

1. 8의 세제곱근을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 2,  $-1 + \sqrt{3}i$ ,  $-1 - \sqrt{3}i$

해설

8의 세제곱근은  $x^3 = 8$ 을 만족하는  $x$ 의 값이므로

$$x^3 - 8 = 0 \text{에서}$$

$$(x - 2)(x^2 + 2x + 4) = 0$$

$$\therefore x - 2 = 0 \text{ 또는 } x^2 + 2x + 4 = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = -1 + \sqrt{3}i \text{ 또는 } x = -1 - \sqrt{3}i$$

따라서 8의 세제곱근은

$$2, -1 + \sqrt{3}i, -1 - \sqrt{3}i$$

2.  $\sqrt[3]{(-2)^3} + \sqrt[4]{(-3)^4}$  을 간단히 하면?

① -5

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 5

해설

$$-2 + 3 = 1$$

3.  $a < 0, b < 0$  일 때,  $\sqrt[6]{a^2b^3} \times \sqrt{ab} \div \sqrt[3]{a^2b^3}$  을 간단히 하면?

①  $\sqrt[6]{a}$

②  $\sqrt[6]{b}$

③  $\sqrt[6]{ab}$

④  $\sqrt[6]{a^2b}$

⑤  $\sqrt[6]{ab^2}$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt[6]{a^2b^3} \times \sqrt{ab} \div \sqrt[3]{a^2b^3} \\&= (a^2b^3)^{\frac{1}{6}} \times (ab)^{\frac{1}{2}} \div (a^2b^3)^{\frac{1}{3}} \\&= a^{\frac{1}{3}}b^{\frac{1}{2}} \times a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}} \div a^{\frac{2}{3}}b = a^{\frac{1}{3} + \frac{1}{2} - \frac{2}{3}}b^{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} - 1} \\&= a^{\frac{1}{6}} = \sqrt[6]{a}\end{aligned}$$

4. 다음 보기에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

$$\textcircled{1} \quad (2^{\sqrt{2}})^{\sqrt{2}} = 4$$

$$\textcircled{2} \quad (5^{\sqrt{2}}) \times (5^{\sqrt{2}}) = 25^{\sqrt{2}}$$

$$\textcircled{3} \quad 9^{\frac{1}{\sqrt{2}}} = 3^{\sqrt{2}}$$

① ③

② ①, ②

③ ①, ③

④ ②, ③

⑤ ①, ②, ③

해설

$$\textcircled{1} \quad (2^{\sqrt{2}})^{\sqrt{2}} = 2^{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = 2^2 = 4(\text{참})$$

$$\textcircled{2} \quad (5^{\sqrt{2}}) \times (5^{\sqrt{2}}) = (5 \times 5)^{\sqrt{2}} = 25^{\sqrt{2}}(\text{참})$$

$$\textcircled{3} \quad 9^{\frac{1}{\sqrt{2}}} = (3^2)^{\frac{1}{\sqrt{2}}} = 3^{\frac{2}{\sqrt{2}}} = 3^{\sqrt{2}}(\text{참})$$

## 5. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $-3$ 은  $-27$ 의 세제곱근이다.
- ②  $81$ 의 네제곱근은  $3, -3, 3i, -3i$ 이다.
- ③  $-\sqrt[4]{81} = -3$
- ④  $\sqrt[4]{-16} = -2$
- ⑤  $\sqrt[3]{-64} = -4$

해설

④  $(-2)^4 = 16$  이므로  $\sqrt[4]{-16} = \pm -2$

## 6. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $\sqrt[3]{-64} = -4$

②  $\sqrt[4]{81} = 3$

③  $\sqrt[5]{-32} = -2$

④  $-\sqrt[3]{0.008} = -0.2$

⑤  $(\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{3})(\sqrt[3]{9} - \sqrt[3]{6} + \sqrt[3]{4}) = 1$

해설

$$\begin{aligned} & (\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{3})(\sqrt[3]{3^2} - \sqrt[3]{3}\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{2^2}) \\ &= \sqrt[3]{3^3} + \sqrt[3]{2^3} = 5 \end{aligned}$$

