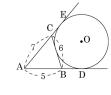
- 1. 다음 한 원과 직선에 대한 설명 중 잘못된 것은?
 - ① 크기가 같은 두 중심각에 대한 현의 길이와 호의 길이는 각각 같다.
 - ② 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분한다.
 - ③ 길이가 같은 현은 원의 중심에서 같은 거리에 있다.④ 중심으로부터 같은 거리에 있는 현의 길이는 같다.
 - ⑤ 현의 이등분선은 그 원의 중심을 지난다.

이등분선이 그 현의 수직이등분선일 때, 원의 중심을 지날 수

해설

있다.

다음 그림에서 \overline{AD} , \overline{AE} , \overline{BC} 는 원 O 의 접선이다. $\overline{AB}=5$, $\overline{BC}=6$, $\overline{AC}=7$ 일 때, \overline{BD} 의 길이는? **2**.



① 3 ② $\frac{7}{2}$ ③ 4 ④ $\frac{9}{2}$

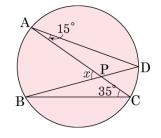
⑤ 5

 $\overline{\mathrm{BD}} = x$, $\overline{\mathrm{CE}} = 6 - x$

해설

7 + 6 - x = 5 + x $\therefore x = 4$

3. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

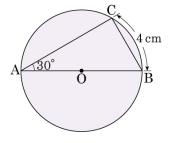


➢ 정답: 50 º

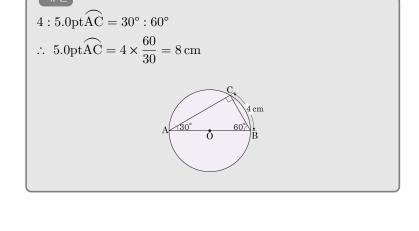
▶ 답:

5.0ptĈD 의 원주각 ∠CAD = ∠DBC = 15° ∴ △BPC 에서 ∠x = 15° + 35° = 50°

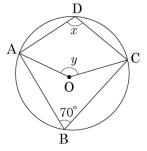
다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O 의 지름이 고, $\angle CAB = 30^\circ$, 5.0 ptCB = 4 cm 일 때, 5.0 ptAC 의 길이를 구하여라. **4.**



답: $\underline{\mathrm{cm}}$ ▷ 정답: 8 cm



- 다음 그림과 같이 사각형 ABCD 가 원 O **5.** 에 내접할 때, x+y 의 값은?
 - ① 230° ② 240°
 - ③250°
 - 4260° 5270°

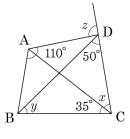


 $y = 70^{\circ} \times 2 = 140^{\circ}$

해설

내접사각형에서 $x+70\,^{\circ}=180\,^{\circ}$.: $x=110\,^{\circ}$ $\therefore x + y = 250^{\circ}$

6. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D 가 한 원 위에 있을 때, $\angle x + \angle y + \angle z$ 의 크기는?



⑤190°

④ 180°

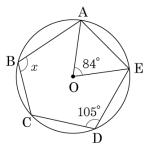
② 160° ③ 170°

 $\angle x = 180^{\circ} - (110^{\circ} + 35^{\circ}) = 35^{\circ}$ $\angle y = 180^{\circ} - (50^{\circ} + \angle x + 35^{\circ}) = 180^{\circ} - (85^{\circ} + 35^{\circ}) = 60^{\circ}$ $\angle z = (x + \angle y = 35^{\circ} + 60^{\circ} = 95^{\circ})$

① 150°

 $\angle z = \angle x + \angle y = 35^{\circ} + 60^{\circ} = 95^{\circ}$ $\therefore \angle x + \angle y + \angle z = 35^{\circ} + 60^{\circ} + 95^{\circ} = 190^{\circ}$

7. 다음 그림과 같이 원 O 에 내접하 는 오각형 ABCDE 에서 ∠CDE = 105° , $\angle AOE = 84^{\circ}$, $\angle ABC = x^{\circ}$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 117

보조선 $\overline{\mathrm{BE}}$ 를 그으면 $\square\mathrm{BCDE}$ 는 내접하므로 대각의 합

 $\angle \mathrm{CDE} + \angle \mathrm{CBE} = 180^\circ$ $\therefore \angle CBE = 75^{\circ}$

또한, $\angle ABE$ 는 5.0pt $\stackrel{\frown}{AE}$ 의 원주각이므로 $\angle ABE = 42^\circ$ 이다.

