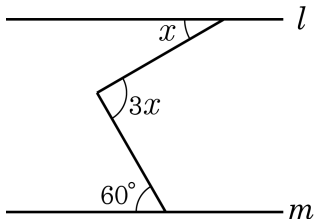


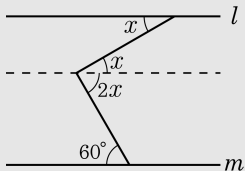
1. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

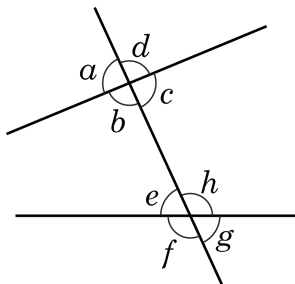
▷ 정답 : 30°

해설



위 그림처럼 두 직선 l, m 에 평행하게 보조선을 그으면 평행선의 성질에 따라 $2x = 60^\circ$ 가 된다. 따라서 $\angle x = 30^\circ$ 가 된다.

2. 다음 그림에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

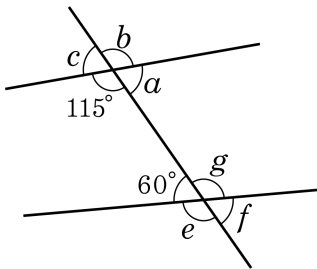


- ① $\angle a$ 와 $\angle c$ 는 맞꼭지각이다. ② $\angle b$ 와 $\angle h$ 는 엇각이다.
③ $\angle a$ 와 $\angle e$ 는 동위각이다. ④ $\angle a$ 와 $\angle h$ 는 엇각이다.
⑤ $\angle c$ 와 $\angle g$ 는 동위각이다.

해설

④ $\angle h$ 와 $\angle b$ 가 엇각이다.

3. 다음 그림을 보고 $\angle a$ 의 동위각의 크기 = () $^{\circ}$ 를 구하여라.



▶ 답 :

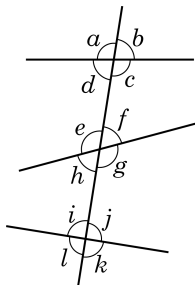
▷ 정답 : 60

해설

$\angle a$ 의 동위각은 $\angle f$ 이고, 맞꼭지각의 크기는 서로 같으므로 $\angle f = 60^{\circ}$ 이다.

4. 다음 설명 중 옳은 것을 고르면?

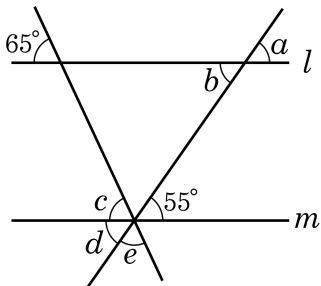
- ① $\angle a$ 와 $\angle c$ 는 동위각이다.
- ② $\angle e$ 와 $\angle k$ 는 동위각이다.
- ③ $\angle a$ 와 $\angle e$ 는 동위각이다.
- ④ $\angle c$ 와 $\angle g$ 는 엇각이다.
- ⑤ $\angle g$ 와 $\angle e$ 는 엇각이다.



해설

- ① $\angle a$ 의 동위각은 $\angle e$, $\angle i$ 이다.
- ② $\angle e$ 의 동위각은 $\angle a$, $\angle i$ 이다.
- ④ $\angle c$ 의 엇각은 $\angle e$, $\angle i$ 이다.
- ⑤ $\angle g$ 의 엇각은 $\angle i$ 이다.

5. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, 옳지 않은 것은?



① $\angle a = 55^\circ$

② $\angle b = 55^\circ$

③ $\angle c = 55^\circ$

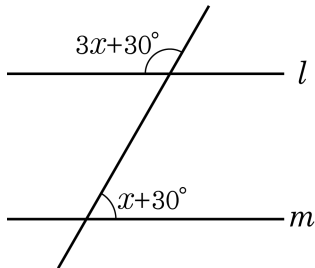
④ $\angle d = 55^\circ$

⑤ $\angle e = 60^\circ$

해설

③ $\angle c$ 는 65° 의 동위각이므로 $\angle c = 65^\circ$ 이다.

6. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 10°

② 20°

③ 30°

④ 40°

⑤ 50°

해설

$l \parallel m$ 일 때, 동위각의 크기는 같으므로

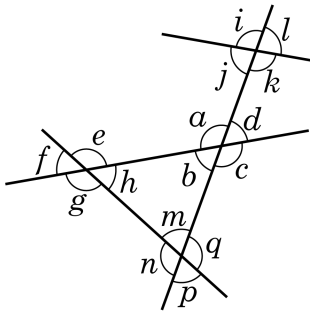
$$(3x + 30^\circ) + (x + 30^\circ) = 180^\circ$$

$$4x + 60^\circ = 180^\circ$$

$$4x = 120^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

7. 다음 그림에 대하여 $\angle b$ 의 동위각의 개수를 x , $\angle a$ 의 엇각의 개수를 y 라 할 때, x, y 의 값을 차례로 알맞게 쓴 것은?



