

1. 다음 식을 바르게 인수분해 한 것은?

$$x^2(y-1) + (1-y)$$

- ① $(x+y)(x-y)(x+1)$ ② $(x+1)(x-y)(y-1)$
③ $(x+1)(y-1)(x+y)$ ④ $(x+1)(x-1)(y-1)$
⑤ $x^2(y-1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2(y-1) + (1-y) &= x^2(y-1) - (y-1) \\&= (x^2-1)(y-1) \\&= (x+1)(x-1)(y-1)\end{aligned}$$

2. $x^2 - (y^2 - 6y + 9)$ 를 인수분해하면?

- ① $(x - y - 5)(x - y + 2)$
② $(x - y + 5)(x - y + 2)$
③ $(x + y - 3)(x - y - 3)$
④ $(x + y + 3)(x - y + 3)$
⑤ $(x + y - 3)(x - y + 3)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - (y^2 - 6y + 9) \\= x^2 - (y - 3)^2 \\= (x + y - 3)(x - y + 3)\end{aligned}$$

3. $x(x+1)(x+2)(x+3)+1$ 을 인수분해 하는 과정이다. ()안에 들어갈
식이 옳지 않은 것은?

$$\begin{aligned} & x(x+1)(x+2)(x+3)+1 \\ &= x(\textcircled{1}) \times (x+1)(\textcircled{2}) + 1 \\ &= (x^2 + 3x)(\textcircled{3}) + 1 \\ & (\textcircled{4}) = A \text{ 라 하면} \\ & A^2 + 2A + 1 = (A+1)^2 = (\textcircled{5})^2 \end{aligned}$$

- ① $x+3$ ② $x+2$ ③ $x^2 + 3x + 2$
④ $x^2 + 3$ ⑤ $x^2 + 3x + 1$

해설

④ $x^2 + 3x$

4. 다음 중 $a^2 - ab - bc + ac$ 의 인수는?

- ① $b + c$ ② $a - c$ ③ $a + b$ ④ $a - b$ ⑤ $b - c$

해설

$$a(a - b) + c(a - b) = (a - b)(a + c)$$

5. $a - b = 3$ 일 때, $a^2 - 2ab + a + b^2 - b - 5$ 의 값을 구하면?

- ① 4.5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

$$\begin{aligned} & a^2 - 2ab + b^2 + a - b - 5 \\ &= (a - b)^2 + (a - b) - 5 \\ &= 3^2 + 3 - 5 = 7 \end{aligned}$$

7. $x^2y - y - 2 + 2x^2$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x - 1$ ② $x + 1$ ③ $x^2 - 1$
④ $y - 2$ ⑤ $y + 2$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= x^2y + 2x^2 - y - 2 \\&= x^2(y + 2) - (y + 2) \\&= (x^2 - 1)(y + 2) \\&= (x + 1)(x - 1)(y + 2)\end{aligned}$$

8. $-8 - 7a(a - 2) + a^2(a - 2)^2 = (a + A)(a + B)(a + C)(a + D)$ 라고
할 때, $A + B + C + D$ 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$\begin{aligned} a - 2 &= t \text{로 치환하면} \\ -8 - 7a(a - 2) + a^2(a - 2)^2 &= -8 - 7at + (at)^2 \\ &= (at - 8)(at + 1) \\ &= (a^2 - 2a - 8)(a^2 - 2a + 1) \\ &= (a - 4)(a + 2)(a - 1)^2 \\ &= (a - 4)(a + 2)(a - 1)(a - 1) \\ \therefore A + B + C + D &= (-4) + 2 + (-1) + (-1) = -4 \end{aligned}$$

9. $(x-2)x^2 + 3(x-2)x - 10(x-2)$ 를 인수분해했을 때, 다음 중 인수가 될 수 있는 것을 모두 고르면?

