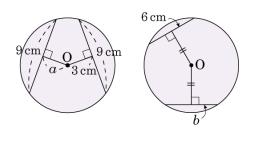
1. 다음 그림에서 a+b 의 합을 구하여라.



답:

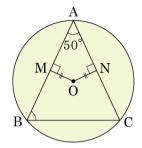
 $\underline{\mathrm{cm}}$

 \triangleright 정답: $a+b=9\underline{\mathrm{cm}}$

해설

- (1) 한 원이나 합동인 원에서 현의 길이가 같으면 중심에서 현에 내린 수선의 길이도 같다. a = 3
- (2) 중심에서 현에 내린 수선의 길이가 같으면 그 현의 길이도 같다. b=6

다음 그림에서 $\overline{OM} = \overline{ON}$, $\angle A = 50^{\circ}$ 일 때, ∠B 의 크기는?



해설

중심에서 현에 이르는 거리가 같으므로
$$\overline{\mathrm{AB}} = \overline{\mathrm{AC}}$$

 $\Delta \mathrm{ABC}$ 가 이등변삼각형

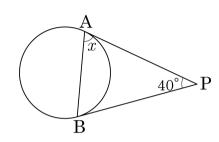
3. 다음 그림에서 직선 PA, PB는 원의 접선 이고 점A, B는 접점이다. ∠PAB = 60° 일 때, AB 의 길이는? P

①
$$12\sqrt{3}$$
cm ② $6\sqrt{3}$ cm ② 9 cm ③ 12 cm

③ 6cm

 $\overline{\rm PA}=\overline{\rm PB}$ 이므로 $\triangle {\rm ABC}$ 는 이등변삼각형이다. 그런데 $\angle {\rm PAB}=60\,^{\circ}$ 인 이등변삼각형은 정삼각형이므로 $\overline{\rm AB}=12{\rm cm}$ 이다.

4. 다음 그림에서 \overline{PA} 와 \overline{PB} 는 점 A,B 를 각각 접점으로 하는 원의 접선이다. $\angle APB$ 의 크기가 40° 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

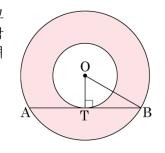
해설

70.0

➢ 정답: 70°

 $\triangle ABP \leftarrow \overline{AP} = \overline{BP}$ 인 이등변삼각형이다. $\angle x = (180^{\circ} - 40^{\circ}) \div 2 = 70^{\circ}$

 다음 그림과 같이 두 원의 중심은 O 이고 색칠한 부분의 넓이가 100πcm² 일 때, 작 은 원에 접하는 현 AB 의 길이를 구하여 라. (단, T 는 접점)



답:

➢ 정답: 20 cm

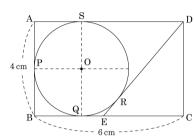
해설

큰 원의 반지름: R, 작은 원의 반지름: r

 $R^2\pi - r^2\pi = 100\pi$, $R^2 - r^2 = 100$ $\triangle \text{OTB}$ 에서 $R^2 - r^2 = \overline{\text{BT}^2} = 100$ 이므로 $\overline{\text{BT}} = 10$ $\overline{\text{AB}} = 2\overline{\text{BT}} = 20 \text{ cm}$

cm

6. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 안에 원 O 와 ΔCDE 가 접하고 있다. ΔCDE 의 둘레의 길이를 구할 때, 다음 번호에 알맞게 쓴 것이 <u>아닌</u> 것은?



$$\overline{AP} = \overline{AS} = 2$$

$$\overline{DS} = \overline{DA} - \overline{AS} = 4$$

$$(\triangle CDE \ \supseteq \ \overline{\Xi} \ \dashv) = \overline{CD} + \overline{DE} + \overline{EC}$$

$$= \overline{CD} + (\overline{DR} + \overline{RE}) + (\overline{1})$$

$$= \overline{CD} + \overline{DR} + (\overline{2}) + \overline{EC}$$

$$= \overline{CD} + \overline{DR} + (\overline{3}) + \overline{EC}$$

$$= \overline{CD} + \overline{DR} + (\overline{4})$$

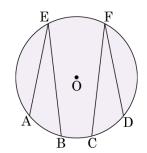
$$= \overline{CD} + \overline{DR} + (\overline{4})$$

$$= \overline{CD} = \overline{CD} + \overline{DR} + (\overline{4})$$

①
$$\overline{\text{EC}}$$
 ② $\overline{\text{RE}}$ ③ $\overline{\text{EQ}}$ ④ $\overline{\text{CQ}}$ ⑤ 16cm



7. 다음 ______안에 알맞은 것을 써넣어라 다음 그림에서 5.0ptAB = 5.0ptCD 이면 ∠AEB = ____



답:

