

1. 다음 그림에서  $\angle y - \angle x$  의 크기는?



- ① 10°      ② 20°      ③ 30°      ④ 50°      ⑤ 60°

2. 다음 그림에서  $\overline{AB}$  는 원  $O$ 의 지름이고,  $\angle CAB = 15^\circ$ ,  $5.0\text{pt}\widehat{CB} = 5 \text{ cm}$  일 때,  $5.0\text{pt}\widehat{AC}$  의 길이를 구하면?

- ① 16cm      ② 17cm  
③ 18cm      ④ 20cm  
⑤ 25cm



3. 다음 그림에서 점 O는 원의 중심이다.  $\angle x$ 의 값은?



- ①  $50^\circ$       ②  $55^\circ$       ③  $60^\circ$       ④  $65^\circ$       ⑤  $70^\circ$

4. 다음 그림에서  $\angle DBP = 55^\circ$  일 때,  $\angle CAP$ 의 크기는?



- ①  $85^\circ$       ②  $95^\circ$       ③  $105^\circ$       ④  $115^\circ$       ⑤  $125^\circ$

5. 다음 그림에서  $\angle B = 73^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기를 구하면?



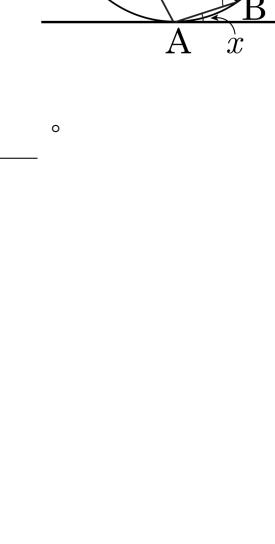
- ①  $57^\circ$       ②  $65^\circ$       ③  $73^\circ$       ④  $90^\circ$       ⑤  $107^\circ$

6. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기를 구하면?

- ①  $40^\circ$
- ②  $45^\circ$
- ③  $50^\circ$
- ④  $55^\circ$
- ⑤  $60^\circ$



7. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



답: \_\_\_\_\_ °

8. 다음 그림에서  $\overline{AB}$  는 원 O의 지름이고  $\widehat{AD} = 5.0\text{pt}$ ,  $\widehat{CD} = 5.0\text{pt}$ ,  $\angle BAC = 30^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

9. 다음 그림에서  $x + y$  의 값은?



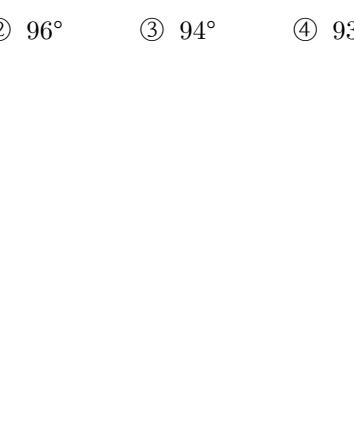
- ① 140°    ② 145°    ③ 150°    ④ 155°    ⑤ 160°

10. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

11.  $\square ABCD$  가 원에 내접한다고 한다. 이때  $\angle x$  의 크기는?



- ①  $99^\circ$       ②  $96^\circ$       ③  $94^\circ$       ④  $93^\circ$       ⑤  $90^\circ$

12. 다음 그림에서  $\angle P = 40^\circ$ ,  $\angle Q = 26^\circ$  일 때,  
 $\angle B$ 의 크기는?



- ①  $57^\circ$     ②  $58^\circ$     ③  $59^\circ$     ④  $60^\circ$     ⑤  $61^\circ$

13. 다음 그림에서  $\angle P = 26^\circ$ ,  $\angle Q = 29^\circ$  일 때,  $\angle B$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

14. 다음 그림에서  $\overline{AD}$  는 원 O의 지름이다.  $\overline{AH} \perp \overline{BC}$  이다.  $\overline{AB} = 10$ ,  $\overline{BH} = 6$ ,  $\overline{AC} = 16$  일 때,  $\overline{AD}$  의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

15. 다음 그림에서 반지름의 길이가 7.5cm인 원 O는  $\triangle ABC$ 의 외접원이다.  $\overline{AD}$ 가 원 O의 지름이고  $\overline{AB} = 10\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 9\text{cm}$  일 때,  $\triangle AHC$ 의 넓이是多少?



