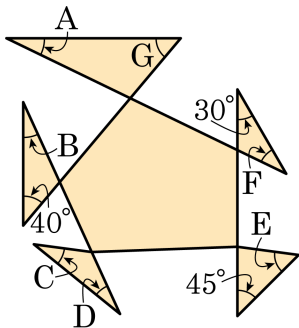
바깥쪽으로 돌출된 삼각형 7 개의 내각의 합에서 칠각형의 외각의 합을 두 번 뺀다.

$$180^\circ \times 7 - 360^\circ \times 2 = 540^\circ \text{ 이므로}$$

$$\angle a + \angle b + 95^\circ + 75^\circ + 80^\circ + \angle c + 90^\circ = 540^\circ \text{ 이다.}$$

따라서 $\angle a + \angle b + \angle c = 200^\circ$ 이다.

21. 다음 그림의 평면도형에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

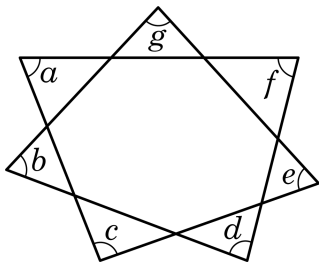
▶ 정답 : 245

해설

$\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G + 40^\circ + 45^\circ + 30^\circ$ 의 값은 내부의 오각형의 외각의 합과 같으므로 360° 이다.

따라서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G$ 의 값은 $360^\circ - 40^\circ - 45^\circ - 30^\circ = 245^\circ$ 이다.

22. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g$ 의 크기는?



① 360°

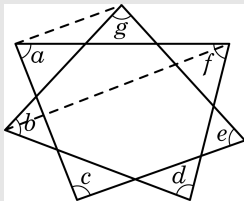
② 540°

③ 630°

④ 720°

⑤ 720°

해설



다음 그림과 같이 보조선을 그으면

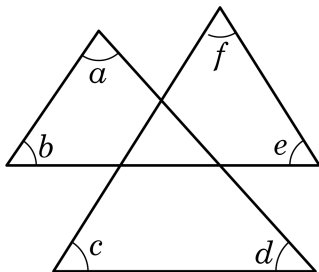
$\angle AFB + \angle GBF = \angle AGB + \angle GAF$ 이므로

$\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g$

$= (\text{사각형 ACEG의 내각의 크기의 합}) + (\text{삼각형 BDF의 내각의 크기의 합})$

$= 360^\circ + 180^\circ = 540^\circ$ 이다.

23. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f$ 의 크기를 구하여라.

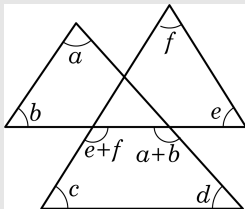


▶ 답 :

—°

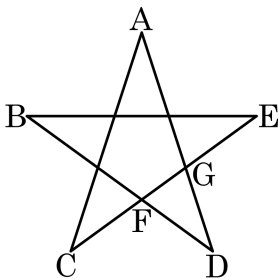
▷ 정답 : 360°

해설



삼각형의 외각의 성질을 이용하여 위 그림과 같이 나타낼 수 있다. 따라서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f$ 는 사각형의 내각의 합과 같으므로 360° 이다.

24. 다음 그림에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E$ 의 크기를 구하여라.



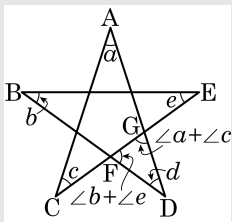
▶ 답 :

—°

▷ 정답 : 180 —°

해설

다음 그림에서 $\angle GFD$ 는 $\triangle FBE$ 의 한 외각이므로 $\angle GFD = \angle b + \angle e$ 이다.



$\angle FGD$ 는 $\triangle ACG$ 의 한 외각이므로

$\angle FGD = \angle a + \angle c$ 이다.

$\angle GFD$ 에서 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$\therefore \angle GFD + \angle FGD + \angle d$$

$$= \angle b + \angle e + \angle a + \angle c + \angle d = 180^\circ$$

25. 한 외각의 크기가 30° 인 정다각형의 꼭짓점의 개수는?

① 8 개

② 9 개

③ 10 개

④ 11 개

⑤ 12 개

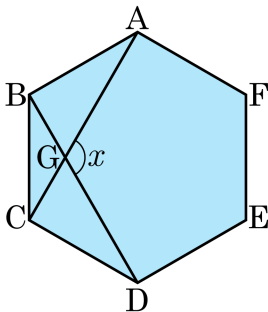
해설

$$\frac{360^\circ}{n} = 30^\circ$$

$$\therefore n = 12$$

십이각형이므로 꼭짓점의 개수는 12 개이다.

