- 세 집합 A = {x | x는 10 이하의 짝수}, B = {x | x는 5 미만의 자연수}, C = {3,4,9,10}에 대하여 A ∩ (B ∪ C)를 원소 나열법으로 옳게 나타낸 것은?
  - ① {2, 4} ② {4, 10} ③ {2, 3, 4} ④ {2, 4, 10}

해설

 $A \cap (B \cup C) = \{2, 4, 6, 8, 10\} \cap \{1, 2, 3, 4, 9, 10\}$  $= \{2, 4, 10\}$ 

 $A = \{2,4,6,8,10\}, \ B = \{1,2,3,4\}, \ C = \{3,4,9,10\}$ 

**2.** 집합  $A = \{x \mid x \vdash a \text{ 이하인 } 5 \text{의 배수}\}$  에 대하여 집합 A 의 부분집합의 개수가 32 개가 되기 위한 자연수 a 의 값은?

① 20 ② 25 ③ 30 ④ 35 ⑤ 40

 $32 = 2^5$  이므로 집합 A 의 원소의 개수는 5 개이어야 한다.  $A = \{5, 10, 15, 20, 25\}$ 이므로 a = 25 이다.

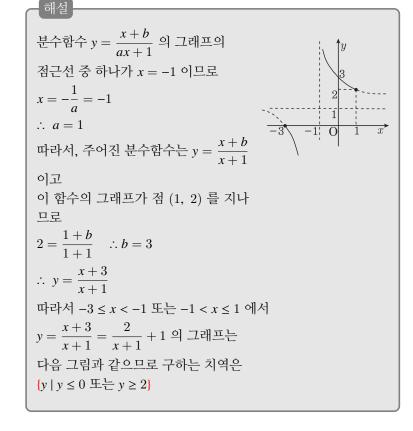
A = {5, 10, 15, 20, 25}이므로 a = 25 이다.

**3.** 두 함수  $f(x) = 2x - 1, g(x) = \frac{2x + 3}{x - 1}$ 에 대하여  $(f^{-1} \circ g)(2)$ 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 7

 $(f^{-1} \circ g)(2) = f^{-1}(g(2)) = f^{-1}(7)$   $f^{-1}(7) = k 라 하면 f(k) = 7$ 따라서 2k - 1 = 7 $\therefore k = 4$ 

- 4. 분수함수  $y = \frac{x+b}{ax+1}$  의 그래프의 점근선 중 하나가 x = -1 이고 점 (1, 2) 를 지난다고 한다. 이 분수함수의 정의역이  $\{x \mid -3 \le x < -1 \ \ \,$  또는  $-1 < x \le 1\}$  일 때, 치역을 구하면? (단, a, b 는 상수)
  - ① {y | y < 0 또는 y > 2} ② {y | y ≤ 0 또는 y ≥ 2}
  - ③  $\{y \mid 0 \le y \le 2\}$  ④  $\{y \mid y < 1 \ \Xi \ \ \ 1 < y \le 2\}$
  - ⑤ {y | y < 1 또는 y ≥ 2}



- 5. 두 조건 p, q 를 만족하는 집합을 각각  $P = \{a+1, 2\}$ ,  $Q = \{3, 5, 3a-4\}$  라 할 때, p 는 q 이기 위한 충분조건이다. 이때, 상 수 a 의 값은?
  - ②2 3 3 4 4 5 5 ① 1

p 는 q 이기 위한 충분조건이므로  $P \subset Q$  $\{a+1,\ 2\}\subset \{3,\ 5,\ 3a-4\}$ 

해설

따라서 3a-4=2이므로 a=2

**6.** 두 조건  $p:-2 \le x \le 4$  또는  $x \ge 8$ ,  $q:x \ge a$ 에 대하여  $p \Rightarrow q$ 일 때, a의 최댓값은?

① -2 ② 0 ③ 4 ④ 6 ⑤ 8

 $Q \longrightarrow P \longrightarrow P$   $a \rightarrow 2 \qquad 4 \qquad 8$   $(p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (P \subset Q) \cap \Box \Box \Box$   $\therefore a \leq -2, \text{최댓값} :-2$ 

7. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 다음 중  $(A \cap B^c) \cup (B - A^c)$ 과 같은 집합은?

