

1. x 의 값이 자연수이고, y 의 값이 수 전체일 때, 다음 중 y 가 x 의 함수인 것은 어느 것인가?

Ⓐ $x + y = 0$
Ⓑ y 는 x 보다 작은 자연수
Ⓒ y 는 x 의 약수¹⁾
Ⓓ $xy = 10$
Ⓔ y 는 x 의 역수

① Ⓐ, Ⓑ Ⓒ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ ③ Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ

④ Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ ⑤ Ⓒ, Ⓕ

해설

Ⓑ y 는 x 보다 작은 자연수: y 는 x 보다 작은 자연수는 여러 개가 존재할 수도 있다.

Ⓒ y 는 x 의 약수: 자연수 x 의 약수는 여러 개가 존재하므로, 함수가 될 수 없다.

2. x 의 값이 1, 2, 5, 10 일 때, 함수 $y = \frac{-10}{x}$ 의 모든 함수값을 구하면?

- ① 1, 2, 5 ② 1, 2, 5, 10
③ 1, 2, 10 ④ -1, -2, -5
⑤ -1, -2, -5, -10

해설

$$f(1) = -10, f(2) = -5, f(5) = -2, f(10) = -1$$

3. 함수 $f(x)$ 에 대하여 $y = -3x + 1$ 이고, 함수값이 1, -2, -5, -8 일 때, x 의 값은?

- ① -1, 0, 1, 2 ② 0, 1, 2, 3 ③ 1, 2, 3, 4
④ 1, 2, 3, 4, 5 ⑤ 0, 1, 2, 3, 4

해설

$y = 1, -2, -5, -8$ 일 때 x 값을 구하면
 $-\frac{1}{3} + \frac{1}{3} = 0$, $-\frac{1}{3} \times (-2) + \frac{1}{3} = 1$, $-\frac{1}{3} \times (-5) + \frac{1}{3} = 2$,
 $-\frac{1}{3} \times (-8) + \frac{1}{3} = 3$ 이다.

따라서 x 의 값은 0, 1, 2, 3 이다.

4. 다음 수직선 위의 점의 좌표를 기호로 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?



- ① O(-4) ② P(-3) ③ Q($\frac{3}{2}$)
④ R(-1) ⑤ S(0)

해설

$$R\left(-\frac{3}{2}\right)$$

5. X 의 값이 a, b, c 이고, Y 의 값이 0 이상 5 이하인 짝수일 때, (X, Y) 로 이루어지는 순서쌍의 개수를 구하여라.

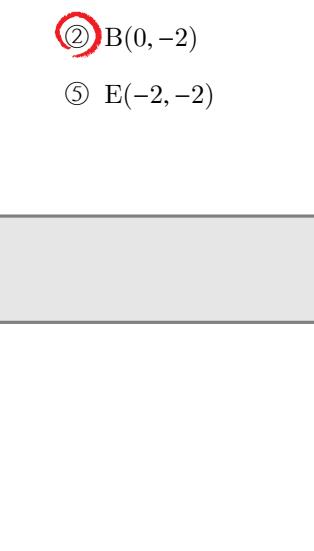
▶ 답: 개

▷ 정답: 6개

해설

$(a, 2), (a, 4), (b, 2), (b, 4), (c, 2), (c, 4)$

6. 다음 그림과 같은 좌표 평면 위의 점 A, B, C, D, E의 좌표를 기호로 나타낸 것으로 옳지 않은 것은?



- ① A(1, 2) ② B(0, -2) ③ C(0, 0)
④ D(-1, -3) ⑤ E(-2, -2)

해설

B(-2, 0)

7. 점 A $\left(-2, \frac{3}{2}\right)$ 에 대하여 x 축에 대하여 대칭인 점의 좌표는?