[보기]

- | | | |
|---------|-------------|-------------|
| Ⓐ $x-2$ | Ⓑ $x+5$ | Ⓒ $x+2$ |
| Ⓓ $x-5$ | Ⓔ $(x-2)^2$ | Ⓕ $(x+5)^2$ |

[해설]

$$\begin{aligned}x-2 = A \text{로 치환하면} \\(\text{준식}) &= Ax^2 + 3Ax - 10A \\&= A(x^2 + 3x - 10) \\&= A(x+5)(x-2) \\&= (x-2)(x+5)(x-2) \\&= (x-2)^2(x+5)\end{aligned}$$

10. $xy - x + y - 1 = (x - a)(y + b)$ 가 성립할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.(단, $b < 0$)

▶ 답:

▷ 정답: $a + b = -2$

해설

$$\begin{aligned}y - 1 &= X \text{로 치환하면} \\xy - x + y - 1 &= xX + X = X(x + 1) \\&\quad = (x + 1)(y - 1) \\∴ a + b &= -2\end{aligned}$$

11. 다음 식을 인수분해하면?

$$(x + 2y - 2z)(x + 2y + 4z) - 7z^2$$

① $(x + 2y - 5z)(x + 2y + 3z)$ ② $(x - 2y + 5z)(x - 2y - 3z)$

③ $(x + 2y + 5z)(x + 2y - 3z)$ ④ $(x + 3y + 5z)(x + 2y - 3z)$

⑤ $(x + 2z)(x - 2z)(x^2 + 3)$

해설

$$\begin{aligned} x + 2y &= A \text{ 라 하면} \\ (x + 2y - 2z)(x + 2y + 4z) - 7z^2 &= (A - 2z)(A + 4z) - 7z^2 \\ &= A^2 + 2Az - 15z^2 = (A - 3z)(A + 5z) \\ &= (x + 2y + 5z)(x + 2y - 3z) \end{aligned}$$

12. $(x+1)(x+2)(x+3)(x+4) - 8$ 을 인수분해하면?

① $(x^2 - 5x + 8)(x^2 + 5x - 2)$

② $(x^2 + 5x - 8)(x^2 - 5x + 2)$

③ $(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2)$

④ $(x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x + 2)$

⑤ $(x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x - 1)$

해설

$$(x+1)(x+4)(x+2)(x+3) - 8$$

$$= (x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 6) - 8 \text{ 에서}$$

$$x^2 + 5x = A \text{ 라 하면,}$$

$$A^2 + 10A + 16 = (A + 8)(A + 2)$$

$$= (x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x + 2)$$

13. $ab - 2a - 2b + 4$ 를 인수분해한 것으로 옳은 것은?

- ① $(a+2)(b-2)$ ② $(a-2)(b+2)$ ③ $(a+2)(b+2)$
④ $(a-2)(b-2)$ ⑤ $(a+1)(b-2)$

해설

$$(준식) = a(b-2) - 2(b-2) = (a-2)(b-2)$$

14. 두 다항식 $x^2 + xy - x - y$ 와 $ax + ay + bx + by$ 의 공통인 인수를 구하면?

- ① $x + 3$ ② $x - 1$ ③ $a + b$ ④ $x + y$ ⑤ $x + b$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + xy - x - y &= x(x + y) - (x + y) \\&= (x + y)(x - 1) \\ax + ay + bx + by &= a(x + y) + b(x + y) \\&= (x + y)(a + b)\end{aligned}$$

15. $x^4 - 5x^2 + 4$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x - 1$ ② $x + 2$ ③ $x + 1$ ④ $x - 2$ ⑤ $x - 4$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 5x^2 + 4 &= (x^2 - 1)(x^2 - 4) \\&= (x + 1)(x - 1)(x + 2)(x - 2)\end{aligned}$$

16. $x^2 + 5xy + 2x - 5y - 3$ 을 인수분해하면?

- ① $(x+1)(x+5y+3)$ ② $(x-1)(x-5y+3)$
③ $(x-1)(x+5y-3)$ ④ $(x-1)(x+5y+3)$
⑤ $(x+1)(x-5y-3)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + 5xy + 2x - 5y - 3 \\ &= x^2 + (5y + 2)x - (5y + 3) \\ &= (x + 5y + 3)(x - 1) \end{aligned}$$

17. $x^2 - 2xy + y^2 - 5x + 5y + 4$ 를 인수분해하면?

- Ⓐ $(x - y - 4)(x - y - 1)$ Ⓑ $(x - y + 4)(x - y + 1)$
Ⓒ $(x + y + 4)(x + y + 1)$ Ⓞ $(x + y - 4)(x + y - 1)$
Ⓓ $(x - y - 4)(x - 2y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy + y^2 - 5x + 5y + 4 \\= (x - y)^2 - 5(x - y) + 4 \\= (x - y - 4)(x - y - 1)\end{aligned}$$

18. $\sqrt{89 \times 91 + 1} = 10 \times x^2$ 일 때, x 의 값은?

