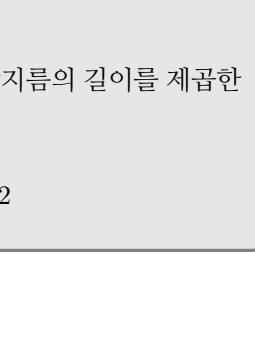


1. x, y 의 영역이 다음 그림과 같이 주어졌을 때, $x^2 + y^2$ 의 값의 최댓값은?

- ① 1 ② $\sqrt{2}$ ③ $\sqrt{3}$
④ 2 ⑤ 3



해설

$x^2 + y^2 = k$ 라 하면,
 k 값은 점 $(0, 0)$ 을 중심으로 하는 원의 반지름의 길이를 제곱한
것이므로

점 $(-1, 1)$ 을 지날 때, k 값이 최대이다.
따라서 k 의 값의 최대값은 $(-1)^2 + 1^2 = 2$

2. 좌표평면에서 연립부등식 $y < x$, $x+y < 2$, $y > ax$ 의 영역이 삼각형의 내부를 나타내도록 실수 a 의 범위를 정하면?

- ① $-3 < a < -1$ ② $-2 < a < 0$ ③ $\textcircled{③} -1 < a < 1$
④ $0 < a < 2$ ⑤ $1 < a < 3$

해설

연립부등식 $y < x$, $x+y < 2$ 의 영역은 다음 그림의 어두운 부분과 같다.



$y > ax$ 의 영역은 직선 $y = ax$ 의 위쪽 부분이므로 세 영역으로 둘러싸인 부분이 삼각형의 내부가 되려면 a 의 범위는 $-1 < a < 1$ 이 된다.

3. $x \geq 0$, $y \geq 1$, $y \leq -2x + 3$ 일 때, $\frac{y-1}{x+2}$ 의 최댓값과 최솟값을 M , m 이라 하면, $M - m$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$x \geq 0$, $y \geq 1$, $y \leq -2x + 3$ 의 영역에서

$$\frac{y-1}{x+2} = k \text{ 라 하면 } y-1 = k(x+2)$$

이것은 항상 점 $(-2, 1)$ 을 지나는 직선이므로
점 $(0, 3)$ 을 지날 때 k 가 최대이고,

$$\text{최댓값 } M = \frac{3-1}{0+2} = 1,$$

최솟값은 점 $(0, 1)$ 을 지날 때 이므로 $m = 0$

$$\therefore M - m = 1$$

4. $x \geq 0, y \geq 0, x + y \leq 1$ 인 범위에서 $\frac{y}{x-2}$ 의 최솟값은?

- ① 0 ② $-\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ -1 ⑤ 1

해설

$$\frac{y}{x-2} = k \text{ 라 하면}$$

$$y = k(x-2) \text{ 이므로}$$

k 는 점 $(2, 0)$ 을 지나는 직선의 기울기이다.

이 때, 기울기는 점 $(\alpha, 0)(0 \leq \alpha \leq 1)$ 을 지날 때 최대이고 점 $(0, 1)$ 을 지날 때 최소이다.

따라서 최솟값은 $-\frac{1}{2}$ 이다.



5. 연립부등식 $x \geq 0$, $y \geq 0$, $x+y \leq 3$ 을 만족시키는 실수 x , y 에 대하여 $\frac{y-1}{x-4}$ 의 최댓값을 구하면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\frac{y-1}{x-4} = k(x \neq 4) \text{ 라 하면}$$

$y-1 = k(x-4)$ 이므로, 이 직선은 k 의 값에 관계없이 점 $(4, 1)$ 을 지난다.



점 $(3, 0)$ 을 지난 때 기울기 k 는 최댓값 1을 갖는다.

6. 성인 여자가 하루에 필요한 비타민 양은 $B_1 : 1.2 \text{ mg}$, $B_2 : 1.2 \text{ mg}$, $C : 60 \text{ mg}$ 이다. 이것을 아래의 두 약품 P, Q에서 얻으려 할 때, 최소 비용을 구하면?

