

1. 다음 ( )안에 알맞은 수는?

1, 5, 9, ( ), 17

- ① 10
- ② 11
- ③ 13
- ④ 14
- ⑤ 16

해설

나열된 각 수는  $4n + 1$ 의 꼴이다.

따라서 ( )안에 들어갈 수는  $9 + 4 = 13$ 이다.

2. 수열  $-1, 3, -5, 7, -9, \dots$  의 7번째 항은?

- ① -13      ② -10      ③ 11      ④ -11      ⑤ 13

해설

주어진 수열은 각 항의 절댓값이 홀수이고, 부호가 교대로 변하는 꼴이다. 따라서 6번째 항은 11, 7번째 항은 -13이다.

3. 첫째항이 12, 공차가 -7인 등차수열의 일반항  $a_n$ 을 구하면?

①  $-7n + 19$

②  $-7n - 7$

③  $-7n - 12$

④  $7n - 5$

⑤  $7n + 12$

해설

$$a_n = 12 + (n - 1) \cdot (-7) = -7n + 19$$

4. 첫째항이 8, 공차가 -7인 등차수열의 일반항  $a_n$ 을 구하면?

①  $-7n + 1$

②  $-7n + 15$

③  $-7n - 15$

④  $7n + 15$

⑤  $7n - 15$

해설

$$a_n = 8 + (n - 1) \cdot (-7) = -7n + 15$$

5. 다음 등차수열의 제 20 항을 구하여라.

131, 137, 143, 149, 155, 161, ⋯

▶ 답 :

▶ 정답 : 245

해설

주어진 등차수열의 제 1 항을  $a$ , 공차를  $d$ 라고 하자.

$$a = 131, d = 137 - 131 = 6 \text{ 이므로}$$

$$a_n = 131 + (n - 1) \cdot 6 = 6n + 125$$

$$\therefore a_{20} = 6 \cdot 20 + 125 = 245$$

6. 세 수 4,  $x$ , -6이 이 순서로 등차수열을 이룰 때,  $x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -1

해설

$x$ 는 4와 -6의 등차중항이므로

$$2x = 4 + (-6) = -2 \quad \therefore x = -1$$

7. 첫째항이  $\frac{7}{4}$ , 공차가  $\frac{3}{4}$ 인 등차수열의 첫째항부터 제 17 항까지의 합은?

- ①  $\frac{167}{4}$       ②  $\frac{235}{4}$       ③  $\frac{527}{4}$       ④  $\frac{1105}{4}$       ⑤  $\frac{1054}{4}$

해설

구하는 합을  $S_{17} = \frac{17 \left\{ 2 \cdot \frac{7}{4} + (17 - 1) \cdot \frac{3}{4} \right\}}{2} = \frac{527}{4}$

8. 등비수열  $3, 1, \frac{1}{3}, \frac{1}{9}, \dots$  의 일반항  $a_n$  은?

①  $\left(\frac{1}{3}\right)^{-2}$

②  $\left(\frac{1}{3}\right)^n$

③  $\left(\frac{1}{3}\right)^{n-1}$

④  $\left(\frac{1}{3}\right)^2$

⑤  $\left(\frac{1}{3}\right)^{n-2}$

해설

첫째항이 3이고, 공비가  $\frac{1}{3}$  이므로

$$a_n = 3 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{n-1} = \left(\frac{1}{3}\right)^{-1} \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{n-1} = \left(\frac{1}{3}\right)^{n-2}$$

9. 첫째항이 2, 공비가 -3인 등비수열의 일반항  $a_n$  을 구하면?

- ①  $2 \cdot (-3)^{n-1}$
- ②  $-2 \cdot (-3)^{n-1}$
- ③  $(-2) \cdot (-3)^n$
- ④  $-3n + 4$
- ⑤  $-3n + 2$

해설

$$a_n = 2 \cdot (-3)^{n-1}$$

10.  $a_n = \frac{1}{6} \cdot 3^{2n+1}$  인 등비수열  $\{a_n\}$ 에서 첫째항과 공비  $r$ 을 차례대로 구하면?