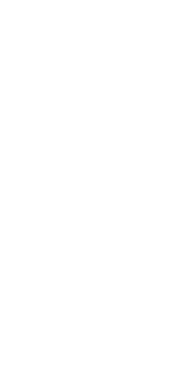
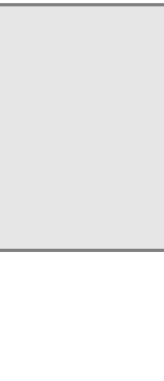
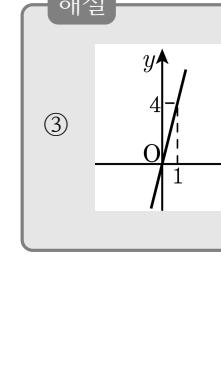
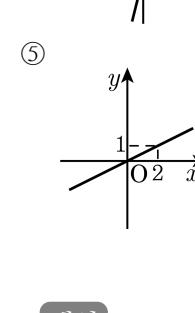
- ① $\left(\frac{3}{2}, -2\right)$ ② $\left(\frac{3}{2}, 2\right)$ ③ $\left(-2, -\frac{3}{2}\right)$
④ $\left(2, -\frac{3}{2}\right)$ ⑤ $\left(2, \frac{3}{2}\right)$

해설

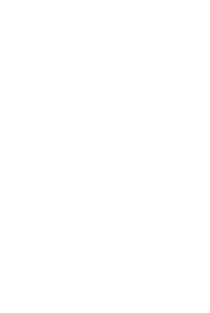
점 A $\left(-2, \frac{3}{2}\right)$ 에 대하여 x 축에 대하여 대칭인 점을 좌표평면 위에 그리면 다음과 같다.



8. 다음 중 $y = 4x$ 의 그래프를 고르면?



해설



9. 함수 $y = ax(a \neq 0)$ 의 그래프가 점 $(-3, -9)$ 를 지날 때, a 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

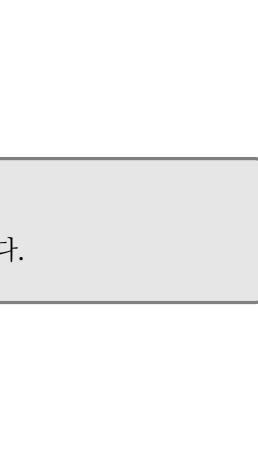
$(-3, -9)$ 를 $y = ax(a \neq 0)$ 에 대입하면

$$-9 = -3a$$

$$\therefore a = 3$$

10. 함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

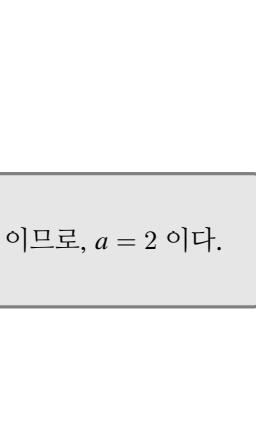
- ① 원점에 대하여 대칭이다.
- ② 점 $(1, -6)$ 를 지난다.
- ③ y 는 x 에 반비례한다.
- ④ $a < 0$ 일 때, x 가 증가하면 y 도 증가한다.
- ⑤ 제 1 사분면과, 제 3 사분면을 지난다.



해설

- ⑤ 제 1 사분면과, 제 3 사분면을 지난다.
 \Rightarrow 제 2 사분면과, 제 4 사분면을 지난다.

11. 함수 $y = \frac{4}{x}$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, a 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$y = \frac{4}{x}$ 에 점 $(a, 2)$ 를 대입 해보면, $2 = \frac{4}{a}$ 이므로, $a = 2$ 이다.

12. 한 병에 2000 원 하는 우유를 x 병 살 때의 값은 y 원이다. 이 때, x, y 사이의 관계식은?

- ① $y = 1000x$ ② $y = 2000x$ ③ $y = 3000x$
④ $y = 4000x$ ⑤ $y = 5000x$

해설

1 병 : 2000 원
 x 병 : $2000x$ 원
 $\therefore y = 2000x$

13. 다음 글을 읽고 x 와 y 사이의 관계를 식으로 나타낸 것으로 옳은 것은?

