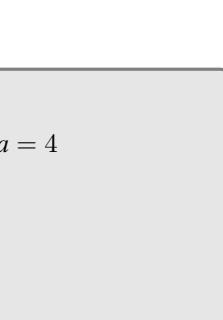


1. 다음은 넓이가 $4\sqrt{3}$ 인 정삼각형이다. 높이는?



- ① $\sqrt{3}$ ② $2\sqrt{3}$ ③ $3\sqrt{3}$ ④ $4\sqrt{3}$ ⑤ $5\sqrt{3}$

해설

$$\text{정삼각형의 넓이} : \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = 4\sqrt{3}, a^2 = 16, a = 4$$

한 변의 길이가 4 인 정삼각형의 높이 :

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \times 4 = 2\sqrt{3}$$

2. 다음 삼각비의 표를 보고 다음 식의 값을 구하여라.

각도	sin	cos	tan
25°	0.42	0.90	0.46
50°	0.76	0.63	1.19
70°	0.93	0.34	2.74

$$\cos 50^\circ + \cos 25^\circ \times \sin 50^\circ - \tan 25^\circ$$

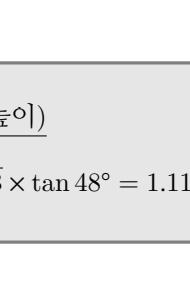
▶ 답:

▷ 정답: 0.854

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 0.63 + 0.90 \times 0.76 - 0.46 \\&= 0.63 + 0.684 - 0.46 = 0.854\end{aligned}$$

3. 다음 그림과 같이 나무에서 1m 떨어진 A 지점에서 나무의 꼭대기 를 올려다본 각의 크기가 48° 였다. 나무의 높이를 구하여라. (단, $\sin 48^\circ = 0.74$, $\cos 48^\circ = 0.67$, $\tan 48^\circ = 1.11$ 로 계산한다.)



▶ 답 :

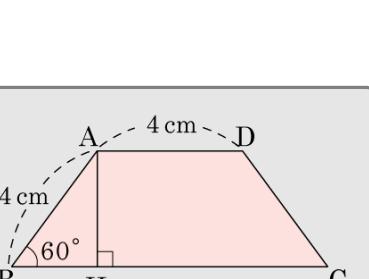
m

▷ 정답 : 1.11 m

해설

$$\tan 48^\circ = \frac{\text{나무의 높이}}{\overline{AB}}$$
$$(\text{나무의 높이}) = \overline{AB} \times \tan 48^\circ = 1.11(\text{m})$$

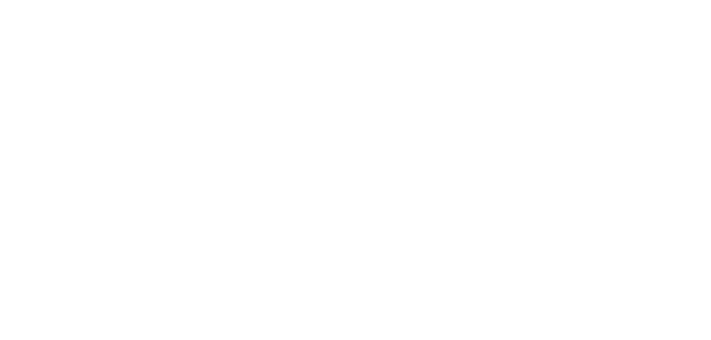
4. 다음 그림과 같은 등변사다리꼴의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : $12\sqrt{3}$ cm²

해설



$$\overline{AB} : \overline{BH} : \overline{AH} = 2 : 1 : \sqrt{3}$$

$$\overline{AH} = 2\sqrt{3}, \overline{BH} = 2$$

$$\overline{BC} = 8$$

$$\square ABCD = \frac{1}{2}(8 + 4) \times 2\sqrt{3} = 12\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

5. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $x = 5$

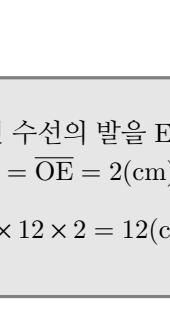
해설

$$\overline{OM} = \overline{ON} \text{ 이므로 } \overline{AB} = \overline{CD}$$

$$\therefore \overline{CN} = 3$$

$$x^2 = 4^2 + 3^2, x = 5$$

6. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 가 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형일 때, $\triangle ABO$ 의 넓이를 구하면?



