- 1. 다항식 $2xy^2 + x^2y 3x + x^3 1$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - x 에 대한 삼차식이다.
 y 에 대한 이차식이다.

 - ③ x² 의 계수는 y 이다.
 ④ x 의 계수는 2y² 3 이다.
 - ⑤y 에 대한 상수항은 −1 이다.

⑤ y 에 대한 상수항: x³ - 3x - 1

- **2.** $A = 4xy^2 2x^2y + 3x^2y^2$, $B = x^2y 3x^2y^2 2xy^2$ 일 때, A + 2B 를 간단히 하면?

 - ① xy^2 ② x^2y
 - $3 x^2y^2$

해설

 $(4) -2xy^2$ $(5) -3x^2y^2$

A+2B

 $= (4xy^2 - 2x^2y + 3x^2y^2) + (2x^2y - 6x^2y^2 - 4xy^2)$ = -3x^2y^2

3. 다항식 $(x^2+1)^4(x^3+1)^3$ 의 차수는?

① 5차 ② 7차 ③ 12차 ④ 17차 ⑤ 72차

 $(x^2+1)^4$ 는 8차식, $(x^3+1)^3$ 은 9차식 따라서 $(x^2+1)^4(x^3+1)^3$ 은 8+9=17차 다항식이다.

- **4.** 다항식 $f(x) = 3x^3 7x^2 + 5x + 2$ 를 3x 1로 나눌 때의 몫과 나머지를 구하면?
 - ① 몫: $x^2 2x + 1$, 나머지: 3 ② 몫: $x^2 - 2x + 1$, 나머지: 2
 - ③ 몫: $x^2 + 2x + 1$, 나머지: 3
 - ④ 몫: $x^2 + 2x + 1$, 나머지: 2
 - ⑤ 몫: $x^2 + 2x + 1$, 나머지: 1

직접나누는 방법과 조립제법을 이용하여 구하는 방법이 있다.

해설

 $f(x) = (3x-1)(x^2-2x+1)+3$: 및 : x^2-2x+1 , 나머지 : 3

- 다항식 $(a-b)(a^2+ab+b^2)$ 을 전개하면? **5.**
 - ① $a^2 b^2$
- ② $a^3 b^3$
- ③ $a^3 + b^3$

- **6.** 1999 × 2001 의 값을 구하려 할 때, 가장 적절한 곱셈공식은?
 - ① m(a+b) = ma + mb② $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
 - (u+v) = u + 2uv + v

 - ① $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ ② $a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab$

해설

 $1999 \times 2001 = (2000 - 1) \times (2000 + 1)$ $= 2000^{2} - 1^{2}$

- 7. $(x^3-3x^2+3x+4)(x^2+2x-5)$ 를 전개한 식에서 x^2 의 계수를 구하면?
 - ① 10 ② 15 ③ 19 ④ 21
- **(5)** 25

전개식에서 x^2 항은

- i) (이차항)×(삼차항)에서 15x² + 4x² = 19x² ii) (일차항)×(일차항)에서 $6x^2$
- $\therefore x^2$ 의 계수는 19+6=25

8. x + y = 4, xy = 3일 때, $x^2 - xy + y^2$ 의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: 7

$$x^{2} - xy + y^{2} = (x + y)^{2} - 3xy = 7$$

9. x+y+z=3, xy+yz+zx=-1 일 때 $x^2+y^2+z^2$ 의 값을 구하면?

① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

 $\begin{vmatrix} x^2 + y^2 + z^2 = (x + y + z)^2 - 2(xy + yz + xz) \\ = 9 + 2 = 11 \end{vmatrix}$

- **10.** 등식 $(x-2)(ax-3) = 4x^2 + bx + c$ 가 항등식이 되도록 상수 a, b, c의 값을 구하면?
 - ③ a = 4, b = -11, c = 6 ④ a = 2, b = -10, c = 6
 - ① a = 4, b = 5, c = 6 ② a = 2, b = -10, c = 5
 - ⑤ a = 2, b = -9, c = 5

(좌변)= $ax^2 - (2a + 3)x + 6$ 이므로

 $ax^2 - (2a+3)x + 6 = 4x^2 + bx + c$ 계수를 비교하면 a=4, -2a-3=b, 6=c

이것을 풀면 $a=4,\,b=-11,\,c=6$

11. 등식 $2x^2 - 3x - 2 = a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1)$ 이 x에 관한 항등식이 되도록 하는 상수 a,b,c에 대하여 a+2b+3c의 값을 구하여라.