약품	1g당 함유량(mg)			1g의 가격
	B_1	B_2	C	
P	2	1.5	60	210원
Q	1.5	2	150	350원

- ① 180 원 ② 190 원 ③ 200 원
 ④ 210 원 ⑤ 220 원

해설

P, Q를 각각 xg , yg 구입한다면 $x \geq 0$, $y \geq 0$

$$2x + 1.5y \geq 1.2 \quad \text{…①}$$

$$1.5x + 2y \geq 1.2 \quad \text{…②}$$

$$60x + 150y \geq 60 \quad \text{…③}$$

이것을 좌표평면 위에 나타내면 다음과 같다.

한편, $210x + 350y = k$ 로 놓으면

$$\text{이 직선이 } \textcircled{1}, \textcircled{2} \text{의 교점 } \left(\frac{4}{7}, \frac{6}{35} \right)$$

을 지날 때

최소이다.

따라서 최소비용은

$$210 \times \frac{4}{7} + 350 \times \frac{6}{35} = 180 \text{ (원)}$$



7. 어느 공장에서 두 제품 A, B 를 한 개씩 생산하는 데 필요한 원료와 전력, 그리고 한 개에서 얻어지는 이익은 다음 표와 같다. 원료는 20kg 이하, 전력은 13kw이하를 사용하여 이익을 최대로 하려고 할 때, 제품 A, B 는 몇 개씩 생산해야 하는가?

제품	원료(kg)	전력(kw)	이익(만 원)
A	7	2	5
B	2	3	3

① A : 2개, B : 3개 ② A : 3개, B : 2개

③ A : 1개, B : 3개 ④ A : 3개, B : 1개

⑤ A : 2개, B : 2개

해설

제품 A, B 를 각각 x 개, y 개씩
생산한다고 하면

$$\begin{cases} x \geq 0, y \geq 0 \\ 7x + 2y \leq 20 \\ 2x + 3y \leq 13 \end{cases}$$

이 때, $5x + 3y = k$ 라 하면 이 직

선이 두 직선

$7x + 2y = 20$, $2x + 3y = 13$ 의
교점 $(2, 3)$ 을 지날 때 k 는 최댓

값을 갖는다.

따라서 A 는 2 개, B 는 3 개를 생산할 때 이익이 최대가 된다.



8. 어느 공장에서 제품 A, B 를 한 개씩 생산하는 데 필요한 원료 및 전력은 다음 표와 같다. 원료는 1200kg, 전력은 800kw 이하를 사용하여 최대 이익을 얻으려고 할 때, 제품 B 는 제품 A 의 몇 배를 만들어야 하는가?

제품	원료(kg)	전력(kw)	이익(만 원)
A	24	32	3
B	48	24	4

- ① $\frac{1}{2}$ 배 ② 1 배 ③ 2 배 ④ $\frac{5}{2}$ 배 ⑤ 3 배

해설

제품 A, B 를 각각 x 개, y 개씩 생산한다고 하면

$$\begin{cases} x \geq 0, y \geq 0 \\ 24x + 48y \leq 1200, \\ 32x + 24y \leq 800 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 0, y \geq 0 \\ x + 2y \leq 50 \\ 4x + 3y \leq 100 \end{cases}$$

이 때, 이익을 $3x + 4y = k$ 라 하면

이 직선이 두 직선

$x + 2y = 50$, $4x + 3y = 100$ 의

교점 $(10, 20)$ 을 지날 때 이익이 최

대가 되므로

제품 B 를 제품 A 의 2 배로 만들어야 한다.



9. 부등식 $x^2 + y^2 \leq 1$ 을 만족시키는 실수 x, y 에 대하여 $y - |x|$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M - m$ 의 값을?

- ① $\sqrt{2} - 1$ ② $\sqrt{2} + 1$ ③ $\sqrt{3} + 2$
④ $\sqrt{3} - 1$ ⑤ $\sqrt{3} + 1$

해설

$y - |x| = k$ 라 놓으면 $y = |x| + k$ 이므로

점 $(0, 1)$ 에서 $k = 1$

$\therefore M = 1$

직선 $y = x + k$ 가 원에 접할 때

$$\frac{|k|}{\sqrt{1^2 + (-1)^2}} = 1 \text{에서}$$

$$|k| = \sqrt{2} \quad \therefore k = \pm \sqrt{2}$$

$$\therefore m = -\sqrt{2}$$

$$\therefore M - m = 1 - (-\sqrt{2}) = 1 + \sqrt{2}$$

10. 다음 연립 부등식 $y \geq x^2$, $y \leq x+2$, $y \geq 1$ 을 만족하는 x , y 에 대하여
 $x+y$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M+m$ 의 값은?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$y \geq x^2$ 은 $y = x^2$ 의 윗부분(경계선 포함),

$y \leq x+2$ 는 $y = x+2$ 의 아래부분,

$y \geq 1$ 은 $y = 1$ 의 윗부분이고

이들을 동시에 만족하는 부등식의 영역
을 그림으로 나타내면 다음과 같다.