- ① 11cm^2 ② 12cm^2 ③ 13cm^2
④ 14cm^2 ⑤ 15cm^2

해설

점 O에서 \overline{AB} 에 내린 수선의 발을 E라 하면
 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이므로 $\overline{OD} = \overline{OE} = 2(\text{cm})$

$$(\triangle ABO의 넓이) = \frac{1}{2} \times 12 \times 2 = 12(\text{cm}^2)$$

7. 다음 그림과 같이 원 밖의 한 점 P에서 원에
접선을 그어 그 접점을 A, B 라 할 때, $\angle x$ 의
크기를 구하여라.



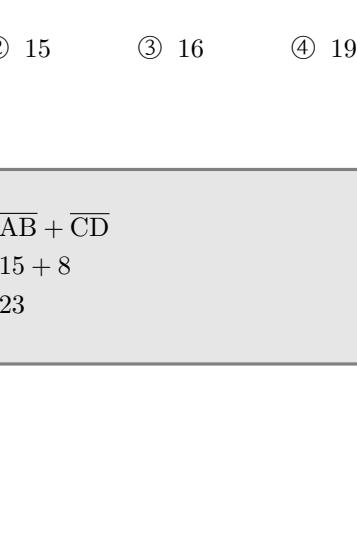
▶ 답 : $\frac{^\circ}{_}$

▷ 정답 : 135°

해설

$$\begin{aligned}\angle PAO &= \angle PBO = 90^\circ \\ \angle x &= 360^\circ - 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ \\ \therefore \angle x &= 135^\circ\end{aligned}$$

8. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 원 O 의 외접다각형이다. $\overline{AB} = 15$, $\overline{CD} = 8$ 일 때, $\overline{AD} + \overline{BC}$ 의 길이는?

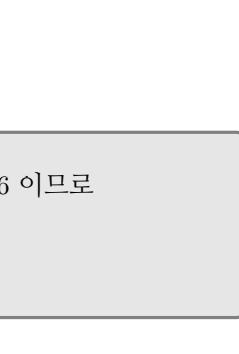


- ① 12 ② 15 ③ 16 ④ 19 ⑤ 23

해설

$$\begin{aligned}\overline{AD} + \overline{BC} &= \overline{AB} + \overline{CD} \\ &= 15 + 8 \\ &= 23\end{aligned}$$

9. 지름이 10인 원 안에, 다음과 같이 정육각형이 내접해 있다. 이때, 정육각형의 넓이는?



① $\frac{71\sqrt{3}}{2}$ ② $\frac{73\sqrt{3}}{2}$ ③ $\frac{75\sqrt{3}}{2}$
④ $\frac{77\sqrt{3}}{2}$ ⑤ $\frac{79\sqrt{3}}{2}$

해설

(정육각형의 넓이) = (정삼각형의 넓이) × 6 이므로

$$\frac{\sqrt{3}}{4} \times 25 \times 6 = \frac{75\sqrt{3}}{2}$$

10. 좌표평면 위의 두 점 A(-3, 4), B(6, x) 사이의 거리가 $\sqrt{82}$ 일 때, x의 값을 모두 구하면?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\overline{AB} = \sqrt{(-3 - 6)^2 + (4 - x)^2} = \sqrt{82}$$

$$(4 - x)^2 + 81 = 82$$

$$(4 - x)^2 = 1$$

따라서 $x = 5$ 또는 3 이다.

11. 한 모서리의 길이가 6cm인 정육면체의 대각선의 길이는 몇 cm인가?

- ① $6\sqrt{2}$ cm ② $6\sqrt{3}$ cm ③ 36cm
④ $36\sqrt{6}$ cm ⑤ 108cm

해설

한 모서리의 길이가 a 인 정육면체의 대각선의 길이는 $\sqrt{3}a$ 이므로 구하는 길이는 $6\sqrt{3}$ cm이다.