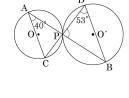
 $\therefore x^{\circ} = \angle CBE + \angle ABE = 75^{\circ} + 42^{\circ} = 117^{\circ}$

- 8. 다음 그림에서 점 O 는 원의 중심 직선 AC 는 원의 접선이다. ∠BAC = 120° 일 때, CD : DB 를 간단한 비로 바르게 나타낸 것은?
- C D 120° A
- ① 3 : 2
- ②1:2 ③3:8
 - 3 4 : 5
- ④ 3:4

해설

- $\angle ADB = \angle DAC + \angle ACD$ 에서 $60^{\circ} = 30^{\circ} + \angle ACD$
- ∠ADB = ∠DAC + ∠ACD ∘ | A $∴ ∠ACD = 30°, <math>\overline{DC} = \overline{DA}$
- $\therefore \overline{CD} : \overline{DB} = \overline{DA} : \overline{DB} = 1 : 2$

9. 다음 그림에서 두 원 O,O' 은 점 P 에서 외접하고, 이 점 P 를 지나는 두 직선이 원과 만나는 점을 A,B,C,D 라 할 때, $\angle DPB$ 의 크기를 구하여라.



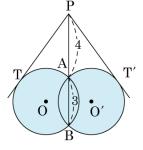
➢ 정답: 87_°

_

▶ 답:

해설

A P 에서 두 원의 공통인 접선 XY 를 그으면 ∠XPD = ∠CPY = ∠PAC = 40° ∠BPY = ∠PDB = 53° ∠DPB = 180° - (53° + 40°) = 87° 10. 다음 그림에서 $\overline{\mathrm{PT}}$, $\overline{\mathrm{PT}}$ 은 각각 두 원 O, O, 의 접선이고 두 점 T, T, 은 접점 이다. $\overline{AB}=3$, $\overline{PA}=4$ 일 때, $\overline{PT}\cdot\overline{PT'}$ 의 값은?



① 28 ② 27 ③ 26 ④ 25

⑤ 24

해설

 $\overrightarrow{PT}^2 = \overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PB} = \overrightarrow{PT'}^2$ 이므로 $\overrightarrow{PT} = \overrightarrow{PT'}$ $\overrightarrow{PT}^2 = 4 \times 7 = 28$ $\therefore \overrightarrow{PT} = 2\sqrt{7}$ $\overrightarrow{PT} \cdot \overrightarrow{PT'} = 2\sqrt{7} \times 2\sqrt{7} = 28$

11. 다음 그림에서 $\overline{AB}\bot\overline{OC}$, $\overline{AD}=4$, $\overline{CD}=2$ 일 때, \overline{OB} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

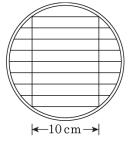
➢ 정답: 5

해설

 $\overline{\mathrm{OB}} = x$ 라 하면 $\overline{\mathrm{OD}} = x - 2$ 이고 $\overline{\mathrm{AD}} = \overline{\mathrm{DB}} = 4$ 이다. $\left(:: \overline{AB} \bot \overline{OD} \right)$

따라서, $x^2 = 4^2 + (x-2)^2$, $x^2 = 16 + x^2 - 4x + 4$, 4x = 20 $\therefore x = 5$

12. 미영이는 야영을 가서 다음 그림과 같은 원 모양의 석쇠로 고기를 구웠다. 굵은 두 철사 는 평행하고 길이가 24 cm 로 같았으며, 두 철사 사이의 간격은 $10\,\mathrm{cm}$ 였다. 미영이가 사용한 석쇠의 반지름의 길이를 구하여라.