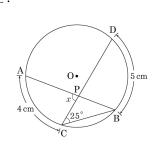
▷ 정답: ∠ CFD

같은 길이의 호에 대한 원주각의 크기는 서로 같으므로 ∠AEB = ∠CFD

8. 다음 그림과 같이 두 현 AD, BC 의 연장선의 교점을 P 라 하자. ∠ACB = 20°, ∠CBD = 50°일 때, ∠P의 크기를 구하여라. (단, 단위는 생략)



10. 다음 그림에서 5.0ptAC = 4 cm , 5.0ptBD = 5 cm , ∠DCB = 25° 일 때, ∠APC 의 크기는?



$$5.0$$
pt \overrightarrow{AC} : 5.0 pt \overrightarrow{BD} = $\angle ABC$: $\angle BCD$
 $4:5 = \angle ABC: 25^{\circ}$

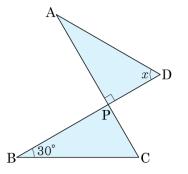
해설

$$\therefore \angle ABC = 20^{\circ}$$

$$\therefore \angle ABC = \angle DBC + \angle DCB = 20^{\circ} + 25^{\circ} = 20^{\circ}$$

 $\therefore \angle APC = \angle PBC + \angle PCB = 20^{\circ} + 25^{\circ} = 45^{\circ}$

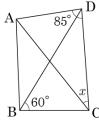
11. 다음 그림의 네 점 A, B, C, D 가 한 원 위에 있도록 ∠x 의 크기를 구하면?



$$\angle CBP = \angle DAP = 30^{\circ}$$

 $\therefore \angle x = 180^{\circ} - 90^{\circ} - 30^{\circ} = 60^{\circ}$

12. 다음 사각형 ABCD 가 원 위에 있을 때, *x* 의 크기를 구하여라.

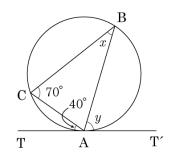


원에 내접하는 사각형은 대각의 크기의 합이 180° 이므로

$$\angle DBC = \angle DAC = 60^{\circ}$$

$$\therefore x = 180 \,^{\circ} - (60 \,^{\circ} + 85 \,^{\circ}) = 35 \,^{\circ}$$

13. ★ ○ 원 O 의 접선일 때, ∠x + ∠y = ()° 이다. ()에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답:

➢ 정답: 110

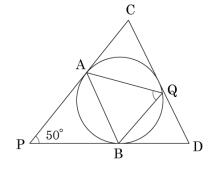
원의 접선과 그 접점을 지나는 현이 이루는 각의 크기는 그 현에 대한 원주각의 크기와 같다. $\Delta y = 70^{\circ}, \, \Delta x = 40^{\circ}$

$$\angle y = 70^{\circ}, \ \angle x = 40^{\circ}$$

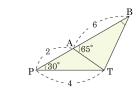
$$\therefore \ \angle x + \angle y = 110^{\circ}$$

14. 다음 그림에서 PA, PB 가 접선 일 때, ∠AQB 의 크기는?

 $\angle ABP = \angle AQB = 65$ ° 이다.

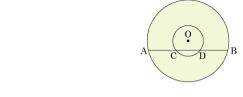


15. 다음 그림에서 $\overline{PA} = 2$, $\overline{AB} = 6$, $\overline{PT} = 4$ 이고 ∠APT = 30°, ∠BAT = 65° 이다. 이 때, ∠PBT 의 크기는?

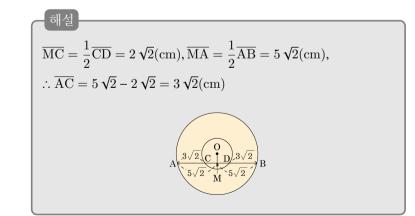


$$\overline{PT}^2 = \overline{PA} \times \overline{PB} \implies 4^2 = 2 \times 8$$
 이 성립하므로 \overline{PT} 는 원의 접선이다.
따라서, $\angle ABT = \angle ATP = 65^\circ - 30^\circ = 35^\circ$ 이다.

16. 다음 그림과 같이 중심이 점 O 이고 반지름의 길이가 다른 두 개의 원이 있다. $\overline{AB} = 10\sqrt{2} \text{cm}$, $\overline{CD} = 4\sqrt{2} \text{cm}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?



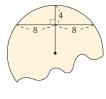
- ① $5\sqrt{2}$ cm ② $4\sqrt{2}$ cm ② $\sqrt{2}$ cm
- © 2 **v**2cm



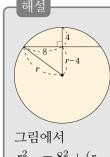
 $3\sqrt{2}$ cm

길이는?