$x+y=k$ 라 하면 직선 $y=-x+k$ 은
기울기가 -1 이고 y 절편이 미지수인 직선이다.

다음 그림에서 보이는 것처럼

직선이 $(2, 4)$ 를 지날 때 y 절편이 최대이고,

$(-1, 1)$ 을 지날 때 y 절편이 최소이다.

$(2, 4)$ 와 $(-1, 1)$ 를 $y=-x+k$ 에 대입하여 k 값을 구하면
 k 의 최댓값은 6 이고 k 의 최솟값은 0 이다.

$$M+m=6+0=6$$



11. 좌표평면에서 점 (x, y) 가 부등식 $-x \leq y \leq 2 - x^2$ 의 영역을 움직일 때, $x + y$ 의 최댓값은?

① $\frac{5}{4}$ ② $\frac{7}{4}$ ③ $\frac{9}{4}$ ④ $\frac{11}{4}$ ⑤ $\frac{13}{4}$

해설

연립부등식 $-x \leq y \leq 2 - x^2$ 을 만족시키는 영역은 다음 그림의 어두운 부분이다.

$x + y = k$ 로 놓으면 $y = -x + k$ 이 직선이 포물선 $y = 2 - x^2$ 에 접할 때 k 가 최대가 된다.

$$2 - x^2 = -x + k, x^2 - x + (k - 2) = 0$$

$$D = 1 - 4(k - 2) = 0 \quad \therefore k = \frac{9}{4}$$

따라서 $x + y$ 의 최댓값은 $\frac{9}{4}$

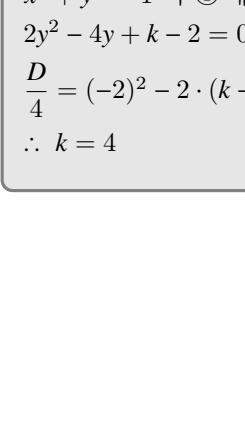


12. 부등식 $x^2 + y^2 \leq 1$ 을 만족시키는 x, y 에 대하여 $2x^2 + 4y$ 의 최댓값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설



$$2x^2 + 4y = k, y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{4}k \cdots ① \text{로 놓으면}$$

포물선은 k 의 값이 변함에 따라 y 축 위에 꼭짓점을 가지면서 위아래로 움직인다.

따라서 이 포물선에 원이 내접할 때 k 가 최대이다.

$$x^2 + y^2 = 1 \text{ 과 } ① \text{에서 } x^2 \text{을 소거하면},$$

$$2y^2 - 4y + k - 2 = 0$$

$$\frac{D}{4} = (-2)^2 - 2 \cdot (k - 2) = 0 \text{ 에서}$$

$$\therefore k = 4$$

13. 점 (x, y) 가 연립부등식 $x - 3y \geq -6$, $x + 2y \geq 4$, $3x + y \leq 12$ 가 나타내는 영역에서 움직일 때, $x^2 + y^2$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M + 5m$ 의 값을 구하라.

▶ 답:

▷ 정답: 34

해설

세 부등식을 그래프로 나타내면 다음과 같다.

$$x^2 + y^2 = k^2 \text{ 으로 놓으면,}$$

원점에서 C(3, 3)까지의 거리가 최

대이므로

$$k^2 = \overline{OC}^2 = 3^2 + 3^2 = 18$$

최소는 $x^2 + y^2 = k^2 \Leftrightarrow x + 2y = 4$

에 접할 때이다.

$$k = \frac{|-4|}{\sqrt{5}} = \frac{4}{\sqrt{5}}$$

$$\therefore k^2 = \frac{16}{5}$$

$$\therefore M = 18, m = \frac{16}{5}$$

$$\therefore M + 5m = 34$$



14. 부등식 $(x - 1)^2 + y^2 \leq 1$ 이 나타내는 영역에 속하는 점 (x, y) 에 대하여 $\frac{y}{x+1}$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때 $M - m$ 의 값을 구하면?