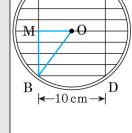
▷ 정답: 13 cm

▶ 답:

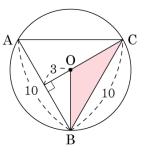
두 철사가 원 모양의 석쇠와 만나는 네 개의 점을 각각 A, B, C, D 라 하고, 석 쇠의 중심을 O, \overline{AB} 의 중점을 M 이라 할 때, $\overline{\mathrm{OM}} = 5\,\mathrm{cm}$, $\overline{\mathrm{MB}} = \overline{\mathrm{AB}} \times \frac{1}{2} =$ $24 \times \frac{1}{2} = 12$ (cm) 이다. 석쇠의 반지름의 길이는 ΔOMB 가 직

 $\underline{\mathrm{cm}}$

각삼각형이므로 $\overline{\mathrm{OB}} = \sqrt{5^2 + 12^2} =$ $\sqrt{169} = 13 (\text{cm})$ 이다.



13. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 가 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인이등변삼각형일 때, $\triangle BOC$ 의 넓이를 구하여라.



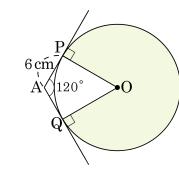
 답:

 ▷ 정답:
 15

길이가 같은 두 현은 원의 중심으로부터 같은 거리에 있다.

 $\therefore \triangle BOC = \frac{1}{2} \times 10 \times 3 = 15$

14. 다음 그림에서 \overrightarrow{AP} , \overrightarrow{AQ} 는 원 O 의 접선이고, 점 P, Q 는 원 O 의 접점이다. $\overline{\mathrm{AP}} = 6\mathrm{cm}$, $\angle \mathrm{PAQ} = 120^\circ$ 일 때, 색칠된 부분의 넓이를 구하면?

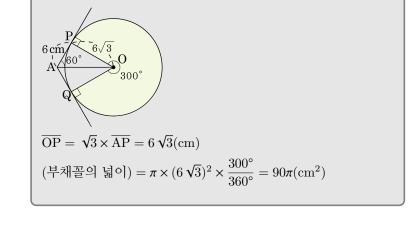


 $90\pi \text{cm}^2$

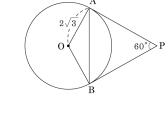
① $60\pi\mathrm{cm}^2$

- $2 70\pi \text{cm}^2$ $\Im 100\pi\mathrm{cm}^2$
- $380\pi\mathrm{cm}^2$

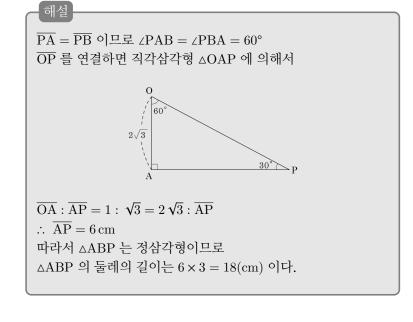




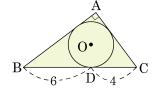
15. 다음 그림에서 두 선분 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O 의 접선이다. $\overline{AO}=2\sqrt{3}{\rm cm}$, $\angle APB=60^\circ$ 일 때, $\triangle PAB$ 의 둘레의 길이는?



① 12cm ② 18cm ③ 36cm ④ 48cm ⑤ 60cm



16. 다음 그림에서 θ O 는 직각삼각형 ABC 의 내접원이다. △ABC 의 넓이는? (단, $\overline{BD}=6$, $\overline{CD}=4$)



① 12

224

③ 30 ④ 36

⑤ 48

원 O 의 반지름의 길이를 r 라 하면 $\overline{AB} = 6 + r$, $\overline{AC} = 4 + r$

 $\overline{\mathrm{BC}}^2 = \overline{\mathrm{AB}}^2 + \overline{\mathrm{AC}}^2$ 이므로 $10^2 = (6+r)^2 + (4+r)^2$