가격이 1000원인 사탕 1봉지를 사서 그 안에 들어 있는 사탕을 세어 보니 x 개 였다. 그러므로 이 사탕 1개는 y 원이다.

① $y = \frac{1000}{x}$ ② $y = \frac{1}{x}$ ③ $y = \frac{1}{1000}x$
④ $y = x$ ⑤ $y = 1000x$

해설

(가격) = 사탕1개의 가격 \times 갯수이므로

$$1000 = y \times x$$

$$\therefore y = \frac{1000}{x}$$

14. 넓이가 36 cm^2 인 직사각형의 가로의 길이가 $x\text{ cm}$, 세로의 길이가 $y\text{ cm}$ 이다. y 는 x 의 함수일 때, 이 함수의 관계식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $y = \frac{36}{x}$

해설

x 의 값이 하나 정해지면 그에 따라 y 의 값이 오직 하나씩 대응하므로 함수이다.

이 함수의 관계식은 $xy = 36$ 이다. 따라서 $y = \frac{36}{x}$ 이다.

15. 함수 $f(x) = \frac{x}{7} - 3$ 에서 $f(14) = a$ 이고 $f(35) = b$ 일 때, $\frac{2a+3b}{4}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$f(14) = \frac{14}{7} - 3 = -1 = a$$

$$f(35) = \frac{35}{7} - 3 = 2 = b$$

$$\therefore \frac{2a+3b}{4} = \frac{2 \times (-1) + 3 \times 2}{4} = \frac{4}{4} = 1 \text{이다.}$$

16. 두 합수 $f(x) = -\frac{x}{2} - 5$, $g(x) = 4x + 1$ 에 대하여 $f(2) = a$, $g(3) = b$ 일 때, $\frac{2a+3b}{3}$ 의 값은?

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}f(2) &= -\frac{2}{2} - 5 = -6 = a \\g(3) &= 4 \times 3 + 1 = 13 = b \\\therefore \frac{2a+3b}{3} &= \frac{2 \times (-6) + 3 \times 13}{3} = \frac{27}{3} = 9\end{aligned}$$

17. 함수 $f(x) = -ax + 8$ 에 대하여 $f(-1) = 13$ 일 때, a 의 값은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

$$f(-1) = a + 8 = 13, a = 5$$

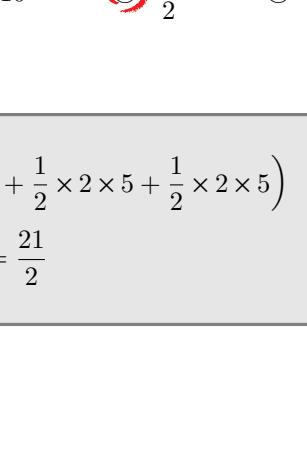
18. x 축 위에 있고, x 좌표가 3인 점의 좌표는?

- ① (3, 3) ② (0, 3) ③ (3, 0)
④ (0, -3) ⑤ (-3, 0)

해설

x 축 위에 있는 수는 y 좌표가 0 이므로,
 x 좌표가 3이고 y 좌표가 0인 점의 좌표를 찾으면 (3, 0)이다.

19. 다음 그림과 같이 세 점 A(2, 4), B(-1, 1), C(4, -1)을 꼭짓점으로 하는 $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 9 ② 10 ③ $\frac{21}{2}$ ④ 11 ⑤ $\frac{23}{2}$

해설

$$25 - \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 3 + \frac{1}{2} \times 2 \times 5 + \frac{1}{2} \times 2 \times 5 \right)$$

$$= 25 - \frac{9}{2} - 10 = \frac{21}{2}$$

20. 점 C(2, -7)은 제 몇 사분면 위의 점인지 구하여라.

▶ 답:

사분면

▷ 정답: 제 4사분면

해설

C(2, -7)은 x좌표는 양수, y좌표는 음수이므로 제4사분면의 점이다.

