

1. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____

2. 원의 중심에서 3cm 떨어져 있는 현의 길이가 8cm 일 때, 이 원의 넓이는?

- ① $25\pi \text{ cm}^2$
- ② $28\pi \text{ cm}^2$
- ③ $32\pi \text{ cm}^2$
- ④ $36\pi \text{ cm}^2$
- ⑤ $38\pi \text{ cm}^2$

3. 다음 한 원과 직선에 대한 설명 중 잘못된 것은?

- ① 원의 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 수직이등분 한다.
- ② 같은 길이의 현은 원의 중심으로부터 같은 거리에 있다.
- ③ 원의 중심으로부터 같은 거리에 있는 현은 그 길이가 같다.
- ④ 현의 길이는 부채꼴의 중심각의 크기에 비례한다.
- ⑤ 현의 수직이등분선은 원의 중심을 지난다.

4. 다음 그림에서 $\overline{OM} = \overline{ON}$, $\angle A = 50^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기는?



- ① 55° ② 65° ③ 70° ④ 75° ⑤ 85°

5. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?(단, \overline{PA} 는 원 O의 접선)

- ① $5\sqrt{3}$ ② $3\sqrt{13}$
③ $4\sqrt{21}$ ④ $4\sqrt{23}$
⑤ $9\sqrt{3}$



6. 다음 그림에서 \overline{PA} 와 \overline{PB} 는 점 A, B 를 각각 접점으로 하는 원의 접선이다. $\angle APB$ 의 크기가 40° 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



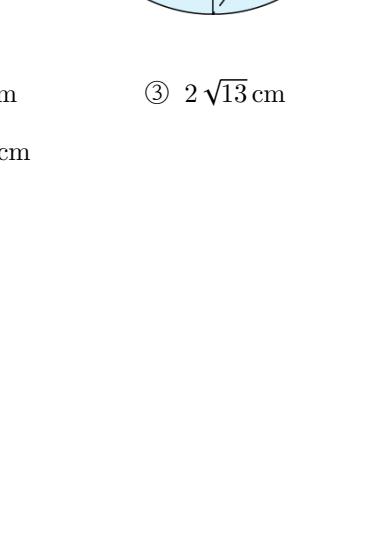
▶ 답: _____ °

7. 다음 그림의 원 O에서 x 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____

8. 다음 그림과 같이 원 O를 중심으로 하고 반지름의 길이가 각각 4cm, 1cm인 두 원이 있다. 작은 원에 접하는 \overline{AB} 의 길이는?



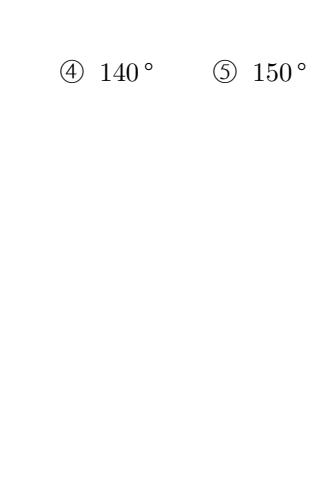
- ① $2\sqrt{11}$ cm ② $4\sqrt{3}$ cm ③ $2\sqrt{13}$ cm
④ $2\sqrt{14}$ cm ⑤ $2\sqrt{15}$ cm

9. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O 의 지름이고, $\angle CAB = 15^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{CB} = 5 \text{ cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 길이를 구하면?

- ① 16cm ② 17cm
③ 18cm ④ 20cm
⑤ 25cm

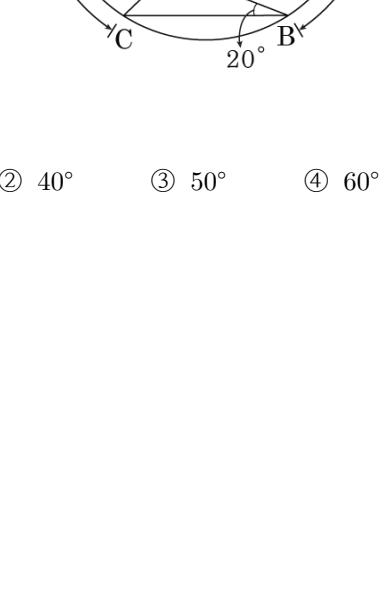


10. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{AC}$, $\angle ABC = 20^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기는?



