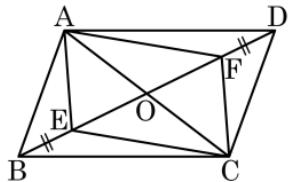


1. 평행사변형 ABCD에서 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때,
 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.

이를 증명하기 위해 사용하기에 가장 적합한
평행사변형의 조건은?



- ① 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ③ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ⑤ 한 쌍의 대변의 길이가 같고 평행하다.

해설

(가정) $\square ABCD$ 는 평행사변형, $\overline{BE} = \overline{DF}$

(결론) $\square AECF$ 는 평행사변형

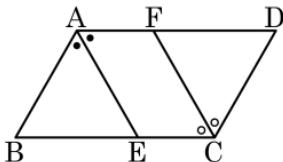
(증명) $\square ABCD$ 는 평행사변형이므로

$$\overline{OA} = \overline{OC}$$

가정에서 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$

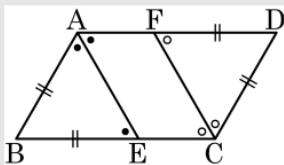
따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로 $\square AECF$
는 평행사변형이다.

2. 다음 그림의 평행사변형ABCD에서 $\angle A$ 와 $\angle C$ 의 이등분선과 \overline{BC} , \overline{AD} 와의 교점을 E, F 라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{AB} = \overline{DF}$
- ② $\angle BEA = \angle DFC$
- ③ $\overline{AF} = \overline{CE}$
- ④ $\overline{AE} = \overline{CF}$
- ⑤ $\angle AEC = \angle BAD$

해설



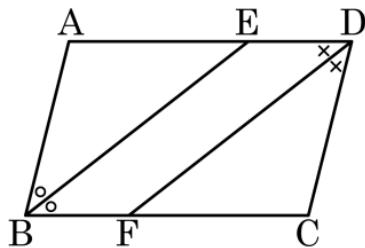
$$\angle BAD = 2\angle BEA$$

$$\begin{aligned}\angle BEA &= \angle EAF \text{ (엇각)} \\ &= \angle BAE\end{aligned}$$

$$\angle AEC = 180^\circ - \angle BEA = 180^\circ - \angle BAE$$

따라서 $\angle AEC = \angle BAD$ 인 것은 $\angle BAE = 60^\circ$ 일 때만 성립한다.
그런데 $\angle BAE$ 는 알 수 없으므로 $\angle AEC \neq \angle BAD$

3. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle B$ 와 $\angle D$ 의 이등분선이 \overline{AD} , \overline{BC} 와 만나는 점을 각각 E, F 라 할 때, 다음 보기 중에서 옳은 것은 모두 몇 개인가?



보기

Ⓐ $\overline{AB} = \overline{AE}$

Ⓑ $\overline{ED} = \overline{BF}$

Ⓒ $\overline{AE} = \overline{DC}$

Ⓓ $\overline{BE} = \overline{FD}$

Ⓔ $\angle AEB = \angle DFC$

Ⓕ $\angle ABE = \angle FDC$

① 2 개

② 3 개

③ 4 개

④ 5 개

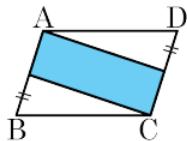
⑤ 6 개

해설

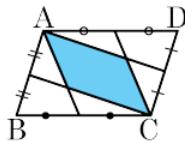
사각형 BEDF 는 평행사변형이고,
 $\triangle ABE \cong \triangle CDF$ 이므로 Ⓚ~Ⓕ 모두 옳다.

4. 다음 $\square ABCD$ 가 평행사변형일 때, 색칠한 사각형 중 종류가 다른 것은?

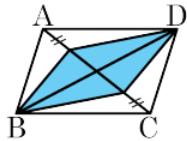
①



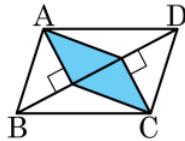
②



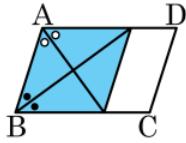
③



④



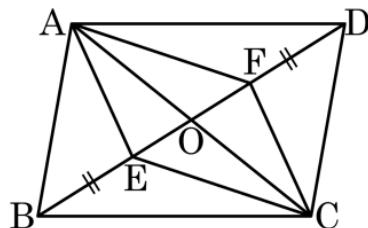
⑤



해설

- ①, ②, ③, ④ : 평행사변형
⑤ 마름모

5. 다음은 한솔중 2 학년 예지가 증명을 해 놓은 결과 중 2 곳이 지워졌다.
 빈칸에 알맞은 것을 차례대로 써 넣어라.
 (단, 평행사변형 ABCD 에서 두 대각선의 교점을 O 라 하고, 점 E, F
 는 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 를 만족하는 점이다.)