 $100 = 36 + 12r + r^2 + 16 + 8r + r^2$

 $2r^2 + 20r - 48 = 0$

 $r^2 + 10r - 24 = 0$ (r+12)(r-2) = 0

r > 0 이므로 r = 2

 $\therefore \overline{AB} = 8, \ \overline{AC} = 6$

 $\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{AC} = \frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24$

17. 다음 그림과 같이 θ O 가 사각 _--6cm_ 형 ABCD 에 내접하고 있다. 점 E, F, G, H 는 접점이고 $\overline{\mathrm{AD}}$ = $6\,\mathrm{cm},\ \overline{\mathrm{BC}}=9\,\mathrm{cm},\ \overline{\mathrm{CD}}=7\,\mathrm{cm}$ 일 때, $\overline{\mathrm{AB}}$ 의 길이를 구하여라.

 $7\,\mathrm{cm}$

▷ 정답: 8<u>cm</u>

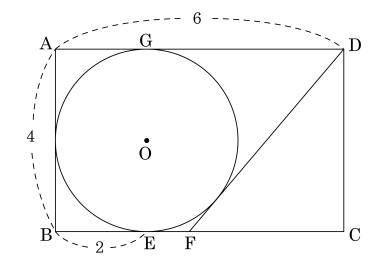
▶ 답:

 $\overline{AB}+\overline{DC}=\overline{AD}+\overline{BC}$ 이므로 $\overline{AB}+7=6+9$ 이다. 따라서

 $\overline{AB} = 8(cm)$ 이다.

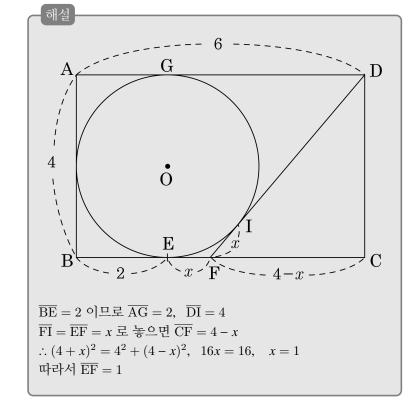
 $\underline{\mathrm{cm}}$

18. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 세 변에 접하는 원 O 가 있다. $\overline{\rm DF}$ 가 원 O 의 접선일 때, $\overline{\rm EF}$ 의 길이를 구하여라.

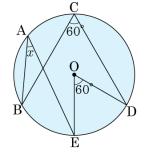


답:

정답: 1

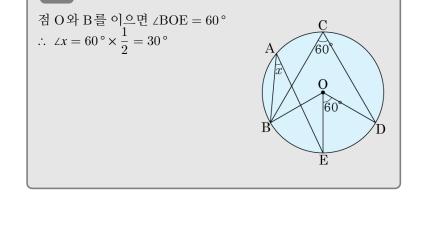


19. 다음 그림에서 $\angle DOE = \angle BCD = 60$ °일 때, ∠x 의 크기를 구하여라.

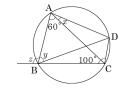


▷ 정답: 30 _

▶ 답:



20. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y + \angle z$ 의 값을 구하면?



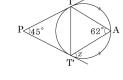
4 160°

⑤180° ① 100° ② 120° ③ 140°

 $\angle {\rm CBD} = \angle x$ $\angle z = \angle \mathrm{ADC}$ 이므로

 $\therefore \ \angle \text{ABC} + \angle \text{ADC} = \angle x + \angle y + \angle z = 180^{\circ}$

21. 다음 그림에서 \overrightarrow{PT} , $\overrightarrow{PT'}$ 은 원의 접선이고 5.0pt $\overrightarrow{AT}=5.0$ pt $\overrightarrow{AT'}$ 일 때, $\angle x$ 의 값은?



