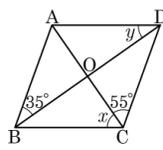


1. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 에서 $\angle ABD = 35^\circ$, $\angle ACD = 55^\circ$ 일 때, $\angle x - \angle y$ 의 값은?

- ① 20° ② 25° ③ 30°
 ④ 35° ⑤ 40°

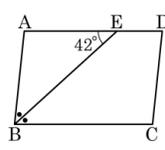


해설

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로 $\angle OAB = \angle OCD = 55^\circ$
 $\triangle ABO$ 에서 $\angle AOB = 180^\circ - (35^\circ + 55^\circ) = 90^\circ$
 평행사변형의 두 대각선이 서로 수직이므로 $\square ABCD$ 는 마름모가 된다.
 $\angle x = 55^\circ, \angle y = 35^\circ$
 $\therefore \angle x - \angle y = 20^\circ$

2. 평행사변형 ABCD 에서 \overline{BE} 는 $\angle B$ 의 이등분 선이다. $\angle AEB = 42^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 크기는?

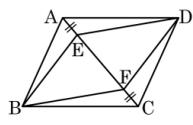
- ① 84° ② 90° ③ 94°
④ 96° ⑤ 98°



해설

$$\begin{aligned}\angle AEB &= \angle EBC \text{ (엇각)} \\ \angle B &= 42^\circ \times 2 = 84^\circ \\ \therefore \angle C &= 180^\circ - 84^\circ = 96^\circ\end{aligned}$$

3. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 의 대각선 AC 위에 $\overline{AE} = \overline{CF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때, \overline{BE} 와 같은 길이를 가지는 변은?

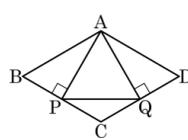


- ① \overline{AB} ② \overline{BF} ③ \overline{FD} ④ \overline{FC} ⑤ \overline{AD}

해설

$\triangle ABE$, $\triangle CDF$ 에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AE} = \overline{CF}$, $\angle BAE = \angle FCD$ 이므로 SAS 합동이다.
따라서 $\overline{BE} = \overline{FD}$ 이다.

4. 마름모 ABCD 의 한 꼭짓점 A 에서 \overline{BC} , \overline{CD} 위에 내린 수선의 발을 각각 P, Q 라 할 때, $\angle PAQ = 60^\circ$ 일 때, $\angle APQ = (\quad)^\circ$ 이다. () 안에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 60

해설

$\angle B = \angle D$ 이고, $\overline{AB} = \overline{AD}$,

$\angle APB = \angle AQD = 90^\circ$

$\triangle APB \cong \triangle AQD$ (RHA 합동) $\rightarrow \overline{AP} = \overline{AQ}$ 이므로 $\triangle APQ$ 는 이등변삼각형이다.

$\angle APQ = \frac{180^\circ - 60^\circ}{2} = 60^\circ$ 이다.

5. 다음 그림에서 옳은 것은 무엇인가?

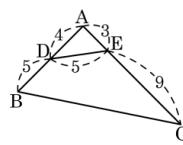
① $\triangle ABC \sim \triangle AED$ (SSS 답음)

② $\overline{AB} : \overline{AE} = \overline{BC} : \overline{ED}$

③ $\overline{BC} = 10 \text{ cm}$

④ $\angle AED$ 의 대응각은 $\angle ACB$

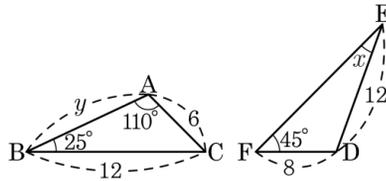
⑤ \overline{AE} 의 대응변은 \overline{AC}



해설

$\triangle ABC$ 와 $\triangle AED$ 에서
 $\angle A$ 는 공통, $\overline{AB} : \overline{AE} = \overline{AC} : \overline{AD} = 3 : 1$
 $\therefore \triangle ABC \sim \triangle AED$ (SAS 답음)
 $\therefore \overline{AB} : \overline{AE} = \overline{BC} : \overline{ED}$

6. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 는 닮은 도형이다. x, y 의 값을 차례로 구한 것은?

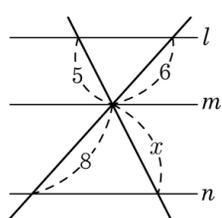


- ① $45^\circ, 6$ ② $45^\circ, 9$ ③ $25^\circ, 9$
 ④ $30^\circ, 9$ ⑤ $45^\circ, 12$

해설

$$\begin{aligned} \angle E &= \angle B = 25^\circ, \angle x = 25^\circ \\ \overline{AC} : \overline{DF} &= \overline{BA} : \overline{ED} \\ 6 : 8 &= y : 12 \\ \therefore y &= 9 \end{aligned}$$

7. 다음 그림에서 $l \parallel m \parallel n$ 일 때, x 의 값은?



