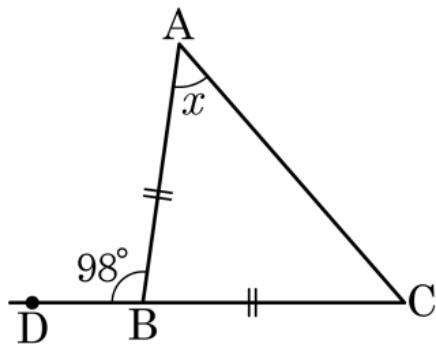


1. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{CB}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle ABD = 98^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 45° ② 47° ③ 49° ④ 51° ⑤ 53°

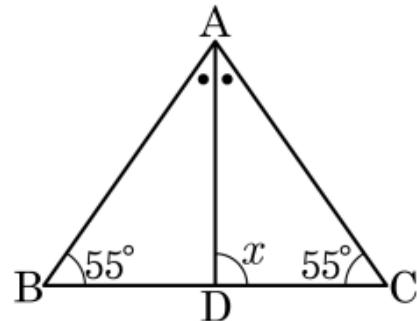
해설

$$2 \times \angle x = 98^\circ$$

$$\therefore \angle x = 49^\circ$$

2. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AD} 는 $\angle A$ 의 이등분선이고 $\angle B = \angle C = 55^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

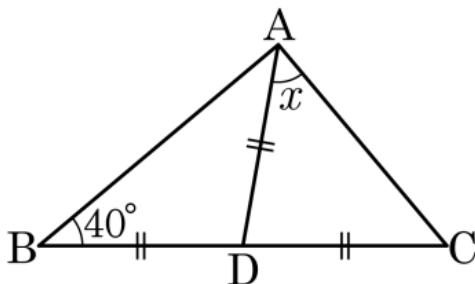
- ① 70°
- ② 75°
- ③ 80°
- ④ 85°
- ⑤ 90°



해설

$\triangle ABC$ 는 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형
이등변삼각형의 성질 중 꼭지각의 이등분선은 밑변을 수직이등
분하므로
 $\angle x = 90^\circ$ 이다.

3. 다음 그림에서 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$ 이고 $B = 40^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

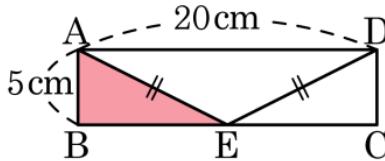
해설

$$\angle B = \angle BAD = 40^\circ \text{ 이므로}$$

$$\angle ADC = 40^\circ + 40^\circ = 80^\circ$$

$$\therefore \angle x = \frac{1}{2}(180^\circ - 80^\circ) = 50^\circ$$

4. 다음 그림의 직사각형 ABCD 는 $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AD} = 20\text{cm}$ 이다. \overline{BC} 위에 $\overline{AE} = \overline{DE}$ 가 되도록 점 E 를 잡을 때, $\triangle ABE$ 의 넓이는?



- ① 20cm^2
- ② 25cm^2
- ③ 30cm^2
- ④ 35cm^2
- ⑤ 35cm^2

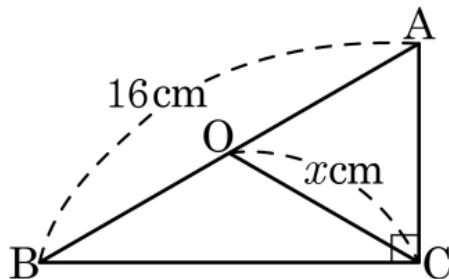
해설

$\triangle ABE$ 와 $\triangle DCE$ 에서 $\angle ABC = \angle DCE = 90^\circ$ $\overline{AE} = \overline{DE}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$

$\therefore \triangle ABE \equiv \triangle DCE$ (RHS 합동), $\overline{BE} = \overline{CE}$ 이므로 $\overline{BE} = \frac{1}{2} \times \overline{BC} = \frac{1}{2} \times 20 = 10(\text{cm})$

$\therefore \triangle ABE = \frac{1}{2} \times 10 \times 5 = 25(\text{cm}^2)$

5. 다음 그림에서 점 O는 직각삼각형 ABC의 외심이다. $\overline{AB} = 16\text{cm}$ 일 때, x 의 길이는?