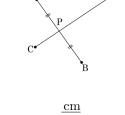
① 51° ② 53° ③ 55° ④ 57°

 $\angle TT'A = \angle T'TA = \angle x$ 이므로 $180^{\circ} - 2\angle x = 62^{\circ}$

 $2\angle x = 118^{\circ}$ $\therefore \angle x = 59^{\circ}$

해설

 ${f 22}$. 다음 그림에서 ${f \overline{AB}}=12{
m cm},\ {f \overline{CD}}=15{
m cm}$ 이고 점 P 는 ${f \overline{AB}}$ 의 중점이 다. 점 A, B, C, D 가 한 원 위에 있기 위한 $\overline{\mathrm{DP}}$ 의 길이를 구하여라. $(단, \overline{CP} < \overline{DP}$ 이다.)



▷ 정답: 12cm

 $x(15 - x) = 6 \times 6$ x=3 또는 x=12

 $\overline{\mathrm{DP}} = x$ 라 하면 $\overline{\mathrm{CP}} = 15 - x$

 $\overline{\mathrm{CP}} < \overline{\mathrm{DP}}$ 이므로 $\overline{\mathrm{DP}} = 12 (\mathrm{cm})$ 이다.

▶ 답:

해설

23. 다음 그림에서 \overline{PT} 는 원 O 의 접선일 때, \overline{PT} 의 길이는?

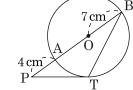
① $2\sqrt{2}$

해설

② $3\sqrt{2}$ ③ $6\sqrt{2}$

 $3 4\sqrt{2}$

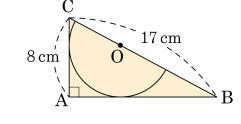




 $\overline{PT}^2 = 4 \times 18 = 72$ $\therefore \overline{PT} = 6\sqrt{2} \left(\because \overline{PT} > 0\right)$

...1 = 0 (2 (...11)

 ${f 24}$. 다음 그림과 같이 $\angle A=90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{BC}=$ 17cm, $\overline{CA}=8cm$ 이다. 이 삼각형에서 빗변 BC 위에 지름이 있 는 반원 O 의 반지름의 길이를 구하여라.(단, \overline{AB} , \overline{CA} 는 반원 O 의 접선이다.)



- ① $\frac{13}{2}$ cm ② $\frac{60}{13}$ cm ② $\frac{120}{23}$ cm ③ $\frac{120}{13}$ cm
- $3 \frac{60}{23} \text{cm}$

AB = √17² - 8² = 15(cm) 반원의 반지름을 rcm이라 하면 $\triangle ABC = 15 \times 8 \times \frac{1}{2}$ $= 60 = \triangle AOB + \triangle AOC$ $= 15 \times r \times \frac{1}{2} + 8 \times r \times \frac{1}{2}$

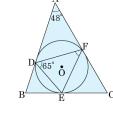
$$=60=\triangle A$$

$$= 15 \times r \times \frac{1}{2} + 8 \times r$$

23r = 120 $\therefore r = \frac{120}{23} \text{(cm)}$

$$\dots r = \frac{1}{23}$$

 ${f 25}$. 다음 그림에서 $\Delta {
m ABC}$ 의 내접원은 $\Delta {
m DEF}$ 의 외접원이다. $\angle {
m BAC} = 48^\circ$, ∠FDE = 65° 일 때, ∠DFE 의 크기를 구하여라.



▶ 답: ▷ 정답: 49 _

 $\angle FEC = \angle FDE = 65^{\circ}$

 $\overline{\text{CF}} = \overline{\text{CE}}$ 이므로 $\angle{\text{CFE}} = 65^{\circ}$ $\overline{\text{AD}} = \overline{\text{AF}}$ 이므로 $\angle AFD = \frac{1}{2}(180^{\circ} - 48^{\circ}) = 66^{\circ}$ $\therefore \angle DFE = 180^{\circ} - (65^{\circ} + 66^{\circ}) = 49^{\circ}$

26. 다음 그림에서 $\overline{AB}=5$, $\overline{AC}=2$ 이다. $5.0 \overline{ptAD}=25.0 \overline{ptAC}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

