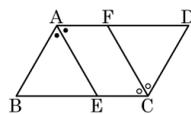
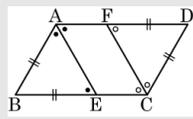


1. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $\angle A$ 와 $\angle C$ 의 이등분선과 \overline{BC} , \overline{AD} 와의 교점을 E, F 라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{AB} = \overline{DF}$ ② $\angle BEA = \angle DFC$
 ③ $\overline{AF} = \overline{CE}$ ④ $\overline{AE} = \overline{CF}$
 ⑤ $\angle AEC = \angle BAD$

해설



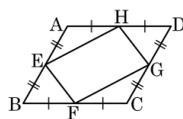
$$\angle BAD = 2\angle BEA$$

$$\begin{aligned} \angle BEA &= \angle EAF(\text{엇각}) \\ &= \angle BAE \end{aligned}$$

$$\angle AEC = 180^\circ - \angle BEA = 180^\circ - \angle BAE$$

따라서 $\angle AEC = \angle BAD$ 인 것은 $\angle BAE = 60^\circ$ 일 때만 성립한다.
 그런데 $\angle BAE$ 는 알 수 없으므로 $\angle AEC \neq \angle BAD$

2. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 의 각 변의 중점을 차례로 E, F, G, H 라 할 때, □EFGH 는 어떤 사각형인지 구하여라.



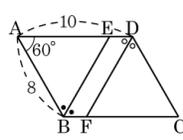
▶ 답:

▷ 정답: 평행사변형

해설

□ABCD 가 평행사변형이므로 $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$ 이다.
 SAS 합동 조건에 따라 $\triangle AEH \cong \triangle FCG$, $\triangle EBF \cong \triangle HGD$ 이므로
 $\overline{EH} = \overline{FG}$, $\overline{EF} = \overline{HG}$ 이다.
 두 쌍의 대응변의 길이가 같으므로 사각형 HEFG 는 평행사변형이다.

3. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\angle B$ 와 $\angle D$ 의 이등분선일 때, $\square BEDF$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



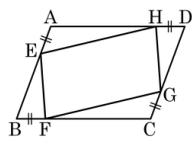
▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$\angle EBF = \angle BEA$ (\because 엇각)
 따라서 $\triangle ABE$ 는 $\overline{AB} = \overline{AE}$ 인 이등변삼각형이고 세 각의 크기가 모두 60° 이므로 정삼각형이다.
 따라서 $\overline{ED} = \overline{AD} - \overline{AE} = 10 - 8 = 2$ 이다.
 $\overline{BE} = \overline{AB} = 8$ 이므로
 $\square BEDF$ 는 평행사변형이다.
 $\therefore \square BEDF$ 의 둘레의 길이는 $2 \times (8 + 2) = 20$ 이다.

4. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{AE} = \overline{BF} = \overline{CG} = \overline{DH}$ 일 때, $\square EFGH$ 는 평행사변형이 된다. 그 이유를 고르면?

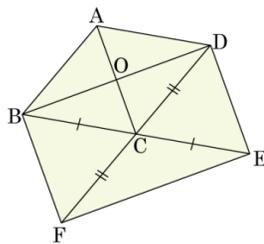


- ① $\overline{EH} = \overline{FG}$ ② $\overline{EH} // \overline{FG}$, $\overline{EF} // \overline{HG}$
 ③ $\overline{EH} // \overline{FG}$, $\overline{EH} = \overline{FG}$ ④ $\overline{EF} = \overline{HG}$, $\overline{EH} = \overline{FG}$
 ⑤ $\angle EFG = \angle GHE$

해설

$\triangle AEH \cong \triangle CGF$ (SAS 합동)
 $\triangle BFE \cong \triangle DHG$ (SAS 합동)
 $\therefore \overline{EF} = \overline{HG}$, $\overline{EH} = \overline{FG}$

5. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 두 변 BC, DC를 점 C쪽으로 연장하여 $\overline{BC} = \overline{CE}$, $\overline{DC} = \overline{CF}$ 가 되게 점 E, F를 잡을 때, 그림에서 평행사변형을 모두 찾고, 각각 어떠한 조건으로 평행사변형이 되는지 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: □ABFC (한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.)

▷ 정답: □ACED (한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.)

▷ 정답: □BFED (두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.)

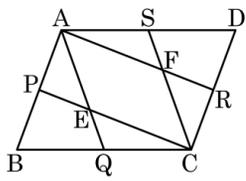
해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CF}$, $\overline{AB} = \overline{DC} = \overline{CF}$ 이므로 □ABFC는 평행사변형이다.

$\overline{AD} \parallel \overline{CE}$, $\overline{AD} = \overline{BC} = \overline{CE}$ 이므로 □ACED는 평행사변형이다.

$\overline{BC} = \overline{CE}$, $\overline{DC} = \overline{CF}$ 이므로 □BFED는 평행사변형이 된다.

6. 평행사변형 ABCD 에서 각 변의 중점을 P, Q, R, S 라 할 때, 다음 그림에서 생기는 평행사변형은 □ABCD 를 포함해서 몇 개인지를 구하여라.

