

1. 다음은 재중이와 사랑이의 대화이다. □안에 알맞은 것을 보기에서 찾아 차례대로 써넣어라.

보기

공약수, 최대공약수, 5, 6

재중 : 드디어 구했어! 사랑아!

사랑 : 무엇을 구했는데?

재중 : 두 수의 최대공약수를 구했어. 45가 답이야.

사랑 : 그럼 그 두 수의 공약수의 개수도 구할 수 있겠네?

재중 : 잠깐만, 아까 두 수가 뭐였더라.

사랑 : 최대공약수만 알면 두 수를 몰라도 공약수를 구할 수 있잖아.

재중 : 그럼, □의 약수의 개수와 두 수의 공약수의 약수의 개수도 같구나!

사랑 : 맞아!

재중 : 공약수의 개수는 □ 개구나.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 최대공약수

▷ 정답 : 6

해설

재중 : 드디어 구했어! 사랑아!

사랑 : 무엇을 구했는데?

재중 : 두 수의 최대공약수를 구했어. 45가 답이야.

사랑 : 그럼 그 두 수의 공약수의 개수도 구할 수 있겠네?

재중 : 잠깐만, 아까 두 수가 뭐였더라.

사랑 : 최대공약수만 알면 두 수를 몰라도 공약수를 구할 수 있잖아.

재중 : 그럼, □ (= 최대공약수)의 약수의 개수와 두 수의 공약수의 약수의 개수도 같구나!

사랑 : 맞아!

재중 : 공약수의 개수는 □ (= 6) 개구나.

45를 소인수분해하면 $45 = 3^2 \times 5$ 이므로 약수의 개수는 $(2+1) \times (1+1) = 6$ (개)이다.

2. 다음 중 양의 부호 + 또는 음의 부호 - 를 붙여서 나타낸 것으로 옳지 않은 것은?

- ① 400 원 이익: +400 원
- ② 출발하기 5 시간 전: -5 시간
- ③ 학생 수 35 명 감소: -35 명
- ④ 해저 1000m: +1000m
- ⑤ 영하 10°C: -10°C

해설

이익, 증가는 양의 부호를 손해, 감소는 음의 부호를 사용한다.
출발하기 5시간 전은 음의 부호로 나타낸다. 온도는 0°C 기준으로 영상이면 양의 부호를 영하이면 음의 부호를 사용한다. 해저 1000m 는 음의 부호를 나타내므로 -1000m 이 된다.

3. 다음 밑줄 친 부분을 양의 부호 +, 음의 부호 -로 고친 것 중에서 옳게 나타낸 것은?

- ① 오늘 아침 기온은 영하 3°C 이다. $\Rightarrow +3^{\circ}\text{C}$
- ② 이번달 우리 회사의 지출액은 1000만 달러가 넘는다. $\Rightarrow +1000$ 만 달러
- ③ 평균 해수면의 높이를 기준으로 산의 높이와 바다의 깊이를 나타낸다. $\Rightarrow 0$
- ④ 백두산의 높이는 해발 2744m 이다. $\Rightarrow -2744\text{m}$
- ⑤ 나의 몸무게가 10kg 증가하였다. $\Rightarrow -10\text{kg}$

해설

- ① 영하 3°C 는 -3°C 이다.
- ② 지출액은 사용한 금액이므로 -1000 만 달러가 된다.
- ③ 평균 해수면의 높이는 기준점이 되므로 0 이 된다.
- ④ 해발 2744m 는 $+2744\text{m}$ 이다.
- ⑤ 무게가 증가한 것이므로 $+10\text{kg}$ 이다.

4. 「 -3 은 -5 보다 만큼 작다.」에서 안에 알맞은 수는?

- ① -8
- ② -4
- ③ -2
- ④ 2
- ⑤ 8

해설

$$-5 - \boxed{} = -3, \quad \boxed{} = -2 \text{ 이다.}$$

5. 다음 중, 정수가 아닌 유리수를 모두 고르면?