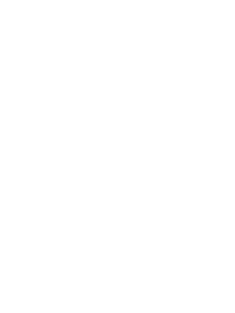
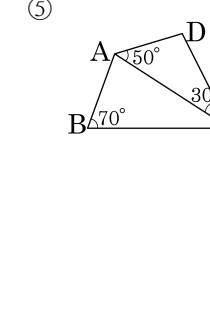
- ① 120° ② 125° ③ 130° ④ 140° ⑤ 150°

11. 다음 그림에서 $\widehat{AC} = 2\text{cm}$, $\widehat{BD} = 4\text{cm}$, $\angle B = 20^\circ$ 일 때,
 $\angle APC$ 의 크기는?

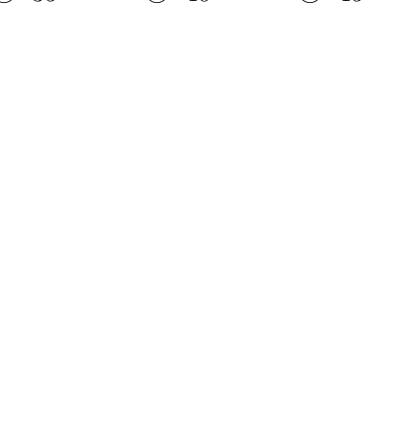


- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

12. 다음 $\square ABCD$ 중에서 원에 내접하는 것을 모두 고르면?



13. 다음 그림에서 \overline{TC} 는 원 O 의 접선이다. $\angle TAB = 35^\circ$, $\angle ABT = 70^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 크기는?



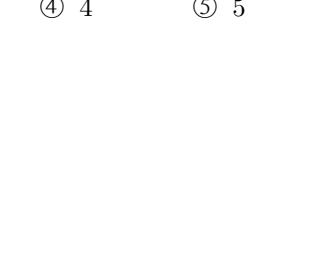
- ① 25° ② 30° ③ 35° ④ 40° ⑤ 45°

14. 다음 그림에서 $\overline{PA} = 2$, $\overline{AB} = 6$, $\overline{PT} = 4$ 이고 $\angle APT = 30^\circ$, $\angle BAT = 65^\circ$ 이다. 이 때, $\angle PBT$ 의 크기는?



- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

15. 다음 그림에서 $\overline{TT'}$ 은 두 원 O, O' 에
공통으로 접할 때, x 의 값을 구하면?



- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

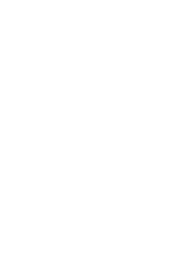
16. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원의 접선이고
점 A, B 는 접점이다. $\angle PAB = 60^\circ$ 일
때, $\triangle ABP$ 의 넓이는?



① $36\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ② 24 cm^2 ③ $24\sqrt{2} \text{ cm}^2$

④ $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ⑤ 12 cm^2

17. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O 의 접선이고 $\overline{OP} = 9\text{cm}$, $\overline{OA} = 5\text{cm}$ 일 때, $\triangle OPB$ 의 넓이는?



- ① $5\sqrt{7}\text{cm}^2$ ② $5\sqrt{14}\text{cm}^2$ ③ $\frac{5\sqrt{14}}{2}\text{cm}^2$
④ $2\sqrt{14}\text{cm}^2$ ⑤ $10\sqrt{7}\text{cm}^2$

18. 다음 그림에서 \overrightarrow{PT} 는 원 O의 접선이고 점 T는 접점이다. $\overline{PT} = 8\text{ cm}$, $\overline{PA} = 4\text{ cm}$ 일 때, 원 O의 넓이는?