- ① $\pm\sqrt{3}$ ② ± 3 ③ ± 9 ④ ± 18 ⑤ ± 81

해설

$$\sqrt{(90 - 1)(90 + 1) + 1} = \sqrt{90^2 - 1 + 1} = 90$$

$$10x^2 = 90$$

$$\therefore x = \pm 3$$

19. $a = 2.43$, $b = 1.73$ 일 때, $a^2 - 2ab + b^2$ 의 값은?

- ① 0.36 ② 0.49 ③ 0.64 ④ 0.81 ⑤ 1.21

해설

$$(a - b)^2 = (2.43 - 1.73)^2 = (0.7)^2 = 0.49$$

20. $x + y = 2$, $x - y = 3$ 일 때, $x^2 - 2x + 1 - y^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x + 1 - y^2 &= (x - 1)^2 - y^2 \\&= (x - 1 + y)(x - 1 - y) \\&= (x + y - 1)(x - y - 1) \\&= (2 - 1)(3 - 1) \\&= 1 \times 2 = 2\end{aligned}$$

21. $x = 1 + \sqrt{2}$ 일 때, $x^2 - 2x + 8$ 의 값은?

- ① 7 ② 8 ③ 9
④ $2\sqrt{2} + 3$ ⑤ $\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}x - 1 &= \sqrt{2} \text{ 이므로} \\x^2 - 2x + 8 &= (x^2 - 2x + 1) + 7 \\&= (x - 1)^2 + 7 \\&= (\sqrt{2})^2 + 7 \\&= 9\end{aligned}$$

22. $x + y = 5$, $xy = -4$ 일 때, $(x - y)^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 41

해설

$$\begin{aligned}(x - y)^2 &= (x + y)^2 - 4xy \\&= 5^2 - 4 \times (-4) \\&= 25 + 16 \\&= 41\end{aligned}$$

23. $a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2 = 0$ 은 어떤 삼각형인지 구하면? (단, a, b, c 는 세 변의 길이이다.)

① 정삼각형

② 이등변삼각형

③ $\angle A$ 가 직각인 직각삼각형

④ $\angle B$ 가 직각인 직각삼각형

⑤ $\angle C$ 가 직각인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned} & a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2 \\ &= a^2(a - b) + a(b^2 + c^2) - b(b^2 + c^2) \\ &= a^2(a - b) + (a - b)(b^2 + c^2) \\ &= (a - b)(a^2 + b^2 + c^2) = 0 \\ \therefore a - b &= 0, a = b \text{ 일 때 이등변삼각형} \end{aligned}$$

24. $(x-1)^2 + \frac{1}{(x-1)^2} - 2$ 를 인수분해하면?

① $\frac{x^2(x-2)}{(x-1)^2}$ ② $\frac{x(x-2)^2}{(x-1)^2}$ ③ $\frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)}$
④ $\frac{(x-2)^2}{(x-1)^2}$ ⑤ $\frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)^2}$

해설

$x-1 = a$ 로 치환하면

$$\begin{aligned}(x-1)^2 + \frac{1}{(x-1)^2} - 2 \\= a^2 + \frac{1}{a^2} - 2 = \left(a - \frac{1}{a}\right)^2 = \left(\frac{a^2 - 1}{a}\right)^2 \\= \left\{\frac{(a+1)(a-1)}{a}\right\}^2 \\= \frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)^2}\end{aligned}$$

25. $2 + \sqrt{3}$ 의 정수 부분을 x , 소수 부분을 y 라고 할 때, $(1 - \sqrt{x})^2 + \frac{4}{y}$

의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$3 < 2 + \sqrt{3} < 4$ 이므로

$2 + \sqrt{3}$ 의 정수부분은 3, 소수부분은 $\sqrt{3} - 1$ 이다.

$x = 3, y = \sqrt{3} - 1$

$$(1 - \sqrt{3})^2 + \frac{4}{\sqrt{3} - 1}$$

$$= 4 - 2\sqrt{3} + \frac{4(\sqrt{3} + 1)}{(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 1)} = 6$$

26. $(x+y+4)(x-y+4) - 16x$ 를 바르게 인수분해한 것은?