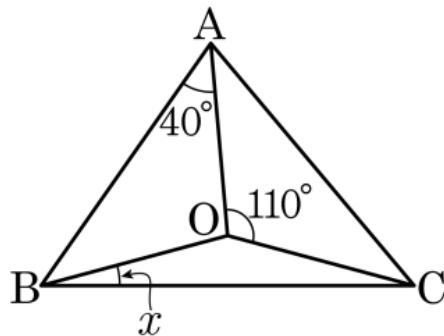


- ① 4cm ② 6cm ③ 8cm ④ 10cm ⑤ 12cm

해설

점 O가 $\triangle ABC$ 의 외심이므로
 $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$ 이다.
 $\therefore x = \overline{OC} = 8(\text{cm})$

6. 다음 $\triangle ABC$ 의 외심을 O 라고 할 때, $\angle x$ 의 크기는?



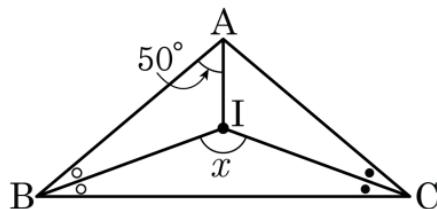
- ① 10° ② 15° ③ 20° ④ 25° ⑤ 30°

해설

$\triangle AOC$ 에서 $\angle OAC = \angle OCA$, $\angle AOC + \angle OAC + \angle OCA = 180^\circ$, $\angle OCA = 35^\circ$

$$\angle OAB + \angle OCA + \angle x = 90^\circ, \angle x = 90^\circ - 40^\circ - 35^\circ = 15^\circ$$

7. 다음 그림에서 점 I는 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 내각의 이등분선의 교점이다.
 $\angle IAB = 50^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 120° ② 130° ③ 140° ④ 150° ⑤ 160°

해설

점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심이므로 $\angle IAB = \angle IAC$ 이므로 $\angle BAC = 100^\circ$ 이다.

$\triangle ABC$ 의 내각의 크기의 합이 180° 이므로

$$\angle BAC + 2\bullet + 2x = 180^\circ \text{이다.}$$

$$\therefore \bullet + x = 40^\circ$$

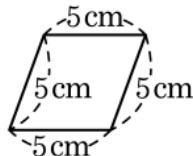
$\triangle ABC$ 의 내각의 크기의 합이 180° 이므로

$$\angle x + \bullet + x = 180^\circ \text{이다.}$$

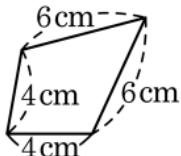
$$\therefore \angle x = 140^\circ$$

8. 다음 사각형 중에서 평행사변형을 모두 고르면?

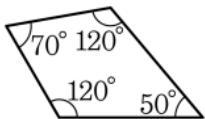
①



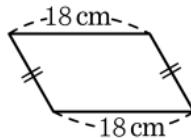
②



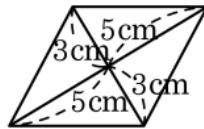
③



④



⑤

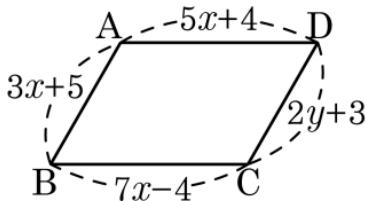


해설

①, ④ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

⑤ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.

9. 다음 사각형 ABCD 가 평행사변형이 되도록 x , y 의 값을 정하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 4$

▷ 정답 : $y = 7$

해설

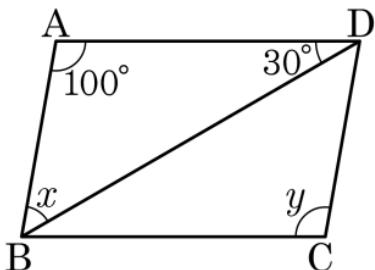
$$\overline{AD} = \overline{BC}, \overline{AB} = \overline{DC} \text{ 이므로}$$

$$5x + 4 = 7x - 4, 2x = 8 \therefore x = 4$$

$$3x + 5 = 2y + 3$$

$$12 + 5 = 2y + 3, 2y = 14 \therefore y = 7$$

10. 다음 평행사변형 ABCD에서 $\angle x$ 와 $\angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▶ 정답: $\angle x = 50^\circ$

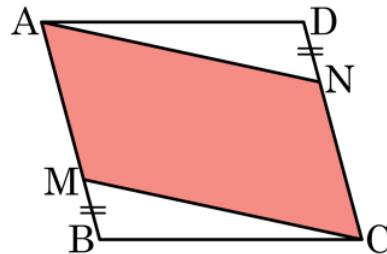
▶ 정답: $\angle y = 100^\circ$

해설

$$\angle x = 180^\circ - (100^\circ + 30^\circ) = 50^\circ$$

$$\angle y = \angle A = 100^\circ$$

11. 다음 평행사변형 ABCD 에서 색칠한 부분이 나타내는 도형은 무엇인가?