12. 한 모서리의 길이가 $12\sqrt{5}$ 인 정사면체가 있다. 이 정사면체의 부피를 구하여라.

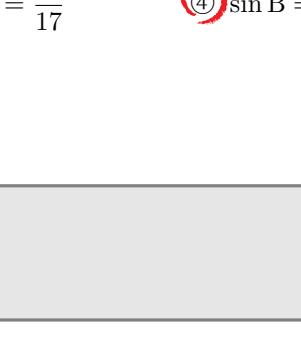
- ① $120\sqrt{10}$ ② $120\sqrt{5}$ ③ $\textcircled{3} 720\sqrt{10}$
④ $720\sqrt{5}$ ⑤ $1440\sqrt{10}$

해설

한 변의 길이가 a 인 정사면체의 부피는 $\frac{\sqrt{2}}{12}a^3$ 이므로

$$\frac{\sqrt{2}}{12} \times (12\sqrt{5})^3 = 720\sqrt{10}$$

13. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 옳지 않은 것은?

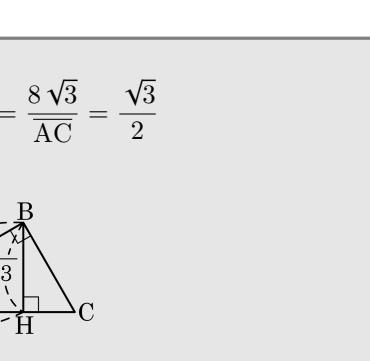


- ① $\sin A = \frac{15}{17}$ ② $\tan A = \frac{15}{8}$
③ $\sin A + \cos A = \frac{23}{17}$ ④ $\sin B = \frac{8}{15}$
⑤ $\tan B = \frac{8}{15}$

해설

④ $\sin B = \frac{8}{17}$

14. 다음 그림에서 $\cos A = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 이고,
 $\overline{AH} = 12$, $\overline{BH} = 4\sqrt{3}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?



- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

$$\cos A = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} = \frac{8\sqrt{3}}{\overline{AC}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\therefore \overline{AC} = 16$$



15. 다음 그림에서 $\overline{AC} = 16\text{ cm}$, $\angle B = 30^\circ$ 일 때, 원 O의 지름의 길이는?

- ① 8 cm ② 10 cm ③ 16 cm
④ 25 cm ⑤ 32 cm



해설

$$\overline{AB} = \frac{16}{\sin 30^\circ} = 32$$

$$\therefore \overline{AB} = 32(\text{ cm})$$

16. 직선 $y = \frac{2}{5}x - 1$ 이 x 축의 양의 방향과 이루는 예각의 크기를 A라고 할 때, 다음 중 옳은 것은?

① $\sin A = \frac{1}{\sqrt{5}}$ ② $\cos A = \frac{2}{\sqrt{5}}$
③ $\tan A = 2$ ④ $\sin A \cdot \cos A = \frac{2}{5}$
⑤ $\tan A = \frac{2}{5}$

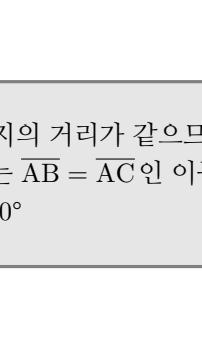
해설

주어진 직선의 기울기는 $\frac{2}{5}$ 이므로 다음 그림과 같이 표현할 수 있다.



$$\tan A = \frac{2}{5}, \cos A = \frac{5}{\sqrt{29}}, \sin A = \frac{2}{\sqrt{29}}$$