해설

 $\bigcirc A \qquad \bigcirc B \qquad \bigcirc A \cap B \qquad \bigcirc A \cup B \qquad \bigcirc A - B$ 

 $(A\cap B^c)\cup (B-A^c)=(A\cap B^c)\cup (B\cap A)$  $=A\cap (B^c\cup B)$  $=A\cap U=A$ 

**8.** 분수함수  $y = \frac{2x-3}{x+2}$  의 역함수를 구하면?

① 
$$y = \frac{2x+3}{x-2}$$
 ②  $y = \frac{2x-3}{x-2}$  ③  $y = \frac{-2x+3}{x-2}$  ②  $y = \frac{2x-3}{x-2}$ 

$$y = \frac{1}{x-2}$$

 $y = \frac{2x - 3}{x + 2}$  에서 x = y에 대한 식으로 나타내면

$$y(x+2) = 2x - 3, (y-2)x = -2y - 3,$$

$$x = -2y - 3$$

$$y(x+2) = 2x - 3$$
,  $(y-2)x = -2y - 3$ ,  
 $x = \frac{-2y - 3}{y - 2}$ 

$$x$$
와  $y$ 를 바꾸면,  $y = \frac{-2x - 3}{x - 2}$   
따라서 구하는 역함수는  $y = \frac{-2x - 3}{x - 2}$ 

**9.** 다음 함수의 그래프 중 평행이동에 의하여  $y = \frac{1}{x}$  의 그래프와 겹치는 것은?

① 
$$y = \frac{2x-1}{x-1}$$
 ②  $y = \frac{2x}{x-1}$  ③  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  ④  $y = \frac{2x}{2x-1}$ 

① 
$$y = \frac{2x - 2 + 1}{x - 1} = 2 + \frac{1}{x - 1}$$
②  $y = \frac{2x - 2 + 2}{x - 1} = 2 + \frac{2}{x - 1}$ 
③  $y = \frac{2x - 2 + 3}{x - 1} = 2 + \frac{3}{x - 1}$ 
④  $y = \frac{2x - 1 + 1}{2x - 1} = 1 + \frac{1}{2x - 1}$ 
⑤  $y = \frac{2x + 1 - 1}{2x + 1} = 1 - \frac{1}{2x + 1}$ 

# **10.** 함수 $y = \frac{2x-4}{x-3}$ 에 관한 설명 중 틀린 것을 고르면?

- ① 점근선 중 하나는 x = 3 이다.
- ② 점근선 중 하나는 *y* = 2 이다.
- ③ 함수 y = <sup>2</sup>/<sub>x</sub> + 2 의 그래프를 x 축 방향으로 3만큼 평행이동한 그래프다.
   ④ 이 그래프는 x축을 지나지 않는다.
- ⑤ 함수  $y = \frac{2}{x-3}$  의 그래프를 y 축 방향으로 2 만큼 평행이동한 그래프다.

 $y = \frac{2x-4}{x-3} = \frac{2(x-3)+2}{x-3} = \frac{2}{x-3} + 2$ 그러므로 함수의 점근선은 x = 3, y = 2이고

 $y = \frac{2}{x}$ 의 그래프를 x축 방향으로 3만큼, y축 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프이다.

따라서 설명 중 틀린 것은 ④이다.

- **11.** 실수 전체의 집합 R 에서 R 로의 세 함수 f, g, h 에 대하여  $(h \circ g)(x) = 3x + 4$  ,  $f(x) = x^2$  일 때,  $(h \circ (g \circ f))(2)$  의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 16

해설

 $(h\circ (g\circ f))(2)=((h\circ g)\circ f)(2)$  $= (h \circ g)(f(2))$ 

 $= (h \circ g)(4)$ 

 $= 3 \times 4 + 4 = 16$ 

12. 두 집합  $X = \{1, 2, 3\}, Y = \{a, b, c, d\}$ 에 대하여 X에서 Y로 대응 되는 함수의 개수를 a, 일대일 대응의 개수를 b 라 할 때, a+b 의 값을 구하여라.