- ① 사다리꼴 ② 평행사변형 ③ 직사각형
④ 마름모 ⑤ 정사각형

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로

$\overline{AM} \parallel \overline{NC}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$ 이므로

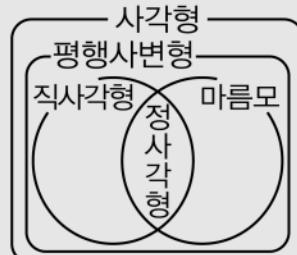
$$\overline{AM} = \overline{AB} - \overline{BM} = \overline{DC} - \overline{DN} = \overline{NC}$$

$$\therefore \overline{AM} \parallel \overline{NC}, \overline{AM} = \overline{NC}$$

12. 사다리꼴, 평행사변형, 직사각형, 마름모, 정사각형의 관계를 나타낸 것 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

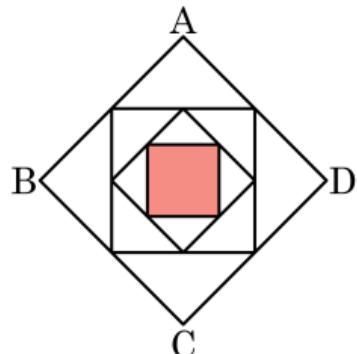
- ① 평행사변형은 사다리꼴이다.
- ② 마름모는 직사각형이다.
- ③ 직사각형이면서 마름모인 것은 정사각형이다.
- ④ 정사각형은 마름모이다.
- ⑤ 평행사변형이면서 마름모인 것은 사다리꼴이다.

해설



13. 평행사변형 ABCD 의 각 변의 중점을 연결하여 사각형을 그리고, 이와 같은 과정을 반복하여 다음과 같은 그림을 얻었다. 이때 색칠한 사각형의 넓이가 4 cm^2 이면, 평행사변형 ABCD 의 넓이는 얼마인가?

- ① 12 cm^2
- ② 16 cm^2
- ③ 32 cm^2
- ④ 64 cm^2
- ⑤ 256 cm^2

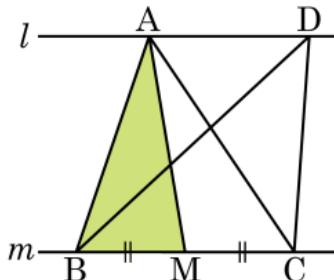


해설

중점을 연결하여 만든 사각형은 처음 사각형 넓이의 $\frac{1}{2}$ 이므로

$$\square ABCD = 4 \times 2 \times 2 \times 2 = 32 (\text{cm}^2)$$

14. 다음 그림과 같이 평행한 두 직선 l , m 이 있다. $\triangle DBC = 20 \text{ cm}^2$ 이고, 점 M은 \overline{BC} 의 중점일 때, $\triangle ABM$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 10cm²

해설

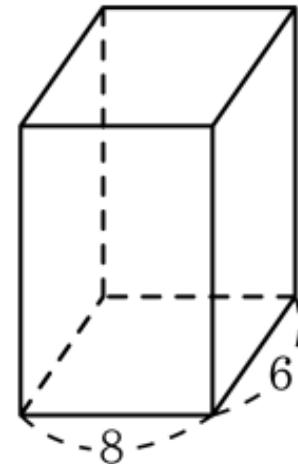
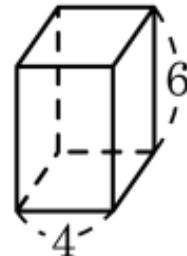
$\triangle ABM$ 의 밑변의 길이는 $\triangle DBC$ 의 밑변의 길이의 $\frac{1}{2}$ 이므로

넓이도 $\frac{1}{2}$ 이다.

$$\therefore \triangle ABM = 10 (\text{cm}^2)$$

15. 다음 그림의 두 직육면체가 서로 닮은 도형
일 때, 두 직육면체의 닮음의 비는?

- ① 1 : 2
- ② 1 : 4
- ③ 3 : 4
- ④ 2 : 3
- ⑤ 1 : 1

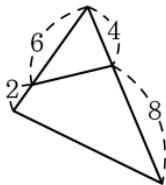


해설

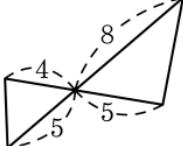
두 입체도형의 닮음비는 대응하는 모서리의 길이의 비와 같으므로 닮음비는 $4 : 8 = 1 : 2$ 이다.