① 2, 2

② 2, 3

③ 3, 1

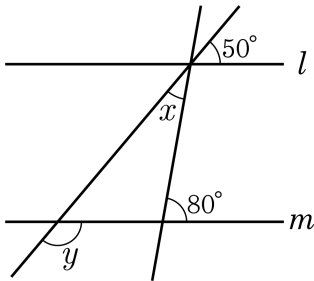
④ 3, 2

⑤ 3, 3

해설

$\angle b$ 의 동위각은 $\angle j, \angle n, \angle g$ 이고 모두 3 개이므로 $x = 3$ 이고, $\angle a$ 의 엇각은 $\angle k, \angle h$ 이고 모두 2 개이므로 $y = 2$ 이다.

8. 다음 그림에서 두 직선 l 과 m 은 서로 평행이다. $\angle y - \angle x$ 의 크기는?



① 60°

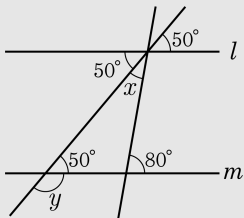
② 70°

③ 80°

④ 90°

⑤ 100°

해설

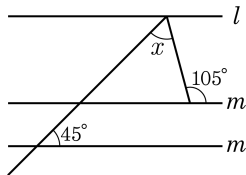


$$\angle x + 50^\circ = 80^\circ \text{ (엇각)}$$

$$\angle x = 30^\circ, \angle y = 130^\circ$$

따라서 $\angle y - \angle x = 100^\circ$ 이다.

9. 다음 그림에서 l, m, n 이 서로 평행일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



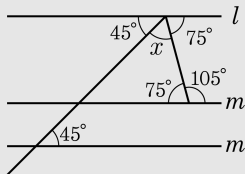
▶ 답 :

—°

▷ 정답 : 60°

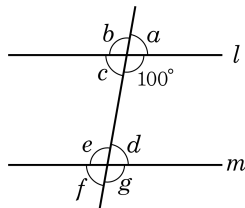
해설

$$\therefore \angle x = 180^\circ - (45^\circ + 75^\circ) = 60^\circ$$



10. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $\angle a = \angle d$ 가 같으면 두 직선 l, m 은
평행이다.
- ② $\angle e = 100^\circ$ 이면 두 직선 l, m 은
평행이다.
- ③ $\angle c = \angle e$ 이면 두 직선 l, m 은
평행이다.
- ④ $\angle b$ 의 동위각은 $\angle e$ 이다.
- ⑤ $\angle c = \angle f$ 이면 두 직선 l, m 은
평행이다.

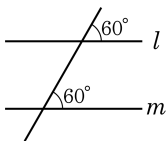


해설

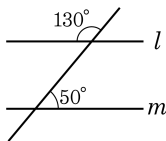
③ $\angle c = \angle d$ 이면 두 직선 l, m 은 평행이다.

11. 다음 중 두 직선 l, m 이 서로 평행하지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

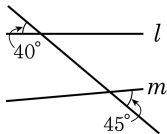
①



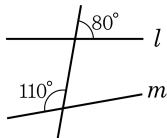
②



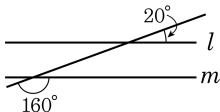
③



④



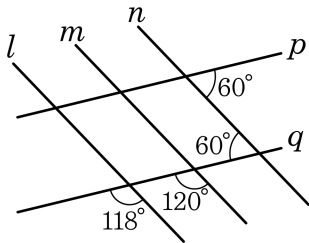
⑤



해설

③, ④ 40° 의 동위각은 45° , 80° 의 동위각은 70° 이다.
따라서 두 각이 같지 않으므로, 두 직선은 평행하지 않다.

12. 다음 그림에서 평행한 두 직선을 모두 고르면? (정답 2 개)



① $l // m$

② $l // n$

③ $m // n$

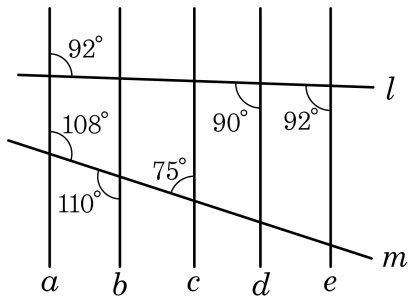
④ $l // p$

⑤ $p // q$

해설

평행한 두 직선이 있을 때, 동위각과 엇각은 서로 같다.
위의 그림에서 평행한 두 직선은 p 와 q , m 과 n 이다.

13. 다음 그림에서 평행한 두 직선을 찾아 써라.



▶ 답 :

▶ 답 :

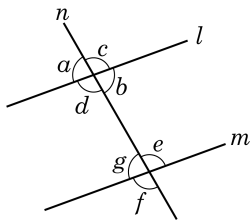
▷ 정답 : 직선 a

▷ 정답 : 직선 e

해설

엇각의 크기가 같은 직선은 a 와 e 이므로 $a \parallel e$ 이다.