## 7. 다음 중 옳은 것은?

①  $\sqrt[3]{-0.027} = -3$

②  $\sqrt{\sqrt[3]{81}} = 3$

③  $(\sqrt[6]{9})^3 = 3$

④  $\sqrt[5]{9} \times \sqrt[5]{81} = 3$

⑤  $\sqrt[4]{81} \div \sqrt[4]{27} = 3$

해설

① 0.3

②  $3^{\frac{4}{6}} = 3^{\frac{2}{3}}$

③  $\left\{(3^2)^{\frac{1}{6}}\right\}^3 = 3^{2 \times \frac{1}{6} \times 3} = 3$

④  $3^{\frac{2}{5} + \frac{4}{5}} = 3^{\frac{6}{5}}$

⑤  $3^1 \div 3^{\frac{3}{4}} = 3^{-\frac{1}{4}} = \frac{1}{\sqrt[4]{3}}$

8.  $a > 0$  일 때,  $\sqrt[4]{16a\sqrt{a}} \div \sqrt[8]{a^3}$  을 간단히 하면?

① 2

②  $\sqrt{2}$

③  $2\sqrt[4]{a^3}$

④  $\sqrt[4]{a^3}$

⑤  $\sqrt[4]{4a^3}$

해설

$$\sqrt[4]{16a\sqrt{a}} \div \sqrt[8]{a^3} = \left(2^4a^{1+\frac{1}{2}}\right)^{\frac{1}{4}} \div a^{\frac{3}{8}} = 2a^{\frac{3}{8}-\frac{3}{8}} = 2a^0 = 2$$

9.  $\sqrt[2014]{(-2014)^{2014}} + \sqrt[2015]{(-2015)^{2015}}$  를 간단히 하면?

① -4017

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 4017

해설

(준식) =  $|-2014| + (-2015) = -1$

10. 16의 네제곱근 중 실수인 것의 곱을  $P$ , 27의 세제곱근 중 허수인 것의 합을  $Q$ 라 할 때,  $P \times Q$ 의 값은?

- ① -36      ② -12      ③ 4      ④ 12      ⑤ 36

해설

$x^4 = 16, x^3 = -27$ 을 만족하는  $x$ 를 구한다.

16의 네제곱근 중 실수인 것은

$$\sqrt[4]{16} = 2, -\sqrt[4]{16} = -2$$

$$\therefore P = -4$$

-27의 세제곱근을  $X$ 라 하면

$$x^3 = -27, (x + 3) + (x^2 - 3x + 9) = 0$$

이때, -27의 세제곱근 중 허수인 것의 합은 방정식  $x^2 - 3x + 9 = 0$ 의 두근의 합과 같다.

$$\therefore Q = 3$$

$$\therefore P \times Q = -12$$

11. 16의 네제곱근 중 음수인 것을  $a$ , -27의 세제곱근 중 실수인 것을  $b$  라 할 때,  $ab$ 의 값은?

- ① -12      ② -6      ③ 6      ④ 12      ⑤ 36

해설

16의 네제곱근 중 음수인 것은

$$-\sqrt[4]{16} = -2 \quad \therefore a = -2$$

-27의 세제곱근을  $x$ 라 하면

$$x^3 = -27, \quad (x + 3)(x^2 - 3x + 9) = 0$$

이때, -27의 세제곱근 중 실수인 것은 -3이다.

$$\therefore b = -3$$

$$\therefore ab = (-2) \times (-3) = 6$$

12.  $\sqrt[4]{4 + \sqrt{15}} \times \sqrt{\sqrt{5} - \sqrt{3}} \times \sqrt[4]{8}$  을 간단히 하면?

- ① 1      ②  $\sqrt{2}$       ③ 2      ④  $2\sqrt{2}$       ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}& \sqrt[4]{4 + \sqrt{15}} \times \sqrt{\sqrt{5} - \sqrt{3}} \times \sqrt[4]{8} \\&= \sqrt{\sqrt{\frac{8 + 2\sqrt{15}}{2}}} \times \sqrt{\sqrt{5} - \sqrt{3}} \times \sqrt[4]{8} \\&= \frac{\sqrt{\sqrt{5} + \sqrt{3}}}{\sqrt{\sqrt{2}}} \times \sqrt{\sqrt{5} - \sqrt{3}} \times \sqrt[4]{8} \\&= \frac{\sqrt{5 - 3}}{\sqrt[4]{2}} \times \sqrt[4]{8} \\&= \sqrt{2} \times \sqrt[4]{\frac{8}{2}} \\&= \sqrt{2} \times \sqrt[4]{4} \\&= \sqrt{2} \times \sqrt{2} \\&= 2\end{aligned}$$