17. 다음 그림과 같이 원모양의 토기 파편이 있을 때, 이 토기의 지름의



① 18 ② 19 ③ 20 ④ 21 ⑤ 22



 $r^2 = 8^2 + (r - 4)^2$ $r^2 = 64 + r^2 - 8r + 16$ 8r = 80

 $\therefore r = 10$

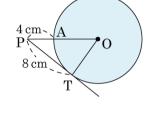
따라서 토기의 지름의 길이는 2 × 10 = 20 이다.

18. 다음 그림에서 \overrightarrow{PT} 는 원 \overrightarrow{O} 의 접선이고 점 T는 접점이다. $\overline{PT} = 8 \text{ cm}$, $\overline{PA} = 4 \text{ cm}$ 일 때, 원 O 의 넓이는?

①
$$24\pi \,\mathrm{cm}^2$$
 ② $36\pi \,\mathrm{cm}^2$

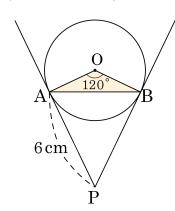
③
$$49\pi \,\mathrm{cm}^2$$
 ④ $60\pi \,\mathrm{cm}^2$
⑤ $65\pi \,\mathrm{cm}^2$

(3) $49\pi \, \text{cm}^2$



해설 $\overline{AO} = \overline{TO} = r$ 이라 하면. $\overline{OP}^2 = \overline{PT}^2 + \overline{OT}^2$ 에 의하여 $(r+4)^2 = 64 + r^2$ $\therefore r = 6$ 따라서 원의 넓이는 $\pi r^2 = 36\pi \,\mathrm{cm}^2$ 이다.

19. 다음 그림에 두 직선 PA, PB 는 원 O 의 접선이고 점 A, B 는 접점 이다. ∠APB = 60°, \overline{AP} = 6cm 일 때, △AOB 의 넓이는?

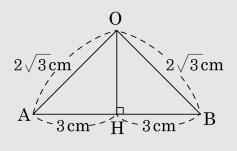


- \bigcirc 4cm²
 - (4) $12\sqrt{2}$ cm²

라할때,

② $3\sqrt{3}$ cm² ③ 10cm²

⑤ $12\sqrt{3}$ cm²



 \overline{PO} 를 그으면 $\triangle OAP$ 에서 $\angle OPA = 30^\circ$, $\angle AOP = 60^\circ$ $\overline{AO}: \overline{AP} = 1: \sqrt{3} = \overline{AO}: 6$ $\therefore \overline{AO} = 2\sqrt{3}(\text{cm})$ $\triangle OAB$ 는 이등변삼각형이므로 점 O 에서 내린 수선의 발을 H

 $\overline{OH} = \sqrt{(2\sqrt{3})^2 - (3)^2} = \sqrt{3} (\text{cm})$ 이다.

 $\therefore \triangle OAB = \frac{1}{2} \times 6 \times \sqrt{3} = 3\sqrt{3} (\text{cm}^2)$

 20. 다음 그림에서 PT, PT'이 원 O

 에 접할 때, 색칠한 부분의 넓이

 는?

80°

①
$$\frac{125}{9}\pi \text{ cm}^2$$
 ② $\frac{125}{18}\pi \text{ cm}^2$ ③ $\frac{325}{9}\pi \text{ cm}^2$
④ $\frac{325}{18}\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $\frac{225}{18}\pi \text{ cm}^2$

- ^{해설} 원의 밖의 한 점에서 그 원에 그은 두 접선의 길이는 같다.

21. 다음 그림에서 세 점 D, E, F 는 접점이다.
$$\overline{AB}=7$$
, $\overline{AC}=6$, $\overline{BC}=5$ 일 때, \overline{BD} 의 길이는?

⑤ 3

1

② 1.5

$$\overline{\mathrm{BD}} = \overline{\mathrm{BE}} \; , \; \overline{\mathrm{CE}} = \overline{\mathrm{CF}} \;$$
이므로

 $\overline{AD} + \overline{AF} = (\overline{AB} + \overline{BD}) + (\overline{AC} + \overline{CF})$ $= (\overline{AB} + \overline{BE}) + (\overline{AC} + \overline{CE})$

 $= \overline{AB} + (\overline{BE} + \overline{CE}) + \overline{AC}$

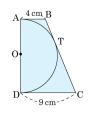
④ 2.5

$$=7+5+6=18$$
 그런데 $\overline{AD}=\overline{AF}$ 이므로 $\overline{AD}=18\times\frac{1}{2}=9$

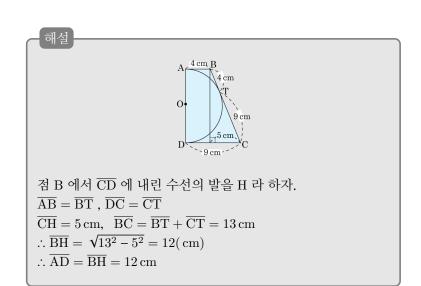
$$\therefore \overline{BD} = \overline{AD} - \overline{AB} = 9 - 7 = 2$$

= 7 + 5 + 6 = 18

22. 그림에서 \overline{AD} 는 반원의 지름이고, \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CD} 는 반원에 접한다. 이 때, \overline{AD} 의 길이는?