- ① $\frac{48}{5}$ ② $\frac{20}{3}$ ③ 7 ④ 10.5 ⑤ 9

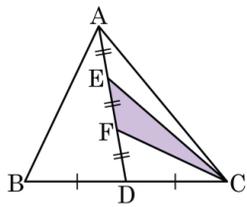
해설

$$5 : x = 6 : 8$$

$$6x = 40$$

$$\therefore x = \frac{20}{3}$$

8. 다음 그림에서 점 E, F 는 \overline{AD} 의 삼등분점이고 \overline{AD} 는 $\triangle ABC$ 의 중선이다. $\triangle CEF = 5$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



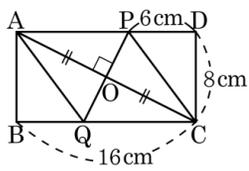
▶ 답:

▷ 정답: 30

해설

점 E, F 가 \overline{AD} 의 삼등분점이므로 $\triangle ACD = 3\triangle CEF$ 이고, $\triangle ABC = 2\triangle ACD = 6\triangle CEF$ 이다. 따라서 $\triangle ABC = 6\triangle CEF = 6 \times 5 = 30$ 이다.

9. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 \overline{PQ} 는 대각선 AC 의 수직이등분선이다. $\square AQCP$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▶ 정답: 80 cm^2

해설

$\square AQCP$ 는 마름모이므로
 $\triangle ABQ \cong \triangle CDP$ (RHS)
 $\square AQCP = \square ABCD - 2\triangle ABQ$
 $= 16 \times 8 - 2 \times \frac{1}{2} \times 6 \times 8$
 $= 128 - 48 = 80(\text{cm}^2)$

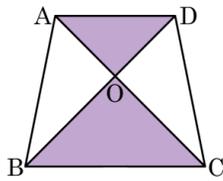
10. 다음 중 옳은 것은?

- ① $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 인 평행사변형 ABCD는 직사각형이다.
- ② $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 평행사변형 ABCD는 직사각형이다.
- ③ $\angle A = 90^\circ$ 인 평행사변형 ABCD는 마름모이다.
- ④ $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\overline{AC} = \overline{BD}$ 인 평행사변형 ABCD는 정사각형이다.
- ⑤ $\angle B + \angle D = 180^\circ$, $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 인 평행사변형 ABCD는 마름모이다.

해설

- ① 마름모
- ② 마름모
- ③ 직사각형
- ⑤ 정사각형

11. $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 의 넓이는 $\square ABCD = 50\text{cm}^2$ 이다.
 $\triangle ABO = 13\text{cm}^2$ 일 때, 색칠된 부분의 넓이를 구하여라.



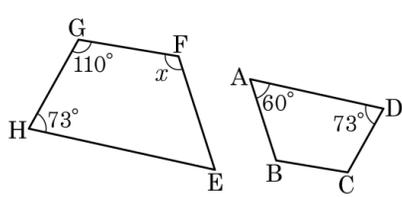
▶ 답: cm^2

▷ 정답: 24 cm^2

해설

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\triangle ABD = \triangle ACD$ 이고, $\triangle AOD$ 는 공통이므로
 $\triangle ABO = \triangle DCO = 13\text{cm}^2$
따라서 색칠된 부분의 넓이는 $\square ABCD - 2\triangle ABO = 50 - 26 = 24\text{cm}^2$

12. 다음 그림과 같은 두 도형이 닮음일 때, $\angle x$ 의 크기는?

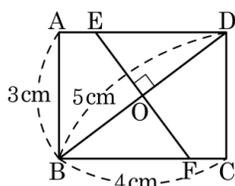


- ① 117° ② 118° ③ 119° ④ 120° ⑤ 121°

해설

$$\begin{aligned} \square ABCD \sim \square EFGH \text{ 이므로 } \angle E &= \angle A = 60^\circ \\ \therefore \angle x &= 360^\circ - (60^\circ + 73^\circ + 110^\circ) \\ &= 360^\circ - 243^\circ \\ &= 117^\circ \end{aligned}$$

13. 다음 그림에서 직사각형 ABCD의 대각선 \overline{BD} 의 수직이등분선과 \overline{AD} , \overline{BC} 와의 교점을 각각 E, F라 할 때, \overline{EF} 의 길이를 구하면?