- ①  $3\sqrt{5}\text{cm}^2$       ②  $4\sqrt{6}\text{cm}^2$       ③  $5\sqrt{2}\text{cm}^2$   
④  $9\sqrt{5}\text{cm}^2$       ⑤  $8\sqrt{10}\text{cm}^2$

16. □ABCD는 원 O에 내접하고  $\overleftrightarrow{BT}$ 는 원 O의 접선이다.  $\angle CAB = 80^\circ$ ,  $\angle ADC = 102^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기로 알맞은 것은?



- ①  $20^\circ$       ②  $21^\circ$       ③  $22^\circ$       ④  $23^\circ$       ⑤  $24^\circ$

17. 다음에서 삼각형 ABC의 밖에 한 점 P를 잡아 원에 내접하는 사각형 ABPC를 만들려고 할 때,  $\angle BPC$ 의 크기로 바른 것은?



- ①  $100^\circ$     ②  $101^\circ$     ③  $102^\circ$     ④  $103^\circ$     ⑤  $104^\circ$

18. 다음 그림과 같이  $\overline{AB}$  는 원 O의 지름이고,  $\angle E = 75^\circ$  일 때,  $\angle COD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

19. 다음 그림의 원 O의 지름은 8, 원 O'의 지름은 4,  $\angle ABC = 30^\circ$ 이다. 이때,  $\overline{DE}$ 의 길이는?



①  $\frac{\sqrt{7}}{3}$       ②  $\frac{\sqrt{7}}{2}$       ③  $\frac{2\sqrt{7}}{3}$       ④  $\sqrt{7}$       ⑤  $\frac{3\sqrt{7}}{2}$

20. 다음 그림과 같은 원 O에서  $\angle ACP + \angle BDP$ 의 값을 구하면?

- ①  $86^\circ$     ②  $88^\circ$     ③  $90^\circ$

- ④  $92^\circ$     ⑤  $94^\circ$



21. 다음 그림에서 점 P 는 두 현 AB, CD 의 연장선의 교점이고  $\angle APC = 36^\circ$ ,  $\angle BQD = 78^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기는?

- ①  $21^\circ$     ②  $22^\circ$     ③  $23^\circ$

- ④  $24^\circ$     ⑤  $25^\circ$



22. 다음 그림에서 점 P 는 두 원  $\widehat{AB}$ ,  $\widehat{CD}$ 의 교점이고  $\widehat{BC} = 7\text{ cm}$ ,  $\angle ACD = 25^\circ$ ,  $\angle BPC = 65^\circ$  일 때, 이 원의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

23. 다음 그림에서 점 P는 두 현  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$ 의 교점이고,  $\widehat{BC}$ 의 길이는  $a$ 이다.  $\angle ACD = 35^\circ$ ,  $\angle BPC = 85^\circ$  일 때,  $5.0pt\widehat{AC} + 5.0pt\widehat{BD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

24. 다음 그림에서  $\widehat{AC} = a$  일 때,  
 $5.0\text{pt}\widehat{BD}$  를 구하면?

- ①  $\frac{6}{5}a$       ②  $\frac{7}{5}a$       ③  $\frac{8}{7}a$   
④  $\frac{9}{7}a$       ⑤  $\frac{10}{9}a$



25. 다음 그림의  $\square ABCD$ 에서  $\angle B = \angle D$ ,  $\overline{BC} = \overline{CD}$ ,  $\angle A : \angle B : \angle C = 2 : 3 : 4$ 이고 원 O의 반지름의 길이가 6 cm 일 때,  $\triangle OCD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

26. 다음 그림에서 세 점 C,D,E 는 호 AB 의 사등분점이고, 점 A 는 원 O 의 접점일 때,  $\angle CAD$  의 크기는?