- ① $24\pi\text{ cm}^2$ ② $36\pi\text{ cm}^2$
③ $49\pi\text{ cm}^2$ ④ $60\pi\text{ cm}^2$
⑤ $65\pi\text{ cm}^2$

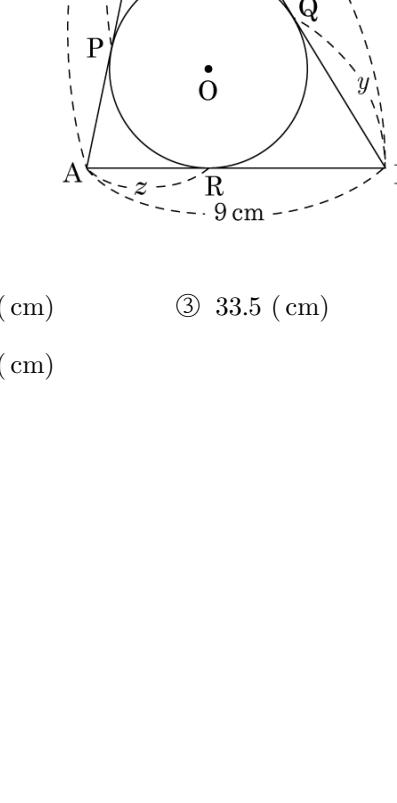


19. 다음 그림과 같이 \overline{AB} 를 지름으로 하는 반원 O 에서 세 접선 AD, BC, CD 가 있을 때, $\overline{AD} = 1\text{ cm}$, $\overline{BC} = 9\text{ cm}$ 이다. 원 O 의 지름의 길이는?



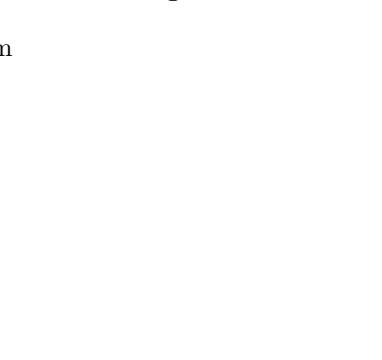
- ① 3cm ② 4cm ③ 5cm ④ 6cm ⑤ 7cm

20. 원 O 는 $\triangle ABC$ 에 내접한다고 한다. 점 P, Q, R 는 각 변의 접점이고, $\overline{AB} = 11\text{ cm}$, $\overline{BC} = 14\text{ cm}$, $\overline{AC} = 9\text{ cm}$ 라고 할 때, $2x + 2y + 2z$ 의 값은?



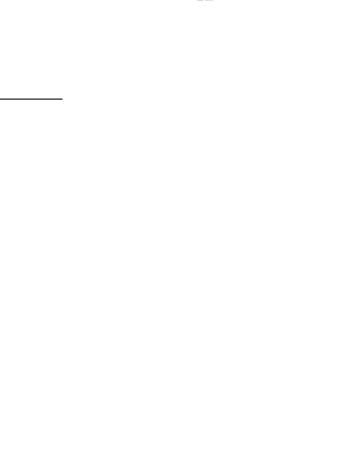
- ① 35 (cm) ② 34 (cm) ③ 33.5 (cm)
 ④ 33 (cm) ⑤ 32 (cm)

21. 다음 그림에서 원 O는 삼각형 ABC의 내접원이다. $\overline{BC} = 12\text{cm}$, $\overline{AC} = 5\text{cm}$ 이고 $\angle C = 90^\circ$ 일 때, 내접원 O의 반지름의 길이는?



- ① 0.5cm ② 1cm ③ 1.5cm
④ 2cm ⑤ 2.5cm

22. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 세 변에 접하는 원 O 가 있다.
 \overline{DE} 가 원 O 의 접선일 때, \overline{EF} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____

23. 다음 그림과 같이 점 P에서 원 O에서
그은 두 접선의 접점을 각각 A, B
라 하고, \widehat{AOB} 위의 한 점 Q에
대하여 $\angle AQB = 115^\circ$ 일 때, $\angle APB$
의 크기는?

- ① 50° ② 55° ③ 58°
④ 60° ⑤ 65°



24. 다음 그림에서 $\angle DOE = \angle BCD = 60^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

25. 다음 그림에서 $\angle x - \angle y$ 의 값을 구하여라.