① $\frac{1}{\sqrt{3}}$ ② $\frac{2}{\sqrt{3}}$ ③ $\sqrt{3}$ ④ $\frac{4}{\sqrt{3}}$ ⑤ $\frac{5}{\sqrt{3}}$

해설

$(x - 1)^2 + y^2 = 1 \cdots ①$

$\frac{y}{x+1} = k$ 라 두면 $y = k(x+1)$ 이므로

k 가 어떤 값을 갖는다 하더라도 $(-1, 0)$ 를 지난다.

따라서 다음 그림과 같이 접하는 경우가 최대 또는 최소가 된다.

직선 $kx - y + k = 0$ 과 $(x - 1)^2 + y^2 = 1$

의 중심 $(1, 0)$ 과의 거리가 반지름 1과 같으므로

$$\frac{|k+k|}{\sqrt{k^2+1}} = 1, \quad 3k^2 = 1$$

$$\Rightarrow k = \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$M = \frac{1}{\sqrt{3}}, \quad m = -\frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\therefore M - m = \frac{2}{\sqrt{3}}$$



15. 다음 표는 어느 공장에서 두 제품 A, B 를 각각 한 개씩 생산하는데 필요한 원료 P, Q 의 소모량과 하루의 최대 공급량을 나타낸 것이다. 두 제품 A, B 를 생산하여 얻게 되는 이익은 한 개에 각각 2 만원, 3 만원이라 할 때, 이 공장에서 제품을 생산하여 얻을 수 있는 하루의 최대 이익을 구하면?

- ① 60만원 ② 90만원 ③ 100만원
 ④ 120만원 ⑤ 150만원

해설

제품 A, B 를 각각 x, y 개 만든다고 하면,

$$x \geq 0, y \geq 0 \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$\text{원료 } P : x + 3y \leq 90 \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$\text{원료 } Q : 2x + y \leq 80 \cdots \textcircled{\text{③}}$$

①, ②, ③을 동시에 만족하는 영역은 다음 그림의 어두운 부분이다.

이익을 k 원이라 하면 $20000x + 30000y = k$

이 직선이 ②과 ③의 교점인 $(30, 20)$ 을 지날 때,

k 의 값이 최대이므로 최대 이익은

$$\therefore 20000 \times 30 + 30000 \times 20 = 120(\text{만원})$$



16. 어떤 공장에서 제품 I, II를 만들고 있다. 각 제품 1 개를 만드는 데에 필요한 원료 A, B의 소모량과 제품 1 개에서 얻는 이익은 아래 표와 같다. 원료 A, B를 각각 10 kg, 18 kg 까지 사용하여 최대의 이익을 얻으려면 제품 I, II는 각각 몇 개씩 생산하면 되는가? (제품1, 제품2 순서대로 적으시오)

제품	원료	A(kg)	B(kg)	이익(만 원)
I		2	6	4
II		5	3	3

- ① 0, 1 ② 1, 2 ③ 2, 0 ④ 3, 0 ⑤ 3, 1

해설

제품 I 을 x 개, 제품 II를 y 개 만든다고 하면, 주어진 조건은

$$2x + 5y \leq 10,$$

$$6x + 3y \leq 18 \text{ 이다.}$$

이익을 k 라 하면

$$k = 4x + 3y$$

점 $\left(\frac{5}{2}, 1\right)$ 에 가장 가까운 $(2, 1)$ 또는

$(3, 0)$ 일 때 k 가 최대이다.

대입해보면 $(3, 0)$ 일 때 최댓값 12



17. 어느 책 대여점에서는 이번 달 도서구입비 49만 5천원으로 1권에 1500원짜리 만화책과 1권에 7500원짜리 소설책을 구입하려 한다. 소설책의 수가 만화책의 수의 2배 이상 3배 이하가 되게 할 때, 구입할 도서의 총 수의 최댓값을 구하여라.

▶ 답: 권

▷ 정답: 90권

해설

소설책의 수를 y , 만화책의 수를 x 라 하면,

$$x \geq 0, y \geq 0$$

$$2x \leq y \leq 3x$$

$$1500x + 7500y \leq 495000$$

$$\begin{cases} 2x \leq y \cdots \textcircled{1} \\ 3x \geq y \cdots \textcircled{2} \\ x + 5y \leq 330 \cdots \textcircled{3} \end{cases}$$

구입할 도서의 총수를 $x + y = k$ 라 놓으면,

$$y = -x + k$$

위의 $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$, $\textcircled{3}$ 과 $y = -x + k$ 을

그리면, 다음 그림과 같다.

k 가 최대일 때는 점 $Q(30, 60)$ 을

지날 때이므로

최댓값은 $30 + 60 = 90$ (권)



18. 부등식 $x \geq 0$, $y \geq 0$, $x + 2y \leq 4$, $2x + y \leq 6$ 을 만족하는 두 실수 x , y 에 대하여 $x + y$ 가 정수가 되는 값은 모두 몇 개인가?