- ①  $\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{3}$       ②  $\frac{1}{6} \cdot 3$       ③  $\frac{9}{2}, 9$       ④  $\frac{1}{6}, 9$       ⑤  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}$

해설

$$a_1 = \frac{1}{6} \cdot 3^3 = \frac{9}{2}, \quad \frac{1}{6} \cdot 3^5 = \frac{81}{2}$$

$$\therefore r = \frac{a_2}{a_1} = \frac{\frac{81}{2}}{\frac{9}{2}} = 9$$

$$\therefore a_1 = \frac{9}{2}, \quad r = 9$$

11. 등비수열  $-3, 6, -12, 24, -48, \dots$ 에서 384는 제 몇 항인가?

① 제 6 항

② 제 7 항

③ 제 8 항

④ 제 9 항

⑤ 제 10 항

해설

주어진 등비수열의 일반항을  $a_n$ 이라 하면 첫째항이  $-3$ 이고, 공비가  $-2$ 이므로

$$a_n = (-3) \cdot (-2)^{n-1}$$

$$(-3) \cdot (-2)^{n-1} = 384 \text{에서 } (-2)^{n-1} = -128 = (-2)^7$$

$$n - 1 = 7 \quad \therefore n = 8$$

12. 첫째항이  $\frac{1}{4}$ , 끝항이  $\frac{1}{16}$ , 공비가  $-\frac{1}{2}$ 인 등비수열의 항의 개수는?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$$a_n = \left(\frac{1}{4}\right) \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)^{n-1}$$

$$\frac{1}{4} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)^{n-1} = \frac{1}{16}$$

$$\left(-\frac{1}{2}\right)^{n-1} = \frac{1}{4} = \left(-\frac{1}{2}\right)^2$$

$$n - 1 = 2$$

$$n = 3$$

13. 첫째항이 1, 공비가 2, 끝항이 512인 등비수열의 합은?

① 511

② 512

③ 1023

④ 1024

⑤ 2047

해설

$$512 = 1 \cdot 2^{n-1} \text{에서 } n = 10$$

$$\therefore a = 1, r = 2, n = 10$$

$$\therefore S_{10} = \frac{1 \cdot (2^{10} - 1)}{2 - 1} = 1023$$

14. 이차방정식  $x^2 - 6x + 4 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha, \beta$ 의 등차중항을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

근과 계수의 관계에 의하여  $\alpha + \beta = 6$  이므로  $\alpha, \beta$ 의 등차중항은

$$\frac{\alpha + \beta}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

15. 다음 수열이 조화수열을 이룰 때, (가)에 알맞은 수는?

6, 3, 2, (가)

- ①  $\frac{1}{2}$       ② 1      ③  $\frac{3}{2}$       ④  $\frac{1}{3}$       ⑤  $\frac{2}{3}$

해설

주어진 수열이 조화수열이면 각 항의 역수로 이루어진 수열  $\frac{1}{6}, \frac{1}{3}, \frac{1}{2}, \frac{1}{(가)}$  이 등차수열이므로 이 등차수열의 공차는  $\frac{1}{3} - \frac{1}{6} = \frac{1}{6}$  이다.

따라서  $\frac{1}{(가)} = \frac{1}{2} + \frac{1}{6} = \frac{2}{3} \quad \therefore (가) = \frac{3}{2}$

16. 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제10항까지의 합이 120일 때,  $a_4 + a_7$ 의 값은?

- ① 12      ② 18      ③ 24      ④ 30      ⑤ 36

해설

등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제10항까지의 합이 120이므로 첫째항을  $a$ , 공차를  $d$ 라 하면

$$\frac{10(2a + 9d)}{2} = 120 \quad \therefore 2a + 9d = 24$$

$$a_4 + a_7 = (a + 3d) + (a + 6d) = 2a + 9d = 24$$

17. 첫째항이 3, 공차가 4, 항의 수가 10인 등차수열의 합  $S_{10}$ 을 구하면?

① 150

② 170

③ 190

④ 210

⑤ 230

해설

$a = 3, d = 4, n = 10$ 이므로

$$S_n = \frac{n \{ 2a + (n - 1)d \}}{2} \text{에 대입하면}$$

$$S_{10} = \frac{10 \{ 2 \cdot 3 + (10 - 1) \cdot 4 \}}{2} = 210$$

18. 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_5 + a_{10} + a_{15} + a_{20} = 72$  일 때,  $a_1 + a_2 + a_3 + \cdots + a_{24}$  의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 432