21. y 가 x 에 정비례하고, 그 함수의 그래프가 $(2, 6)$ 을 지날 때, 함수의 식은?

① $y = x$

④ $y = 7x$

② $y = 3x$

⑤ $y = 9x$

해설

$y = ax(a \neq 0)$ 에 $x = 2, y = 6$ 을 대입하면 $6 = 2a$ 이다.

$\therefore a = 3$

$\therefore y = 3x$

22. 함수 $y = -2x$ 의 그래프가 점 $(a, -6)$ 을 지날 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 3$

해설

점 $(a, -6)$ 이 함수 $y = -2x$ 의 그래프 위에 있는 경우, $y = -2x$ 에 x 대신 a , y 대신 -6 을 대입하면 등식이 성립한다.

$$\therefore -6 = -2a$$

따라서 $a = 3$ 이다.

23. 함수 $y = ax$ 의 그래프는 점 $(-6, 4)$ 를 지나고, 함수 $y = \frac{b}{x}$ 의 그래프는 두 점 $(3, -4)$, $(c, 8)$ 을 지날 때, abc 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -12

해설

$y = ax$ $\Leftrightarrow x = -6, y = 4$ 를 대입하면

$$4 = a \times (-6) \quad \therefore a = -\frac{2}{3}$$

$y = \frac{b}{x}$ $\Leftrightarrow x = 3, y = -4$ 를 대입하면

$$-4 = \frac{b}{3} \quad \therefore b = -12$$

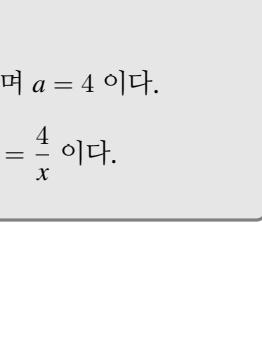
$y = -\frac{12}{x}$ $\Leftrightarrow x = c, y = 8$ 을 대입하면

$$8 = -\frac{12}{c} \quad \therefore c = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore abc = \left(-\frac{2}{3}\right) \times (-12) \times \left(-\frac{3}{2}\right) = -12$$

24. 함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 다음과 같을 때, a 의 값은?

- ① $\frac{1}{4}$ ② $-\frac{1}{4}$ ③ -4
④ 1 ⑤ 4



해설

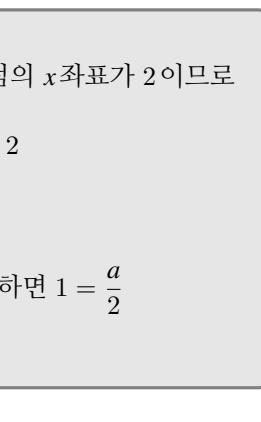
$y = \frac{a}{x} (a \neq 0)$ 형태의 함수식이며,

$x = -4$ 일 때 $y = -1$ 이므로 $-1 = \frac{a}{-4}$ 이며 $a = 4$ 이다.

따라서 그래프가 나타내는 함수의 식은 $y = \frac{4}{x}$ 이다.

25. 다음 그림은 두 함수 $y = \frac{1}{2}x$, $y = \frac{a}{x}$ ($x > 0$)의 그래프이다. 두 그래프의 교점 A의 x좌표가 2일 때, a의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6



해설

두 그래프 $y = \frac{1}{2}x$ 와 $y = \frac{a}{x}$ ($x > 0$)의 교점의 x 좌표가 2이므로

$$(1) y = \frac{1}{2}x \text{ } \parallel x = 2 \text{ 를 대입하면 } y = \frac{1}{2} \times 2$$

$$\therefore y = 1$$

∴ 교점의 좌표 $rma(2, 1)$

$$(2) y = \frac{a}{x} (x > 0) \parallel x = 2, y = 1 \text{ 을 대입하면 } 1 = \frac{a}{2}$$

$$\therefore a = 2$$