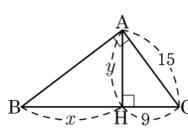
- ① $\frac{10}{3}$ cm ② 4cm ③ $\frac{13}{4}$ cm
 ④ $\frac{15}{4}$ cm ⑤ $\frac{9}{2}$ cm

해설

$\triangle ABD$ 와 $\triangle OED$ 에서
 $\angle ADB = \angle ODE$, $\angle A = \angle EOD = 90^\circ$ 이므로
 $\triangle ABD \sim \triangle OED$ (AA 닮음)
 $\overline{AB} : \overline{AD} = \overline{OE} : \overline{OD}$ 이므로 $3 : 4 = \overline{OE} : \frac{5}{2}$
 $\overline{OE} = \frac{15}{8}$ (cm)
 $\triangle OFB \cong \triangle OED$ 이므로
 $\overline{EF} = 2\overline{OE} = \frac{15}{8} \times 2 = \frac{15}{4}$ (cm)

14. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 에서 $x^2 + y^2$ 의 값을 구하여라.

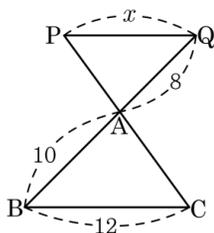
- ① 200 ② 300 ③ 400
 ④ 500 ⑤ 600



해설

$$\begin{aligned} \overline{AC}^2 &= \overline{CD} \cdot \overline{CB} \\ 15^2 &= 9(x+9) \\ 225 &= 9x + 81 \\ \therefore x &= 16 \\ \overline{AD}^2 &= \overline{BD} \cdot \overline{CD} \\ y^2 &= 16 \cdot 9 = 225 \\ \therefore x^2 + y^2 &= 256 + 225 = 400 \end{aligned}$$

15. 다음 그림에서 $\overline{PQ} \parallel \overline{BC}$ 이고 $\overline{AQ} = 8$, $\overline{AB} = 10$, $\overline{BC} = 12$ 일 때, x 의 값은?

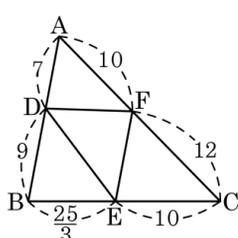


- ① 6 ② 8 ③ 9 ④ 9.6 ⑤ 15

해설

$$\begin{aligned} \triangle APQ \sim \triangle ACB & \text{ 이므로 } \overline{AB} : \overline{AQ} = \overline{BC} : \overline{PQ} \\ 10 : 8 = 12 : x \\ 10x = 96 & \quad \therefore x = 9.6 \end{aligned}$$

16. 다음 그림에서 \overline{DE} , \overline{EF} , \overline{FD} 중에서 $\triangle ABC$ 의 변에 평행한 선분의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{96}{11}$

해설

$$12 : 10 = 10 : \frac{25}{3} \text{ 이므로 } \overline{FE} \parallel \overline{AB}$$

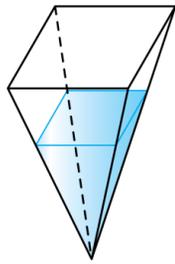
$$\overline{CF} : \overline{CA} = \overline{FE} : \overline{AB}$$

$$12 : 22 = \overline{FE} : 16$$

$$22\overline{FE} = 192$$

$$\therefore \overline{FE} = \frac{96}{11}$$

17. 다음 그림과 같이 정사각뿔 모양의 깔때기에 일정한 속도로 물을 붓고 있다. 이 깔때기의 깊이의 $\frac{2}{3}$ 까지 차오르는 데 80초 걸렸다고 하면 앞으로 몇 초 후에 물이 가득 차겠는가?



- ① 150 초 ② 160 초 ③ 180 초
 ④ 190 초 ⑤ 270 초

해설

깊이가 $\frac{2}{3}$ 일 때, 물의 부피는 전체 부피의

$$\left(\frac{2}{3}\right)^3 = \frac{8}{27}$$

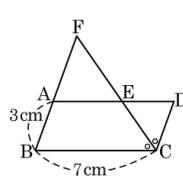
물을 채울 때 걸리는 시간을 x 초라 하면

$$\frac{8}{27} : 80 = 1 : x \therefore \frac{8}{27}x = 80$$

$$\therefore x = 270$$

따라서 190초 후에 물이 가득 찬다.

18. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\angle C$ 의 이등분선이 \overline{AD} 와 \overline{BA} 의 연장선과 만나는 점을 각각 E, F 라 하자. $\overline{AB} = 3\text{ cm}$, $\overline{BC} = 7\text{ cm}$ 일 때, \overline{AF} 의 길이를 구하여라.



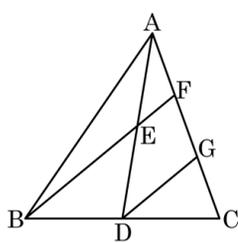
▶ 답: cm

▷ 정답: 4 cm

해설

$\overline{BF} // \overline{CD}$ 이므로 $\angle AFE = \angle ECD$ (엇각)
 $\triangle FBC$ 에서 $\angle BFC = \angle BCF$ 이므로 $\triangle FBC$ 는 $\overline{BF} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이다.
 따라서 $\overline{BF} = \overline{BC} = 7(\text{cm})$ 이므로
 $\overline{AF} = \overline{BF} - \overline{AB} = 7 - 3 = 4(\text{cm})$

19. $\triangle ABC$ 에서 점 E 는 중선 AD 의 중점이고, 점 F, G 는 선분 AC 의 삼등분점일 때, 선분 BE 의 연장선은 점 F 를 지난다. 선분 DG 가 4cm 일 때, 선분 BE 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 6 cm

해설

$\triangle CDG$ 와 $\triangle BFC$ 를 보면,
중점연결 정리의 의해

$$\overline{CG} = \overline{GF}, \overline{CD} = \overline{BD}$$

$$\overline{DG} = \frac{1}{2}\overline{BF}$$

또한 $\triangle AEF$ 와 $\triangle ADG$ 를 보면,
중점연결 정리에 의해

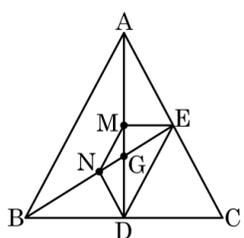
$$\overline{EF} = \frac{1}{2}\overline{DG}$$

$$\overline{DG} = \frac{1}{2}(\overline{BE} + \overline{EF}) = \frac{1}{2}(\overline{BE} + \frac{1}{2}\overline{DG})$$

$$\Rightarrow 4 = \frac{1}{2}(\overline{BE} + 2)$$

$$\therefore \overline{BE} = 6\text{cm}$$

20. 다음 그림의 삼각형 ABC 에서 두 중선 AD 와 BE 의 교점을 G 라 하고, 각각의 중점을 M, N 이라 하였다. $\triangle AEM$ 의 넓이가 6 일 때, 사각형 MNDE 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$$\overline{AM} = \overline{MD} \text{ 이므로 } \triangle EMD = \triangle AEM = 6$$

G 는 무게중심이므로

$$\overline{MG} : \overline{GD} = 1 : 2$$

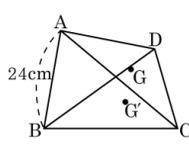
$$\triangle MEG = \frac{1}{3} \times 6 = 2$$

$$\overline{NG} : \overline{EG} = 1 : 2 \text{ 이므로 } \triangle MNG = \frac{1}{2} \times 2 = 1$$

$$\triangle DNG = 2\triangle MNG = 2$$

$$\begin{aligned} \therefore \square MNDE &= \triangle EMD + \triangle MNG + \triangle DNG \\ &= 6 + 1 + 2 \\ &= 9 \end{aligned}$$

21. 다음 그림에서 점 G, G' 는 각각 $\triangle ACD$, $\triangle DBC$ 의 무게중심이다. $\overline{AB} = 24\text{cm}$ 일 때, $\overline{GG'}$ 의 길이를 구하여라.

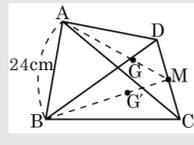


▶ 답: cm

▷ 정답: 8 cm

해설

\overline{DC} 의 중점 M 을 잡으면



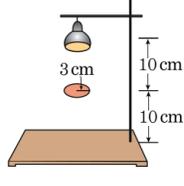
$$\overline{AG} : \overline{GM} = \overline{BG'} : \overline{G'M} = 2 : 1 \text{ 이므로}$$

$\overline{GG'} \parallel \overline{AB}$ 이다.

$$\overline{GG'} : \overline{AB} = \overline{MG} : \overline{MA} = 1 : 3$$

$$\therefore \overline{GG'} = \frac{1}{3} \times 24 = 8(\text{cm})$$

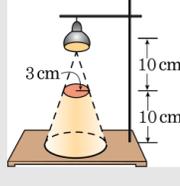
22. 다음 그림과 같이 지면으로부터 10 cm 떨어진 지점에 반지름의 길이가 3 cm 인 원판을 고정시킨 후 지면에서 높이가 20 cm 인 곳에서 전등이 원판을 비추게 하였다. 이 때, 그림자의 넓이는?