▷ 정답: a+b = 64

▶ 답:

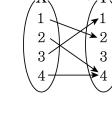
정의역과 공역의 개수가 다르므로

일대일 대응은 없고, 정의역의 개수가 A공역의 개수가 B 일 때 함수 개수는  $B^A$  이다.  $\therefore 4^3 = 64$  $\therefore a+b=64$ 

- 13. 다음 그림과 같은 대응에 대한 다음 설명 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?
  - ℂ 정의역은 1, 2, 3, 4이다.

⊙ 함수가 아니다.

- © 공역은 1, 2, 3, 4이다.
- ② 치역은 1, 2, 3, 4이다.
- ◎ 일대일대응이다.
  - $X \xrightarrow{f} Y$



③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

② 2개

- (a) 치역은 1, 2, 4이다.

① 1개

- 일대일대응이 아니다.

## 14. 다음 명제의 대우로 알맞은 것은?

'a+b가 홀수이면 a, b 중 하나는 홀수, 다른 하나는 짝수이다.'

- ① a+b 가 짝수이면 a, b 중 하나는 홀수, 다른 하나는 짝수이다. ② a, b 모두 짝수이거나 또는 홀수이면 a+b 가 짝수이다.
- ③ a, b 중 하나는 짝수, 다른 하나는 홀수이면, a + b가 짝수이다.
- ④ a, b중 하나는 홀수, 다른 하나는 짝수이면, a+b가 홀수이다.
- ⑤ *a*, *b* 중 하나는 짝수, 다른 하나는 홀수이면, *a* + *b* 가 홀수이다.

#### 대우 : a + b 가 짝수이면 a, b 중 하나는 홀수, 다른 하나는

해설

짝수이다.

**15.** 명제 'x 가 소수이면 x 는 홀수이다.' 는 거짓이다. 다음 중 반례로 알맞은 것은?

① 2 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

x = 2 인 경우에는 소수이지만 짝수이다.

- ${f 16.}$  전체집합 U 에서 두 조건  $p,\ q$  를 만족하는 집합을 각각  $P,\ Q$  라 한다.  $\sim p \rightarrow \sim q$  가 참일 때, 다음 중 항상 옳은 것은?
- ①  $P \cup Q = U$  ②  $P \cap Q = \emptyset$  ③  $Q \subset P$

 $\sim p \rightarrow \sim q$ 이 참이면  $P^c \subset Q^c \Leftrightarrow P \supset Q$ 

 $\sim p \rightarrow \sim q$ 이 참이면 대우인  $q \rightarrow p$  가 참 따라서  $Q \subset P$ 

17. 다음 그림의 함수 f 에 대하여  $f^{-1}(1) + f^{-1}(2)$  의 값을 구하면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

- **⑤** 5



해설

$$f(2) = 1, \quad f(1) = 2 \Rightarrow f^{-1}(1) = 2, \quad f^{-1}(2) = 1$$
  

$$\therefore \quad f^{-1}(1) + f^{-1}(2) = 2 + 1 = 3$$

**18.** 함수 f(x) = 2x - 5 의 역함수를  $y = f^{-1}(x)$  라 할 때,  $f^{-1}(-3)$  의 값은 얼마인가?

① -3 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

f(x) = y = 2x - 5 에서 x 와 y 를 바꾸면 x = 2y - 5 x = 2y - 5 를 y 에 대하여 정리하면  $y = \frac{1}{2}(x+5)$ 

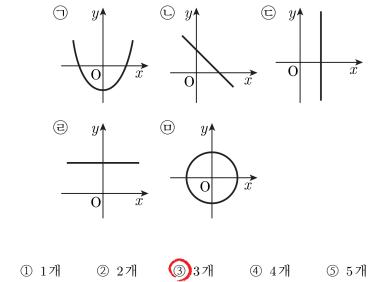
$$\therefore f^{-1}(x) = \frac{1}{2}(x+5)$$

$$f^{-1}(-3) = 1$$

∴ 
$$f^{-1}(-3) = 1$$
  
|다른풀이|  $f^{-1}(-3) = a$  로 놓으면

$$f(a)=-3$$
 에서 $f(a)=2a-5=-3$  ,  $2a=2$   $\therefore a=f^{-1}(-3)=1$ 

## 19. 다음 그래프 중 함수인 것은 모두 몇 개인가?

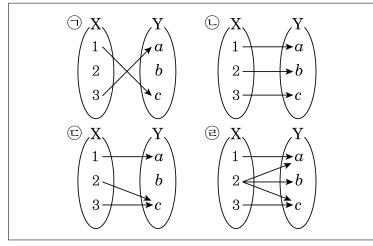


주어진 그래프가 함수가 되기 위해서는 집합 X의 각 원소 x의

해설

함수값 f(x)가 하나로 결정되어야 한다. 그러나  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ 은 x의 함수값 f(x)가 두개 이상인 점이 존재하므로 함수가 될 수 없다.