▶ 답: 개

▷ 정답: 4개

해설

주어진 연립부등식의 영역은 다음 그림과 같다.

$x + y = k$ 로 놓고 직선 $y = -x + k$ 가 이 영역을 지나도록 평행이동하면서 움직여 보면,

두 점 $(\frac{8}{3}, \frac{2}{3})$, $(0, 0)$ 을 지날 때

k 의 값이 각각 최댓값과 최솟값을 가지

므로

$$0 \leq x + y \leq \frac{10}{3}$$

따라서 $x + y$ 가 정수가 되는 값은 0, 1, 2, 3의 4개이다.



19. 실수 x, y 가 부등식 $|x-2|+|y-1| \leq 2$ 를 만족할 때, x^2-y 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 한다. $M+m$ 의 값은?

① $\frac{55}{2}$ ② $\frac{55}{3}$ ③ $\frac{55}{4}$ ④ 11 ⑤ $\frac{55}{6}$

해설

영역 $|x-2|+|y-1| \leq 2$ 를 나타내면 다음

그림과 같고,

$x^2 - y = k$ 라고 하면,

$$y = x^2 - k \cdots ①$$

①의 포물선을 영역 내에서 움직여 보면
 $(4, 1)$ 을 지날 때 최댓값 $4^2 - 1 = 15$ 을

가지며,

직선 $y = x + 1$ 과 접할 때 최솟값을 갖는다.

$$x^2 - k = x + 1, x^2 - x - k - 1 = 0$$

$$D = (-1)^2 - 4(-k - 1) = 4k + 5$$

$$\therefore k = -\frac{5}{4} \text{ (최솟값)}$$

$$\therefore M + m = 15 + \left(-\frac{5}{4} \right) = \frac{55}{4}$$



20. 좌표 평면 위의 점 $P(x, y)$ 가 두 부등식 $|x+y-3| \leq 1$, $|2x-y-1| \leq 3$ 을 동시에 만족시킬 때, $x^2 + y^2$ 의 최댓값과 최솟값의 합은?

① $\frac{40}{3}$ ② $\frac{42}{3}$ ③ $\frac{121}{9}$ ④ $\frac{122}{9}$ ⑤ $\frac{123}{10}$

해설

$$\begin{aligned} & |x+y-3| \leq 1 \\ \therefore & -1 \leq x+y-3 \leq 1 \\ \therefore & -x+2 \leq y \leq -x+4 \\ & |2x-y-1| \leq 3 \\ \therefore & -3 \leq 2x-y-1 \leq 3 \\ \therefore & 2x-4 \leq y \leq 2x+2 \end{aligned}$$

따라서 점 P 가 존재하는 영역은 다음 그림의 어두운 부분이다.



한편 $x^2 + y^2 = r^2$ 이라 하면 이것은 중심이 원점이고 반지름의 길이가 r 인 원이므로 r 의 값이 최소가 되는 때는 이 원이 직선 $y = -x + 2$ 에 접할 때이고,

r 의 값이 최대가 되는 때는 이 원이 점 $(\frac{2}{3}, \frac{10}{3})$ 을 지날 때이다.

$$\text{따라서 } r^2 \text{의 최솟값 } \left(\frac{|2|}{\sqrt{1^2 + 1^2}} \right)^2 = 2$$

$$r^2 \text{의 최댓값 } \left(\frac{2}{3} \right)^2 + \left(\frac{10}{3} \right)^2 = \frac{104}{9}$$

\therefore 최댓값과 최솟값의 합은

$$2 + \frac{104}{9} = \frac{122}{9}$$

21. 원 $x^2 + y^2 - 4x - 2y + 1 = 0$ 위에 있는 점 $P(x, y)$ 에 대하여 $\frac{y+1}{x+3}$ 의

최댓값과 최솟값을 구하면?