17. 다음 그림에서 $\angle A = 80^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

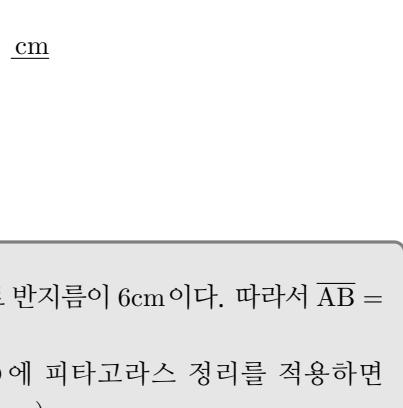
°

▷ 정답: 50°

해설

원의 중심에서 원까지의 거리가 같으므로
 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 이므로 $\angle C = (180^\circ - 80^\circ) \div 2 = 50^\circ$

18. 다음 그림과 같은 밑면의 넓이가 $36\pi \text{ cm}^2$ 인 원통 모양의 치즈를 지름 \overline{AB} 에서 똑바로 잘라내니 단면이 직사각형 모양이 되었다. 단면적의 대각선의 길이를 구하 여라.



▶ 답: cm

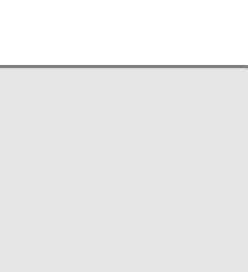
▷ 정답: $6\sqrt{13} \text{ cm}$

해설

밑면의 넓이가 $36\pi \text{ cm}^2$ 이므로 반지름이 6cm이다. 따라서 $\overline{AB} = 12 \text{ cm}$
높이가 18cm 이므로 $\triangle ACD$ 에 피타고라스 정리를 적용하면

$$\overline{AD} = \sqrt{18^2 + 12^2} = 6\sqrt{13} (\text{cm})$$

19. 다음 그림과 같은 직육면체의 꼭짓점 A에서 모서리 BC, FG를 지나 꼭짓점 H까지 가는 최단거리를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $2\sqrt{34}$ cm

해설

$$AH = \sqrt{10^2 + 6^2} = \sqrt{136} = 2\sqrt{34} \text{ cm}$$



20. 다음 그림의 원뿔은 모선의 길이가 $4\sqrt{3}$ cm, 밑면의 반지름의 길이가 $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ cm이다. 점 B에서 원뿔의 옆면을 돌아서 다시 점 B에 이르는 최단거리를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 12cm

해설

(밑면인 원의 둘레의 길이)

$$= 2\pi \times \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

$$= 2\pi \times 4\sqrt{3} \times \frac{x}{360}$$

= (부채꼴의 호의 길이)

$$\therefore x = 120^\circ$$

$$\overline{BH} = 6 (\because \overline{AB} : \overline{BH} = 2 : \sqrt{3})$$

$$\overline{BB'} = \overline{BH} + \overline{B'H} = 6 + 6 = 12 \text{ (cm)}$$

점 B에서 원뿔의 옆면을 돌아서 다시 B 점에 이르는 최단거리는 직선거리 $\overline{BB'}$ 가 된다.



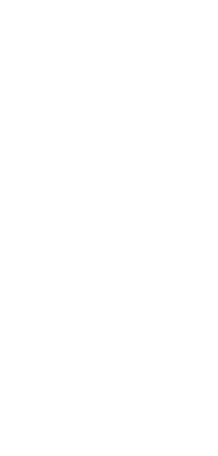
21. $\tan A = \frac{4}{3}$ 일 때, $\sin A - \cos A$ 의 값을 구하여라.(단, $0^\circ < A < 90^\circ$)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{5}$

해설

$$\tan A = \frac{4}{3} \text{이면}$$
$$\therefore \sin A - \cos A = \frac{4}{5} - \frac{3}{5} = \frac{1}{5}$$



22. 평행사변형 ABCD 의 이웃하는 두 변의 길이가 $\overline{AB} = 5$, $\overline{BC} = 8$ 이고, $\angle B = 60^\circ$ 일 때, 평행사변형 ABCD 의 넓이는?