13.  $x > 0$ ,  $x \neq 1$  일 때,  $\sqrt[4]{x\sqrt{x^3}} = \sqrt[8]{x^k}$  을 만족하는 자연수  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 5

해설

$$\sqrt[4]{x\sqrt{x^3}} = \sqrt[4]{\sqrt{x^2}\sqrt{x^3}} = \sqrt[4]{\sqrt{x^5}} = \sqrt[8]{x^5}$$

14. 양의 실수  $a$ 에 대하여  $\frac{\sqrt[5]{a}}{\sqrt[3]{a}} \times \sqrt[5]{\frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt{a}}} \div \sqrt[3]{\frac{\sqrt[5]{a}}{\sqrt{a}}}$ 의 값은?(단,  $a \neq 1$ )

- ①  $\sqrt[10]{a}$       ②  $\frac{1}{\sqrt[10]{a}}$       ③ 1      ④  $\frac{1}{\sqrt[15]{a}}$       ⑤  $\sqrt[10]{a}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{\sqrt[5]{a}}{\sqrt[3]{a}} \times \sqrt[5]{\frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt{a}}} \div \sqrt[3]{\frac{\sqrt[5]{a}}{\sqrt{a}}} &= \frac{\sqrt[5]{a}}{\sqrt[3]{a}} \times \sqrt[5]{\frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt{a}}} \times \sqrt[3]{\frac{\sqrt{a}}{\sqrt[5]{a}}} \\&= \frac{\sqrt[5]{a}}{\sqrt[3]{a}} \times \frac{\sqrt[5]{\sqrt[3]{a}}}{\sqrt[5]{\sqrt{a}}} \times \frac{\sqrt[3]{\sqrt{a}}}{\sqrt[3]{\sqrt[5]{a}}} = \frac{\sqrt[5]{a}}{\sqrt[3]{a}} \times \frac{\sqrt[15]{a}}{\sqrt[10]{a}} \times \frac{\sqrt[6]{a}}{\sqrt[15]{a}} = \frac{1}{\sqrt[15]{a}}\end{aligned}$$

15.  $x \geq 0$  일 때,  $\sqrt{x \sqrt{x \sqrt{x}}}$ 를 간단히 하면?

- ①  $x\sqrt{x}$       ②  $x\sqrt[4]{x}$       ③  $\sqrt[8]{x}$       ④  $\sqrt[8]{x^3}$       ⑤  $8\sqrt{x^7}$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{x \sqrt{x \sqrt{x}}} \\ &= \sqrt{x \sqrt{x^{\frac{3}{2}}}} \\ &= \sqrt{x \cdot x^{\frac{3}{4}}} \\ &= (x^{\frac{7}{4}})^{\frac{1}{2}} = x^{\frac{7}{8}}\end{aligned}$$

16.  $\sqrt[6]{\frac{\sqrt{2^4}}{\sqrt[3]{5}}} \times \sqrt[9]{\frac{\sqrt{5}}{\sqrt[3]{2^6}}}$  를 간단히 하여  $\sqrt[n]{4}$ 로 나타낼 때, 자연수  $n$ 의 값은?

① 4

② 6

③ 9

④ 12

⑤ 18

해설

$$\begin{aligned}\sqrt[6]{\frac{\sqrt{2^4}}{\sqrt[3]{5}}} \times \sqrt[9]{\frac{\sqrt{5}}{\sqrt[3]{2^6}}} &= \frac{\sqrt[6]{\sqrt{2^4}}}{\sqrt[6]{\sqrt[3]{5}}} \times \frac{\sqrt[9]{\sqrt{5}}}{\sqrt[9]{\sqrt[3]{2^6}}} \\&= \frac{\sqrt[12]{2^4}}{\sqrt[18]{5}} \times \frac{\sqrt[18]{5}}{\sqrt[27]{2^6}} \\&= \frac{\sqrt[3 \times 4]{2^4}}{\sqrt[9 \times 3]{2^{3 \times 2}}} = \frac{\sqrt[3]{2}}{\sqrt[9]{2^2}} \\&= \frac{\sqrt[9]{2^3}}{\sqrt[9]{2^2}} = \sqrt[9]{\frac{2^3}{2^2}} \\&= \sqrt[9]{2} = \sqrt[18]{4} \\&\therefore n = 18\end{aligned}$$

17.  $(\sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{2})(\sqrt[3]{9} - \sqrt[3]{6} + \sqrt[3]{4})$ 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$\sqrt[3]{3} = a, \sqrt[3]{2} = b$ 라고 하면

$$(\sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{2})(\sqrt[3]{9} - \sqrt[3]{6} + \sqrt[3]{4})$$

$$= (a + b)(a^2 - ab + b^2)$$

$$= a^3 + b^3$$

$$= 3 + 2 = 5$$

18. 세 수  $\sqrt[3]{7}$ ,  $\sqrt[4]{10}$ ,  $\sqrt[6]{34}$ 를 작은 것부터 차례로 나열한 것은?