26. 다음 그림과 같은 정육각형에서 대각선 $\overline{AC}$ 와 $\overline{BD}$ 의 교점을 G 라고 할 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 90°

② 100°

③ 110°

④ 120°

⑤ 130°

해설

정육각형이므로 $\triangle BAC$, $\triangle CDB$ 는 이등변 삼각형이다.

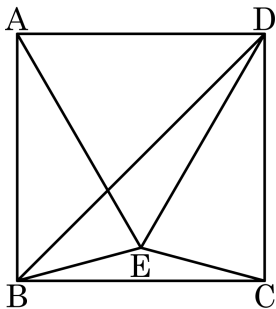
$$\angle BCA = \angle BAC = (180^\circ - 120^\circ) \times \frac{1}{2} = 30^\circ,$$

$$\angle CDB = \angle CBD = (180^\circ - 120^\circ) \times \frac{1}{2} = 30^\circ$$

따라서 삼각형의 두 내각의 합은 다른 한 외각의 크기와 같고,
 $\angle x = \angle BGC$ (맞꼭지각) 이므로

$$\angle x = \angle BGC = 180^\circ - (\angle CBD + \angle BCA) = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 120^\circ \text{ 이다.}$$

27. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 정사각형이고 $\triangle AED$ 는 정삼각형일 때, $\angle DBE$ 의 크기는?



① 28°

② 30°

③ 32°

④ 35°

⑤ 40°

해설

$\triangle AED$ 는 정삼각형이므로 $\angle EAD = 60^\circ$ 이다. $\rightarrow \angle EAB = 30^\circ$
 또한, $\triangle ABE$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AE}$ 이므로 $\angle ABE = \frac{1}{2}(180^\circ - 30^\circ) = 75^\circ$ 이다.

$\triangle ABD$ 는 $\overline{AB} = \overline{AD}$ 인 직각이등변삼각형이므로 $\angle ABD = \frac{1}{2}(180^\circ - 90^\circ) = 45^\circ$ 이다.

따라서 $\angle DBE = \angle ABE - \angle ABD = 75^\circ - 45^\circ = 30^\circ$ 이다.

28. 다음 중 옳지 않은 것은?

① 정육각형의 한 내각의 크기는 120° 이다.

② n 각형의 내각의 크기의 합은 $180^\circ \times (n - 3)$ 이다.

③ 육각형의 내각의 크기의 합은 720° 이다.

④ 정팔각형의 한 외각의 크기는 45° 이다.

⑤ 다각형의 외각의 크기의 합은 변의 수에 관계없이 항상 360° 이다.

해설

② n 각형의 내각의 크기의 합은 $180^\circ \times (n - 2)$ 이다.

29. 칠각형 ABCDEFG 에서 $\angle DEF$ 의 크기는 $\angle DEF$ 의 외각의 크기의 8 배 일 때, $\angle DEF$ 의 외각의 크기는?

① 20°

② 60°

③ 80°

④ 100°

⑤ 160°

해설

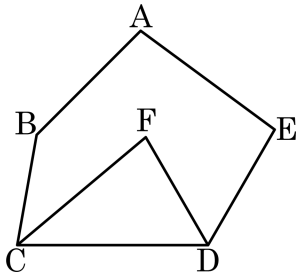
$\angle DEF$ 의 외각의 크기를 x 라고 하면 $\angle DEF = 8x$ 이다.

$$8x + x = 180^\circ$$

$$9x = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x = 20^\circ$$

30. 다음 그림의 오각형 ABCDE 에서 $\angle C$ 와 $\angle D$ 의 이등분선의 교점이 점 F 이고, $\angle A + \angle B + \angle E = 340^\circ$ 일 때, $\angle CFD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\quad \quad \quad ^\circ$

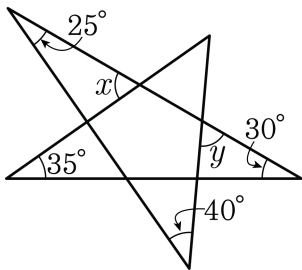
▷ 정답 : 80°

해설

$\angle A + \angle B + \angle E = 340^\circ$ 이므로 $\angle C + \angle D = 540^\circ - 340^\circ = 200^\circ$
 또 $\angle C$ 와 $\angle D$ 의 이등분선의 교점이 점 F 이므로 $\angle FCD + \angle FDC = \frac{1}{2}(\angle C + \angle D) = \frac{1}{2} \times 200^\circ = 100^\circ$