16. 다음 도형에서 닮은 삼각형을 찾을 수 없는 것은?

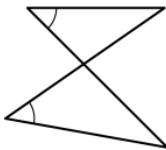
①



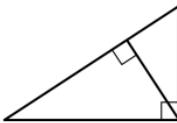
②



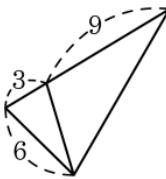
③



④



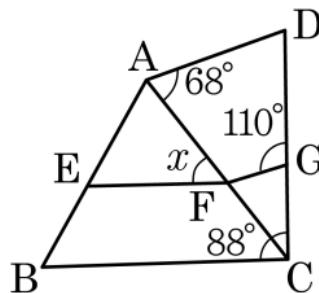
⑤



해설

- ①, ⑤ : SAS 닮음
③, ④ : AA 닮음

17. 다음 그림에서 점 E, F, G 가 각각 \overline{AB} , \overline{AC} , \overline{DC} 의 중점일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 40° ② 46° ③ 50° ④ 52° ⑤ 56°

해설

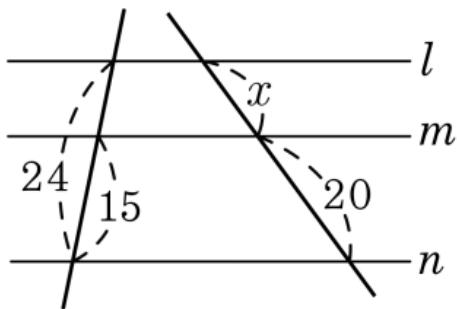
$$\angle D = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

$\triangle ACD$ 에서

$$\angle ACD = 68^\circ + 70^\circ + 88^\circ - \angle x = 180^\circ$$

$$\angle x = 226^\circ - 180^\circ = 46^\circ$$

18. 다음 그림에서 $l // m // n$ 일 때, x 의 값을 정하여라.



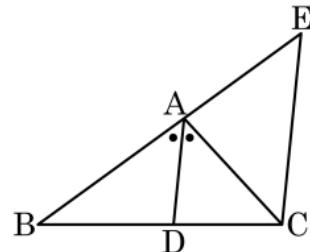
▶ 답:

▶ 정답: $x = 12$

해설

$l // m // n$ 이므로 $(24 - 15) : x = 15 : 20$ 이다. $9 : x = 3 : 4$,
 $3x = 36$ 따라서 $x = 12$ 이다.

19. $\triangle ABC$ 에서 $\angle A$ 의 이등분선과 \overline{BC} 와의 교점을 D, 점 C에서 \overline{AD} 에 평행인 선을 그어 \overline{BA} 의 연장선과의 교점을 E라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



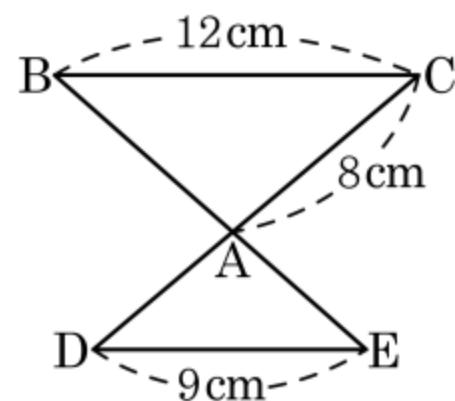
- ① $\angle DAC = \angle ACE$
- ② $\angle BAC = 2\angle ACE$
- ③ $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$
- ④ $\overline{AB} : \overline{AD} = \overline{BD} : \overline{DC}$
- ⑤ $\triangle ACE$ 는 이등변삼각형이다.

해설

각의 이등분선의 성질 이용하면 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$ 이다.

20. 다음 그림에서 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 일 때, \overline{AD} 의 길이는?