- ①  $16^\circ$       ②  $17^\circ$       ③  $18^\circ$       ④  $19^\circ$       ⑤  $20^\circ$

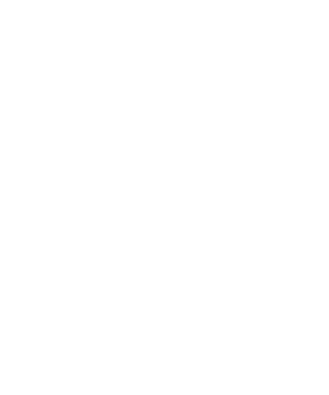
27. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에서 점 M은  $\overline{BC}$ 의 중점이고,  $\overline{AB} \perp \overline{CE}$ ,  $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 이다.

$\angle A = 50^\circ$  일 때,  $\angle EMD$ 의 크기를 구하면?



- ①  $40^\circ$     ②  $50^\circ$     ③  $80^\circ$     ④  $85^\circ$     ⑤  $90^\circ$

28. 다음 그림의 원에서  
5.0pt 24.88pt  $\widehat{ADC}$ 의 길이는 원  
주의  $\frac{2}{3}$ , 5.0pt 24.88pt  $\widehat{BCD}$ 의  
길이는 원주의  $\frac{2}{5}$  일 때,  $\angle ADC + \angle DCE$   
의 크기의 합을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

29. 다음 그림의 원에서  
5.0pt 24.88pt  $\widehat{DAB}$ 의 길이는 원  
주의  $\frac{3}{5}$ 이고 5.0pt 24.88pt  $\widehat{ADC}$   
의 길이는 원주의  $\frac{5}{9}$  일 때,  $x + y$  의  
값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

30. 다음 그림에서  $\square ABCD$ 는 원  $O$ 에 내접하고  $\angle DPC = 38^\circ$ ,  $\angle BQC = 40^\circ$  일 때,  $\angle BOD$ 의 크기는?



- ①  $78^\circ$     ②  $82^\circ$     ③  $90^\circ$     ④  $98^\circ$     ⑤  $102^\circ$

31. A, B는 지름이  $\overline{MN}$ , 중심이 C인 반원 위의 점이고, P는 반지름  $\overline{CN}$  위의 점이다.  $\square ACPB$ 가 반원에 내접할 때,  $\angle CAP = \angle CBP = 10^\circ$ ,  $\angle APC = 30^\circ$  일 때,  $\angle BCN$  는?



- ① 10°      ② 15°      ③ 20°      ④ 25°      ⑤ 30°

32. 다음 중 □ABCD 가 원에 내접하는 경우가 아닌 것은?

- ①  $\angle A = \angle C$
- ②  $\angle B = \angle C$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
- ③  $\angle BAC = \angle BDC$
- ④  $\angle A + \angle C = 180^\circ$
- ⑤  $\overline{AC}$  와  $\overline{BD}$  의 교점 P에 대하여  $\overline{PA} \times \overline{PC} = \overline{PB} \times \overline{PD}$

33. 다음 그림에서 점 P 는 원 O 의 두  
현 AB, CD 의 연장선의 교점이다.  
 $\angle AOC = 72^\circ$ ,  $\angle BOD = 24^\circ$  일 때,  
 $\angle BPD$  의 크기는?



- ①  $20^\circ$       ②  $22^\circ$       ③  $23^\circ$       ④  $24^\circ$       ⑤  $25^\circ$

34. 한 변의 길이가 4 인 정사각형 ABCD 의 내부에 있는 한 점 P 가  $\overline{BP}^2 + \overline{CP}^2 \leq 16$  을 만족하면서 움직이면서 움직일 때, 점 P 가 움직이는 영역의 넓이를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

35. 다음 그림에서  $\widehat{AD} = \widehat{CE}$  이고,  
 $\angle AOB = 128^\circ$  일 때,  $\angle DFB$  의 크기는?