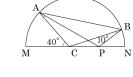
A O'

▷ 정답: 18 º

▶ 답:

 $5.0 \operatorname{pt} \widehat{AC} = \frac{1}{2} \times 2\pi = \pi, \ 5.0 \operatorname{pt} \widehat{AD} = 2\pi$ $5.0 \operatorname{pt} \widehat{AB} = \frac{1}{2} \times 5\pi = \frac{5\pi}{2}$ $\therefore 5.0 \operatorname{pt} \widehat{BD} = \frac{5}{2}\pi - 2\pi = \frac{1}{2}\pi$ $\angle x = \frac{5.0 \operatorname{pt} \widehat{BD}}{5.0 \operatorname{pt} \widehat{AB}} \times 90^{\circ} = \frac{1}{2}\pi \times \frac{2}{5\pi} \times 90^{\circ} = 18^{\circ}$

 ${f 27.}$ A, B 는 지름이 $\overline{
m MN}$, 중심이 C 인 반원 위의 점이고, P 는 반지름 $\overline{
m CN}$ 위의 점이다. $\Box ACPB$ 가 반원에 내접할 때, $\angle CAP = \angle CBP = 10^{\circ}$, ∠APC = 30° 일 때, ∠BCN 는?



① 10° ② 15°

③ 20°

 4.25° 5.30°

해설

네 점 A, C, P, B 는 한 원 O 위에 있고, $\angle {\rm APC} = 30^{\circ}$,

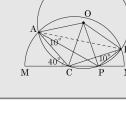
 $\angle AOC = 2\angle APC = 60^{\circ}$ (원주각과 중심각),

 $\angle COP = 2\angle CAP = 20^{\circ}$ (원주각과 중심각)

 $\overline{\mathrm{CA}} = \overline{\mathrm{CB}}$ (반지름)이므로 현의 길이가 같으면 중심각의 크기도

같고, $\therefore \angle AOC = \angle COB = 60^{\circ}$, $\therefore \angle BOP = 60 - 20 = 40^{\circ}$

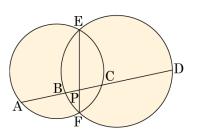
 $\therefore \angle BCN = \angle BCP = \frac{1}{2} \angle BOP = \frac{1}{2} \times 40^{\circ} = 20^{\circ}$



28. 다음 그림과 같이 $\overline{\mathrm{EF}}$ 는 두 원의 공통현이고, $\overline{AB}=12$, $\overline{BP}=4$, $\overline{\mathrm{PC}}=3$ 일 때, $\overline{\mathrm{CD}}$ 의 길이는?

① 6 ② 7 **4**9

3 8 ⑤ 10

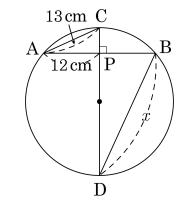


 $\overline{\mathrm{CD}} = x$ 라 하면

해설

 $\overline{AP} \times \overline{PC} = \overline{PE} \times \overline{PF} = \overline{BP} \times \overline{PD}$ 에서 $(12+4) \times 3 = 4 \times (3+x)$ $\therefore x = 9$

 ${f 29}$. 다음 그림과 같이 원의 두 현 AB,CD 의 교점을 P 라 할 때, ${f \overline{AP}}=$ $12\,\mathrm{cm}$, $\overline{\mathrm{AC}}=13\,\mathrm{cm}$, $\angle\mathrm{CPB}=90\,^\circ$ 이다. $\overline{\mathrm{BD}}$ 의 길이를 구하여라.