① $\frac{2}{3}$

② $-\frac{5}{5}$

③ $\frac{8}{4}$

④ $\frac{9}{3}$

⑤ $-\frac{2}{7}$

해설

②, $-\frac{5}{5} = -1$ (정수)

③, $\frac{8}{4} = 2$ (정수)

④, $\frac{9}{3} = 3$ (정수)

①, ⑤는 약분되지 않으므로 정수가 아닌 유리수이다.

6. 다음 중 계산 결과가 나머지 넷과 다른 것은?

- ① $(-7) + (+3)$ ② $(-4) + (+1)$ ③ $0 + (-3)$
- ④ $(-5) + (+2)$ ⑤ $(+3) + (-6)$

해설

부호가 다른 두 정수의 합은 절댓값의 차에 절댓값이 큰 수의 부호를 붙인다.

- ① $(-7) + (+3) = -(7 - 3) = -4$
- ② $(-4) + (+1) = -(4 - 1) = -3$
- ③ $0 + (-3) = -(3 - 0) = -3$
- ④ $(-5) + (+2) = -(5 - 2) = -3$
- ⑤ $(+3) + (-6) = -(6 - 3) = -3$

7. 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

㉠ $(+4) + (+3) = +7$

㉡ $(-9) + (-1) = -8$

㉢ $(+8) + (+3) = +10$

㉣ $(-4) + (-6) = -10$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉣

해설

㉡ $(-9) + (-1) = -(9 + 1) = -10$

㉢ $(+8) + (+3) = +(8 + 3) = +11$

8. 다음을 계산한 값을 차례로 구하면?

㉠ $(-13) + (+32) + (-25) - (-19)$

㉡ $-24 - 17 + 29 - 15$

① $-10, -5$

② $-3, 4$

③ $13, 7$

④ $10, 6$

⑤ $13, -27$

해설

$$\begin{aligned} \text{㉠ } & (-13) + (+32) + (-25) - (-19) \\ & = (-13) + (+32) + (-25) + (+19) \\ & = 13 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{㉡ } & -24 - 17 + 29 - 15 \\ & = (-24) + (-17) + (+29) + (-15) \\ & = -27 \end{aligned}$$

9. 다음 중 계산 결과의 절댓값이 가장 큰 것은?

① $(-2.7) + (-1.3)$

② $\left(+\frac{2}{3}\right) + \left(+\frac{1}{6}\right)$

③ $\left(+\frac{1}{7}\right) + \left(-\frac{5}{4}\right)$

④ $\left(+\frac{9}{2}\right) - \left(-\frac{2}{3}\right)$

⑤ $(-3.1) - \left(-\frac{12}{5}\right)$

해설

① $(-2.7) + (-1.3) = -(2.7 + 1.3) = -4 \rightarrow |-4| = 4$

② $\left(+\frac{4}{6}\right) + \left(+\frac{1}{6}\right) = +\frac{5}{6} = +0.8333\cdots \rightarrow |+0.8333| = 0.8333$

③ $\left(\frac{4}{28}\right) + \left(-\frac{35}{28}\right) = -\frac{31}{28} = -1.\times\times\times \rightarrow |-1.\times\times\times| = 1.\times\times\times$

④ $+\frac{9}{2} + \frac{2}{3} = \frac{27}{6} + \frac{4}{6} = \frac{31}{6} = 5.\times\times\times \rightarrow |5.\times\times\times| = 5.\times\times\times$

⑤ $(-3.1) + \left(\frac{12}{5}\right) = -3.1 + 2.4 = -0.7 \rightarrow |-0.7| = 0.7$

$0.7 < 0.8333 < 1.\times\times\times < 4 < 5.\times\times\times$

이므로, 절댓값이 가장 큰 것은 ④이다.