14. 다음 그림에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

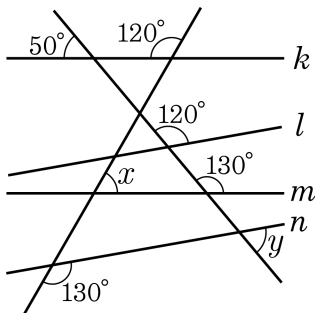


- ① $\angle a = \angle g$ 이면 $l \parallel m$
- ② $\angle d = \angle g$ 이면 $l \parallel m$
- ③ $\angle b = \angle f$ 이면 $l \parallel m$
- ④ $l \parallel m$ 이면 $\angle c = \angle e$
- ⑤ $l \parallel m$ 이면 $\angle c + \angle g = 180^\circ$

해설

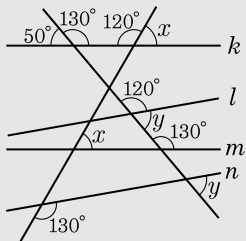
- ② $\angle d, \angle g$ 는 동위각도 아니고 엇각도 아니므로 두 직선의 평행을 설명할 수 없다.
- ③ $\angle b, \angle f$ 는 동위각도 아니고 엇각도 아니므로 두 직선의 평행을 설명할 수 없다.

15. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하면?(단, $k \parallel m$, $l \parallel n$)



- ① 120° ② 130° ③ 140° ④ 150° ⑤ 240°

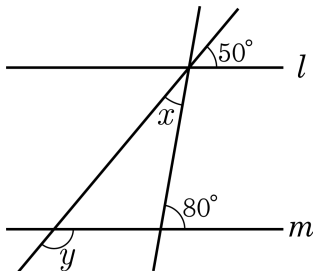
해설



$k \parallel m$, $l \parallel n$ 이므로 $\angle x = 60^\circ$, $\angle y = 60^\circ$

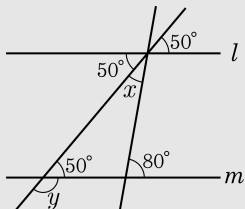
$\therefore \angle x + \angle y = 120^\circ$

16. 다음 그림에서 두 직선 l 과 m 은 서로 평행이다. $\angle y - \angle x$ 의 크기는?



- ① 60° ② 70° ③ 80° ④ 90° ⑤ 100°

해설

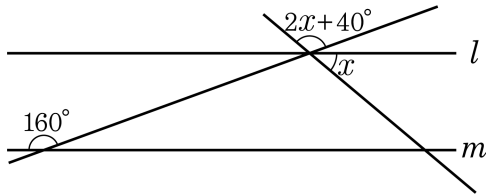


$$x + 50^\circ = 80^\circ \text{ (엇각)}$$

$$x = 30^\circ, y = 130^\circ$$

$$\therefore \angle y - \angle x = 100^\circ$$

17. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 40°

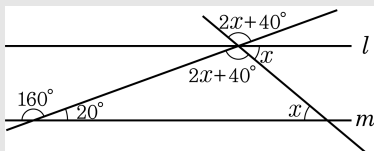
② 50°

③ 60°

④ 70°

⑤ 80°

해설

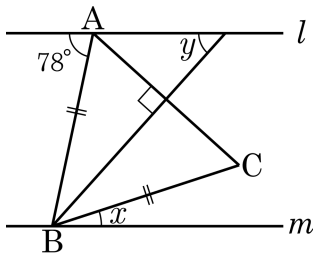


$l \parallel m$ 이고 삼각형 내각의 합에 의해서 $20^\circ + 2x + 40^\circ + x = 180^\circ$

$$3x = 120^\circ$$

$$\therefore \angle x = 40^\circ$$

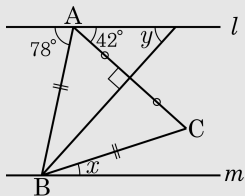
18. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 가 정삼각형일 때, $\angle y - \angle x$ 를 구하여라.



▶ 답: 0

▶ 정답 : 30°

해설



$l \parallel m$ 이므로 엇각에 의해서

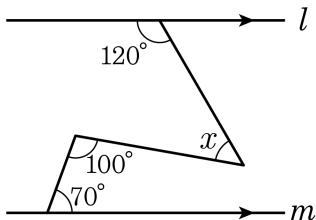
 $\angle x = 78^\circ - 60^\circ = 18^\circ$ 이다.

엇각과 삼각형 내각의 합에 의해서

$$42^\circ + 90^\circ + \angle y = 180^\circ \quad \angle y = 48^\circ$$

따라서 $\angle y - \angle x = 48^\circ - 18^\circ = 30^\circ$ 이다.

19. 다음 그림에서 직선 l, m 이 평행일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?



① $\angle x = 30^\circ$

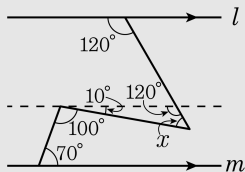
② $\angle x = 40^\circ$

③ $\angle x = 50^\circ$

④ $\angle x = 60^\circ$

⑤ $\angle x = 70^\circ$

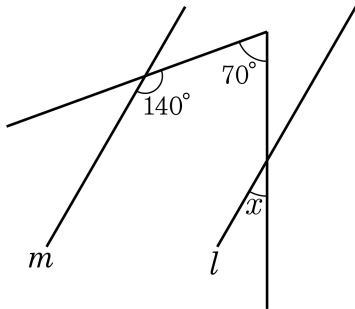
해설



$$\angle x + 120^\circ + 10^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x = 50^\circ$$

20. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 를 구하면?