- ① $(x-y+4)$ ② $(x+y-4)^2$
③ $(x-y-2)(x+y+8)$ ④ $(x+y-4)(x-y-4)$
⑤ $(-x-y+4)(x-y+4)$

해설

$$\begin{aligned}x+4 &= t \text{ 라 하면} \\(t+y)(t-y) - 16x &= t^2 - y^2 - 16x \\&= (x+4)^2 - 16x - y^2 \\&= (x^2 + 8x + 16 - 16x) - y^2 \\&= (x^2 - 8x + 16) - y^2 \\&= (x-4)^2 - y^2 \\&= (x+y-4)(x-y-4)\end{aligned}$$

27. 다음 식을 간단히 하여라.

$$(2a - b)^2 - (2a + b)^2$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $-8ab$

해설

$$\begin{aligned}(2a - b)^2 - (2a + b)^2 \\&= (2a - b + 2a + b)(2a - b - 2a - b) \\&= 4a \times (-2b) \\&= -8ab\end{aligned}$$

28. $(a - b + 3)^2 - (a + b + 3)^2$ 을 간단히 한 것은?

- ① $-4b(a - 3)$ ② $-4a(b + 3)$ ③ $-8b(a + 3)$
④ $-4a(b - 3)$ ⑤ $-4b(a + 3)$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + 3)^2 - (a + b + 3)^2 \\&= \{(a - b + 3) + (a + b + 3)\} \\&\quad \{(a - b + 3) - (a + b + 3)\} \\&= (-2b)(2a + 6) \\&= -4b(a + 3)\end{aligned}$$

29. $-9x^2 + y^2 + 6xz - z^2$ 을 인수분해하였더니 $(ay - 3x + z)(y + bx + cz)$ 가 되었다. 이때, 상수 a, b, c 에 대하여 $a + b + c$ 의 값을 구하면?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ -1 ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}-9x^2 + y^2 + 6xz - z^2 \\&= y^2 - (9x^2 - 6xz + z^2) \\&= y^2 - (3x - z)^2 \\&= \{y - (3x - z)\} \{y + (3x - z)\} \\&= (y - 3x + z)(y + 3x - z) \\a = 1, b = 3, c = -1 \\&\therefore a + b + c = 3\end{aligned}$$

30. $49x^2 - 9 + 14xy + y^2$ 을 인수분해하였더니 $(ax + y + b)(ax + cy + 3)$ 가 되었다. 이때, 상수 a, b, c 에 대하여 $a - b + c$ 의 값을 구하면?

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 11 ⑤ 16

해설

$$49x^2 + 14xy + y^2 - 9 = (7x + y)^2 - 3^2 \\ = (7x + y + 3)(7x + y - 3)$$

$$a = 7, b = -3, c = 1$$

$$\therefore a - b + c = 11$$

31. 다음은 $x^4 - 81y^4$ 을 인수분해 한 것이다. 이 때, \square 안에 알맞은 세 자연수의 합을 구하면?

$$x^4 - 81y^4 = (x^2 + \square y^2)(x + \square y)(x - \square y)$$

- ① 13 ② 15 ③ 18 ④ 20 ⑤ 24

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 81y^4 &= (x^2 + 9y^2)(x^2 - 9y^2) \\&= (x^2 + 9y^2)(x + 3y)(x - 3y) \\∴ 9 + 3 + 3 &= 15\end{aligned}$$

32. $16x^4 - 81y^4 = (Ax^2 + By^2)(Cx + Dy)(Ex + Fy)$ 라고 할 때, $A + B + C + D + E + F$ 의 값을 구하여라. (단, A, B, C, D, E, F 는 상수이다.)

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

$16x^4 - 81y^4 = (4x^2 + 9y^2)(2x + 3y)(2x - 3y)$ 이므로 $A + B + C + D + E + F = 4 + 9 + 2 + 3 + 2 - 3 = 17$ 이다.

33. $8^{32} - 1$ 자연수 n 에 의해 나누어 떨어질 때, n 의 값의 합을 구하여라.
(단, $60 < n < 70$)

▶ 답:

▷ 정답: 128

해설

$$\begin{aligned}8^{32} - 1 &= (2^3)^{32} - 1 = 2^{96} - 1 \\&= (2^{48} + 1)(2^{24} + 1)(2^{12} + 1) \\&\quad (2^6 + 1)(2^3 + 1)(2^3 - 1)\end{aligned}$$

60 과 70 사이의 자연수 n 은 $2^6 + 1 = 65$ 또는 $2^6 - 1 = 63$ 이므로
그 합은 $65 + 63 = 128$ 이다.