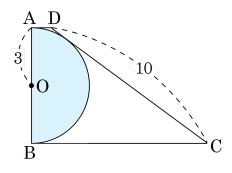


① 11cm ② 12cm ③ 13cm ④ 14cm ⑤ 15cm



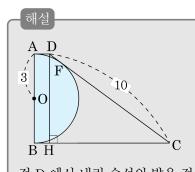
23. 다음 그림에서 \overline{AD} , \overline{BC} , \overline{CD} 는 반지름의 길이가 6 인 반원 O 에 접하고

 \overline{AB} 는 반원 O 의 지름이다. $\overline{CD} = 10$ 일 때, \overline{BC} 의 길이를 구하여라.



답:

▷ 정답: 9



점 D 에서 내린 수선의 발을 점 H 라 하고, 반원과 접선 $\overline{\text{CD}}$ 의 교점을 점 F 라 한다.

 $\triangle DHC$ 에서 $\overline{CH} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$, $\overline{BH} = x$ 라 하면 $\overline{BH} =$

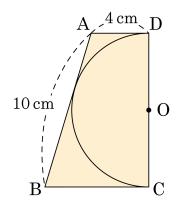
 $\overline{AD} = \overline{DF} = x$ 이다.

또한. $\overline{CF} = \overline{BC}$ 이므로 $\overline{\text{CD}} = \overline{\text{DF}} + \overline{\text{CF}} \Rightarrow 10 = x + (8 + x)$

 $\therefore x = 1$

따라서 $\overline{BC} = 1 + 8 = 9$

 ${f 24.}$ 다음 그림에서 ${f AB}$, ${f BC}$, ${f DA}$ 가 원 O 의 접선일 때, ${f BC}$ 의 길이는?

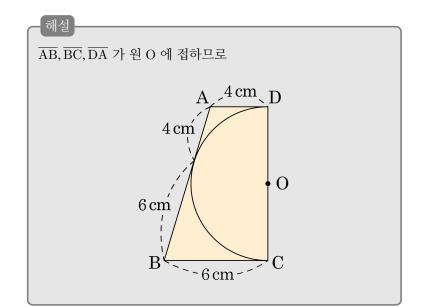




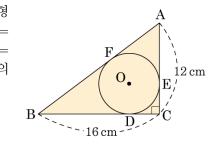
② 6cm

 $3 4\sqrt{2}$ cm

4 $2\sqrt{2}$ cm 5 $\sqrt{11}$ cm



25. 다음 그림에서 원 O 는 삼각형 ABC 의 내접원이다. \overline{BC} = 16cm, $\overline{AC} = 12$ cm 이고 $\angle C =$ 90°일 때, 내접원 O 의 반지름의 길이는?



 \bigcirc 2.5cm

① 1.5cm

해설

- ② 2cm
- ④ 3cm 4cm

$$\square \text{ODCE}$$
 는 정사각형, 원의 반지름을 x 라 하면,

 $\overline{AE} = \overline{AF} = 12 - x$

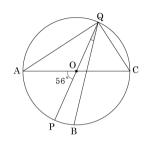
$$\overline{BD} = \overline{BF} = 16 - x : \overline{AB} = 28 - 2 x \cdot \cdot \cdot \boxed{1}$$

 $\overline{AB^2} = 16^2 + 12^2 = 400$ $\therefore \overline{AB} = 20 \text{ cm} (\because \overline{AB} > 0) \cdots ②$

 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB^2} = \overline{BC^2} + \overline{CA^2}$

 $\therefore x = 4$

26. 다음 그림에서 \overline{AC} , \overline{PQ} 는 원 O 의 지름이고, \overline{BQ} 는 $\angle AQC$ 의 이동 분선이다. ∠AOP = 56° 일 때, ∠PQB 의 크기는?



① 13° ② 14° ③ 15° ④ 16°



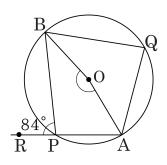
해설

 $\triangle AOQ$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle AQO = \frac{1}{2} \times 56^{\circ} = 28^{\circ}$ 이다.