① 20°

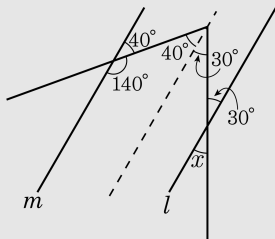
② 25°

③ 30°

④ 35°

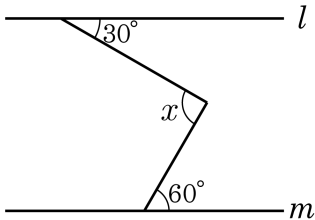
⑤ 40°

해설



$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

21. 직선 l 과 m 이 평행일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?



① 30°

② 60°

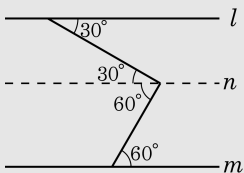
③ 90°

④ 100°

⑤ 120°

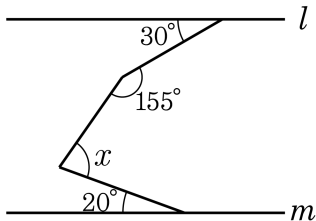
해설

직선 l , m 과 평행한 직선 n 을 그으면



$$\therefore \angle x = 30^\circ + 60^\circ = 90^\circ$$

22. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

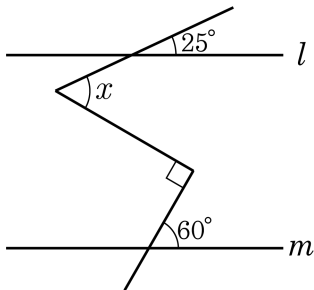
—°

▷ 정답 : 75—°

해설

l , m 과 평행한 두 직선을 그으면 $20^\circ + 55^\circ = 75^\circ$ 이다.

23. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.



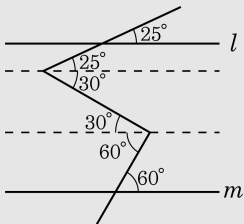
▶ 답 :

°
_

▶ 정답 : 55°

해설

직선 l , m 에 평행한 직선을 그린다.



$$\therefore \angle x = 25^\circ + 30^\circ = 55^\circ$$

24. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x - \angle y$ 의 값은?

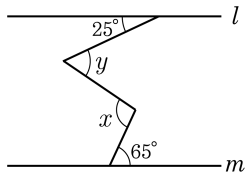
① 20°

② 30°

③ 40°

④ 50°

⑤ 60°



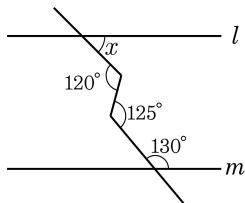
해설

두 점 P, Q를 지나고, 두 직선 l , m 에 평행한 직선을 그어보면

$$\angle y - 25^\circ = \angle x - 65^\circ$$

$$\therefore \angle x - \angle y = 40^\circ$$

25. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.

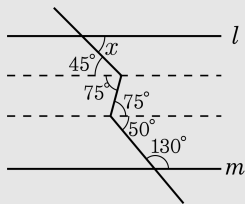


▶ 답: °

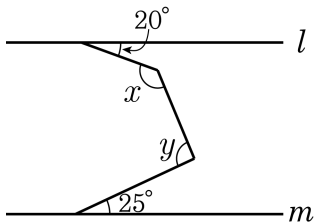
▶ 정답: 45°

해설

다음 그림과 같이 직선 l, m 에 평행하게 두 개의 보조선을 그어 주면, $\angle x = 45^\circ$ 가 된다.



26. 다음 그림에서 두 직선 l 과 m 이 평행할 때, $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.



① 205°

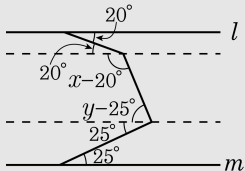
② 215°

③ 225°

④ 235°

⑤ 245°

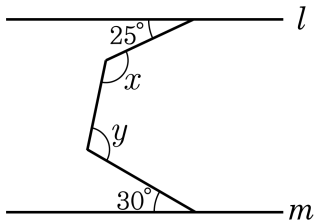
해설



$$x - 20^\circ + y - 25^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y = 225^\circ$$

27. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.

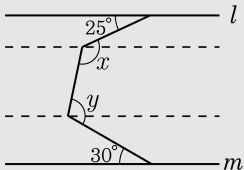


▶ 답 : °

▷ 정답 : 235°

해설

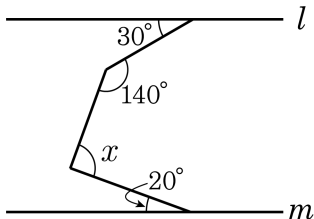
$\angle x$, $\angle y$ 에 직선 l 에 평행한 직선을 그으면



$$\angle x - 25^\circ + \angle y - 30^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y = 235^\circ$$

28. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?