그런데 $\angle FCD + \angle FDC + \angle CFD = 180^\circ$ 이므로
 $\angle CFD = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$

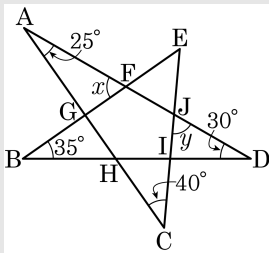
31. 다음 그림과 같은 도형에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

▶ 정답 : 130°

해설



$\angle x$ 는 $\triangle FBD$ 에서 한 외각이므로

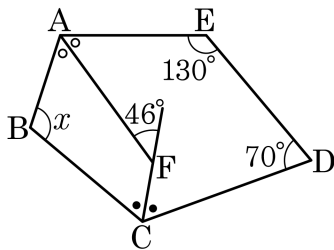
$$\angle x = \angle FBD + \angle FDB = 35^\circ + 30^\circ = 65^\circ$$

$\angle y$ 는 $\triangle JAC$ 에서 한 외각이므로

$$\angle y = \angle JAC + \angle JCA = 25^\circ + 40^\circ = 65^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y = 65^\circ + 65^\circ = 130^\circ$$

32. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 112°

해설

$\angle BAF = a$, $\angle BCF = b$ 라 하면

사각형 ABCF 에서

$$a + b + \angle x + 134^\circ = 360^\circ$$

$$a + b + \angle x = 226^\circ \cdots \textcircled{㉠}$$

오각형 ABCDE 에서

$$2a + 2b + \angle x + 130^\circ + 70^\circ = 540^\circ$$

$$2a + 2b + \angle x = 340^\circ \cdots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉡} - \textcircled{㉠}$ 을 하면 $a + b = 114^\circ$

따라서 $a + b = 114^\circ$ 를 $\textcircled{㉠}$ 에 대입하면

$$\angle x = 226^\circ - 114^\circ = 112^\circ \text{ 이다.}$$

33. n 각형의 내각의 합과 외각의 합의 비가 $8 : 1$ 일 때, n 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $n = 18$

해설

n 각형의 내각의 크기의 합 : $180^\circ \times (n - 2)$

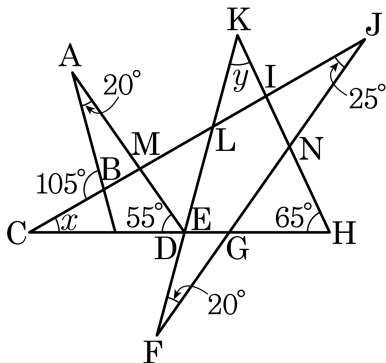
n 각형의 외각의 크기의 합 : 360°

$$180^\circ \times (n - 2) : 360^\circ = 8 : 1$$

$$180^\circ(n - 2) = 360^\circ \times 8$$

따라서 $n = 18$ 이다.

34. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 값은?



① 70°

② 75°

③ 80°

④ 90°

⑤ 95°

해설

$$\angle ADC = 20^\circ + 55^\circ = 75^\circ$$

$$\angle ABC = 75^\circ + \angle x = 105^\circ$$

$$\angle x = 30^\circ$$

$$\angle KIL = 30^\circ + 65^\circ = 95^\circ$$

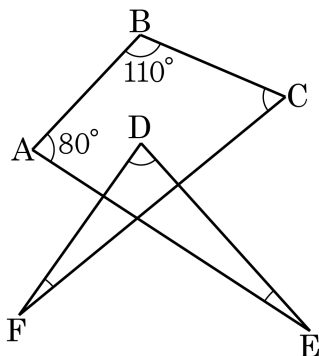
$$\angle KLI = 25^\circ + 20^\circ = 45^\circ$$

$\triangle KLI$ 의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$\angle y = 180^\circ - (95^\circ + 45^\circ) = 40^\circ$$

따라서 $\angle x + \angle y = 70^\circ$ 이다.

35. $\angle A = 80^\circ$, $\angle B = 110^\circ$ 일 때, $\angle C + \angle D + \angle E + \angle F$ 의 크기는?