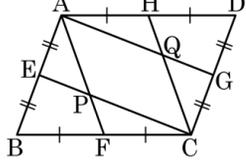


- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

□ABCD, □AQCS, □APCR, □AECF

8. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 각 변의 중점을 잡아 \overline{AF} 와 \overline{CE} , \overline{AG} 와 \overline{CH} 의 교점을 각각 P, Q라 할 때, $\square ABCD$ 를 제외한 평행사변형은 $\square AECG$, $\square AFCH$, $\square APCQ$ 이다. 각각의 평행사변형이 되는 조건을 순서대로 나열한 것은?



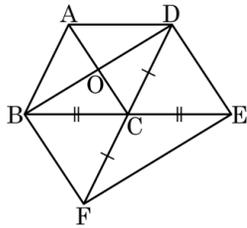
- ㉠ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
 ㉡ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
 ㉢ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
 ㉣ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
 ㉤ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

- ① ㉠, ㉡, ㉢ ② ㉣, ㉤, ㉠ ③ ㉣, ㉤, ㉠
 ④ ㉠, ㉢, ㉤ ⑤ ㉡, ㉣, ㉤

해설

- $\square AECG$ 는 $\overline{AE} \parallel \overline{GC}$ 이고 $\overline{AE} = \overline{GC}$ 이다. (㉢)
 $\square AFCH$ 는 $\overline{AH} \parallel \overline{FC}$ 이고 $\overline{AH} = \overline{FC}$ 이다. (㉢)
 $\square APCQ$ 는 $\overline{AP} \parallel \overline{QC}$ 이고 $\overline{PC} \parallel \overline{AQ}$ 이다. (㉠)

9. 평행사변형 ABCD의 두 변 BC, DC의 연장선 위에 $\overline{BC} = \overline{CE}$, $\overline{DC} = \overline{CF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때, $\square ABCD$ 를 제외한 사각형이 평행사변형이 되는 조건은 보기에서 모두 몇 개인가?



보기

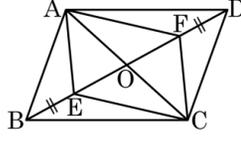
- ㉠ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ㉡ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ㉢ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ㉣ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ㉤ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

평행사변형이 되는 조건은 $\square ABFC$, $\square ACED$ 가 평행사변형이 되는 조건 ㉠과 $\square BFED$ 가 평행사변형이 되는 조건 ㉡로 2개이다.

10. 다음은 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O라 하고 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때, $\square AECF$ 는 평행사변형임을 증명하는 과정이다. 평행사변형이 되는 어떤 조건을 이용한 것인가?



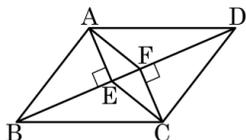
가정) $\square ABCD$ 는 평행사변형 $\overline{BE} = \overline{DF}$
 결론) $\square AECF$ 는 평행사변형
 증명) $\square ABCD$ 는 평행사변형이므로
 $\overline{OA} = \overline{OC} \dots \textcircled{㉠}$
 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로
 $\overline{OE} = \overline{OF} \dots \textcircled{㉡}$
 ㉠, ㉡에 의하여 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.

- ① 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ② 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ③ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ⑤ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

해설

$\square ABCD$ 는 평행사변형이므로
 $\overline{OA} = \overline{OC}$ 이고, $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$ 이다.
 따라서 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.

11. 다음은 평행사변형 ABCD의 두 꼭짓점 A, C에서 대각선 BD에 내린 수선의 발을 각각 E, F라 할 때, □AECF가 평행사변형임을 증명하는 과정이다. $\triangle AED \cong \triangle CFB$ 의 합동 조건은?



[가정] □ABCD는 평행사변형, $\angle AED = \angle CFB = 90^\circ$

[결론] □AECF는 평행사변형

[증명] $\angle AED = \angle CFB$ (엇각)

$\overline{AE} \parallel \overline{CF} \dots \textcircled{1}$

$\triangle AED$ 와 $\triangle CFB$ 에서

$\angle AED = \angle CFB = 90^\circ$,

$\overline{AD} = \overline{BC}$, $\angle ADE = \angle CBF$

따라서 $\triangle AED \cong \triangle CFB$ 이다.

$\overline{AE} = \overline{CF} \dots \textcircled{2}$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ 에 의하여 □AECF는 평행사변형이다.

① SSS 합동

② SAS 합동

③ ASA 합동

④ RHA 합동

⑤ RHS 합동

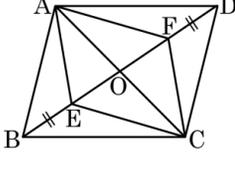
해설

$\triangle AED$ 와 $\triangle CFB$ 에서

$\angle AED = \angle CFB = 90^\circ$, $\overline{AD} = \overline{BC}$, $\angle ADE = \angle CBF$ 이므로

RHA 합동이다.

12. 다음은 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O라 하고 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때, $\square AECF$ 는 평행사변형임을 증명하는 과정이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



가정) $\square ABCD$ 는 평행사변형, $\overline{BE} = \overline{DF}$
 결론) $\square AECF$ 는 평행사변형
 증명) $\square ABCD$ 는 평행사변형이므로
 $\overline{OA} = \overline{OC} \dots \textcircled{1}$
 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로
 $\overline{OE} = \square \dots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 에 의하여 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.

- ① \overline{CO} ② \overline{AF} ③ \overline{OF} ④ \overline{BE} ⑤ \overline{CE}

해설

$\square ABCD$ 는 평행사변형이므로 $\overline{OA} = \overline{OC}$ 이고, $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$ 이다.
 따라서 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.