① 40°

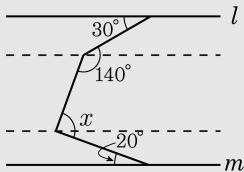
② 50°

③ 60°

④ 90°

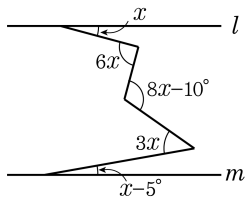
⑤ 100°

해설



$$\therefore \angle x = 70^\circ + 20^\circ = 90^\circ$$

29. 다음 그림에서 직선 l 과 m 이 평행할 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 0

▶ 정답 : 15°

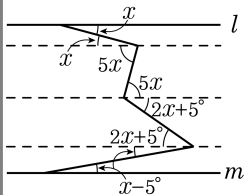
해설

직선 l, m 에 평행한 보조선을 그으면
동위각과 엇각의 성질에 의해 위 그림과
같다.

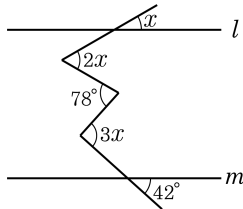
$$5x + (2x + 5) = 8x - 10$$

$$7x + 5 = 8x - 10$$

$$\therefore \angle x = 15^\circ$$



30. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}^{\circ}$

▷ 정답 : 30°

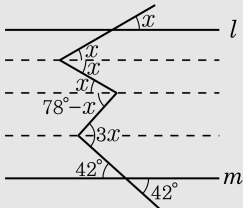
해설

직선 l , m 과 평행인 직선을 그어보면

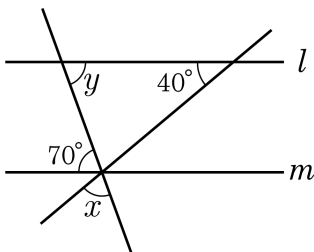
$$78^{\circ} - x + 42^{\circ} = 3x$$

$$4x = 120^{\circ}$$

$$\angle x = 30^{\circ}$$



31. 다음 그림에서 $l//m$ 일 때, $\angle x$ 와 $\angle y$ 의 크기를 각각 구하여라.



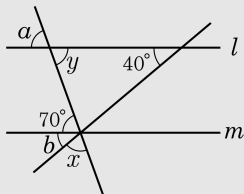
▶ 답 : ○

▶ 답 : ○

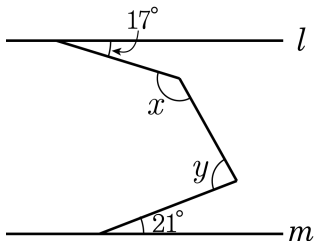
▷ 정답 : $\angle x = 70^\circ$

▷ 정답 : $\angle y = 70^\circ$

해설

 $\angle a = 70^\circ$ (동위각)이므로 $\angle y = 70^\circ$
$$\angle b = 40^\circ (\text{동위각}) \text{ 이므로 } 70^\circ + 40^\circ + x = 180^\circ$$
$$\angle x = 70^\circ$$

32. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 값은?



① 211°

② 213°

③ 215°

④ 217°

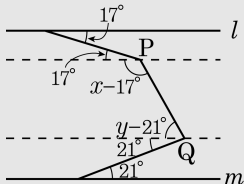
⑤ 218°

해설

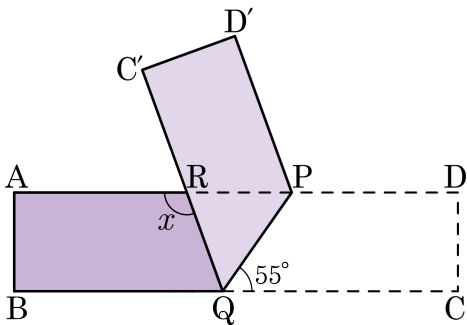
점 P, Q를 지나고 직선 l 에 평행한 직선을 그으면

$$x - 17^\circ + y - 21^\circ = 180^\circ$$

$$\angle x + \angle y = 218^\circ$$



33. 아래 그림은 직사각형 ABCD 를 PQ 를 접는 선으로 하여 접었을 때 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



① 100°

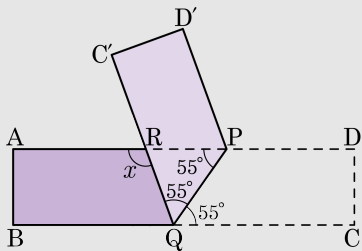
② 105°

③ 110°

④ 115°

⑤ 120°

해설

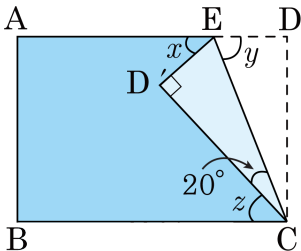


$\angle PQC = \angle PQR$ ($\because$ 접은 각)

$\angle QPR = \angle PQC$ ($\because$ 엇각) 이므로 $\angle PRQ = 180^\circ - 55^\circ - 55^\circ = 70^\circ$

따라서 $\angle x = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ 이다.