① 150°

② 170°

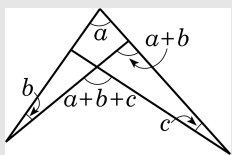
③ 210°

④ 270°

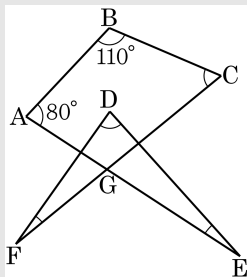
⑤ 350°

해설

삼각형의 외각의 성질을 이용하면 다음 그림과 같은 공식을 만들 수 있다.



$\overline{AF}$ 와 $\overline{CE}$ 의 교점을 G 라 하자.



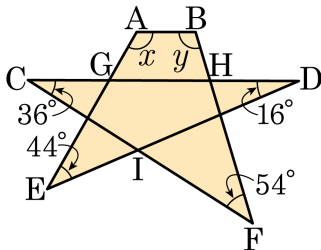
$\angle EGF = \angle AGC = \angle D + \angle E + \angle F$ 이고

$\angle A + \angle B + \angle C + \angle AGC = 360^\circ$ 이므로

$80^\circ + 110^\circ + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F = 360^\circ$ 이다.

$\therefore \angle C + \angle D + \angle E + \angle F = 170^\circ$ 이다.

36. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



① 180°

② 200°

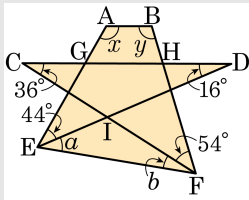
③ 210°

④ 230°

⑤ 250°

해설

보조선 $\overline{EF}$ 를 그리면 $36^\circ + 16^\circ = \angle a + \angle b$,



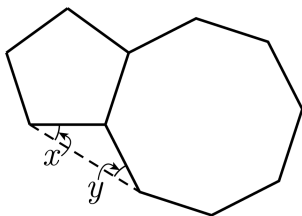
사각형 ABEF 의 내각의 합은 360° 이므로

$$\angle x + \angle y + (44^\circ + 54^\circ) + (\angle a + \angle b) = 360^\circ$$

$$\angle x + \angle y + 98^\circ + 52^\circ = 360^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y = 360^\circ - 150^\circ = 210^\circ \text{ 이다.}$$

37. 다른 그림은 정오각형과 정팔각형의 각각의 한 변을 겹쳐 놓은 것이다.
 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



① 57°

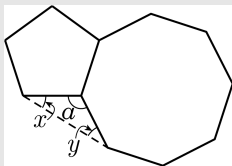
② 59°

③ 61°

④ 63°

⑤ 65°

해설



다음 그림과 같이 $\angle a$ 를 잡으면

정오각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^\circ \times (5 - 2)}{5} = 108^\circ$ 이고,

정팔각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^\circ \times (8 - 2)}{8} = 135^\circ$ 이다.

따라서 $108^\circ + 135^\circ + \angle a = 360^\circ$ 이므로 $\angle a = 117^\circ$

삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$\angle x + \angle y + 117^\circ = 180^\circ$$

$$\angle x + \angle y = 63^\circ \text{ 이다.}$$

38. 대각선의 총수가 27 개인 정다각형의 한 내각의 크기를 구하여라.

▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}^{\circ}$

▷ 정답: 140°

해설

$$\frac{n(n-3)}{2} = 27$$

$$n(n-3) = 54$$

$$\therefore n = 9$$

정구각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^{\circ} \times (9-2)}{9} = 140^{\circ}$ 이다.

39. 어떤 다각형의 내부에 한 점 P 를 잡아 각 꼭짓점과 연결하여 12 개의 삼각형을 만들었다. 이 다각형의 내각의 크기의 합과 외각의 크기의 합은?

- ① 2160° ② 2520° ③ 2360° ④ 1880° ⑤ 2880°

해설

12 개의 삼각형이 만들어지므로 십이각형이다.

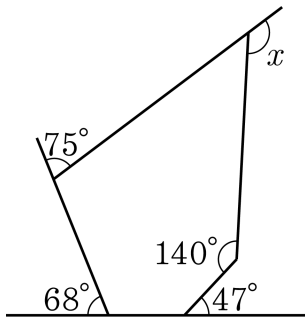
십이각형의 내각의 크기의 합은

$180^\circ \times (12 - 2) = 1800^\circ$ 이고

외각의 크기의 합은 360° 이므로

$1800^\circ + 360^\circ = 2160^\circ$ 이다.

40. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



① 30°

② 100°

③ 120°

④ 130°

⑤ 260°

해설

$$75^\circ + x + (180^\circ - 140^\circ) + 47^\circ + 68^\circ = 360^\circ$$

$$\therefore \angle x = 130^\circ$$

41. 내각의 크기의 합과 외각의 크기의 합이 같은 다각형은?

① 삼각형

② 사각형

③ 오각형

④ 육각형

⑤ 팔각형

해설

내각의 크기의 합과 외각의 크기의 합이 같은 다각형은 사각형이다.

42. 정다각형의 한 내각과 그 외각의 크기의 비가 13 : 2 일 때, 이 다각형의 대각선의 총수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 90 개

해설

외각의 크기를 구하면

$$180^\circ \times \frac{2}{15} = 24^\circ$$

$$\frac{360^\circ}{24^\circ} = 15$$

정십오각형의 대각선의 총수를 구하면

$$\frac{15 \times (15 - 3)}{2} = 90 \text{ (개)}$$

43. 정다각형의 한 내각과 그 외각의 크기의 비가 3 : 1 일 때, 이 다각형의 대각선의 총수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 20 개

해설

외각의 크기를 구하면

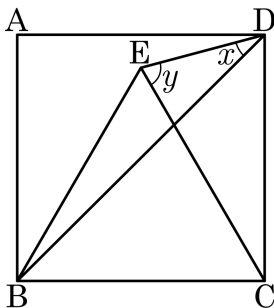
$$180^\circ \times \frac{1}{4} = 45^\circ$$

$$\frac{360^\circ}{45^\circ} = 8$$

정팔각형의 대각선의 총수를 구하면

$$\frac{8 \times (8 - 3)}{2} = 20 \text{ (개)}$$

44. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 정사각형이고 삼각형 EBC 는 정삼각형일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 105°

해설

$\triangle EBC$ 는 정삼각형이므로 $\angle ECB = 60^\circ$ 이다.

또한, $\angle ECD = \angle BCD - \angle ECB = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$ 이다.

$\triangle ECD$ 에서 $\overline{EC} = \overline{DC}$ 이므로 $\angle CED = \angle CDE$ 이므로

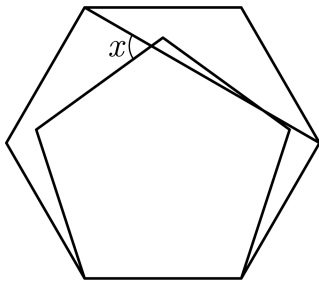
$$\angle y = \angle CED = \frac{1}{2}(180^\circ - 30^\circ) = 75^\circ \text{ 이다.}$$

$\angle BDC = 45^\circ$ 이므로

$$\angle EDB = \angle x = \angle CDE - \angle BDC = 75^\circ - 45^\circ = 30^\circ \text{ 이다.}$$

따라서 $\angle x + \angle y = 30^\circ + 75^\circ = 105^\circ$ 이다.

45. 다음 그림은 한 변의 길이가 같은 정오각형과 정육각형을 나타낸다. 이때 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

▷ 정답 : 66°

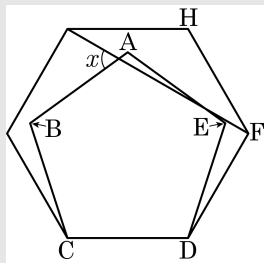
해설

오각형 $ABCDE$ 에서 $\angle ABC = \angle BCD = 108^\circ$

$\angle CDF = 120^\circ$, $\angle DFE = 120^\circ - \angle HFE = 90^\circ$ 이므로

$\angle BGE = 540^\circ - (108^\circ \times 2 + 120^\circ + 90^\circ) = 114^\circ$

$\therefore \angle x = 180^\circ - 114^\circ = 66^\circ$



46. 두 다각형 P, Q 의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 비가 1 : 2 일 때 두 다각형의 내각의 합을 모두 더하면 1440° 이다. 두 다각형의 변의 개수의 합을 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 12 개

해설

각각 n 각형, m 각형이라 하면

$$(n-3) : (m-3) = 1 : 2$$

$$m-3 = 2n-6$$

$$m = 2n-3 \cdots \textcircled{㉠}$$

$$180^\circ \times (n-2) + 180^\circ(m-2) = 1440^\circ$$

$$n-2 + m-2 = 8 \cdots \textcircled{㉡}$$

㉠을 ㉡에 대입하면

$$n-2 + 2n-3-2 = 8$$

$$3n = 15$$

$$n = 5, m = 7$$

$\therefore$ 12개

47. 다음은 육각형에서 외각의 크기의 합을 구하는 과정이다. 안에 알맞은 수를 써넣어라.