① 최댓값 : $\frac{6}{5}$, 최솟값 : 0 ② 최댓값 : $\frac{6}{5}$, 최솟값 : $\frac{1}{2}$

③ 최댓값 : $\frac{6}{7}$, 최솟값 : 0 ④ 최댓값 : $\frac{22}{21}$, 최솟값 : 0

⑤ 최댓값 : $\frac{20}{21}$, 최솟값 : 0

해설

$$x^2 + y^2 - 4x - 2y + 1 = 0 \Rightarrow (x-2)^2 + (y-1)^2 = 4$$

$$\frac{y+1}{x+3} = k \text{ 라 하면 } \Rightarrow y = k(x+3) - 1$$

즉, $(-3, -1)$ 을 지나는 직선이다.

다음 그림을 보면 k 는 I 일 때 최대이고,

II 일 때 최소가 되는 것을 알 수 있다.

각각은 접선이므로 원 중심에서 직선까지 거리가 원 반지름과 같다.

$$\Rightarrow \frac{|2k + 3k - 1 - 1|}{\sqrt{k^2 + 1^2}} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{|5k - 2|}{\sqrt{k^2 + 1}} = 2$$

$$\Rightarrow 25k^2 - 20k = 0$$

$$k = 0, \frac{20}{25}$$

$$\therefore \text{최댓값 : } \frac{20}{25}, \text{ 최솟값 : } 0$$



22. 처음으로 애완동물을 키우기 시작한 병호는 수의사로부터 그 애완동물이 하루에 영양소 A 를 20 이상, 영양소 B 를 12 이상 섭취해야 한다는 조언을 받고 알약 P, Q 를 이용하여 영양소를 공급하기로 하였다. 시장 조사를 해보니 알약 P 에는 영양소 A, B 가 각각 4, 2 만큼 들어 있고, 알약 Q 에는 영양소 A, B 가 각각 3, 3 만큼 들어있으며, 알약 P, Q 의 가격은 한 알당 250 원, 200 원이었다. 수의사가 조언한 영양소의 최소치를 애완동물에게 공급하려고 할 때, 하루에 드는 비용의 최소금액을 구하여라.

▶ 답: 원

▷ 정답: 1300 원

해설

알약 P 를 x 개, Q 를 y 개 샀다고 하면(단, x, y 는 정수)

$$\text{연립부등식 } \begin{cases} x \geq 0 \\ y \geq 0 \\ 4x + 3y \geq 20 \\ 2x + 3y \geq 12 \end{cases} \text{ 을 만족하는 } (x, y) \text{ 에 대해}$$

$250x + 200y$ 의 최솟값을 구하는 것이므로,

$250x + 200y = k$ 라 하자.

$250x + 200y = k$ 는 $4x + 3y \geq 20$ 과 $2x + 3y \geq 12$ 의 교점 P 를 지날 때, k 는 최소가 된다.



그런데 점 P 의 좌표는 $(4, \frac{4}{3})$ 이므로,

x, y 가 정수를 만족하는 점을 찾으면,

$(4, 3), (3, 3), (2, 4), (1, 7)$ 등이다.

이 중 가격의 최솟값은 $(2, 4)$ 일 때, 1300 원

23. 성인 여자가 하루에 필요한 비타민 양은 $B_1 : 1.2 \text{ mg}$, $B_2 : 1.2 \text{ mg}$, $C : 60 \text{ mg}$ 이다. 이것을 다음 두 약품 P, Q에서 얻으려 할 때, 최소 비용은?

약품	1g당 함유량(mg)			1g의 가격
	B_1	B_2	C	
P	2	1.5	60	210원
Q	1.5	2	150	350원

- ① 180 원 ② 190 원 ③ 200 원
 ④ 210 원 ⑤ 220 원

해설

P, Q 를 각각 $x \text{ g}$, $y \text{ g}$ 을 구입한다면,

$$x \geq 0, y \geq 0$$

$$2x + 1.5y \geq 1.2 \quad \text{… ⑦}$$

$$1.5x + 2y \geq 1.2 \quad \text{… ⑧}$$

$$60x + 150y \geq 60 \quad \text{… ⑨}$$

이것을 좌표평면 위에 나타내면 다음 그림과 같다.