34. 다음 그림은 직사각형 ABCD의 일부분을 접은 것이다. 이 때, $\angle x + \angle y - \angle z = (\quad)^\circ$ 일 때, $(\quad)$ 안에 들어갈 알맞은 수는?



① 30

② 40

③ 50

④ 60

⑤ 70

해설

접은 각의 크기는 같으므로

$$\angle DEC = \angle D'EC = \angle y$$

$\triangle CED'$ 의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$\angle y + 20^\circ + 90^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle y = 70^\circ$$

$$\angle x = 180^\circ - 70^\circ \times 2 = 40^\circ$$

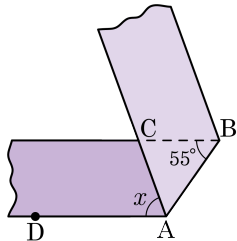
또, $\angle DCE = \angle ECD' = 20^\circ$ 이므로

$$\angle z = 90^\circ - 20^\circ \times 2 = 50^\circ$$

$$\angle x + \angle y - \angle z = 40^\circ + 70^\circ - 50^\circ = 60^\circ$$

35. 다음 그림과 같이 $\overleftrightarrow{CB} // \overleftrightarrow{DA}$ 인 종이 테이프를 $\angle ABC = 55^\circ$ 가 되도록 접었다. 이 때, $\angle x$ 의 크기는?

- ① 50° ② 60° ③ 70°
 ④ 80° ⑤ 90°



해설

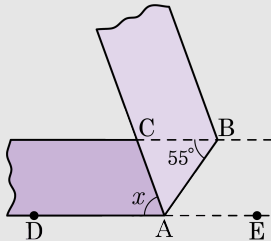
$\overleftrightarrow{DA}$ 의 연장선 위의 점을 E 라 하면

$\angle CBA = \angle BAE = 55^\circ$ (엇각)

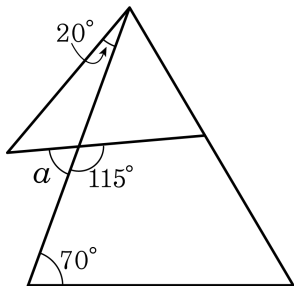
$\angle CAB = \angle BAE$ 이므로

$$x + \angle CAB + \angle BAE = x + 55^\circ + 55^\circ = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle x = 70^\circ$$



36. 다음 그림에서 $\angle a$ 의 엇각의 합을 구하여라.

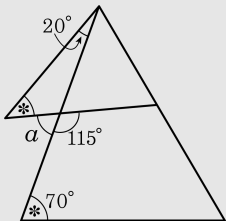


▶ 답 :

—°

▶ 정답 : 115°

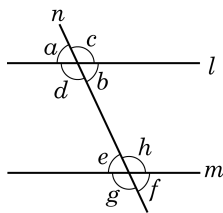
해설



그림에서 * 표시된 부분이 $\angle a$ 의 엇각이다.

따라서 $\angle a$ 의 엇각은 $70^\circ + (180^\circ - 20^\circ - 115^\circ) = 70^\circ + 45^\circ = 115^\circ$ 이다.

37. 다음 그림에 대한 설명 중 옳은 것은?



- ① $\angle b = \angle g$ 이면 $l \parallel m$
- ② $l \parallel m$ 이면 $\angle a + \angle e = 180^\circ$
- ③ $\angle a \neq \angle h$ 이면 $l \parallel m$
- ④ $\angle g + \angle b = 180^\circ$ 이면 $l \parallel m$
- ⑤ $l \parallel m$ 이면 $\angle d + \angle h \neq 180^\circ$

해설

① $\angle b = \angle g$ 이면 $l \parallel m$

$\angle b$ 와 $\angle g$ 는 동위각도 아니고 엇각도 아니므로 평행을 설명할 수 없다.

② $l \parallel m$ 이면 $\angle a + \angle e = 180^\circ$

두 직선 l 과 m 이 평행하면 동위각의 합이 180° 가 되는 것은 아니다.

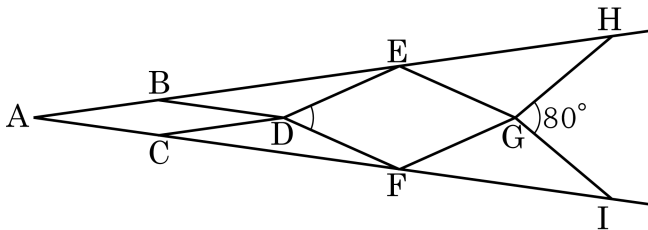
③ $\angle a \neq \angle h$ 이면 $l \parallel m$

$\angle a = \angle e$ 이면 $l \parallel m$

⑤ $l \parallel m$ 이면 $\angle d + \angle h \neq 180^\circ$

$l \parallel m$ 이면 $\angle d + \angle e = 180^\circ$

38. 다음 그림은 긴 금속 막대기에 길이가 같은 작은 막대기들을 연결해서 만든 도형이다. 만들어진 사각형들이 모두 평행사변형이라 할 때, $\angle EDF$ 의 크기는 몇 도인가?