또한, 반원에 대한 원주각 $\angle AQC = 90^{\circ}$ 이고 \overline{BQ} 의 이등분선이 므로

 $\angle AQB = \angle AQO + \angle PQB$ $45^{\circ} = 28^{\circ} + \angle PQB$

27. 다음 그림과 같이 $\angle BPR = 84^{\circ}$ 일 때, $\angle AOB$ 의 크기는 얼마인가?



① 162° ② 164° ③ 166° ④ 168° ⑤ 170°

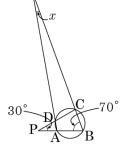
∠AQB = 84° 이므로

 $\angle AOB = 2 \times 84^{\circ} = 168^{\circ}$ 이다.

28. 다음 그림에서 □ABCD 는 원에 내접하고 ∠BPC = 30°, ∠ABC = 70°일 때, ∠BQA의 값을 구하면?



40° 50°



 $\angle ADC = 110$ ° (: $\angle ABC$ 의 대각) 이고, $\angle PAQ = x + 70$ ° 이다. $\triangle PAD$ 에서 한 외각의 크기의 합은 이웃하지 않는 두 내각의

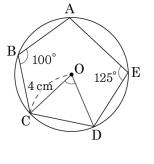
③ 30°

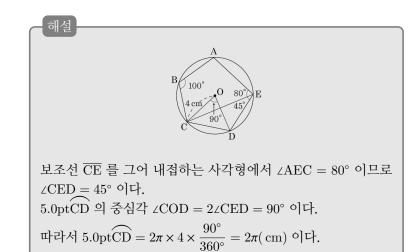
크기의 합과 같으므로 $110^\circ = 30^\circ + x^\circ + 70^\circ$

 $\therefore x^{\circ} = 10^{\circ}$

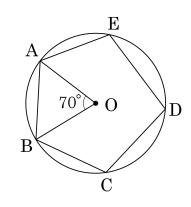
29. 다음 그림과 같이 원 O 에 내접하는 오각형 ABCDE 에서 ∠ABC = 100°, ∠AED = 125° 일 때, 5.0ptCD 의 길이는?

- ① π cm ② 2π cm
- $3 4\pi \text{cm}$ $4 8\pi \text{cm}$
- $\Im 11\pi cm$





30. 다음 그림과 같이 원 O 에 내접하는 오각형 ABCDE 에서 \angle AOB = 70° 일 때, \angle C + \angle E 의 크기를 구하여라.



답:

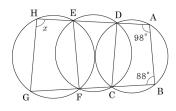
➢ 정답: 215°

 $\angle E + \angle ACD = 180^{\circ}$

점 A 와 점 C 를 연결하면 \angle ACB = $\frac{1}{2} \times 70$ ° = 35° 또 \Box ACDE 는 원에 내접하므로

 \therefore $\angle C + \angle E = 35^{\circ} + 180^{\circ} = 215^{\circ}$

31. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

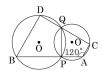


▶ 답:

▷ 정답: 92 º

$$\angle ADC = 92^{\circ}$$
 $\angle x = \angle EFC = \angle ADC = 92^{\circ}$

32. 다음 그림에서 ∠DBP 의 크기를 구하면?



- ① 80°
- ② 75°
- 3 70°
- 4 65°

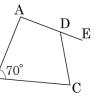


해설

$$\angle PQD = \angle CAP = 120^{\circ}$$

 $\angle DBP = 180^{\circ} - 120^{\circ} = 60^{\circ}$

33. 다음 사각형 ABCD 에서 ∠B = 70°일 때, 이 사각형이 원에 내접하기 위한 조건으로 옳은 것은?



①
$$\angle A = 110^{\circ}$$

$$\bigcirc$$
 $\angle C = 70^{\circ}$

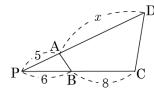
$$\bigcirc$$
 $\angle D = 120^{\circ}$

$$\bigcirc$$
 \angle EDC = 70°

해설

원에 내접하는 사각형은 대각의 크기의 합이 180° 이므로 $\angle B = \angle EDC = 70^\circ$ 이다.

34. 다음 그림에서 □ABCD 가 원에 내접할 때, ĀD의 길이를 구하여라.



$$ightharpoonup$$
 정답: $\frac{59}{5}$

해설

□ABCD 가 원에 내접하므로

$$\overline{PA} \times \overline{PD} = \overline{PB} \times \overline{PC}$$

 $5 \times (5 + x) = 6 \times 14, 25 + 5x = 84$

$$5x = 59$$

$$\therefore x = \frac{59}{5}$$

35. 직선 *l* 은 두 원 O, O' 의 접선이고 두 원의 교점 A, B 를 이은 선분 AB 의 연장선과 *l* 과의 교점을 P 라 한다. $\overline{AP} = 2 \text{cm}, \overline{AB} =$

파의 교접들 P 다 한다. AP = 2cm, Al 7cm 일 때, TT' 의 길이를 구하여라.