## **20.** 다음 대응 관계 중 X에서 Y로의 함수인 것을 모두 고른 것은?



- ④ ⑦, ₺, ₴
- (5) (L), (E), (E)
- ③□, □

해설

① ⑦, 心

② ①, ©

#### $\bigcirc$ X의 원소 2에 대응하는 Y의 원소가 없으므로 함수가 아니다.

- ○, X의 각 원소에 Y의 원소가 하나씩만 대응하므로 함수이다.
   X의 원소 2에 대응하는 Y의 원소가 a, b, c 의 3개이므로함수가 아니다.
- 함수가 아니다.

- **21.** 다음 명제 중 '역'이 참인 것을 고르면? (a, b, x, y)는 모두 실수)
  - ① a = 1 이면  $a^2 = a$ ② a = b 이면  $a^2 = b^2$
  - U = b  $\cap U = b$
  - ③ xy 가 홀수 이면 x + y 가 짝수④ △ABC 가 정삼각형이면 ∠B = ∠C
  - ⑤ 두 집합 A, B 에 대하여 A ⊃ B 이면 A ∪ B = A

### ① 역 : $a^2 = a$ 이면 a = 1 이다.(거짓, 반례 : a = 0)

해설

- ② 역:  $a^2 = b^2$  이면 a = b 이다. (거짓, 반례: a = 1, b = -1)
- ③ 역: x + y 가 짝수이면, xy 는 홀수이다. (거짓, x,y 모두
- 짝수인 경우 xy 는 짝수이다.) ④ 역: ∠B = ∠C 이면 △ABC 는 정삼각형이다. (거짓, 두 각이 같으면 이등변삼각형이다.)
- ⑤역: A∪B = A 이면 A⊃B이다.(참)

## **22.** 다음 중 명제가 <u>아닌</u> 것은?

- 6과 18의 최대공약수는 3 이다.
   설악산은 제주도에 있다.
- ③ x = 2 이면 3x = 6 이다.
- 4x + 1 < 0
- ⑤ 삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180°이다.

#### 명제는 참과 거짓을 명확하게 판단할 수 있는 문장이나 식을

해설

말한다. ①, ②는 거짓 명제이고, ③, ⑤는 참인 명제이다. 그러나 ④는 x의 값에 따라서 참일 수도 있고 거짓일 수도 있으므로 명제가 아니다.

**23.** 두 집합  $B = \{x \mid x$ 는 4의 배수 $\}$  ,  $A = \{x \mid x$ 는 8의 배수 $\}$  일 때, A - B를 구하여라.

■ 답:

▷ 정답: Ø

 $A \subset B$  이므로  $A - B = \emptyset$  이다.

- **24.** 두 집합 A, B 에 대하여 n(A) = 12,  $n(A \cup B) = 16$ ,  $n(A \cap B) = 5$  일 때, n(B) 의 값은?
  - ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

 $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$   $n(B) = n(A \cup B) - n(A) + n(A \cap B)$ = 16 - 12 + 5 = 9

 $\therefore n(B) = 9$ 

해설

- 25. 두 집합 A, B 가 다음 벤 다이어그램과 같을 때, 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

 $\bigcirc$   $B \not\subset A$ 

- ② {x|x 는 4의 약수} = B
- $\bigcirc$  3  $\in$  A

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: □ ▷ 정답: ②

▷ 정답: □

해설

집합 A, B를 각각 원소나열법으로 나타내면  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  ,  $B = \{1, 2, 4\}$ 이다.

 $B \subset A$ 이고,  $\{1,2\} \subset B$ 이며  $\{1,2,4\} = \left\{x|x$ 는 4 의 약수 $\right\} = B$ 이다.  $\{\emptyset\}$ 이 아닌  $\emptyset$  이 A의 부분집합이다.