① 46°

② 47°

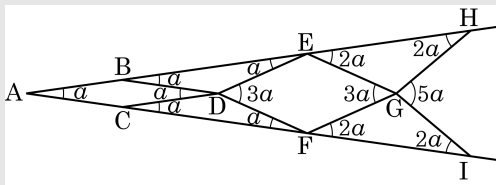
③ 48°

④ 49°

⑤ 50°

해설

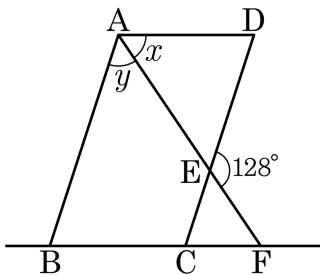
다음 그림과 같이 $\angle A$ 를 a 라 하면 다음과 같이 각이 표시된다.



따라서 $5a = 80^\circ$, $a = 16^\circ$ 이므로

$\therefore \angle EDF = 3a = 48^\circ$

39. 다음 그림에서 사각형 ABCD 가 평행사변형이고, $\angle BAD : \angle ABC = 3 : 2$ 일 때, $\angle x - \angle y$ 를 구하여라.



▶ 답 :

—°

▶ 정답 : 4—°

해설

$\angle BAD : \angle ABC = 3 : 2$ 이므로 $\angle BAD = \frac{3}{5} \times 180^\circ = 108^\circ$ 이다.

$\overline{AD} // \overline{BC}$ 이므로 $\angle EAD = \angle EFC$ 이고, $\overline{AB} // \overline{CD}$ 이므로 $\angle FEC = \angle FAB$, $\angle y = 180^\circ - 128^\circ = 52^\circ$ 이다.

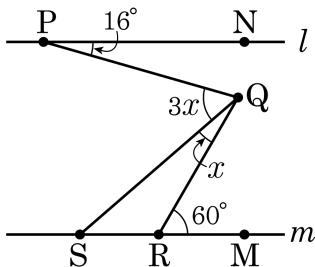
$$\angle x + \angle y = 108^\circ$$

$$\angle x + 52^\circ = 108^\circ$$

$$\angle x = 56^\circ \text{ 이다.}$$

따라서 $\angle x - \angle y = 56^\circ - 52^\circ = 4^\circ$ 이다.

40. 아래 그림에서 두 직선 l , m 은 평행하고, $\angle PQS$ 의 크기가 $\angle SQR$ 의 크기의 3 배일 때, $\angle x$ 의 크기는? (단, $\angle NPQ = 16^\circ$, $\angle MRQ = 60^\circ$)



① 16°

② 17°

③ 18°

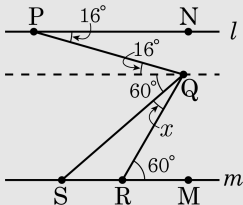
④ 19°

⑤ 20°

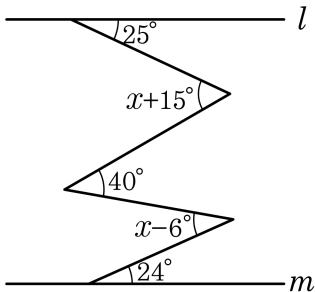
해설

점 Q 를 지나고 직선 l 과 m 에 평행한 직선을 그으면 그림과 같다. 즉, $3x + x = 16^\circ + 60^\circ$

$$4x = 76^\circ \therefore x = 19^\circ$$



41. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: °

▷ 정답: 40°

해설

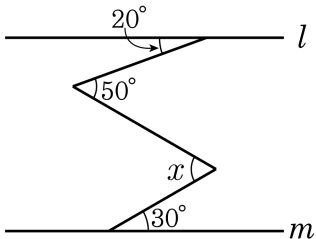
$$(x + 15^\circ - 25^\circ) + (x - 6^\circ - 24^\circ) = 40^\circ$$

$$2x - 40^\circ = 40^\circ$$

$$2x = 80^\circ$$

$$\therefore \angle x = 40^\circ$$

42. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는? (단, $l \parallel m$)



① 20°

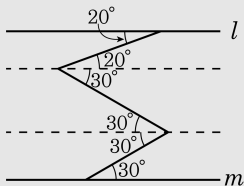
② 30°

③ 35°

④ 40°

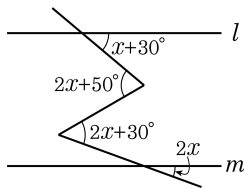
⑤ 60°

해설



$$\therefore \angle x = 30^\circ + 30^\circ = 60^\circ$$

43. 다음 그림에서 l 과 m 이 평행할 때, x 의 크기를 구하여라.

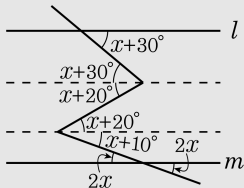


▶ 답: °

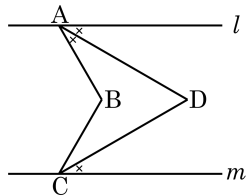
▶ 정답: 10°

해설

다음 그림과 같이 직선 l , m 에 평행하게 보조선 두 개를 그어 주게 되면 평행선의 성질에 따라 $2x = x + 10^\circ$ 이 된다. 따라서 $\angle x = 10^\circ$ 이다.