[가정] $\square ABCD$ 는 평행사변형, $\overline{BE} = \overline{DF}$

[결론] $\square AECF$ 는 평행사변형

[증명] $\square ABCD$ 는 평행사변형이므로

$$\overline{OA} = \boxed{\quad} \text{ (a)}$$

가정에서 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로 $\overline{OE} = \boxed{\quad}$ (b)

따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로

$\square AECF$ 는 평행사변형이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : \overline{OC}

▷ 정답 : \overline{OF}

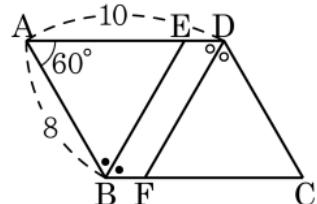
해설

평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분하므로 $\overline{OA} = \overline{OC}$

또, $\overline{OB} = \overline{OD}$ 이고 가정에서 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로
 $\overline{OE} = \overline{OF}$

따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.

6. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle B$ 와 $\angle D$ 의 이등분선일 때, $\square BEDF$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$$\angle EBF = \angle BEA (\because \text{엇각})$$

따라서 $\triangle ABE$ 는 $\overline{AB} = \overline{AE}$ 인 이등변삼각형이고 세 각의 크기가 모두 60° 이므로 정삼각형이다.

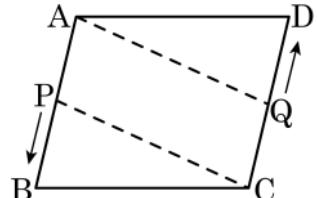
$$\text{따라서 } \overline{ED} = \overline{AD} - \overline{AE} = 10 - 8 = 2 \text{ 이다.}$$

$$\overline{BE} = \overline{AB} = 8 \text{ 이므로}$$

$\square BEDF$ 는 평행사변형이다.

$$\therefore \square BEDF \text{의 둘레의 길이는 } 2 \times (8 + 2) = 20 \text{ 이다.}$$

7. $\overline{AB} = 100\text{cm}$ 인 평행사변형 ABCD에서 점 P는 \overline{AB} 위를 초속 4cm의 속도로 A에서 출발하여 B쪽으로, 점 Q는 매초 7cm의 속도로 \overline{CD} 위를 C에서 출발하여 D쪽으로 움직이고 있다. P가 출발한 지 9초 후에 Q가 출발할 때, 처음으로 $\overline{AQ} \parallel \overline{PC}$ 가 되는 것은 P가 출발한 지 몇 초 후인지 구하여라.



▶ 답 : 초

▷ 정답 : 21 초

해설

Q가 출발한지 t 초 후의

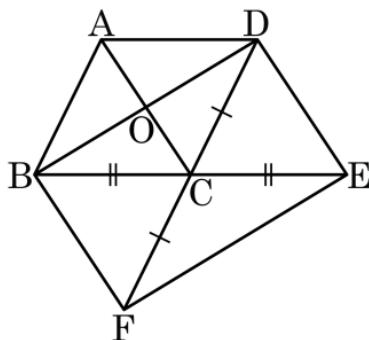
P가 움직인 거리 : $\overline{AP} = 4(9 + t)$

Q가 움직인 거리 : $\overline{CQ} = 7t$

$\overline{AP} = \overline{CQ}$ 에서 $4(9 + t) = 7t$ 이므로 $t = 12$

$\therefore 12 + 9 = 21$ (초) 후이다.

8. 평행사변형 ABCD 의 두 변 BC, DC 의 연장선 위에 $\overline{BC} = \overline{CE}$, $\overline{DC} = \overline{CF}$ 가 되도록 두 점 E, F 를 잡을 때, $\square ABCD$ 를 제외한 사각형이 평행사변형이 되는 조건은 보기에서 모두 몇 개인가?



보기

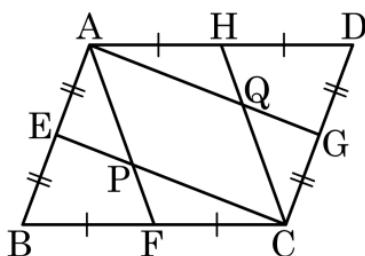
- Ⓐ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- Ⓑ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- Ⓒ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- Ⓓ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- Ⓔ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

평행사변형이 되는 조건은 $\square ABFC$, $\square ACED$ 가 평행사변형이 되는 조건 ④과 $\square BFED$ 가 평행사변형이 되는 조건 ③로 2개이다.

9. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 각 변의 중점을 잡아 \overline{AF} 와 \overline{CE} , \overline{AG} 와 \overline{CH} 의 교점을 각각 P, Q 라 할 때, $\square ABCD$ 를 제외한 평행사변형은 $\square AECG$, $\square AFCH$, $\square APCQ$ 이다. 각각의 평행사변형이 되는 조건을 순서대로 나열한 것은?



- ㉠ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ㉡ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ㉢ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ㉣ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ㉤ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

- ① ㉠, ㉡, ㉢ ② ㉣, ㉤, ㉠ ③ ㉤, ㉣, ㉠
- ④ ㉠, ㉢, ㉤ ⑤ ㉡, ㉣, Ⓔ

해설

- $\square AECG$ 는 $\overline{AE} \parallel \overline{GC}$ 이고 $\overline{AE} = \overline{GC}$ 이다. (④)
 $\square AFCH$ 는 $\overline{AH} \parallel \overline{FC}$ 이고 $\overline{AH} = \overline{FC}$ 이다. (④)
 $\square APCQ$ 는 $\overline{AP} \parallel \overline{QC}$ 이고 $\overline{PC} \parallel \overline{AQ}$ 이다. (㉠)