▷ 정답: 5

, , ,

▶ 답:

양변에 x = 0을 대입하면

-2 = 2a ∴ a = -1 양변에 x = 1을 대입하면 -3 = -b ∴ b = 3

양변에 x = 2를 대입하면 0 = 2c $\therefore c = 0$

 $\therefore a + 2b + 3c = 5$

12. $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3}$ 을 만족하는 모든 실수 x, y에 대하여 항상 ax+by+5 = 0이다. 이때 a+b의 값을 구하라.

답:

➢ 정답: 1

 $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3} = t$ 라 하면 $x = 2t-1, \ y = 3t+1$ 이것을 ax + by + 5 = 0에 대입하면 a(2t-1) + b(3t+1) + 5 = 0(2a+3b)t + (-a+b+5) = 0이 식이 모든 실수 t에 대하여 성립해야 하므로 $2a+3b=0\cdots 0$ $-a+b+5=0\cdots 0$ $0, \ 2 = 0$ ਰ립하여 풀면 $a=3, \ b=-2 \quad \therefore \ a+b=3+(-2)=1$

 $\frac{A}{B} = \frac{C}{D} \Leftrightarrow AD = BC$ 성질 이용 3x + 3 = 2y - 2 $3x - 2y + 5 = 0 \stackrel{\bullet}{\leftarrow} ax + by + 5 = 0$ $\therefore a = 3, b = -2$

- **13.** 다항식 f(x)를 x-2로 나눈 몫을 Q(x)라 할 때, 나머지는?
- ① f(2) ② f(-2) ③ f(2) + Q(2)
- (4) Q(2) (5) Q(-2)

f(x) = (x-2) Q(x) + R $\therefore f(2) = R$

- 14. x 에 대한 다항식 $A = 2x^3 + 5x^2 + 4$ 를 다항식 B 로 나눌 때, 몫이 2x + 1 이고, 나머지가 -6x + 2 이다. 이 때, 다항식 B 를 구하면?
 - ① $x^2 + 2x + 2$ ② $x^2 + x + 2$ ③ $x^2 x + 2$

해설

A = B(2x+1) - 6x + 2에서

 $B(2x+1) = 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2$ $\therefore B = (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x + 1)$ $= x^2 + 2x + 2$

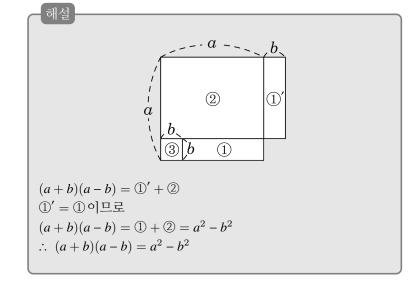
15. 다음 그림에서 색칠한 부분이 나타내고 있는 곱셈공식은 무엇인가?

구타내고 있는 ---a -- , b ,

①
$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$



16. $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때, x^2 과 x^3 의 계수를 모두 0이 되게 하는 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은?

 \bigcirc -1 3 1 4 2 5 $\frac{3}{2}$ ① -2

 $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ $= x^5 + bx^4 + (a+2)x^3 + (ab+2)x^2 + (2a+2b)x + 4$ $(x^2$ 의 계수)= $(x^3$ 의 계수)=0이므로 $ab + 2 = 0, \ a + 2 = 0$ 따라서 a = -2, b = 1 $\therefore a+b=-1$

17. 다음 등식이 k의 값에 관계없이 항상 성립할 때, xy의 값을 구하여라.