평각의 크기가 180° 이므로

$$\angle a + \angle a' = 180^\circ$$

$$\angle b + \angle b' = 180^\circ$$

$$\angle c + \angle c' = 180^\circ$$

$$\angle d + \angle d' = 180^\circ$$

$$\angle e + \angle e' = 180^\circ$$

$$\angle f + \angle f' = 180^\circ$$

$$(\text{내각의 크기의 합}) + (\text{외각의 크기의 합}) = 180^\circ \times \boxed{}$$

$$720^\circ + \boxed{}^\circ = \boxed{}^\circ$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

▷ 정답 : 360

▷ 정답 : 1080

해설

평각의 크기가 180° 이므로

$$\angle a + \angle a' = 180^\circ$$

$$\angle b + \angle b' = 180^\circ$$

$$\angle c + \angle c' = 180^\circ$$

$$\angle d + \angle d' = 180^\circ$$

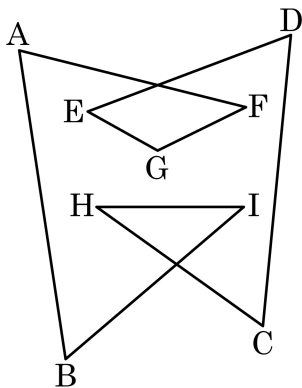
$$\angle e + \angle e' = 180^\circ$$

$$\angle f + \angle f' = 180^\circ$$

$$(\text{내각의 크기의 합}) + (\text{외각의 크기의 합}) = 180^\circ \times \boxed{6}$$

$$720^\circ + \boxed{360}^\circ = \boxed{1080}^\circ$$

48. 다음 그림에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G + \angle H + \angle I$ 의 값을 구하여라.

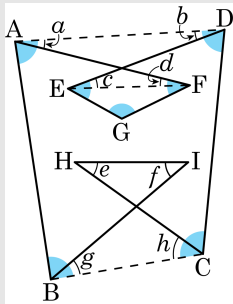


▶ 답 :

°

▷ 정답 : 540°

해설



$$\angle a + \angle b = \angle c + \angle d, \angle e + \angle f = \angle g + \angle h$$

이므로 구하는 값은 색칠된 각들의 크기의 합과 같다.

$$\therefore 360^\circ + 180^\circ = 540^\circ$$

49. 정십각형의 한 외각의 크기와 정팔각형의 한 내각의 크기의 합을 구하면?

- ① 171° ② 185° ③ 200° ④ 279° ⑤ 81°

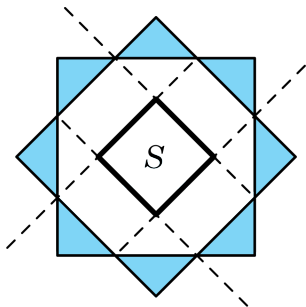
해설

정십각형의 한 외각의 크기 : $360^\circ \div 10 = 36^\circ$

정팔각형의 한 내각의 크기 : $\frac{180^\circ \times (8 - 2)}{8} = 135^\circ$

$\therefore 36^\circ + 135^\circ = 171^\circ$

50. 다음은 정사각형과 그 정사각형을 대각선의 교점을 중심으로 45° 회전시킨 도형으로 만든 모양이다. 색칠된 부분의 넓이의 합이 4 일 때, S 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

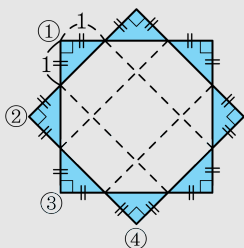
▷ 정답 : 2

해설

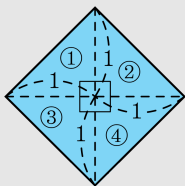
색칠된 부분은 작은 직각이등변삼각형 8 개로 이루어져 있으므로

$$\text{직각이등변삼각형의 넓이는 } 4 \times \frac{1}{8} = \frac{1}{2}$$

따라서 직각이등변삼각형은 빗변이 아닌 두 변의 길이가 1로 같다.



직각이등변삼각형의 빗변이 아닌 두 변의 길이가 1로 같을 때, 빗변을 한 변으로 하는 마름모 (①, ②, ③, ④) 의 넓이는 2 이다.



주어진 조건에서 S 는 색칠된 부분의 작은 직각이등변삼각형의 빗변을 한 변으로 하는 도형의 넓이이므로 $S = 2$