- ①  $\sqrt[3]{7}$ ,  $\sqrt[4]{10}$ ,  $\sqrt[6]{34}$       ②  $\sqrt[4]{10}$ ,  $\sqrt[3]{7}$ ,  $\sqrt[6]{34}$       ③  $\sqrt[6]{34}$ ,  $\sqrt[3]{7}$ ,  $\sqrt[4]{10}$   
④  $\sqrt[6]{34}$ ,  $\sqrt[4]{10}$ ,  $\sqrt[3]{7}$       ⑤  $\sqrt[4]{10}$ ,  $\sqrt[6]{34}$ ,  $\sqrt[3]{7}$

해설

$$\sqrt[3]{7} = 7^{\frac{4}{12}}, \sqrt[4]{10} = 10^{\frac{3}{12}}, \sqrt[6]{34} = 34^{\frac{2}{12}}$$

이므로 세 수를 12제곱하면

$$7^4 = 2401, 10^3 = 1000, 34^2 = 1156$$

따라서, 작은 것부터 차례로 나열하면

$$\therefore \sqrt[4]{10}, \sqrt[6]{34}, \sqrt[3]{7}$$

19. 세 수  $A = 2^{\frac{1}{2}}$ ,  $B = 3^{\frac{1}{3}}$ ,  $C = 9^{\frac{1}{9}}$ 의 대소 관계는?

- ①  $A < B < C$       ②  $B < A < C$       ③  $B < C < A$   
④  $C < B < A$       ⑤  $C < A < B$

해설

$$A = 2^{\frac{1}{2}} \text{이면 } A^{18} = (2^{\frac{1}{2}})^{18} = 2^9 = 512$$

$$B = 3^{\frac{1}{3}} \text{이면 } B^{18} = (3^{\frac{1}{3}})^{18} = 3^6 = 729$$

$$C = 9^{\frac{1}{9}} \text{이면 } C^{18} = (9^{\frac{1}{9}})^{18} = 9^2 = 81$$

$$C^{18} < A^{18} < B^{18} \text{이므로}$$

$$\therefore C < A < B$$

20. 세 수  $\sqrt[3]{3^2\sqrt{2}}$ ,  $\sqrt{2}\sqrt[3]{3}$ ,  $\sqrt[3]{2}\sqrt{3}$  중 가장 큰 수를  $M$ , 가장 작은 수를  $m$ 이라 할 때,  $\frac{M}{m}$ 의 값은?

①  $2^{\frac{1}{12}}$

②  $3^{\frac{1}{6}}$

③  $\left(\frac{4}{3}\right)^{\frac{1}{3}}$

④  $\left(\frac{3}{2}\right)^{\frac{1}{6}}$

⑤  $\left(\frac{3}{2}\right)^{\frac{1}{3}}$

해설

$$\sqrt[3]{3^2\sqrt{2}} = 3^{\frac{2}{3}}2^{\frac{1}{6}} = 3^{\frac{4}{6}}2^{\frac{1}{6}} = (3^4 \times 2)^{\frac{1}{6}} = 162^{\frac{1}{6}}$$

$$\sqrt{2}\sqrt[3]{3} = 2^{\frac{1}{2}}3^{\frac{1}{3}} = (2^3)^{\frac{1}{6}}(3^2)^{\frac{1}{6}} = 72^{\frac{1}{6}}$$

$$\sqrt[3]{2}\sqrt{3} = 2^{\frac{1}{3}}3^{\frac{1}{2}} = (2^2)^{\frac{1}{6}}(3^3)^{\frac{1}{6}} = 108^{\frac{1}{6}}$$

$$\therefore \frac{M}{m} = \left( \frac{3^4 \times 2}{2^3 \times 3^2} \right)^{\frac{1}{6}} = \left( \frac{3^2}{2^2} \right)^{\frac{1}{6}} = \left( \frac{3}{2} \right)^{\frac{1}{3}}$$

## 21. 세 수 $A$ , $B$ , $C$ 를

$A = (10\sqrt{5}$ 의 6제곱근 중 양의 실수)

$B = (\sqrt{24}$ 의 세제곱근 중 실수),

$C = (64$ 의 8제곱근 중 양의 실수)

로 정의할 때, 세 수 중 가장 큰 수와 가장 작은 수를 차례로 쓰면?

①  $A$ ,  $B$

②  $A$ ,  $C$

③  $B$ ,  $A$

④  $B$ ,  $C$

⑤  $C$ ,  $B$

### 해설

$$A = \sqrt[6]{\sqrt{500}} = 500^{\frac{1}{12}},$$

$$B = \sqrt[3]{\sqrt{24}} = \left\{ (24)^{\frac{1}{2}} \right\}^{\frac{1}{3}} = 24^{\frac{1}{6}} = (24^2)^{\frac{1}{12}} = 576^{\frac{1}{12}}$$

$$C = \sqrt[8]{26} = \sqrt[4]{23} = \sqrt[12]{29} = 512^{\frac{1}{12}} \text{ 이므로}$$

$$A = 500^{\frac{1}{12}}, B = 576^{\frac{1}{12}}, C = 512^{\frac{1}{12}}$$

이때,  $500 < 512 < 576$  이므로

$$A < C < B$$

따라서 가장 큰 수와 가장 작은 수는 차례로  $B$ ,  $A$ 이다.

22. 16의 세제곱근 중 실수인 것을  $a$ , -2의 세제곱근 중에 실수인 것을  $b$ 라 할 때,  $\frac{a}{b}$ 의 값은?

- ①  $\sqrt[3]{3}$       ②  $-\sqrt[3]{2}$       ③ 3      ④  $-\sqrt[3]{4}$       ⑤ 8

해설

16의 세제곱근 중 실수인 것은  $\sqrt[3]{16}$ 이므로

$$a = \sqrt[3]{16}$$

-2의 세제곱근 중에 실수인 것은  $-\sqrt[3]{2}$ 이므로

$$b = -\sqrt[3]{2}$$

따라서, 구하는 값은

$$\frac{a}{b} = \frac{\sqrt[3]{16}}{-\sqrt[3]{2}} = -\sqrt[3]{\frac{16}{2}} = -\sqrt[3]{8} = -\sqrt[3]{2^3} = -2$$

## 23. 다음 중 옳은 것은?

- ①  $a > 0$  이고  $m, n (m > 0, n > 0)$  이 정수일 때,  $a^{\frac{n}{m}} = \sqrt[n]{a^m}$  이다.
- ②  $a > 0$  일 때,  $(\sqrt[3]{-a})^3 = -a$  이다.
- ③  $(-3)^2$ 의 제곱근은 3이다.
- ④  $n$ 이 짝수일 때, 3의  $n$ 제곱근 중에서 실수인 것은  $\sqrt[n]{3}$ 이다.
- ⑤  $\sqrt[m]{a} \sqrt[n]{a} = \sqrt[m+n]{a}$  (단,  $a > 0$ )

### 해설

- ①  $a^{\frac{n}{m}} = \sqrt[m]{a^n}$
- ③  $(-3)^2$ 의 제곱근은  $\pm 3$  이다.
- ④  $n$ 이 짝수일 때, 3의  $n$ 제곱근 중에서 실수인 것은  $\pm \sqrt[n]{3}$ 이다.
- ⑤  $\sqrt[m+n]{a} = \sqrt[m]{a}, \sqrt[n]{a}$

## 24. 거듭제곱근의 성질에 대하여 옳은 것을 다음 보기에서 모두 고른 것은?

보기

- ㉠ 8의 세제곱근은  $2, -1 + \sqrt{3}i, -1 - \sqrt{3}i$ 이다.
- ㉡  $n$ 이 홀수일 때,  $-2$ 의  $n$ 제곱근 중 실수인 것은  $-\sqrt[n]{2}$ 뿐이다.
- ㉢  $x > 1$ 이면  $\sqrt[3]{(1-x)^3} = x-1$ 이다.

① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉠, ㉡

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

㉠  $x^3 = 8$ 에서  $x^3 - 8 = 0$

$(x-2)(x^2 + 2x + 4) = 0$

$\therefore x = 2, x = -1 \pm \sqrt{3}i$ (참)

㉡  $n$ 이 홀수일 때,

$-2$ 의  $n$ 제곱근 중 실수인 것은

$$\begin{aligned}\sqrt[n]{-2} &= \sqrt[n]{(-1) \times 2} = \sqrt[n]{(-1)^n \times 2} \text{ (참)} \\ &= -\sqrt[n]{2}\end{aligned}$$

㉢  $x > 1$  일 때,  $\sqrt[3]{(1-x)^3} = x-1$ (거짓)  
따라서, 옳은 것은 ㉠, ㉡이다.

25. 세 수  $A = \sqrt[3]{4}$ ,  $B = \sqrt[4]{6}$ ,  $C = \sqrt[6]{13}$ 의 대소를 비교하면?

- ①  $A > B > C$       ②  $B > A > C$       ③  $C > B > A$   
④  $A > C > B$       ⑤  $B > C > A$

해설

$A = \sqrt[3]{4}$ ,  $B = \sqrt[4]{6}$ ,  $C = \sqrt[6]{13}$ 을 거듭 제곱꼴로 고쳤을 때, 밑과 지수가 모두 다르므로

지수를 통일한 다음 밑이 큰 순서로 대소를 비교한다.

3, 4, 6의 최소공배수가 12이므로

$$A = \sqrt[3]{4} = \sqrt[12]{4^4} = \sqrt[12]{256}$$

$$B = \sqrt[4]{6} = \sqrt[12]{6^3} = \sqrt[12]{216}$$

$$C = \sqrt[6]{13} = \sqrt[12]{13^2} = \sqrt[12]{169}$$

$$\therefore A > B > C$$

26. 세 수  $\sqrt{5}$ ,  $\sqrt[3]{11}$ ,  $\sqrt[6]{128}$ 의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

①  $\sqrt{5} < \sqrt[3]{11} < \sqrt[6]{128}$

②  $\sqrt[3]{11} < \sqrt{5} < \sqrt[6]{128}$

③  $\sqrt{5} < \sqrt[6]{128} < \sqrt[3]{11}$

④  $\sqrt[6]{128} < \sqrt[3]{11} < \sqrt{5}$

⑤  $\sqrt[6]{128} < \sqrt{5} < \sqrt[3]{11}$

해설

$$\sqrt{5} = 5^{\frac{1}{2}}, \sqrt[3]{11} = 11^{\frac{1}{3}}, \sqrt[6]{128} = 128^{\frac{1}{6}}$$

이 때, 지수의 분모를 같게 만들면

$$5^{\frac{1}{2}} = 5^{\frac{3}{6}}, 11^{\frac{1}{3}} = 11^{\frac{2}{6}}, 128^{\frac{1}{6}}$$

지수의 분모가 6으로 모두 같으므로

$5^3, 11^2, 128$ 의 대소를 비교한다.

$5^3 = 125, 11^2 = 121, 128$ 에서

$$11^2 < 5^3 < 128 \therefore \sqrt[3]{11} < \sqrt{5} < \sqrt[6]{128}$$

## 27. 다음 보기 중 옳은 것은?

보기

- ㉠  $-8$ 의 세제곱근은  $\sqrt[3]{-8}$ 이다.
- ㉡  $\sqrt[4]{(-3)^4} = 3$ 이다.
- ㉢  $a < 0$  일 때,  $(\sqrt[3]{a})^3 = a$ 이다.
- ㉣  $n$ 이 2 이상인 홀수일 때, 실수  $a$ 에 대하여  $x^n = a$ 를 만족하는 실수  $x$ 는 1개다.
- ㉤  $a < 0$  일 때,  $\sqrt[4]{a^4} + \sqrt[3]{(-a)^3} = 0$ 이다.

① ㉠, ㉡, ㉢

② ㉠, ㉡, ㉣

③ ㉡, ㉢, ㉣

④ ㉡, ㉢, ㉤

⑤ ㉢, ㉣, ㉤

해설

- ㉠ (거짓)  $-8$ 의 세제곱근은  $\sqrt[3]{-8}, 1 \pm \sqrt{3}i$ 이다.
- ㉡ (참)
- ㉢ (참)
- ㉣ (참)
- ㉤ (거짓)  $(-a) + (-a) = -2a$