- ① 4cm
- ② 6cm
- ③ 8cm
- ④ 10cm
- ⑤ 12cm



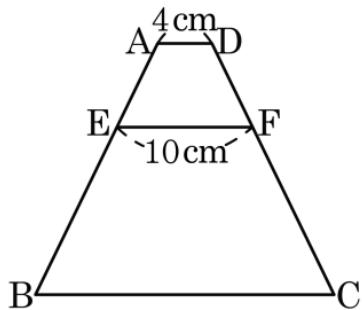
해설

$$\overline{BC} : \overline{DE} = \overline{AC} : \overline{AD}$$

$$12 : 9 = 8 : x$$

$$x = 6(\text{cm})$$

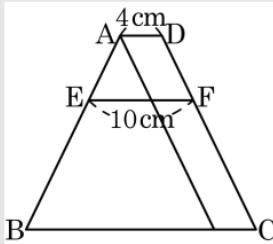
21. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AD} \parallel \overline{EF} \parallel \overline{BC}$ 이고 $\overline{AE} : \overline{EB} = 1 : 2$ 일 때, \overline{BC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 22 cm

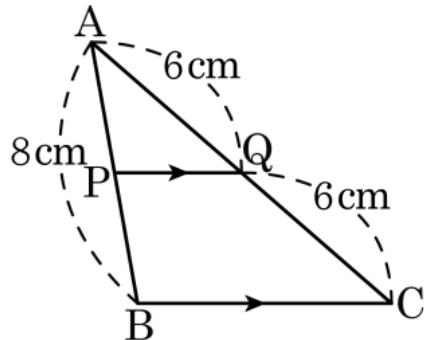
해설



위 그림처럼 \overline{DC} 와 평행한선을 그으면

$\overline{AE} : \overline{EB} = 1 : 2$ 이므로 $1 : 3 = 6 : (\overline{BC} - 4)$ 따라서 $\overline{BC} = 22$ 이다.

22. 다음 그림에서 $\overline{PQ} \parallel \overline{BC}$ 일 때, \overline{AP} 의 길이를 구하여라.



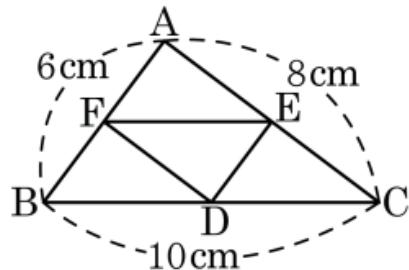
- ① 3cm ② 4cm ③ 5cm ④ 6cm ⑤ 7cm

해설

$\overline{PQ} \parallel \overline{BC}$, $\overline{AQ} = \overline{QC}$ 이므로

$$\overline{AP} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 4(\text{cm})$$

23. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 세 변의 중점을 D, E, F라고 할 때, $\triangle DEF$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



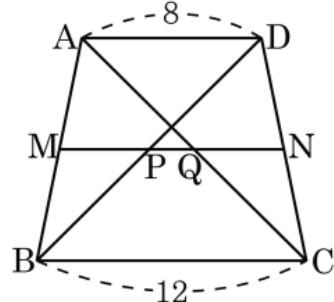
▶ 답 : cm

▶ 정답 : 12cm

해설

$$\begin{aligned}\overline{DE} + \overline{EF} + \overline{FD} &= \frac{1}{2}\overline{AB} + \frac{1}{2}\overline{BC} + \frac{1}{2}\overline{CA} \\ &= 3 + 5 + 4 = 12 \text{ (cm)}\end{aligned}$$

24. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AM} = \overline{BM}$, $\overline{DN} = \overline{CN}$ 일 때, $\overline{MQ} + \overline{MP} - \overline{PQ}$ 를 구하여라.



- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

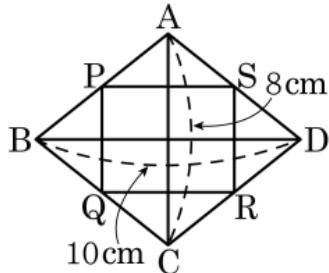
$$\overline{MQ} = \frac{1}{2}\overline{BC} = \frac{1}{2} \times 12 = 6 ,$$

$$\overline{MP} = \frac{1}{2}\overline{AD} = \frac{1}{2} \times 8 = 4 ,$$

$$\overline{PQ} = \overline{MQ} - \overline{MP} = 6 - 4 = 2 ,$$

$$\therefore 6 + 4 - 2 = 8$$

25. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 마름모이다.
 $\square ABCD$ 의 네 변의 중점을 각각 P, Q, R, S 라고 할 때, $\square PQRS$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 18 cm

해설

$$\overline{PQ} = \overline{SR} = \frac{1}{2}\overline{AC} = 4(\text{ cm}) ,$$

$$\overline{PS} = \overline{QR} = \frac{1}{2}\overline{BD} = 5(\text{ cm}) ,$$

$$\therefore (\square PQRS \text{ 의 둘레의 길이}) = 2(4 + 5) = 18(\text{ cm})$$