34. 다음 자연수 중 $3^{16} - 1$ 을 나누어 떨어지게 하는 수가 아닌 것은?

- ① 2 ② 4 ③ 5 ④ 9 ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}3^{16} - 1 &= (3^8 - 1)(3^8 + 1) \\&= (3^4 - 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= (3^2 - 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= (3 - 1)(3 + 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= 2 \times 4 \times 10 \times 82 \times 6562\end{aligned}$$

35. $\sqrt{18}$ 의 소수 부분을 a , $2\sqrt{5}$ 의 정수 부분을 b 라 할 때,
 $\frac{a^3 - b^3 + a^2b - ab^2}{a - b}$ 의 값을 구하면?

- ① 13 ② 15 ③ 18 ④ 20 ⑤ 24

해설

$$4 < \sqrt{18} < 5 \text{ 이므로 } a = \sqrt{18} - 4$$

$$4 < \sqrt{20} < 5 \text{ 이므로 } b = 4$$

$$a + b = \sqrt{18}$$

$$\begin{aligned} (\text{준식}) &= \frac{a(a^2 - b^2) + b(a^2 - b^2)}{a - b} \\ &= \frac{a(a+b)(a-b) + b(a+b)(a-b)}{a-b} \\ &= \frac{(a-b)(a+b)^2}{a-b} \\ &= (a+b)^2 \\ &= 18 \end{aligned}$$

36. $b - a = \sqrt{3}$, $ab = 1$ 이고, $(b + a)b^2 - (a + b)a^2 = m\sqrt{3}$ 이라 할 때,
 m 의 값을 구하여라.

▶ 답:

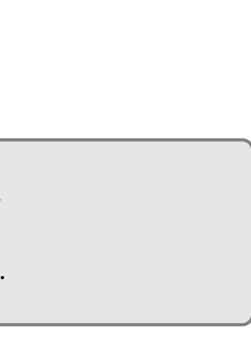
▷ 정답: $m = 7$

해설

$$\begin{aligned}(b + a)^2 &= (b - a)^2 + 4ab \\&= (\sqrt{3})^2 + 4 = 7 \\(b + a)b^2 - (a + b)a^2 &= (b + a)(b^2 - a^2) \\&= (b + a)^2(b - a) \\&= 7\sqrt{3} = m\sqrt{3}\end{aligned}$$

따라서 $m = 7$ 이다.

37. 다음 그림과 같이 가로의 길이가 x , 세로의 길이가 y 인 직사각형 $ABCD$ 모양의 종이를 접어 정사각형 $ABFE$ 와 $EGHD$ 를 잘라내었다. 남은 사각형 모양의 넓이를 x 와 y 가 포함된 식으로 나타낸 후 인수분해했을 때, 인수인 것은?



- ① x
② y
③ $x + y$
④ $2x - y$
⑤ $2y - x$

해설

사각형 $ABFE$, $EGHD$ 는 정사각형이므로
 $\overline{GF} = y - (x - y) = 2y - x$, $\overline{FC} = x - y$
 남은 사각형의 넓이는 $(2y - x)(x - y)$ 이다.

38. a, b, c 가 삼각형의 세 변의 길이일 때, $b^3 + b^2c + bc^2 - a^2b + c^3 - a^2c = 0$ 이다. 이때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인지 구하면? (단, a, b, c 가 삼각형의 세 변의 길이이다.)

- ① 삼각형이 될 수 없다. ② 이등변삼각형
③ $\angle A$ 가 직각인 직각삼각형 ④ $\angle B$ 가 직각인 직각삼각형
⑤ $\angle C$ 가 직각인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned} & b^3 + b^2c + bc^2 - a^2b + c^3 - a^2c \\ &= b^2(b + c) + b(c^2 - a^2) + c(c^2 - a^2) \\ &= b^2(b + c) + (b + c)(c^2 - a^2) \\ &= (b + c)(b^2 + c^2 - a^2) = 0 \end{aligned}$$

b, c 는 삼각형이 변의 길이이므로 양수이다.

따라서 $b^2 + c^2 - a^2 = 0$, $b^2 + c^2 = a^2$

$\angle A$ 가 직각인 직각삼각형이다.