10. $(-10) - (-3) + (-5)$ 를 바르게 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -12

해설

$$\begin{aligned}(-10) - (-3) + (-5) &= (-10) + (+3) + (-5) \\&= (-10) + (-5) + (+3) \\&= (-15) + (+3) \\&= -12\end{aligned}$$

11. 다음 중 옳은 것은?

① $(-2)^3 = +8$

② $-(-1)^2 = -2$

③ $-3^2 = 9$

④ $-2^3 = -8$

⑤ $-(-3)^3 = -27$

해설

① $(-2)^3 = 8$, ② $-(-1)^2 = -1$,

③ $-3^2 = -9$, ⑤ $-(-3)^3 = 27$

12. 다음 중 $5a$ 와 같은 것은?

① $a + a + a + a + a$

② $a \times a \times a \times a \times a$

③ a^3

④ $5 \div a$

⑤ $5 + a$

해설

① $a + a + a + a + a = 5a$

② $a \times a \times a \times a \times a = a^5$

④ $5 \div a = \frac{5}{a}$

13. 다음 보기 중 단항식을 모두 고른 것은?

보기

Ⓐ a

Ⓑ $3x + b$

Ⓔ -3

ⓐ $5a + 5$

Ⓓ $x^2 - 1$

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓒ, Ⓓ

④ Ⓓ, Ⓔ

⑤ Ⓔ, Ⓕ

해설

Ⓐ 항의 개수는 1 개다.

Ⓑ 항의 개수는 2 개다.

Ⓒ 항의 개수는 1 개다.

Ⓓ 항의 개수는 2 개다.

Ⓔ 항의 개수는 2 개다.

따라서 단항식은 Ⓐ, Ⓒ 이다.

14. 다음 주어진 식을 계산한 값을 구하여라.

$$\left(-\frac{5}{3}\right) \times \left(-\frac{4}{5}\right) \times \frac{9}{4}$$

▶ 답 :

▶ 정답 : 3 또는 +3

해설

$$(\text{준식}) = \left(-\frac{5}{3}\right) \times \left(-\frac{4}{5}\right) \times \left(+\frac{9}{4}\right) = + \left(\frac{5}{3} \times \frac{4}{5} \times \frac{9}{4}\right) = 3$$

15. A 지점에서 B 지점까지 거리는 120 km이고 시속 50 km로 a 시간 동안 갔을 때, a 시간 동안 간 거리와 남은 거리를 차례대로 구하여라.

▶ 답 : km

▶ 답 : km

▶ 정답 : $50a$ km

▶ 정답 : $120 - 50a$ 또는 $\{120 - 50a\}$ km

해설

$$(\text{거리}) = (\text{시간}) \times (\text{속력}) = a \times 50 = 50a(\text{km})$$

$$(\text{남은 거리}) = (\text{전체 거리}) - (\text{간 거리}) = 120 - 50a(\text{km})$$

16. 물 200g에 소금 x g을 넣어 만든 소금물의 농도를 문자를 사용한 식으로 나타내어라.

▶ 답: $\frac{x}{200+x} \%$

▶ 정답: $\frac{100x}{200+x} \%$

해설

$$(\text{농도}) = \frac{x}{(200+x)} \times 100 = \frac{100x}{200+x} (\%) \text{ 이다.}$$

17. $a = -2$ 일 때, 다음 중 식의 값이 가장 큰 것은?

- ① $3a$
④ $1 + a^2$

② $-a + 2$

③ $2a - 3$

⑤ $a^2 - a$

해설

- ① $3a = 3 \times (-2) = -6$
② $-a + 2 = -(-2) + 2 = 2 + 2 = 4$
③ $2a - 3 = 2 \times (-2) - 3 = -4 - 3 = -7$
④ $1 + a^2 = 1 + (-2)^2 = 1 + 4 = 5$
⑤ $a^2 - a = (-2)^2 - (-2) = 4 + (+2) = 6$

18. 다음 중 일차식을 고르면?