- ①  $52^\circ$     ②  $56^\circ$     ③  $60^\circ$     ④  $64^\circ$     ⑤  $68^\circ$

36. 다음 그림에서  $\widehat{AB} = \widehat{AC} = \widehat{CD}$ ,  $\angle BPD = 20^\circ$  일 때,  
 $x$  의 값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

37. 다음 그림에서  $\widehat{AB} = 5.0\text{pt}$ ,  $\widehat{AD} = 5.0\text{pt}$ ,  $\angle BPD = 30^\circ$  일 때,  $x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

38. 다음 그림과 같이 지름 AB 와 CD 는 수직으로 만나며, 점 R 은  $\overline{OD}$  위의 임의의 점이다.  $5.0\text{pt}\widehat{BD} = \widehat{RQ} = 2(\text{cm})$  가 되도록 점 Q 를 잡으면  $5.0\text{pt}\widehat{AP} = 2(\text{cm})$  일 때,  $5.0\text{pt}\widehat{AS}$  의 길이를 구하여라. (단,  $\overline{PQ}$ ,  $\overline{SQ}$  는 원 O 의 현이다.)



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

39. 다음 그림과 같이 원에 내접하는  $\triangle ABC$  가 있다.  $\angle A = 30^\circ$ ,  $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{DG} = 1$ ,  $5.0\text{pt}\widehat{BD}$  와  $5.0\text{pt}\widehat{AG}$  의 길이는 각각 원주의  $\frac{1}{12}$  이다.  $\overline{DG}$  가  $\overline{AB}$ ,  $\overline{AC}$  와 만나는 점을 각각 E, F 라고 할 때,  $\overline{AE}$  의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

40. 다음 그림에서 원 밖의 한 점 P에서  
그은 접선 PT 와 할선 PB 가 다음과  
같을 때, x 의 값은?

- ① 3      ② 4      ③ 5  
④ 6      ⑤ 7



41. 다음 그림과 같이  $\angle ADB = \angle BDC$ 이고  
 $\overline{AD} = 8$ ,  $\overline{DE} = 4$ ,  $\overline{CD} = 6$  일 때,  $\overline{EB}$ 의  
길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

- (1)  $3\sqrt{2}$       (2)  $3\sqrt{3}$       (3) 5  
(4) 7      (5) 11

43. 다음 그림에서  $x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

44. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 3cm인 원에 사각형 ABCD가 내접하고 있다.  $\angle A$ ,  $\angle C$ 의 이등분선과 원과의 교점을 각각 P, Q라 할 때, 5.0pt  $\widehat{QDP}$ 의 길이를 구하여라.



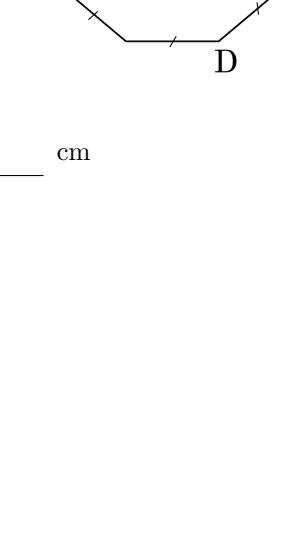
▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

45. 다음 그림에서  $5.0\text{pt} \widehat{BCD}$  의 길이는 원주의  $\frac{2}{5}$ ,  $5.0\text{pt} \widehat{ADC}$  의 길이는 원주의  $\frac{1}{6}$  일 때,  $\angle ADC + \angle DCE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

46. 한 변의 길이가 3cm인 정구각형에서 가장 짧은 대각선의 길이를 5cm라 할 때, 가장 긴 대각선의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

47. 다음 그림에서  $\widehat{AB} = 5.0\text{pt}$ 이고  $\angle ACD = 64^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

48. 다음 그림과 같이 서로의 중심을 지나고 반지름의 길이가 같은 두 원  $O, O'$  이 두 점  $P, Q$ 에서 만나고,  $\angle AQP = 52^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

49. 다음 그림과 같이 사각형 ABCD 에서  $\angle C = \angle D = 90^\circ$ ,  $\angle A = 55^\circ$ 이고  $\overline{AB} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{BD} = 3\text{cm}$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

50. 다음 그림과 같이 점 A, B, C, D, E 가 원 위에 있고 다음과 같이 연결한 도형에서  $\angle ABC + \angle BCE + \angle FEA + \angle EAF$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °