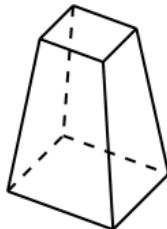
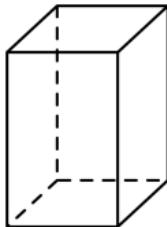


1. 다음 입체도형 중에서 다면체가 아닌 것은?

①



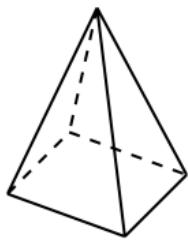
②



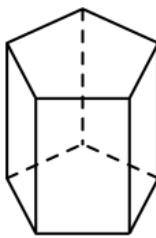
③



④



⑤



해설

③ 원기둥의 밑면은 원이고 원은 다각형이 아니므로 원기둥이 답이다.

2. 다음 중 칠면체는?

① 사각기둥

② 사각뿔대

③ 오각뿔대

④ 육각기둥

⑤ 칠각뿔

해설

① 사각기둥의 면의 개수: 6 개

② 사각뿔대의 면의 개수: 6 개

③ 오각뿔대의 면의 개수: 7 개

④ 육각기둥의 면의 개수: 8 개

⑤ 칠각뿔의 면의 개수: 8 개

3. 꼭짓점이 14 개인 각기둥의 모서리의 개수는?

- ① 19 개
- ② 20 개
- ③ 21 개
- ④ 22 개
- ⑤ 23 개

해설

$$\text{각기둥 꼭짓점} : 2n = 14 \quad \therefore n = 7$$

칠각기둥의 모서리의 개수를 구한다.

$$7 \times 3 = 21 \text{ (개)}$$

4. 다음 다면체 중에서 면의 개수가 가장 많은 것은?

① 정육면체

② 오각뿔

③ 육각뿔대

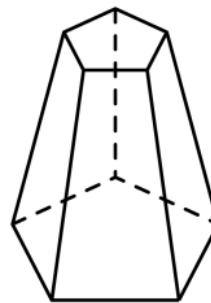
④ 오각기둥

⑤ 육각뿔

해설

정육면체: 6개, 오각뿔: 6개, 육각뿔대: 8개, 오각기둥: 7개,
육각뿔: 7개

5. 다음 그림과 같은 다면체에서 두 밑면이 평행할 때, 이 다면체의 이름과 모양이 바르게 짹지어진 것은?

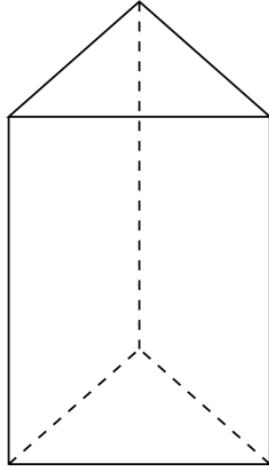


- ① 오각뿔대 - 직사각형
- ② 칠면체 - 삼각형
- ③ 오각기둥 - 직사각형
- ④ 오각뿔 - 사다리꼴
- ⑤ 오각뿔대 - 사다리꼴

해설

다면체의 이름은 오각뿔대이고 옆면의 모양은 사다리꼴이다.

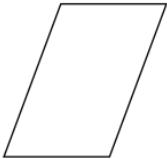
6. 다음 다면체에서 밑면에 평행인 모양으로 잘랐을 때, 생긴 단면의 모양은?



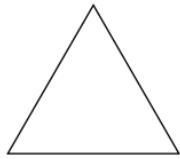
①



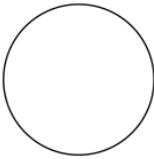
②



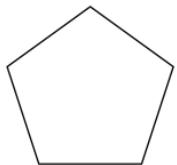
③



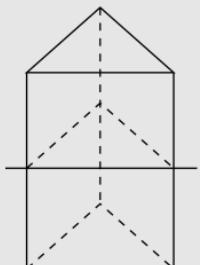
④



⑤



해설



7. 다음 중 면의 모양이 같은 정다면체를 바르게 짹지은 것은?

- ① 정사면체, 직육면체
- ② 정육면체, 정팔면체
- ③ 정팔면체, 정십이면체
- ④ 정사면체, 정이십면체
- ⑤ 정십이면체, 정이십면체

해설

정사면체, 정팔면체, 정이십면체의 면의 모양은 정삼각형으로 같다.

8. 다음은 정다면체가 5가지뿐인 이유를 설명한 것이다. □ 안에 알맞은 수를 차례대로 써넣어라.

한 꼭짓점에 □개 이상의 면이 만나야 하고, 한 꼭짓점에 모인 각의 크기의 합은 □°보다 작아야 한다.

- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▶ 정답: 3
- ▶ 정답: 360

해설

한 꼭짓점에 3개 이상의 면이 만나야 하고, 한 꼭짓점에 모인 각의 크기의 합은 360° 보다 작아야 한다.

9. 다음 중 회전체가 아닌 것을 모두 고르면?

①



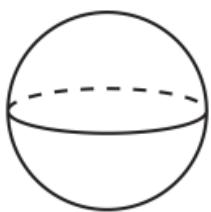
②



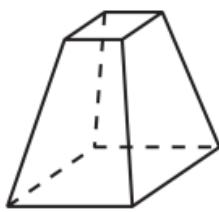
③



④



⑤



해설

②, ⑤는 다면체이다.

10. 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면이 항상 원인 회전체를 말하여라.

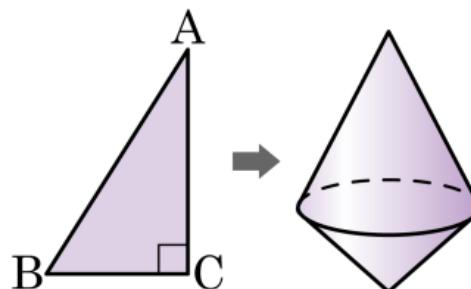
▶ 답:

▶ 정답: 구

해설

구는 어느 쪽으로 잘라도 그 단면의 모양이 항상 원이다.

11. 다음 그림의 회전체는 $\triangle ABC$ 에서 어떤 선분을 축으로 하여 회전시킬 때 생기는 입체도형인지 써라.



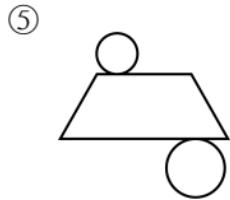
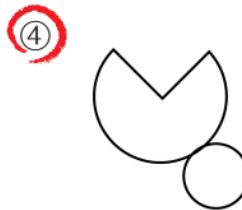
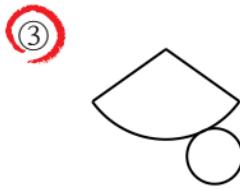
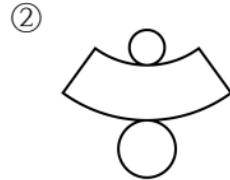
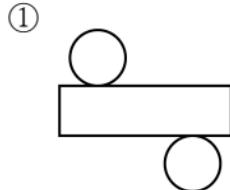
▶ 답 :

▶ 정답 : \overline{AB}

해설

\overline{AB} 를 축으로 회전시킬 때 생긴다.

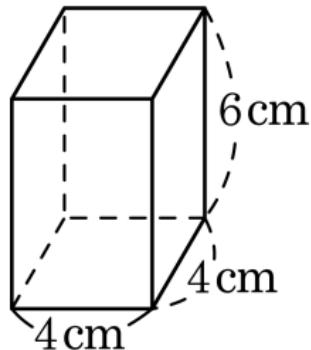
12. 다음 중에서 원뿔의 전개도는?(정답 2개)



해설

원뿔의 전개도는 부채꼴과 원으로 이루어져 있다.

13. 다음 정사각기둥의 부피를 구하여라.

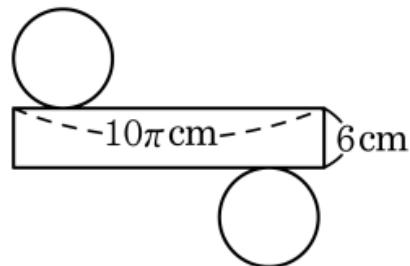


- ① 90cm^3
- ② 96cm^3
- ③ 100cm^3
- ④ 155cm^3
- ⑤ 160cm^3

해설

$$(\text{부피}) = 4 \times 4 \times 6 = 96(\text{cm}^3)$$

14. 다음 그림의 전개도로 만들어지는 원기둥의 부피를 구하여라.



▶ 답 : cm³

▶ 정답 : $150\pi \text{ cm}^3$

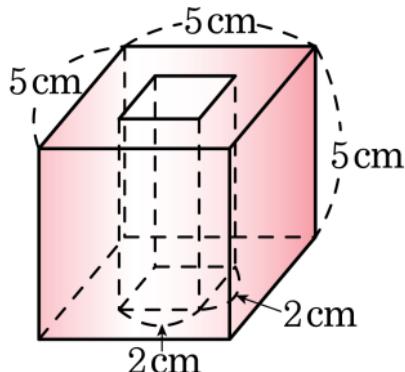
해설

밑면의 반지름의 길이를 r 이라고 하면

$$2\pi r = 10\pi, r = 5 \text{ (cm)}$$

따라서 (부피) = $\pi \times 5^2 \times 6 = 150\pi \text{ (cm}^3\text{)}$ 이다.

15. 다음 그림과 같이 가운데가 빠져 있는 입체도형의 부피를 구하여라.



▶ 답 : cm³

▷ 정답 : 105 cm³

해설

큰 정육면체에서 작은 직육면체의 부피를 뺀다.

$$5^3 - 2^2 \times 5 = 105(\text{cm}^3)$$

16. 다음 중 다면체와 그 꼭짓점의 개수가 잘못 짹지어진 것은?

- Ⓐ 칠각뿔 : 8 개
- Ⓑ 육각기둥 : 12 개
- Ⓒ 육각뿔대 : 12 개
- Ⓓ 오각뿔 : 10 개
- Ⓔ 사각뿔대 : 8 개

▶ 답 :

▶ 정답 : ⓒ

해설

Ⓑ. $5 + 1 = 6$ (개) 이다.

따라서 잘못 짹지어진 것은 ⓒ이다.

17. 다음 조건을 모두 만족하는 입체도형을 구하여라.

- (가) 구면체이다.
- (나) 옆면이 모두 삼각형이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : 팔각뿔

해설

옆면이 모두 삼각형인 것은 각뿔이고, 구면체이므로 팔각뿔이다.

18. 다음 표는 정다면체에 대하여 꼭짓점의 개수, 모서리의 개수, 면의 모양을 조사하여 나타낸 것이다. 빈칸에 알맞은 것을 써 넣어라.

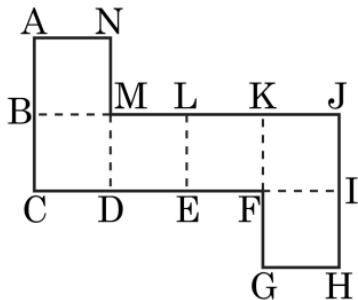
| | 면의 모양 | 한 꼭짓점에 모이는 면의 수 | 면의 수 | 꼭짓점의 수 | 모서리의 수 |
|-------|-------|-----------------|------|--------|--------|
| 정사면체 | 정삼각형 | 3 | 4 | 4 | 6 |
| 정육면체 | 정사각형 | 3 | 6 | 8 | 12 |
| 정팔면체 | 정삼각형 | 4 | 8 | 6 | 12 |
| 정십이면체 | 정오각형 | 3 | 12 | 20 | |
| 정이십면체 | 정삼각형 | 5 | 20 | 12 | 30 |

- ① 12 ② 15 ③ 18 ④ 20 ⑤ 30

해설

| | 면의 모양 | 한 꼭짓점에 모이는 면의 수 | 면의 수 | 꼭짓점의 수 | 모서리의 수 |
|-------|-------|-----------------|------|--------|--------|
| 정사면체 | 정삼각형 | 3 | 4 | 4 | 6 |
| 정육면체 | 정사각형 | 3 | 6 | 8 | 12 |
| 정팔면체 | 정삼각형 | 4 | 8 | 6 | 12 |
| 정십이면체 | 정오각형 | 3 | 12 | 20 | 30 |
| 정이십면체 | 정삼각형 | 5 | 20 | 12 | 30 |

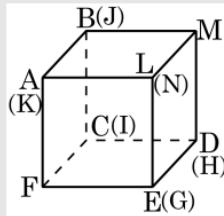
19. 다음 그림과 같은 전개도를 이용하여 정육면체를 만들었을 때 면 FGH이 와 서로 평행인 면은?



- ① 면 ABMN ② 면 BCDM ③ 면 MDEL
④ 면 LEFK ⑤ 면 KFIJ

해설

주어진 전개도로 입체도형을 만들면,



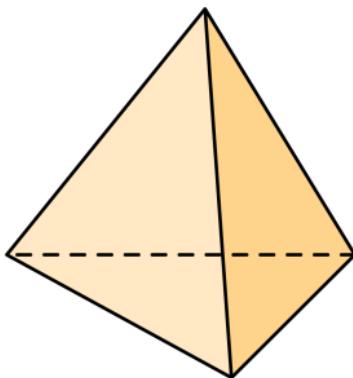
점 A = 점 K, 점 B = 점 J

점 C = 점 I, 점 D = 점 H

점 E = 점 G, 점 L = 점 N

면 FGH (=FEHI)와 평행인 면은 면 ABMN이다.

20. 다음 정사면체의 각 면의 중심을 꼭짓점으로 하는 다면체는?

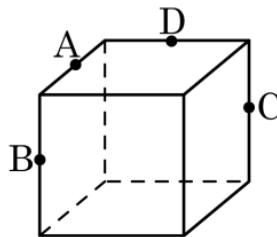


- ① 정사면체
- ② 정육면체
- ③ 정팔면체
- ④ 정십이면체
- ⑤ 정이십면체

해설

정사면체의 각 면의 한가운데에 있는 점을 연결하여 만든 도형은 정사면체이다.

21. 다음 그림의 정육면체에서 A, B, C, D 를 지나는 평면으로 자를 때
자른 단면이 될 수 있는 도형을 보기에서 고른 것은?



보기

Ⓐ 직사각형

Ⓑ 사다리꼴

Ⓒ 오각형

Ⓓ 삼각형

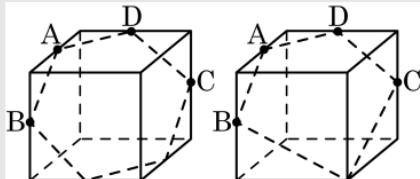
Ⓔ 칠각형

Ⓕ 육각형

- ① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓒ, Ⓓ ③ Ⓑ, Ⓔ ④ Ⓓ, Ⓕ ⑤ Ⓑ, Ⓑ

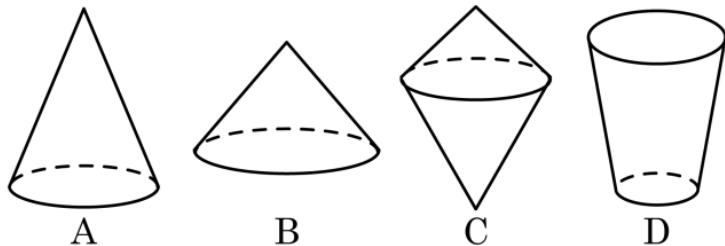
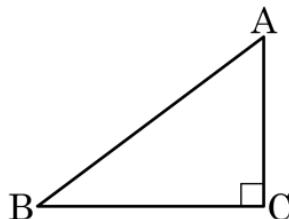
해설

점 A, B, C, D 를 지나는 평면으로 자를 때, 그림으로 나타내면,
두 가지의 경우가 나온다.



따라서 단면이 될 수 있는 도형은 오각형과 육각형이다.

22. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 의 세 변AB, AC, BC 를 지나는 직선을 축으로 하여 각각 회전시켰을 때 나타낼 수 없는 입체도형은?



▶ 답 :

▷ 정답 : D

해설

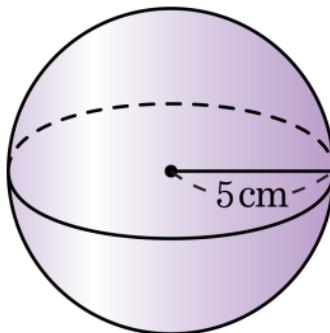
A : \overline{AC} 를 회전축으로 회전시킨 입체도형

B : \overline{BC} 를 회전축으로 회전시킨 입체도형

C : \overline{AB} 를 회전축으로 회전시킨 입체도형

따라서 나타낼 수 없는 입체도형은 D이다.

23. 반지름의 길이가 5cm인 구를 회전축을 포함하는 평면으로 자를 때 생기는 단면의 넓이는?



- ① πcm^2
- ② $4\pi \text{cm}^2$
- ③ $9\pi \text{cm}^2$
- ④ $16\pi \text{cm}^2$
- ⑤ $25\pi \text{cm}^2$

해설

구를 회전축을 포함하는 평면으로 자르면 반지름이 5cm인 원의 모양이므로 단면의 넓이는 $\pi r^2 = 25\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

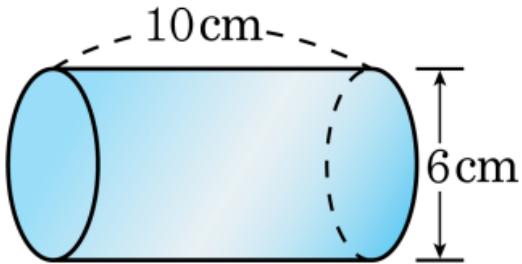
24. 다음 회전체에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 구, 원기둥, 원뿔, 원뿔대는 모두 회전체에 속한다.
- ② 구는 어느 방향으로 잘라도 단면의 모양이 항상 원이다.
- ③ 회전체의 옆면을 만드는 선분을 모서리라고 한다.
- ④ 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면은 회전축을 대칭축으로 하는 선대칭도형이다.
- ⑤ 회전체를 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 항상 원이다.

해설

- ③ 회전체의 옆면을 만드는 선분을 모선이라고 한다.

25. 다음 그림과 같은 원기둥의 겉넓이는?

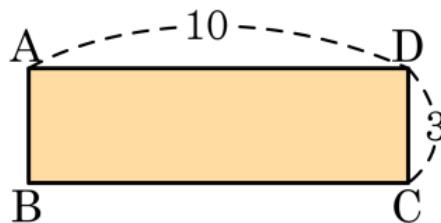


- ① $72\pi \text{cm}^2$
- ② $74\pi \text{cm}^2$
- ③ $76\pi \text{cm}^2$
- ④ $78\pi \text{cm}^2$
- ⑤ $80\pi \text{cm}^2$

해설

$$2 \times (\pi \times 3^2) + 10 \times (2\pi \times 3) = 18\pi + 60\pi = 78\pi(\text{cm}^2)$$

26. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 를 변 AD 를 축으로 하여 1 회전시킬 때 생기는 입체도형의 부피를 구하여라.



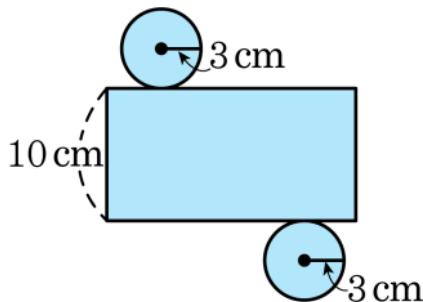
▶ 답 :

▶ 정답 : 90π

해설

직사각형을 변 AD 를 축으로 1 회전시키면 원기둥이 된다.
따라서 원기둥의 부피는 $V = \pi r^2 \times \text{높이} = 3^2\pi \times 10 = 9\pi \times 10 = 90\pi$ 이다.

27. 다음 그림은 어느 입체도형의 전개도이다. 이 전개도로 만들어지는 입체도형의 부피는?



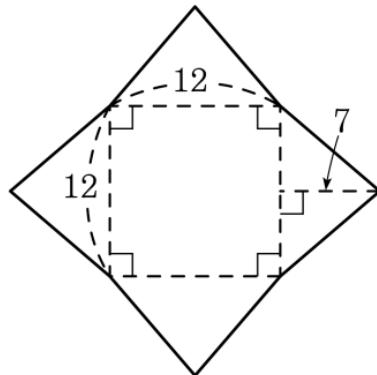
- ① $75\pi\text{cm}^3$ ② $80\pi\text{cm}^3$ ③ $85\pi\text{cm}^3$
④ $90\pi\text{cm}^3$ ⑤ $95\pi\text{cm}^3$

해설

(원기둥의 부피) = (밑넓이) × (높이) 이므로

주어진 원기둥의 부피는 $V = 3^2\pi \times 10 = 90\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

28. 다음 그림은 어느 입체도형의 전개도이다. 이 전개도로 만들어지는 입체도형의 겉넓이를 구하면?



- ① 178 ② 288 ③ 288 ④ 302 ⑤ 312

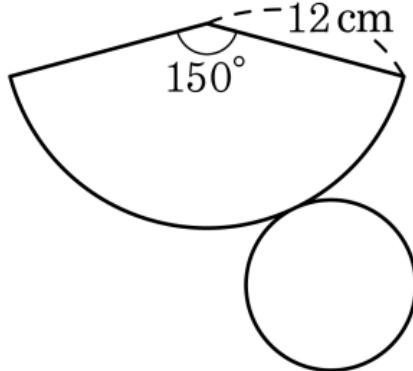
해설

정사각뿔의 밑넓이는 $12 \times 12 = 144$ 이다.

또한, 옆넓이는 $\left(12 \times 7 \times \frac{1}{2}\right) \times 4 = 168$ 이다.

따라서 구하는 겉넓이는 312 이다.

29. 다음은 원뿔의 전개도이다. 밑면의 반지름의 길이는?

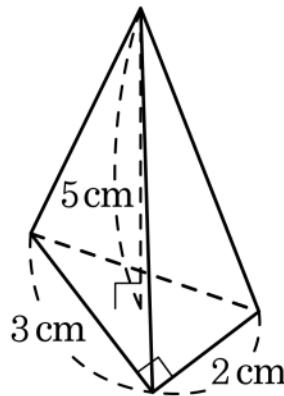


- ① 2cm ② 3cm ③ 4cm ④ 5cm ⑤ 6cm

해설

$$12 \times \frac{150}{360} = 5$$

30. 다음 그림과 같은 삼각뿔의 부피를 구하여라.



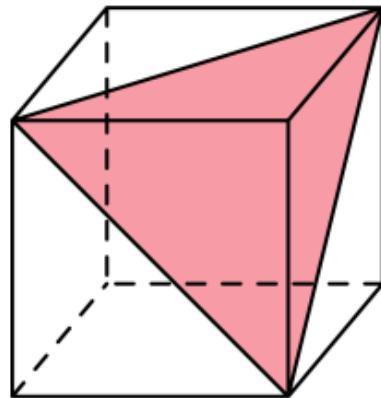
- ① 3cm^3 ② 4 cm^3 ③ 5 cm^3
④ 6 cm^3 ⑤ 7 cm^3

해설

$$\frac{1}{3} \times 3 \times 2 \times \frac{1}{2} \times 5 = 5(\text{cm}^3)$$

31. 다음과 같이 한 모서리의 길이가 6 cm 인 정육면체에서 그림과 같이 잘랐을 때 색칠한 부분의 부피는?

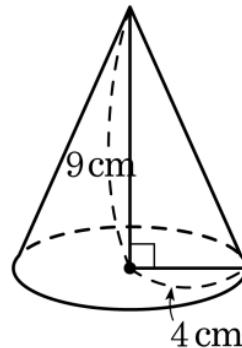
- ① 36 cm³
- ② 72 cm³
- ③ 96 cm³
- ④ 108 cm³
- ⑤ 216 cm³



해설

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 6 \times 6 \times 6 = 36(\text{ cm}^3)$$

32. 다음 그림에서 원뿔의 부피는?



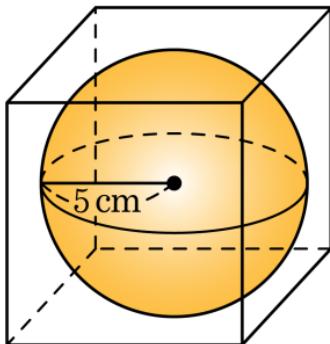
- ① $24\pi\text{cm}^3$ ② $30\pi\text{cm}^3$ ③ $36\pi\text{cm}^3$
④ $42\pi\text{cm}^3$ ⑤ $48\pi\text{cm}^3$

해설

원뿔의 부피를 V 라 하면

$$V = \frac{1}{3} \times 4^2\pi \times 9 = 48\pi(\text{cm}^3)$$

33. 다음 그림과 같이 반지름 5cm인 구가 정육면체에 꼭 맞게 들어있다.
이 때, 구와 정육면체의 부피의 비는?



- ① $\pi : 1$ ② $\pi : 6$ ③ $3\pi : 2$ ④ $4\pi : 3$ ⑤ $4\pi : 5$

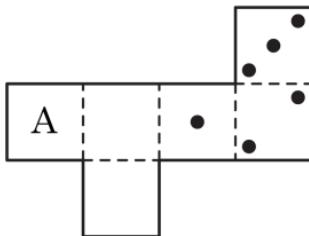
해설

구의 부피는 $\frac{4}{3}\pi \times 5^3 = \frac{500}{3}\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

또한, 정육면체의 부피는 $10^3 = 1000(\text{cm}^3)$

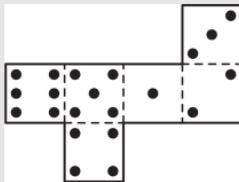
따라서 구 : 정육면체 = $\frac{500}{3}\pi : 1000 = \frac{1}{3}\pi : 2 = \pi : 6$ 이다.

34. 다음 그림과 같은 전개도를 이용하여 주사위를 만들려고 한다. 이때, 마주 보는 눈의 합이 7이 되도록 주사위의 전개를 완성 할 때, A 면에 찍힐 눈의 수를 구하여라.



▶ 답 : 개
▷ 정답 : 6개

해설



A 면은 눈이 1개 찍힌 면과 마주 보므로 눈은 6개이다.

35. 모서리의 개수가 21 개인 각기둥의 꼭짓점의 개수를 v , 면의 개수를 f 라 할 때, $v + f$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 23

해설

$v - e + f = 2$ (오일러의 법칙)에서

$$e = 21$$

$$v - 21 + f = 2$$

$$v + f = 21 + 2 = 23$$

36. 어떤 각뿔대의 꼭짓점의 개수를 v , 모서리의 개수를 e , 면의 개수를 f 라 할 때, $v + e + f = 62$ 이다. 이 각뿔대의 옆면의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 10 개

해설

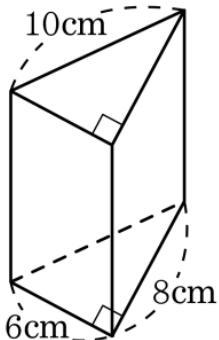
구하는 입체도형을 n 각뿔대라고 하면
꼭짓점의 개수는 $2n$, 모서리의 개수는 $3n$, 면의 개수는 $n + 2$
이므로

$$2n + 3n + n + 2 = 62$$

$$\therefore n = 10$$

따라서 십각뿔대의 옆면의 개수는 10 개이다.

37. 다음 그림과 같은 삼각기둥의 겉넓이가 240cm^2 일 때, 이 삼각기둥의 높이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 8cm

해설

높이를 $h\text{ cm}$ 라고 하면

$$8 \times 6 \times \frac{1}{2} \times 2 + (6 + 8 + 10) \times h = 240$$

$$48 + 24h = 240$$

$$24h = 192$$

$$\therefore h = 8$$

38. 높이가 5cm 인 원기둥의 부피가 $20\pi\text{cm}^3$ 라고 할 때, 이 원기둥의 밑면의 반지름의 길이를 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 2cm

해설

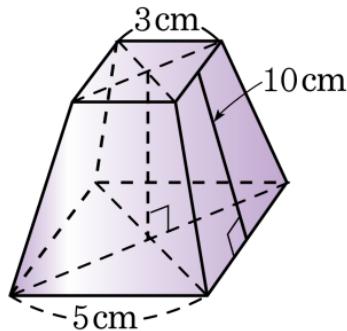
$$\text{부피} = (\text{밑넓이}) \times (\text{높이})$$

밑면의 반지름의 길이를 r 이라고 할 때,

$$\pi r^2 \times 5 = 20\pi, r^2 = 4$$

$$\therefore r = 2(\text{cm})$$

39. 다음 그림과 같은 정사각뿔대의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 194 cm²

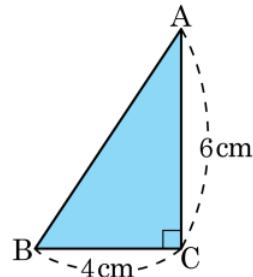
해설

(각뿔대의 겉넓이) = (윗면의 넓이) + (밑면의 넓이) +
(옆면의 넓이) 이므로

주어진 입체도형의 겉넓이는

$$(3 \times 3) + (5 \times 5) + \left\{ \frac{1}{2} \times (3 + 5) \times 10 \right\} \times 4 = 194(cm^2)$$

40. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 를 \overline{AC} , \overline{BC} 를 축으로 하여 각각 회전시킬 때, 생기는 입체 도형의 부피의 차를 구하여라.



▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : $16\pi \text{ cm}^3$

해설

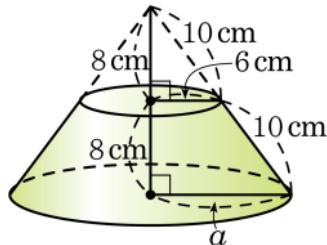
\overline{AC} 를 축으로 하여 회전시킬 때의 부피 : $V_1 = \frac{1}{3}\pi \times 4^2 \times 6 = 32\pi(\text{ cm}^3)$

\overline{BC} 를 축으로 하여 회전시킬 때의 부피 : $V_2 = \frac{1}{3}\pi \times 6^2 \times 4 = 48\pi(\text{ cm}^3)$

$$V_2 - V_1 = 48\pi - 32\pi = 16\pi(\text{ cm}^3)$$

41. 다음 원뿔대의 부피가 $672\pi \text{ cm}^3$ 일 때, a 의 길이를 구하면?

- ① 12 cm ② 13 cm ③ 14 cm
 ④ 15 cm ⑤ 16 cm



해설

$$\begin{aligned}
 (\text{부피}) &= \frac{1}{3}\pi \times a^2 \times 16 - \frac{1}{3}\pi \times 6^2 \times 8 \\
 &= \frac{1}{3}\pi \times a^2 \times 16 - 96\pi = 672\pi \\
 &= \frac{1}{3}\pi \times a^2 \times 16 = 768\pi
 \end{aligned}$$

$$a^2 = 144$$

$$\therefore a = 12(\text{cm})$$

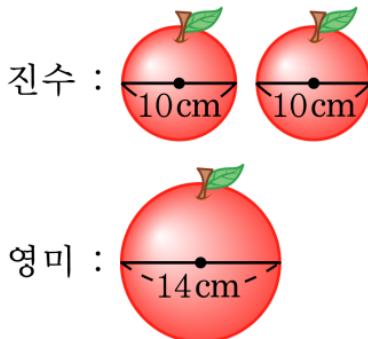
다른 풀이

$$6 : 8 = a : 16$$

$$8a = 96$$

$$\therefore a = 12$$

42. 진수와 영미가 사과를 깎는데 진수는 지름의 길이가 10cm인 사과 2개를 깎고, 영미는 지름의 길이가 14cm인 사과 1개를 깎았다. 진수와 영미가 깎은 사과 껍질 중에서 누가 깎은 것이 더 많은지 말하여라.(단, 사과는 구 모양이다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : 진수

해설

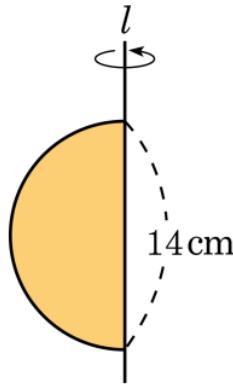
진수가 깎은 사과의 겉넓이는 $4\pi \times 5^2 = 100\pi(\text{cm}^2)$

사과가 2개이므로 총 겉넓이는 $200\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

영미가 깎은 사과의 겉넓이는 $4\pi \times 7^2 = 196\pi(\text{cm}^2)$

따라서 진수가 더 많이 깎았다.

43. 다음 그림과 같은 반원을 직선 l 을 회전축으로 하여 1회전 시킬 때 생기는 회전체의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

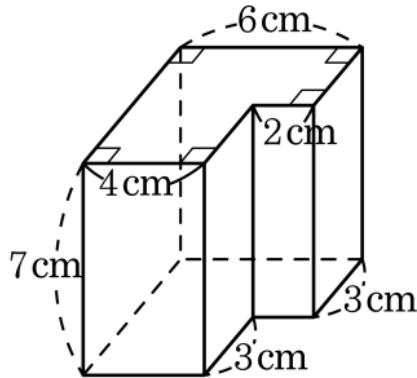
▷ 정답 : 196πcm²

해설

반지름의 길이가 7cm 인 구가 된다.

$$(\text{겉넓이}) = 4\pi \times 7^2 = 196\pi(\text{cm}^2)$$

44. 다음 각기둥의 겉넓이를 구하여라.



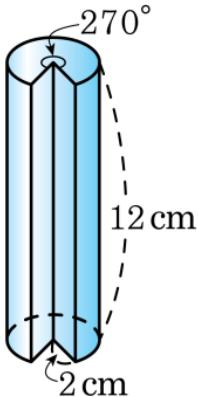
▶ 답 : cm²

▶ 정답 : 228 cm²

해설

$$S = (6+6+3+2+3+4) \times 7 + \{(6 \times 6) - (3 \times 2)\} \times 2 = 168 + 60 = 228(\text{cm}^2)$$

45. 다음 그림은 원기둥의 일부분을 잘라낸 입체도형이다. 이 입체도형의 부피는?

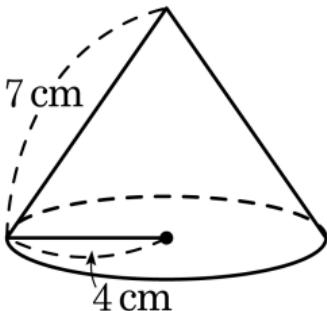


- ① $24\pi\text{cm}^3$ ② $36\pi\text{cm}^3$ ③ $44\pi\text{cm}^3$
④ $48\pi\text{cm}^3$ ⑤ $50\pi\text{cm}^3$

해설

$$\pi \times 2^2 \times \frac{270}{360} \times 12 = 36\pi \ (\text{cm}^3)$$

46. 반지름 길이 4cm, 모선의 길이 7cm 인 원뿔의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답: cm²

▷ 정답: $44\pi \text{cm}^2$

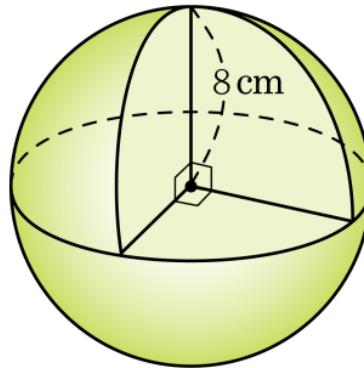
해설

(원뿔의 겉넓이) = (밑넓이) + (옆넓이)에서

모선의 길이를 l 이라고 하면

$$S = \pi r^2 + \pi r l = 16\pi + 28\pi = 44\pi \text{cm}^2$$

47. 다음 그림은 반지름이 8cm인 구의 $\frac{1}{8}$ 을 잘라낸 입체도형이다. 이 입체도형의 겉넓이를 구하여라.



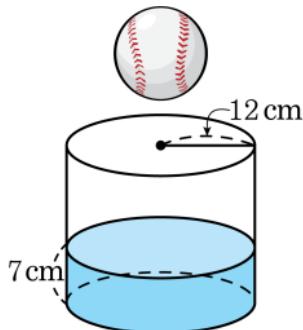
▶ 답: cm²

▷ 정답: 272π cm²

해설

$$4\pi \times 8^2 \times \frac{7}{8} + \pi \times 8^2 \times \frac{1}{4} \times 3 = 272\pi(\text{cm}^2)$$

48. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 12 cm 인 원기둥 모양의 그릇에 높이가 7 cm 만큼 물이 들어 있다. 여기에 반지름의 길이가 6 cm 인 공을 1 개 넣었을 때, 더 올라간 물의 높이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 2cm

해설

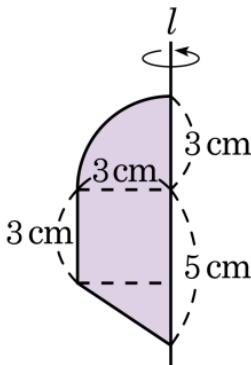
$$(\text{공 1개의 부피}) = \frac{4}{3}\pi \times 6^3 = 288\pi (\text{cm}^3)$$

더 올라간 물의 높이를 x 라고 하면

$$\pi \times 12^2 \times x = 288\pi$$

$$\therefore x = 2(\text{cm})$$

49. 다음 도형을 직선 l 을 회전축으로 하여 회전시켰을 때, 생기는 입체 도형의 부피를 구하여라.



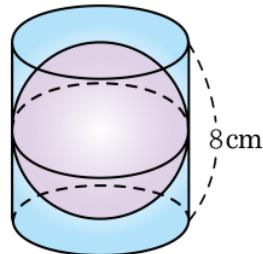
▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : $51\pi \text{cm}^3$

해설

$$\begin{aligned}(\text{부피}) &= (\text{반구의 부피}) + (\text{원기둥의 부피}) \\&\quad + (\text{원뿔의 부피}) \\&= \frac{1}{2} \times \frac{4}{3}\pi \times 3^3 + \pi \times 3^2 \times 3 \\&\quad + \frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times 2 \\&= 18\pi + 27\pi + 6\pi = 51\pi (\text{m}^3)\end{aligned}$$

50. 다음 그림과 같이 높이가 8 cm 인 원기둥 모양의 캔에 물이 가득 담겨져 있다. 여기에 꼭 맞는 공을 넣었을 때, 캔에 남아 있는 물의 양을 구하여라. (단, 두께는 생각하지 않는다.)



▶ 답: cm^3

▷ 정답: $\frac{128}{3}\pi \text{ cm}^3$

해설

$$(\text{원기둥의 부피}) = \pi \times 4^2 \times 8 = 128\pi (\text{cm}^3)$$

$$(\text{구의 부피}) = \frac{4}{3}\pi \times 4^3 = \frac{256}{3}\pi (\text{cm}^3)$$

$$\begin{aligned}(\text{남은 물의 양}) &= 128\pi - \frac{256}{3}\pi \\&= \frac{384}{3}\pi - \frac{256}{3}\pi \\&= \frac{128}{3}\pi (\text{cm}^3)\end{aligned}$$