한편, $210x + 350y = k$ 로 놓으면,

이 직선이 ⑦, ⑨의 교점

$$\left(\frac{4}{7}, \frac{6}{35} \right)$$

을 지날 때, 최소이다.

$$210 \times \frac{4}{7} + 350 \times \frac{6}{35} = 180(\text{원})$$



24. 아래의 표는 어떤 공장에서 두 종류의 제품 A, B 를 생산할 때 제품 1 단위당 드는 각 재료의 수량과 이익을 나타낸 것이다. 밀가루는 15 kg, 설탕은 12 kg, 계란은 15 kg이내로 사용량을 제한한다고 할 때, 예상되는 이익의 최댓값은?

	A	B
밀가루	3 kg	1 kg
설탕	2 kg	2 kg
계란	1 kg	3 kg
이익	3000 원	2000 원

- Ⓐ 16500 원 Ⓑ 15500 원 Ⓒ 14500 원
 Ⓓ 13500 원 Ⓔ 12500 원

해설

A 와 B 를 각각 x 단위, y 단위 생산한다고 하면
 밀가루의 사용량에 대하여 $3x + y \leq 15 \cdots ①$

설탕의 사용량에 대하여 $2x + 2y \leq 12 \cdots ②$

계란의 사용량에 대하여 $x + 3y \leq 15 \cdots ③$

x, y 는 생산량이므로 $x \geq 0, y \geq 0 \cdots ④$

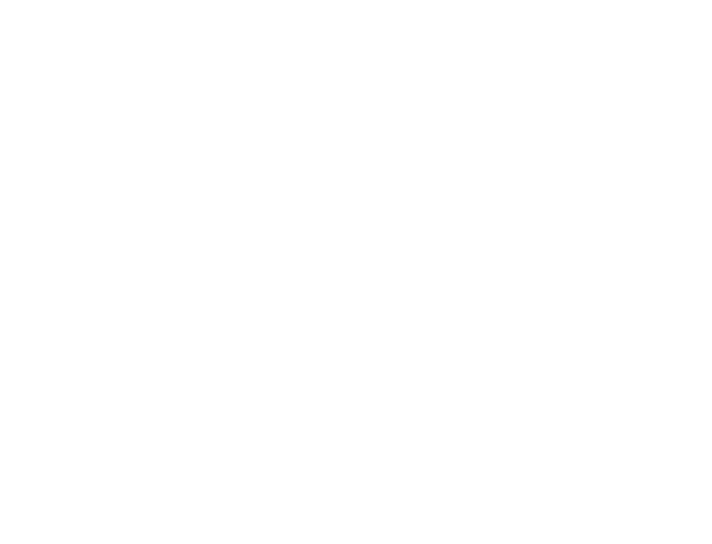
①, ②, ③, ④ 를 동시에 만족하는 영역을 표시하면 아래 그림과 같다.

이 때, 이익에 대한 식 $3000x + 2000y = t$ 를 생각해 보면
 이 직선이 점 B 를 지날 때 이익이 최대가 된다.

(이익에 대한 직선의 기울기는 $-\frac{3}{2}$, \overline{AB} 의 기울기는 -1 이다.)

즉, $x = 4.5, y = 1.5$

\therefore (최대 이익) = $3000 \times 4.5 + 2000 \times 1.5 = 16500$ 원



25. 두 알약 A, B의 1개당 포함되어 있는 성분 K, C의 양과 가격이 다음 표와 같다. 병원의 어떤 환자는 매일 성분 K, C를 10mg, 9mg 이상씩 섭취해야 한다. 두 알약 A, B로 성분 K, C의 하루 필요량을 섭취하는 데 드는 최소 비용은?

	K	C(mg)	가격
알약 A	1mg	6mg	100원
알약 B	3mg	1mg	90원

- ① 260 원 ② 300 원 ③ 370 원
 ④ 410 원 ⑤ 450 원

해설

하루에 먹는 두 알약 A, B의 개수를 각각 x 개, y 개라 하면

$x \geq 0, y \geq 0, x + 3y \geq 10, 6x + y \geq 9$

이 때, 구입 비용을 k 원이라 하면

$$100x + 90y = k \quad \dots \dots \textcircled{7}$$

직선 ⑦이 두 직선 $x + 3y = 10$, $6x + y = 9$ 의

교점 $(1, 3)$ 을 지날 때 k 의 값이 최소가 된

다.

따라서, 구하는 최소 비용은

$$100 \times 1 + 90 \times 3 = 370(\text{원})$$



(단, 경계선 포함)