답:
 > 정답: 6√2 cm

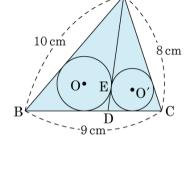
 $\overline{PT}^2 = \overline{PA} \times \overline{PB}, \quad \overline{PT'}^2 = \overline{PA} \times \overline{PB}$ $\overline{PT}^2 = 2 \times 9 = 18$

cm

 $\overline{PT} = 3\sqrt{2} \left(:: \overline{PT} > 0 \right)$ $:: \overline{TT}' = 2\overline{PT} = 2 \times 3\sqrt{2} = 6\sqrt{2} \text{ (cm)}$

36. 그림과 같이 $\overline{AB} = 10 \text{ cm}, \overline{BC} =$ $9 \, \mathrm{cm}, \overline{\mathrm{AC}}$ = 8 cm △ABD, △ADC 의 내접원을 그리면 이 두 원이 한 점 E 에서 $10 \, \mathrm{cm}$ 접할 때. $\overline{AE} - \overline{ED}$ 의 길이는? 0• \bigcirc 2 cm ② $2.3 \, \text{cm}$

 $4.5\,\mathrm{cm}$

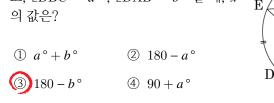


$$10 - \overline{AE} + 8 - \overline{AE} + 2\overline{ED} = 9$$

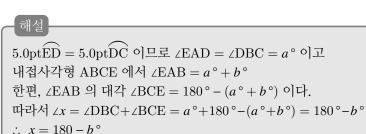
$$18 - 2\overline{AE} + 2\overline{ED} = 9$$

$$\therefore \overline{AE} - \overline{ED} = \frac{9}{2} = 4.5 \text{ (cm)}$$

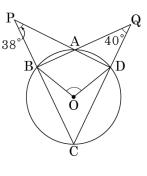
37. 다음 그림에서 5.0ptED = 5.0ptDC 이 고, $\angle DBC = a^{\circ}$, $\angle DAB = b^{\circ}$ 일 때, xЕ

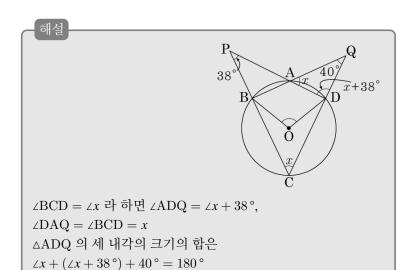


①
$$a^{\circ} + b^{\circ}$$
 ② $180 - a^{\circ}$ ③ $180 - b^{\circ}$ ④ $90 + a^{\circ}$ ⑤ $90 + b^{\circ}$



38. 다음 그림에서 □ABCD 는 원 O 에 내접 하고 ∠DPC = 38°, ∠BQC = 40°일 때, ∠BOD 의 크기는?

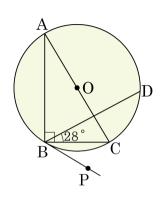




따라서 ∠BOD = 2∠BCD = 2 × 51° = 102°

∴ ∠x = 51° 이다.

39. 다음 그림에서 \overline{AC} 는 원 O 의 지름이고 \overrightarrow{BP} 는 원 O 의 접선이다. $\overline{BD} = \overline{AB}$ 이고, $\angle DBC = 28^\circ$ 일 때, $\angle CBP$ 의 크기를 구하여라.

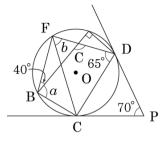


▶ 답:

정답: 31 º

[해설] ∠ABD = 90° - 28° = 62°

 $\angle BAD = \angle BDA = \frac{1}{2}(180^{\circ} - 62^{\circ}) = 59^{\circ}$ $\angle CBP = \angle DBP - 28^{\circ} = \angle BAD - 28^{\circ} = 31^{\circ}$ **40.** 다음 그림에서 두 반직선은 원 O의 접선이다. ∠BAD = 90°,∠EDC = 65°,∠EBF = 40°,∠CPD = 70° 일 때. ∠a + ∠b + ∠c 의 크기는?