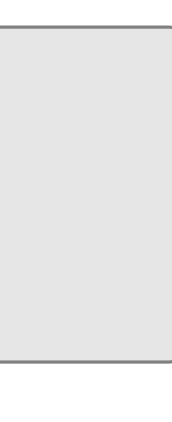
- ① 40 ② $20\sqrt{3}$ ③ $20\sqrt{2}$ ④ $10\sqrt{3}$ ⑤ $10\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned} S &= 5 \times 8 \times \sin 60^\circ \\ &= 5 \times 8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 20\sqrt{3} \end{aligned}$$

23. 다음 그림과 같은 $\triangle ABD$ 를 직선 AC 를 축으로 하여 1회전시킬 때 생기는 입체도형의 부피는?

- ① $\frac{100}{3}\pi \text{ cm}^3$
 ② $60\pi \text{ cm}^3$
 ③ $\frac{200}{3}\pi \text{ cm}^3$
 ④ $80\pi \text{ cm}^3$
 ⑤ $\frac{400}{3}\pi \text{ cm}^3$



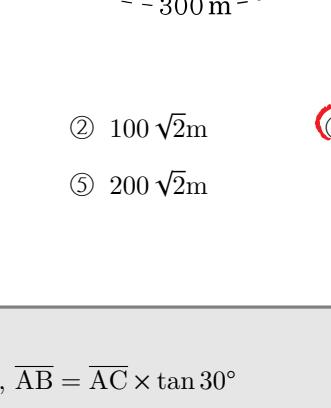
해설

$$\triangle ABC \text{에서 } \overline{BC}^2 = \overline{AB}^2 - \overline{AC}^2 \text{ 이므로 } \overline{BC} = \sqrt{13^2 - 12^2} = 5 \text{ (cm) 이다.}$$

따라서 입체도형의 부피는

$$\left(\frac{1}{3} \times \pi \times 5^2 \times 12 \right) - \left(\frac{1}{3} \times \pi \times 5^2 \times 4 \right) \\ = 100\pi - \frac{100}{3}\pi = \frac{200}{3}\pi \text{ (cm}^3\text{)} \text{이다.}$$

24. 강의 양쪽에 있는 두 지점 A, B 사이의 거리를 구하기 위해 A 지점에서 300m 떨어진 곳에 다음 그림과 같이 C 지점을 정하였다. C 지점에서 A 지점과 B 지점을 바라본 각의 크기가 30° 일 때, 두 지점 A, B 사이의 거리는?



① 100m ② $100\sqrt{2}$ m ③ $100\sqrt{3}$ m

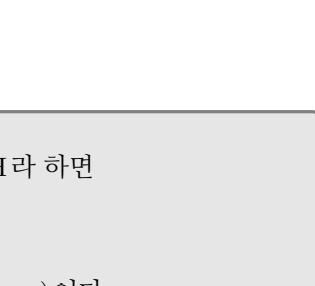
④ 200m ⑤ $200\sqrt{2}$ m

해설

$$\tan 30^\circ = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}}, \overline{AB} = \overline{AC} \times \tan 30^\circ$$

$$\overline{AB} = 300 \times \frac{\sqrt{3}}{3} = 100\sqrt{3}(\text{m})$$

25. 다음 그림에서 $\overline{AC} = 5\text{ cm}$ 이고
 $\sin B = \frac{4}{5}$, $\sin C = \frac{3}{5}$ 일 때, \overline{BC} 의
길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $\frac{25}{4}\text{ cm}$

해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 H라 하면

$$\sin C = \frac{3}{5} \text{에서 } \overline{AH} = 3 \text{ (cm) 이고,}$$

$$\sin B = \frac{4}{5} = \frac{3}{AB} \text{이므로 } \overline{AB} = \frac{15}{4} \text{ (cm) 이다.}$$

$$\text{따라서 } \overline{BH}^2 = \left(\frac{15}{4}\right)^2 - 3^2 = \frac{81}{16}, \overline{BH} = \frac{9}{4} \text{ (cm) 이다. } \overline{HC}^2 = 5^2 - 3^2 = 4^2, \overline{HC} = 4 \text{ (cm) 이다.}$$

$$\text{그러므로 } \overline{BC} = \overline{BH} + \overline{HC} = \frac{9}{4} + 4 = \frac{25}{4} \text{ (cm) 이다.}$$