

1. 십이각형의 대각선의 총 개수를 a 개라 하고, 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수를 b 개라 할 때, $a - b$ 의 값은?

① 25

② 30

③ 35

④ 45

⑤ 50

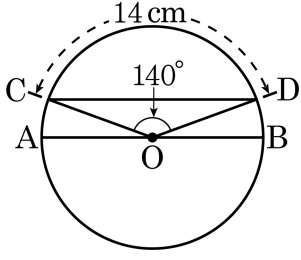
해설

$$a = \frac{12(12-3)}{2} = 54$$

$$b = 12 - 3 = 9$$

$$\therefore a - b = 54 - 9 = 45$$

2. 다음 그림에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이고 $5.0\text{pt}\widehat{CD} = 14\text{cm}$, $\angle COD = 140^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD}$ 의 길이를 구하여라.



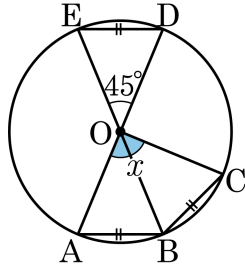
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 4cm

해설

$\triangle COD$ 는 이등변삼각형이고 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로
 $\angle DCO = 20^\circ = \angle COA$ 이고
 $\angle CDO = 20^\circ = \angle DOB$ 이다.
 $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5.0\text{pt}\widehat{DB}$ 이고, $20^\circ : 140^\circ = 5.0\text{pt}\widehat{AC} : 14$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 2$ 이다.
따라서 $5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{DB} = 2 + 2 = 4$ 이다.

3. 다음 그림과 같이 원 O 에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{DE}$, $\angle DOE = 45^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 45° ② 60° ③ 90° ④ 100° ⑤ 120°

해설

$\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{DE}$ 이므로
 $\angle DOE = \angle AOB = \angle BOC = 45^\circ$
 $\therefore \angle x = 45^\circ + 45^\circ = 90^\circ$

4. 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- ㉠ 원에서 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.

㉡ 서로 다른 두 원에서 같은 크기의 중심각에 대한 호의 길이는 같다.

㉢ 합동인 두 원에서 같은 크기의 중심각에 대한 호의 길이는 다르다.

㉤ 원에서 부채꼴의 넓이는 부채꼴의 중심각의 크기에 정비례한다.

㉥ 합동인 두 원에서 부채꼴의 넓이가 같으면 중심각의 크기는 같다.
- ▶ 답 :
- ▶ 답 :
- ▶ 답 :
- ▷ 정답 : ㉠
- ▷ 정답 : ㉤
- ▷ 정답 : ㉥
- 해설

㉠ ○ : 원에서 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.

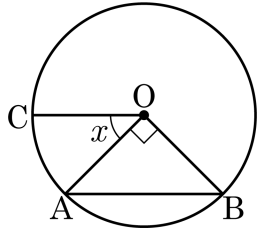
㉡ × : 호의 길이는 반지름과 중심각에 따라 달라진다. 중심각이 같다고 해서 호의 길이가 같다고 말할 수 없다.

㉢ × : 합동인 두 원에서 같은 크기의 중심각에 대한 호의 길이는 같다.

㉤ ○ : 원에서 부채꼴의 넓이는 부채꼴의 중심각의 크기에 정비례한다.

㉥ ○ : 합동인 두 원에서 부채꼴의 넓이가 같으면 중심각의 크기는 같다.

5. 다음 그림의 원 O 에서 $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 25.0\text{pt}\widehat{AC}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

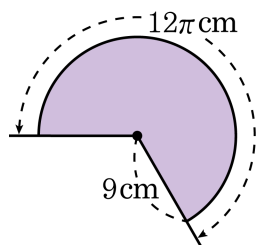
해설

한 원에서 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.

$$x : 90^\circ = 1 : 2$$

$$\therefore x = 45^\circ$$

6. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?

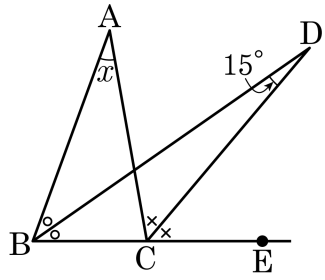


- ① $50\pi\text{cm}^2$ ② $51\pi\text{cm}^2$ ③ $52\pi\text{cm}^2$
④ $53\pi\text{cm}^2$ ⑤ $54\pi\text{cm}^2$

해설

$$\frac{1}{2}rl = \frac{1}{2} \times 9 \times 12\pi = 54\pi(\text{cm}^2)$$

7. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

▷ 정답 : 30 °

해설

$$\begin{aligned}\angle DCE &= \angle CBD + 15^\circ \\ 2\angle DCE &= \angle x + 2\angle CBD \\ &= \angle x + 2(\angle DCE - 15^\circ) \\ &= \angle x + 2\angle DCE - 30^\circ \\ \therefore \angle x &= 30^\circ\end{aligned}$$

8. 어떤 다각형의 내부에 한 점 P를 잡아 각 꼭짓점과 연결하여 20개의 삼각형을 만들었다. 이 다각형의 내각의 크기의 합과 외각의 크기의 합을 구하여라.

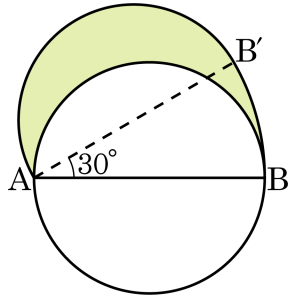
▶ 답: ○ —

▶ 정답 : 3600 °

해설

20 개의 삼각형이 만들어지므로 이십삼각형이다.
이십삼각형의 내각의 크기의 합은
 $180^\circ \times (20 - 2) = 3240^\circ$ 이고
외각의 크기의 합은 360° 이므로
 $3240^\circ + 360^\circ = 3600^\circ$ 이다.

9. 다음 그림은 지름이 10 cm 인 반원을 점 A 를 중심으로 30° 만큼 회전한 것이다. 이때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면?



- ① $\frac{25}{4}\pi \text{ cm}^2$ ② $\frac{25}{3}\pi \text{ cm}^2$ ③ $\frac{25}{2}\pi \text{ cm}^2$
 ④ $25\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $50\pi \text{ cm}^2$

해설

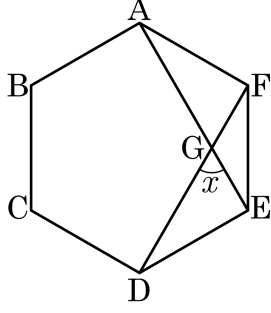
(넓이)

$$= \pi \times 5^2 \times \frac{1}{2} + \pi \times 10^2 \times \frac{30^\circ}{360^\circ} - \pi \times 5^2 \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{25}{3}\pi (\text{cm}^2)$$

(색칠한 부분의 넓이) = (부채꼴 BAB'의 넓이)

10. 다음 그림의 정육각형에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 20° ② 40° ③ 60° ④ 80° ⑤ 100°

해설

정육각형의 한 내각의 크기가 120° 이고

$$\angle FDE = (180^\circ - 120^\circ) \div 2 = 30^\circ$$

$$\angle AED = 120^\circ - 30^\circ = 90^\circ$$

$\triangle GDE$ 에서

$$\angle x = 180^\circ - (30^\circ + 90^\circ) = 60^\circ$$