⑤ 320°

① 240° ② 245° ③ 255°

(에르) 1) 사각형 EBCD 가 원에 내접하

2) 접선과 현이 이루는 각의 크기 는 그 내부의 호에 대한 원주각의

므로 $(a + 40^{\circ} + 65^{\circ}) = 180^{\circ}$:

크기와 같으므로 ∠b = ∠PDC = ∠PCD = 55° (::

해설

 $\angle a = 75^{\circ}$

E A 40°

40° D

C 65° b

R 0 50°
C

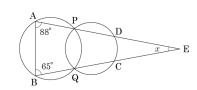
260°

 $\overline{PD} = \overline{PC}$

3) $\triangle ADE$ 에서 $\angle c=90^\circ+40^\circ=130^\circ$ (이 때, \widehat{AF} 에 대한 원주각으로 $\angle FBA=\angle ADF=40^\circ$)

따라서, $\angle a + \angle b + \angle c = 75^{\circ} + 55^{\circ} + 130^{\circ} = 260^{\circ}$ 이다.

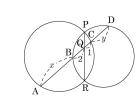
41. 다음 그림에서 두 원은 두 점 P, Q 에서 만나고, ∠PAB = 88°, ∠QBA = 65° 일 때, ∠x 의 크기는?



① 17° ② 20° ③ 27° ④ 30° ⑤ 37°

42. 다음 그림에서 $\overline{BQ} = 2$, $\overline{CQ} = 1$ 이고, $\overline{AB} = x$, $\overline{CD} = y$ 라 할 때,

$$\frac{3x^2 + 4y^2}{xy}$$
 의 값은?



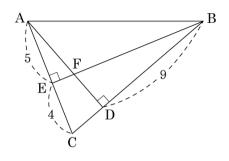
해설
$$\overline{QP} \times \overline{QR} = \overline{QA} \times \overline{QC} = \overline{QB} \times \overline{QD} \text{ 에서}$$

$$(x+2) \times 1 = 2 \times (1+y)$$

$$x+2 = 2+2y$$

$$\therefore x = 2y \frac{3x^2 + 4y^2}{xy} \text{ 에 대입하면 } \frac{12y^2 + 4y^2}{2y^2} = \frac{16y^2}{2y^2} = 8$$

43. 다음 그림에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

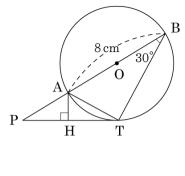


- ① $\overline{\text{CD}} = 3$ 이다.
- ② □AEDB 는 원 안에 내접한다.
- ③∠CAD ≠ ∠CBE
- ④ \overline{AB} 는 원의 지름이다.

44. 다음 그림과 같이 PT 는 원 O 의 접선이고 AB = 8 cm , ∠ABT = 30° 일 때, ΔPAT 의 넓이를 구하면?

- ① $\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ② $2\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ③ $3\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ④ $4\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ⑤ $5\sqrt{3}\,\mathrm{cm}^2$

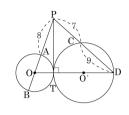
해설



∠ATP = ∠ABT =
$$30^\circ$$
 이므로 ∠BAT = 60° $1:2=\overline{AT}:8:\overline{AT}=4(cm)$ 삼각형의 외각의 성질에 따라 ∠APT + ∠PTA = ∠TAB 따라서 ∠APT = 30° 이므로 \triangle APT 는 이등변삼각형이다. ∴ $\overline{AT}=\overline{PA}=4cm$ 원의 중심을 지나는 할선과 접선 사이의 관계에 따라 $\overline{PT^2}=\overline{PA}\times\overline{PB}=4\times12=48$ 따라서 $\overline{PT}=4\sqrt{3}$ cm \triangle AHT 에서 피타고라스 정리에 따라 $\overline{AH}=2$ cm 이므로

 \triangle PAT 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 2 = 4\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)}$ 이다.

45. 다음 그림에서 \overline{PT} 이 원의 접선이고, \overline{OT} 는 원 \overline{OT} 는 원 \overline{OT} 는 원 \overline{OT} 는 원 \overline{OT} 이 기름이다. $\overline{OO'}$ 의 길이를 구하여라.



답

➢ 정답: 9

$$8 \times \overline{PB} = 7 \times (7+9)$$
이다.

$$8 \times (2\overline{OA} + 8) = 7 \times 16$$

$$\therefore \overline{OA} = 3$$
$$\therefore \overline{OT} = \overline{OA} = 3$$

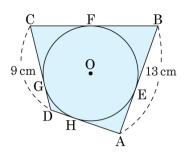
또, 원
$$O$$
에서 $\overline{PT}^2 = 7 \times 16 = 112$ 이므로 ΔPTD 에서

$$\overline{DT} = \sqrt{\overline{PD}^2 - \overline{PT}^2}$$
$$= \sqrt{16^2 - 112} = 12$$
이다.