39. 0 부터 9 까지의 숫자가 적힌 카드 10 장이 있다. 이 중 2장을 택해 카드에 적힌 숫자를 x , y 라고 할 때, $\sqrt{xy + x - 3y - 3}$ 가 자연수가 되는 경우의 수는 모두 몇 가지인지 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 8 가지

해설

$\sqrt{xy + x - 3y - 3} = \sqrt{(x-3)(y+1)}$ 이므로
($x-3$)($y+1$)이 완전제곱수일 때, 주어진 식이 자연수가 된다.
($x-3$)($y+1$) = 1 일 때, (x, y) = (4, 0)
($x-3$)($y+1$) = 4 일 때,
(x, y) = (4, 3)(5, 1)(7, 0)
($x-3$)($y+1$) = 9 일 때, (x, y) = (4, 8)(6, 2)
($x-3$)($y+1$) = 25 일 때, (x, y) = (8, 4)
($x-3$)($y+1$) = 36 일 때, (x, y) = (9, 5)

따라서 $\sqrt{xy + x - 3y - 3}$ 가 자연수가 되는 경우의 수는 모두 8 가지이다.

40. $\frac{2(x+2)^2 + 2(y-3)^2}{(x+2)(y-3)} = 4$ 일 때, $x-y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x-y = -5$

해설

$x+2 = X, y-3 = Y$ 로 치환하면

$$\frac{2(x+2)^2 + 2(y-3)^2}{(x+2)(y-3)} = \frac{2X^2 + 2Y^2}{XY} = 4$$

$$2X^2 - 4XY + 2Y^2 = 0, (X-Y)^2 = 0$$

$$X - Y = x + 2 - y + 3 = 0$$

$$\therefore x - y = -5$$

41. 다항식 $(x+1)(x+3)(x+5)(x-1) + p$ 가 완전제곱식이 되도록 하는 p 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $p = 16$

해설

$$\begin{aligned} & (x+1)(x+3)(x+5)(x-1) + p \\ &= (x^2 + 4x + 3)(x^2 + 4x - 5) + p \\ & x^2 + 4x = A \text{ 로 치환하면} \\ & (A+3)(A-5) + p = A^2 - 2A - 15 + p = (A-1)^2 \\ & -15 + p = 1 \\ & \therefore p = 16 \end{aligned}$$

42. $ab - 6a + 5b - 48 = 0$ 을 만족하는 정수 a, b 의 순서쌍의 개수는? (단, $a > 0, b > 0$)

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$$\begin{aligned} ab - 6a + 5b - 48 &= 0 \\ b(a+5) - 6a - 48 &= 0 \\ b(a+5) - 6(a+5) + 6 - 48 &= 0 \\ (a+5)(b-6) &= 18 \\ a > 0, b > 0 \Rightarrow a+5 &> 5 \\ (\text{i}) a+5 = 18, b-6 &= 1 \\ a = 13, b = 7 & \\ (\text{ii}) a+5 = 9, b-6 &= 2 \\ a = 4, b = 8 & \\ (\text{iii}) a+5 = 6, b-6 &= 3 \\ a = 1, b = 9 & \\ \therefore \text{순서쌍 } a, b \text{의 개수는 } 3 \text{ 개} & \end{aligned}$$

43. $x^2 - 2xz + z^2 - y^2$ 을 인수분해하면?

- ① $(x+y+z)(x-y+z)$ ② $(x+y+z)(x-y-z)$
③ $(x-y+z)(x-y-z)$ ④ $(x+y-z)(x-y+z)$
⑤ $(x+y-z)(x-y-z)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xz + z^2 - y^2 &= (x-z)^2 - y^2 \\&= (x-z+y)(x-z-y)\end{aligned}$$

44. 다항식 $x^4 - 3x^2 + 1$ 이 $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 로 인수분해 될 때,
 $a + b + c + d$ 의 값을 구하면?