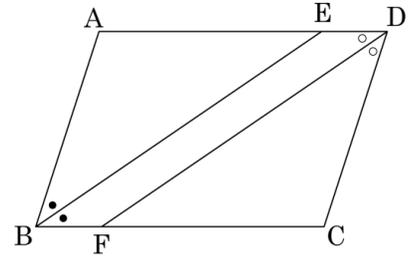
- ① $16\pi\text{ cm}^2$ ② $24\pi\text{ cm}^2$ ③ $30\pi\text{ cm}^2$
 ④ $36\pi\text{ cm}^2$ ⑤ $42\pi\text{ cm}^2$

해설

그림에서 작은 원뿔과 큰 원뿔의 닮음비가 1 : 2 이므로 넓이의 비는 1 : 4 이다.
 $9\pi : x = 1 : 4$ 따라서 $x = 36\pi(\text{cm}^2)$ 이다.



23. 다음은 평행사변형 ABCD에서 $\angle B$, $\angle D$ 의 이등분선이 \overline{AD} , \overline{BC} 와 만나는 점을 각각 E, F라 할 때, $\square EBF D$ 가 평행사변형임을 증명하는 과정이다. (가)~(마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

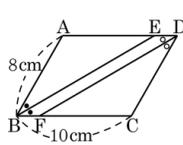


[가정] $\square ABCD$ 는 평행사변형
 $\angle ABE = \text{[가]}$, $\angle EDF = \angle FDC$
 [결론] $\square EBF D$ 는 평행사변형
 [증명] $\angle B = \text{[나]}$ 이므로 $\frac{1}{2}\angle B = \frac{1}{2}\angle D$
 즉, $\angle ABE = \text{[가]} \dots \text{㉠}$
 $\angle AEB = \text{[다]}$ (엇각) $\text{[라]} = \angle CFD$ (엇각) 이므로
 $\angle AEB = \angle CFD$
 $\angle DEB = \angle 180^\circ - \angle AEB = \text{[마]} \dots \text{㉡}$
 ㉠, ㉡에 의하여 $\square EBF D$ 는 평행사변형이다.

- ① (가) : $\angle EBF$ ② (나) : $\angle D$ ③ (다) : $\angle ABE$
 ④ (라) : $\angle EDF$ ⑤ (마) : $\angle DFB$

해설
 ③ $\angle AEB$ 와 $\angle EBF$ 는 엇각으로 같다.

24. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 \overline{BE} , \overline{DF} 는 각각 $\angle B$, $\angle D$ 의 이등분선이다. $\overline{AB} = 8\text{cm}$, $\overline{BC} = 10\text{cm}$ 일 때, $\triangle DFC$ 의 넓이는 $\square EBF D$ 의 넓이의 몇 배인지 구하여라.



▶ 답: 배

▷ 정답: 2 배

해설

$\angle ABE = \angle AEB$ 이므로

$$\overline{AB} = \overline{AE} = 8\text{cm}, \overline{ED} = 10 - 8 = 2(\text{cm})$$

$$\triangle DFC = \frac{1}{2} \times (10 - 2) \times (\text{높이}) = 4 \times (\text{높이})$$

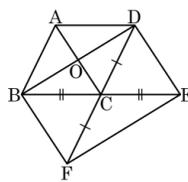
$$\square EBF D = 2 \times (\text{높이})$$

$$\triangle DFC : \square EBF D = 4 \times (\text{높이}) : 2 \times (\text{높이}) = 2 : 1$$

$$\therefore \triangle DFC = 2 \square EBF D$$

25. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{BC} = \overline{FC}$, $\overline{EC} = \overline{DC}$ 이다. $\triangle ABO$ 의 넓이가 19cm^2 일 때, $\triangle CEF$ 의 넓이는?

- ① 19cm^2 ② 38cm^2 ③ 47cm^2
 ④ 50cm^2 ⑤ 57cm^2



해설

□ABCD 는 평행사변형이므로
 $\triangle ABO = \frac{1}{4}\square ABCD$ 이다.
 $\triangle CEF \equiv \triangle CDB$ (SAS 합동)
 $\triangle CEF = \triangle CDB = 2\triangle ABO$
 $= 2 \times 19 = 38 (\text{cm}^2)$