① $(x + 1) - (2 + x)$

② $0 \times x + 5$

③ $3x - x + 7 - 2x$

④ $\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$

⑤ $x^2 - (x^2 + 0.1x)$

해설

① $(x + 1) - (2 + x) = x + 1 - 2 - x = -1$

② $0 \times x + 5 = 5$

③ $3x - x + 7 - 2x = 7$

④ 분모에 문자가 있는 식은 일차식이 아니다.

⑤ $x^2 - (x^2 + 0.1x) = x^2 - x^2 - 0.1x = -0.1x$

19. 다항식 $2(6a - 3) - 3(3a + 1)$ 을 간단히 했을 때, a 의 계수와 상수항의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -6

해설

$$12a - 6 - 9a - 3 = 3a - 9$$

a 의 계수는 3, 상수항은 -9

$$\therefore 3 + (-9) = -6$$

20. x 는 5이하의 정수 중 양수일 때, $-2x = -3x + 5$ 의 해는?

① $x = 1$

② $x = 2$

③ $x = 3$

④ $x = 4$

⑤ $x = 5$

해설

1, 2, 3, 4, 5의 모든 값을 대입하며 참인 값을 찾는다.

$-2x = -3x + 5$ 에 $x = 5$ 를 대입하면

$$-10 = -15 + 5$$

$$-10 = -10 \text{ (참)}$$

21. x 의 값이 1, 2, 3이고, y 의 값이 1 이상 6 이하일 때, 다음 중 y 가 x 의 함수인 것은?

① $y = 5x - 1$

② $y = -3x$

③ $y = -x + 5$

④ $y = \frac{7}{x}$

⑤ $y = \frac{x}{15}$

해설

③ $y = -x + 5$ 에서 $x = 1$ 일 때 $y = 4$, $x = 2$ 일 때 $y = 3$,
 $x = 3$ 일 때 $y = 2$

즉, x 의 값 하나에 y 의 값이 하나만 결정되므로 함수이다.

22. 관계식이 $y = 2x - 1$ 인 함수 f 가 있다. 이 때, $f(2)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

$$f(2) = 2 \times 2 - 1 = 3$$

23. 함수 $f(x) = ax + 8$ 에서 $f(2) = 2$ 일 때, $f(-2) - f(4)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 18

해설

$$f(2) = 2a + 8 = 2, \quad a = -3$$

$$\therefore f(x) = -3x + 8$$

$$f(-2) = -3 \times (-2) + 8 = 14$$

$$f(4) = -3 \times 4 + 8 = -4$$

$$\therefore f(-2) - f(4) = 14 - (-4) = 18$$

24. 함수 $f(x) = -7x + 2$ 에 대하여 다음을 구하면?

$$f(-3) - f\left(\frac{1}{7}\right)$$

- ① -10 ② -4 ③ 7 ④ 16 ⑤ 22

해설

$$f(-3) = -7 \times (-3) + 2 = 23$$

$$f\left(\frac{1}{7}\right) = -7 \times \frac{1}{7} + 2 = 1$$

$$\therefore f(-3) - f\left(\frac{1}{7}\right) = 23 - 1 = 22$$

25. x 의 값이 $-6, -3, 0, 3, 6$ 인 함수 $y = \frac{x}{3}$ 의 함숫값은?

- ① $-3, -1, 0, 1, 3$ ② $-3, -1, 0, 1, 2$ ③ $-2, -1, 0, 1, 2$
④ $-2, -1, 0, 2, 4$ ⑤ $-2, -1, 0, 3, 6$

해설

$$f(-6) = \frac{-6}{3} = -2$$

$$f(-3) = \frac{-3}{3} = -1$$

$$f(0) = \frac{0}{3} = 0$$

$$f(3) = \frac{3}{3} = 1$$

$$f(6) = \frac{6}{3} = 2$$

\therefore 함숫값은 $-2, -1, 0, 1, 2$ 이다.