(2k+3)x + (3k-1)y + 5k - 9 = 0

답:

▷ 정답: -6

k에 대하여 내림차순으로 정리하면

해설

(2x+3y+5)k+(3x-y-9) = 0 이것은 k에 대한 항등식이므로

2x + 3y + 5 = 0

3x - y - 9 = 0 여리바저시으로

연립방정식을 풀면 x = 2, y = -3

 $\therefore xy = 2 \times (-3) = -6$

18. 다항식 $x^3 + ax + b$ 가 다항식 $x^2 - x + 1$ 로 나누어 떨어지도록 상수 a+b의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

나누어 떨어지려면 나머지가 0이어야 하므로 $x^2 = x - 1$ 을 대입하면

ax + (b-1) = 0

이 등식이 x에 대한 항등식이므로, a = 0, b - 1 = 0

a = 0, b = 1 $\therefore a+b=1$

 $x^3 + ax + b$

해설

 $= (x^{2} - x + 1)Q(x)$ $= (x^{2} - x + 1)(x + b)$

 $\therefore b = 1, a = 0$

19. x에 대한 다항식 $(4x^2-3x+1)^5$ 을 전개하였을 때, 모든 계수들(상수항 포함)의 합은?

① 0 ② 16 ③ 32 ④ 64 ⑤ 1024

 $(4x^2-3x+1)^5$ 을 전개하여 x에 대한 내림차순으로 정리하면 $(4x^2-3x+1)^5=a_0x^{10}+a_1x^9+a_2x^8+\cdots+a_9x+a_{10}$ 과 같이 된다.

된다. 여기서 모든 계수들의 합

 $a_0+a_1+a_2+\cdots+a_{10}$ 을 구하려면 x=1을 대입하면 된다. 즉, $(4-3+1)^5=a_0+a_1+a_2+\cdots+a_{10}$

모든 계수들의 합은 2⁵ = 32

- **20.** 다항식 $x^4 3x^2 + ax + 7$ 을 x + 2로 나누면 나머지가 5이다. 이 때, a의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$f(x) = x^4 - 3x^2 + ax + 7$$

$$f(x) = (x+2)Q(x) + 5$$

$$\therefore f(-2) = 5$$

$$f(-2) = 16 - 12 - 2a + 7 = 5$$

$$\therefore a = 3$$

21. 다항식 $x^4 - 3x^2 + ax + 5$ 를 x + 2로 나누면 나머지가 3이다. a의 값은?

① 0 ② 2 ③ 3 ④ -2 ⑤ -3

 $x^4 - 3x^2 + ax + 5 = f(x)$ 라 놓자. f(-2) = 3에서 -2a + 9 = 3 $\therefore a = 3$

- **22.** 다항식 f(x)를 두 일차식 x-1, x-2로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때, f(x)를 $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?
 - 4 x 3 5 x + 1

① x + 3

- ②-x+3 ③ x-3

f(x)를 x-1, x-2로 나눈 나머지는 각각 2,1이므로

f(1)=2, f(2)=1, 구하는 나머지를 ax+b라 하자. $f(x) = (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b$

= (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b

양변에 각각 x = 1, x = 2를 대입하면

 $f(1) = a + b = 2, \ f(2) = 2a + b = 1$ 두 식을 연립하여 구하면 a = -1, b = 3∴구하는 나머지는 -*x* + 3

23. x^3 의 항의 계수가 1 인 삼차 다항식 P(x) 가 P(1) = P(2) = P(3) = 0을 만족할 때, P(4) 의 값은?

① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

해설 인수정리에 의해 P(x) = (x-1)(x-2)(x-3) $P(4) = 3 \times 2 \times 1 = 6$ **24.** $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 2$ 가 (x-1)(x+2)로 나누어 떨어지도록 상수 a+b의 값을 정하시오.

▶ 답:

▷ 정답: -3

 $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 2$ 라 놓으면, f(1) = 1 - a + b - 2 = 0

 $\therefore -a+b=1\cdots \bigcirc$

f(-2) = -8 - 4a - 2b - 2 = 0

 $\therefore 2a + b = -5 \cdots \bigcirc$

25. $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + x - k$ 가 x - 2를 인수로 가질 때, k를 구하여라.

답:

▷ 정답: 6

- 해설 (() a

f(x) 가 x-2를 인수로 갖는다는 것은 f(x)가 x-2로 나누어 떨어진다는 뜻이다. 즉, f(2)=0을 만족시키는 k를 구하면, $f(2)=2\times 2^3-3\times 2^2+2-k=0$

 $\therefore k = 6$