44. 다음 그림에서 직선 l 과 m 이 평행하고, 점 B 와 D 는 l 과 평행한 한 직선 위에 있다. $\angle ABC + \angle ADC = 180^\circ$, $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\overline{AD} = \overline{DC}$ 일 때, $\angle BCD$ 의 크기를 구하여라.



답 :

$\underline{\hspace{1cm}}$



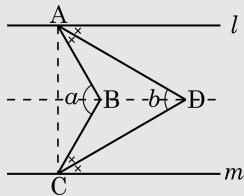
정답 : 30°

해설

이등변 삼각형의 성질에 의해서 $\angle BCD = x$ 이다.

$\angle ABC = a$, $\angle ADC = b$ 라고 하자.

점 B 와 D 를 지나면서 l 과 평행한 직선을 그으면 다음이 성립한다.



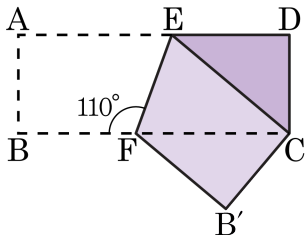
$$a = 2x + 2x = 4x, b = x + x = 2x$$

주어진 조건에 의하여

$$a + b = 4x + 2x = 6x = 180^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle x = \frac{180^\circ}{6} = 30^\circ$$

45. 다음은 직사각형 ABCD 에서 꼭짓점 A 가 C 에 오도록 접은 것이다.
 $\angle BFE = 110^\circ$ 일 때, $\angle EFC + \angle DEC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\quad \quad \quad ^\circ$

▷ 정답 : 110°

해설

□ABFE 에서 $\angle EAB = \angle ABF = 90^\circ$ 이므로 $\angle AEF + \angle EFB = 180^\circ$

따라서 $\angle AEF = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$

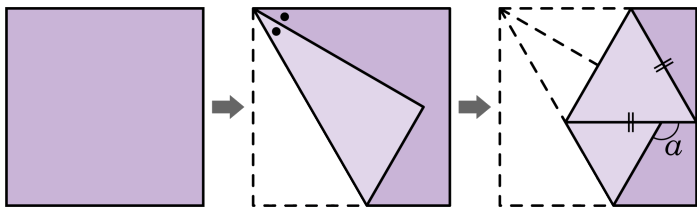
평행선의 엇각의 성질에 의해 $\angle EFC = \angle AEF = 70^\circ$

또한 접은 각의 크기는 같으므로 $\angle AEC = \angle AEF + \angle FEC = 140^\circ$

따라서 $\angle DEC = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ$

$\therefore \angle EFC + \angle DEC = 70^\circ + 40^\circ = 110^\circ$

46. 정사각형을 다음과 같이 두 번 접을 때, 다음이 성립한다. $\angle a$ 의 크기를 구하여라.

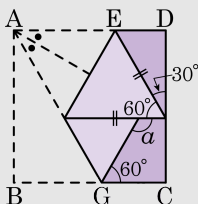


▶ 답 :

°

▷ 정답 : 120°

해설



접은 각의 크기는 같으므로 $\angle GAB = \bullet$

그런데 $3\bullet = 90^\circ$ 이므로 $\bullet = 30^\circ$

$\triangle ABG$ 에서 $\angle GAB = 30^\circ$, $\angle ABG = 90^\circ$ 이므로

$$\begin{aligned}\angle AGB &= 180^\circ - (\angle GAB + \angle ABG) \\ &= 180^\circ - (30^\circ + 90^\circ) \\ &= 60^\circ\end{aligned}$$

접은각의 크기는 같으므로 $\angle AGI = \angle AGB = 60^\circ$

따라서 $\angle IGC = 180^\circ - \angle AGI - \angle AGB = 180^\circ - 2 \times 60^\circ = 60^\circ$

$\bullet = 30^\circ$ 이므로 $\angle EAF = 60^\circ = \angle EA'F$

$\overline{EA'} = \overline{FA'}$ 이므로

$$\angle A'EF = \angle A'FE = \frac{180^\circ - 60^\circ}{2} = 60^\circ$$

따라서 $\angle AEF = 60^\circ$ 이므로

$$\angle DEA' = 180^\circ - \angle AEF - \angle A'EF = 60^\circ$$

$\triangle EDA'$ 에서 $\angle EDA' = 90^\circ$ 이므로

$$\angle DA'E = 90^\circ - \angle DEA' = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$$

$$\angle IA'C = 180^\circ - \angle DA'F$$

$$\begin{aligned}&= 180^\circ - (\angle DA'E + \angle EA'F) \\ &= 90^\circ\end{aligned}$$

사각형의 내각의 합은 360° 이므로

$$\angle IA'C = \angle A'CG = 90^\circ \text{ 에 의해}$$

$$\angle a + \angle IGC = 180^\circ$$

$$\therefore \angle a = 180^\circ - \angle IGC$$

$$= 180^\circ - 60^\circ$$

$$= 120^\circ$$