- ① 2 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned} x^2 = X \text{로 치환하면} \\ x^4 - 3x^2 + 1 &= X^2 - 3X + 1 \\ &= X^2 - 2X + 1 - X \\ &= (X - 1)^2 - X \\ &= (x^2 - 1)^2 - x^2 \\ &= (x^2 - 1 - x)(x^2 - 1 + x) \\ &= (x^2 - x - 1)(x^2 + x - 1) \text{이므로} \\ a = -1, b = -1, c = 1, d = -1 &\Rightarrow a + b + c + d = -2 \\ a = 1, b = -1, c = -1, d = -1 \\ \therefore a + b + c + d = -2 \end{aligned}$$

45. 서로 다른 세 실수 x, y, z 에 대한 다음 식을 간단히 하여라.

$$\begin{aligned} & \frac{x^2}{(x-y)(z-x)} - \frac{y^2}{(y-z)(y-x)} \\ & + \frac{z^2}{(x-z)(z-y)} \end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$\begin{aligned} & \frac{x^2}{(x-y)(z-x)} - \frac{y^2}{(y-z)(y-x)} + \frac{z^2}{(x-z)(z-y)} \\ & = \frac{x^2(y-z) + y^2(z-x) + z^2(x-y)}{(x-y)(y-z)(z-x)} \\ & = \frac{(y-z)x^2 - (y^2 - z^2)x + y^2z - yz^2}{(x-y)(y-z)(z-x)} \\ & = \frac{(y-z)\{x^2 - (y+z)x + yz\}}{(x-y)(y-z)(z-x)} \\ & = \frac{-(x-y)(y-z)(z-x)}{(x-y)(y-z)(z-x)} \\ & = -1 \end{aligned}$$

46. 인수분해 공식을 이용하여 다음을 계산하면?

$$2^2 - 4^2 + 6^2 - 8^2 + 10^2 - 12^2 + 14^2 - 16^2$$

- ① -128 ② -132 ③ -144 ④ -156 ⑤ -162

해설

(준식)

$$\begin{aligned} &= (2 - 4)(2 + 4) + (6 - 8)(6 + 8) \\ &\quad + (10 - 12)(10 + 12) + (14 - 16)(14 + 16) \\ &= -2(6 + 14 + 22 + 30) = -144 \end{aligned}$$

47. $x^2 + 3x - 1 = 0$ 일 때, $-x^4 + 7x^2 - 12x + 5$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 3x - 1 &= 0 \text{에서} \\x^2 &= 1 - 3x \\x^4 &= (1 - 3x)^2 \\&= 1 - 6x + 9x^2 \\&= 1 - 6x + 9(1 - 3x) \\&= 1 - 6x + 9 - 27x \\&= 10 - 33x \\∴ -x^4 + 7x^2 - 12x + 5 &= 33x - 10 + 7(1 - 3x) - 12x + 5 \\&= 33x - 10 + 7 - 21x - 12x + 5 \\&= 2\end{aligned}$$

48. $b = a + 2c - \sqrt{3}$ 일 때, $a^2 + b^2 + 4c^2 - 2ab - 4bc + 4ca$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned}b &= a + 2c - \sqrt{3} \text{에서 } a - b + 2c = \sqrt{3} \\ \therefore a^2 + b^2 + 4c^2 - 2ab - 4bc + 4ca &= a^2 + (-b)^2 + (2c)^2 \\ &\quad + 2(a)(-b) + 2(-b)(2c) + 2(2c)(a) \\ &= (a - b + 2c)^2 \\ &= (\sqrt{3})^2 = 3\end{aligned}$$

49. $a + b = 2$, $ab = -8$ 일 때, $a^3b + a^2b + ab^2 + ab^3$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -176

해설

$$\begin{aligned} & a^3b + a^2b + ab^2 + ab^3 \\ &= ab(a^2 + a + b + b^2) \\ &= ab \{(a+b)^2 - 2ab + a + b\} \\ &= (-8) \times \{2 - 2 \times (-8) + 2\} \\ &= (-8) \times (4 + 16 + 2) \\ &= -176 \end{aligned}$$

50. 밑면의 가로와 세로의 길이가 각각 $2x - 1$, $x - y$ 인 정육면체의 부피가 $2x^3 + x^2 - 2x^2y - x - xy + y$ 이다. 이 때 x, y 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 2$

▷ 정답: $y = -1$

해설

$$\begin{aligned} y \text{에 관하여 내림차순으로 정리하면} \\ (\text{준식}) &= y(-2x^2 - x + 1) + 2x^3 + x^2 - x \\ &= y(-2x^2 - x + 1) + x(2x^2 + x - 1) \\ &= (x - y)(2x^2 + x - 1) \\ &= (x - y)(2x - 1)(x + 1) \end{aligned}$$

정육면체이므로 $x - y = 2x - 1 = x + 1$ 이다.

$$\therefore x = 2, y = -1$$