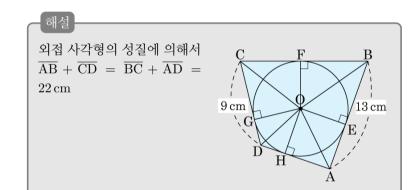
따라서
$$\overline{\mathrm{O'T}} = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{DT}} = 6$$
이므로

$$\overline{OO'} = \overline{OT} + \overline{O'T} = 3 + 6 = 9 \, \text{old}.$$

46. 다음 그림과 같이 반지름이 4 cm 인원 O에 외접하는 사각형 ABCD의 각 변과 원 O의 접점을 E, F, G, H라 할 때, 사각형의 넓이를 구하여라.







또한, 원의 반지름과 사각형의 모든 변은 수직으로 만나므로

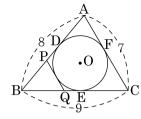
 cm^2

 $= \triangle AOB + \triangle BOC + \triangle COD + \triangle DOA$ $= \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times r + \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times r + \frac{1}{2} \times \overline{CD} \times r + \frac{1}{2} \times \overline{DA} \times r$ $= \frac{1}{2} \times r \times (\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CD} + \overline{DA})$

$$=\frac{1}{2} \times 4 \times 44 = 88 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(사각형의 넓이)

47. 다음 그림과 같이 세 변 AB, BC, CA 의 길이가 각각 8, 9, 7 인 △ABC 에 내접하 는 원 O 에 대하여 D, E, F 는 접점이고 \overline{PQ} 가 원 O 에 접할 때, $\triangle PBQ$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



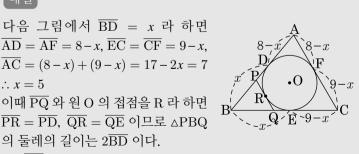
답:

➢ 정답 : 10

다음 그림에서
$$\overline{BD}=x$$
라 하면 $\overline{AD}=\overline{AF}=8-x$, $\overline{EC}=\overline{CF}=9-x$, $\overline{AC}=(8-x)+(9-x)=17-2x=7$ $\therefore x=5$

 $\overline{PR} = \overline{PD}, \ \overline{QR} = \overline{QE}$ 이므로 $\triangle PBQ$ 의 둘레의 길이는 2BD 이다.

 $\therefore 2\overline{BD} = 2x = 2 \times 5 = 10$



48. $\overline{AB} = 9$, $\overline{BC} = 12$ 인 삼각형 ABC 의 각 꼭짓점 A, B, C 에서 세 변에 내린 수선의 발을 각각 D, E, F 라 할 때, 점 D 는 변 BC 를 3:5로 내분하고, 점 F 는 변 AB 를 1:2로 내분한다. 이 때, 삼각형 ABC 의 둘레의 길이를 구하여라.

답:

$$ightharpoonup$$
 정답: $21 + 3\sqrt{13}$

두 결과의 식을 더해주면

해설
$$\angle BFC = \angle BEC = 90^\circ$$
 이므로 네 점 B, C, E, F 는 한 원 위에 있다. 그러므로 $\overline{AC} \cdot \overline{AE} = \overline{AB} \cdot \overline{AF} = 9 \times 3 = 27$ 같은 방법으로 네 점 A, B, D, E 도 한 원 위에 있으므로 $\overline{CE} \cdot \overline{CA} = \overline{CD} \cdot \overline{CB} = 12 \times \left(12 - \frac{9}{2}\right) = 90$

 $\overline{AC} \cdot (\overline{AE} + \overline{CE}) = \overline{AC^2} = 117$ 따라서 선분 AC 의 길이는 $3\sqrt{13}$ 이므로 삼각형 ABC 의 둘레의 길이는 $21 + 3\sqrt{13}$

49. 다음 그림에서 점 H는 ΔABC 의두 꼭짓점 A, C 에서 대변에 그은 수선이 만나는 점이다. $\overline{AE} = 6$, $\overline{EB} = 12$, $\overline{BD} = 10$ 일 때, \overline{DC} 의길이는?

① 10 ② 10.8 ③ 11.2

(5) 12

11.6

B 12 B

해설

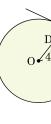
∠AEC = ∠ADC = 90°이므로 네 점 A, E, D, C 는 한원 위에 있다. BE×BA = BD×BC

12×18 = 10(10+DC)

∴ DC = 11.6

12

50. 다음 그림과 같이 원 O 위의 한 점 A 에서 접 선 AB를 긋고 원의 내부의 한 점 D와 점 B 를 이은 선분이 원과 만나는 점을 C라 하자. $\overline{BC} = \overline{DC} = 5$, $\overline{OD} = 4$, $\overline{AB} = 10$ 일 때, 원 O의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답:

> 정답: √66