 $\underline{\mathrm{cm}}$

ightharpoonup 정답: $rac{156}{5}$ $m \underline{cm}$

 $\triangle \mathrm{CAP} \equiv \triangle \mathrm{CBP}$

 $\overline{\mathrm{BC}}$ 를 그으면

해설

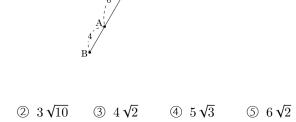
∠CBD = 90°이므로

∠CAP = ∠CBP = ∠BDP 이므로

△CAP∽△BDP (AA 닮음) $\overline{\mathrm{AC}}:\overline{\mathrm{DB}}=\overline{\mathrm{CP}}:\overline{\mathrm{BP}}$

13: x = 5: 12 ∴ $x = \frac{156}{5}$ (cm)

30. 다음 그림에서 \overline{PT} 가 세 점 A, B, T 를 지나는 원의 접선이 되도록 하는 x 의 값은?



① $2\sqrt{15}$ ② $3\sqrt{10}$ ③ $4\sqrt{2}$ ④ $5\sqrt{3}$ ⑤ $6\sqrt{2}$

 $x^2 = 6 \times 10 \quad \therefore x = 2\sqrt{15}$

31. 반지름의 길이가 8 인 반원에 내접하는 정사각형의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 128

해설
다음 그림과 같을 때, $\triangle OAB$ 는 $\angle OAB = \angle AOB = 45\,^{\circ}$ 인 직각이등변 삼각형이다. 따라서 $\overline{AB} = \overline{OB} = x$ 라 하면, 피타고 라스 정리에 의해서 $x^2 + x^2 = 8^2$ $\therefore x = 4\sqrt{2}$ 정사각형의 한 변의 길이는 $4\sqrt{2} \times 2 = 8\sqrt{2}$ 이므로 정사각형의 넓이는 $8\sqrt{2} \times 8\sqrt{2} = 128$ 이다.

 ${f 32.}$ 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 같은 두 원이 만나는 점을 ${f P},\ {f Q}$ 라 하고 점 Q 를 지나는 직선이 두 원과 만나는 점을 각각 $\mathrm{A}, \; \mathrm{B}, \; \mathrm{원과}$ $\overline{\mathrm{PA}}$ 가 만나는 점을 C 라 하자. $\angle\mathrm{APB} = 55^{\circ}$ 일 때, $\angle\mathrm{PCQ}$ 의 크기를 구하여라.

답:

▷ 정답: 117.5 _°

두 점 P, Q 를 지나는 두 호의 길이가 같으므로

 $\angle PAQ = \angle PBQ = \frac{1}{2}(180^{\circ} - 55^{\circ}) = 62.5^{\circ}$ $\therefore \angle PCQ = 180^{\circ} - \angle PBQ = 117.5^{\circ}$

33. 다음 그림의 반원 O 에서 \overline{AB} 는 지름 이고, $\overline{\mathrm{CA}}$, $\overline{\mathrm{ED}}$ 는 반원 O 의 접선이다. $\overline{\mathrm{CD}}=6,\,\overline{\mathrm{DB}}=10\,\mathrm{일}$ 때, $\overline{\mathrm{EA}}$ 의 길이

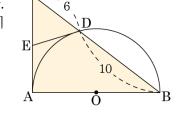
는?

① $2\sqrt{2}$

② $2\sqrt{3}$

 $32\sqrt{6}$ ⑤ $2\sqrt{10}$

 $4 \ 3\sqrt{3}$



 $\overline{\mathrm{CA}}^2 = \overline{\mathrm{CD}} \times \overline{\mathrm{CB}} = 6 \times (6+10) =$ $\therefore \overline{CA} = 4\sqrt{6} \text{ (cm)}$ $\overline{\mathrm{ED}} = \overline{\mathrm{EA}}$ 이므로 $\angle \mathrm{DAE} = \angle \mathrm{ADE}$ E $\angle DCE = 90^{\circ} - \angle DAE,$ $\angle CDE = 90^{\circ} - \angle ADE = 90^{\circ} - \angle DAE$ $\therefore \ \angle DCE = \angle CDE$ $\therefore \ \overline{\mathrm{EC}} = \overline{\mathrm{ED}} = \overline{\mathrm{EA}}$ $\therefore \overline{EA} = \frac{1}{2}\overline{CA} = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{6} = 2\sqrt{6} \text{ (cm)}$