해설

첫째항을  $a$ , 공차를  $d$ 라 하면

$$a_5 + a_{10} + a_{15} + a_{20} = 4a + 46d = 72$$

$$2a + 23d = 36$$

$$\begin{aligned}\therefore a_1 + a_2 + \cdots + a_{24} &= \frac{24(2a + 23d)}{2} \\ &= 12 \times 36 \\ &= 432\end{aligned}$$

19. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$ 이  $S_n = n^2 + 2n - 1$  일 때,  $a_{10}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 21

해설

$$a_{10} = S_{10} - S_9$$

$$S_{10} = 10^2 + 20 - 1 = 119,$$

$$S_9 = 9^2 + 18 - 1 = 98$$

$$\therefore a_{10} = 119 - 98 = 21$$

20. 제 3항이 6이고 제 7항이 96인 등비수열의 첫째항과 공비의 곱을 구하여라. (단, 공비는 양수이다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

첫째항을  $a$ , 공비를  $r$ 이라 하면

$$a_3 = ar^2 = 6 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$$a_7 = ar^6 = 96 \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{2} \div \textcircled{1} \text{에서 } r^4 = 16$$

$$r = \pm 2, \quad \therefore r = 2 \quad (\because r > 0)$$

$$\textcircled{1} \text{에 대입하면 } a = \frac{3}{2}$$

첫째항은  $\frac{3}{2}$ , 공비는 2이므로 곱은 3

21. 다음 보기의 수열 중 등비수열인 것은?

보기

㉠  $\{2n + 1\}$

㉡  $\{n^2\}$

㉢  $\{3^{n+1}\}$

㉣  $\{5 \cdot 3^{n-2}\}$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉢

④ ㉡, ㉣

⑤ ㉢, ㉣

해설

등비수열은  $ar^{n-1}$  의 꼴로  
나타낼 수 있는 수열이므로

㉢  $3^{n+1} = 3^2 \cdot 3^{n-1}$

첫째항 =  $3^2$ , 공비 = 3

㉣  $5 \cdot 3^{n-2} = \frac{5}{3} \cdot 3^{n-1}$

첫째항 =  $\frac{5}{3}$ , 공비 = 3

22. 2와 18의 등비중항을  $x$ , 2와 18의 등차중항을  $y$ 라 할 때,  $x^2 + y^2$ 의 값은?

① 122

② 128

③ 136

④ 146

⑤ 152

해설

$x$ 는 2와 18의 등비중항이므로

$$x^2 = 2 \times 18 = 36$$

$y$ 는 2와 18의 등차중항이므로

$$2y = 2 + 18 = 20$$

$$\therefore y = 10$$

$$\therefore x^2 + y^2 = 36 + 100 = 136$$

23. 수열  $1, a, \frac{1}{16}, b, \dots$  가 등비수열을 이룰 때,  $\frac{a}{b}$  의 값은?

① 2

② 4

③ 8

④ 16

⑤ 32

해설

$$\text{첫째항} = 1, \text{ 공비} = a$$

$$a_n = a^{n-1}$$

$$a_3 = a^2 = \frac{1}{16} \quad \therefore a = \pm \frac{1}{4}$$

$$a_4 = a^3 = \pm \frac{1}{64} = b$$

$$\therefore \frac{\pm \frac{1}{4}}{\frac{1}{16}} = \frac{64}{4} = 16 (\because \text{복호동순})$$

24. 오른쪽 표에서 가로줄, 세로줄 각각이 모두 등비수열을 이룰 때,  $a + b + c + d$ 의 값은?(단,  $a, b, c, d$ 는 양수)

1	3	$a$
2	$b$	18
$c$	12	$d$

- ① 51      ② 52      ③ 53      ④ 54      ⑤ 55

해설

1	3	9
2	6	18
4	12	36

$$a + b + c + d = 9 + 6 + 4 + 36 = 55$$

25. 양수  $a$ ,  $b$ 에 대하여 세 수  $\log 2$ ,  $\log a$ ,  $\log 8$ 이 이 순서로 등차수열을 이루고, 세 수  $a$ ,  $b$ ,  $16$ 이 이 순서로 등비수열을 이룰 때,  $a + b$ 의 값은?

① 10

② 12

③ 14

④ 16

⑤ 18

해설

$$2 \log a = \log 2 + \log 8$$

$$a^2 = 16, \quad \therefore a = 4$$

$$b^2 = a \times 16 = 64, \quad \therefore b = 8$$

$$a + b = 4 + 8 = 12$$