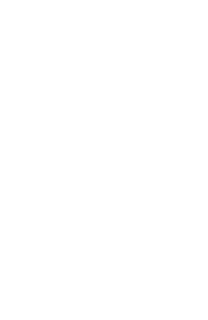
▶ 답: _____ °

26. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 가 원에 내접할 때,
 $\angle BDC$ 의 크기는?



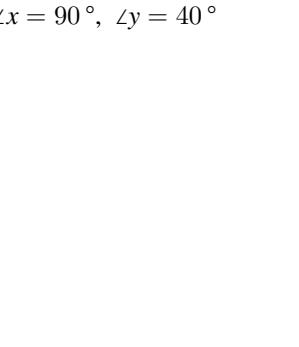
- ① 50° ② 55° ③ 60° ④ 65° ⑤ 70°

27. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

28. 다음 그림에서 $\angle A = 40^\circ$, $\angle D = 50^\circ$ 일 때, $\angle x$ 와 $\angle y$ 의 크기는?



- ① $\angle x = 80^\circ$, $\angle y = 40^\circ$
② $\angle x = 85^\circ$, $\angle y = 45^\circ$
③ $\angle x = 85^\circ$, $\angle y = 50^\circ$
④ $\angle x = 90^\circ$, $\angle y = 40^\circ$
⑤ $\angle x = 90^\circ$, $\angle y = 45^\circ$

29. 다음 그림과 같이 원에 내접하는 오각형

에서 $\angle D = 150^\circ$, $\angle F = 95^\circ$, $\angle AOC = x^\circ$ 일 때, x 의 값은?

- ① 100°
- ② 110°
- ③ 120°
- ④ 130°
- ⑤ 140°



30. 다음 그림과 같이 원의 교점을 \overleftrightarrow{AK} , \overleftrightarrow{BL} 이 지날 때, \overline{AB} 와 평행한 선분을 말하여라.



▶ 답: _____

▶ 답: _____

31. $\triangle ABC$ 의 각 꼭지점에서 대변에 수선을 각각 내리면 세 수선은 한 점 H에서 만나고 이를 수심이라고 한다. 이 때, 원에 내접하는 사각형을 모두 몇 개인가?



- ① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 ⑤ 6 개

32. 다음 그림에서 \overline{PT} 는 원의 접선이고, 점 T는 접점이다. 이때, \overline{PA}

- ① 4 ② 5 ③ 6
④ 7 ⑤ 8



33. 다음 그림에서 \overline{PT} 는 원 O의 접선이다. 원 O의 반지름의 길이를 구하여라.



$$\textcircled{1} \frac{201}{14} \quad \textcircled{2} \frac{203}{14} \quad \textcircled{3} \frac{205}{14} \quad \textcircled{4} \frac{207}{14} \quad \textcircled{5} \frac{209}{14}$$

34. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 두 원 O, O' 의 공통현이고, $\overleftrightarrow{TT'}$ 는 공통접선이다.
 $\overline{PA} = 4$, $\overline{AB} = 12$ 일 때, $\overline{TT'}$ 의 길이를 구하여라.



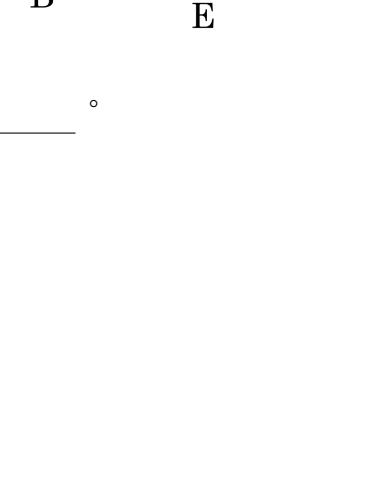
▶ 답: _____

35. 다음 그림에서 $\overline{PT} = 8$ 일 때, $\overline{PA} \times \overline{PB} \times \overline{PT'}$ 의 값은? (단, 두 점 T, T'은 두 원 O, O'의 접점이다.)

- ① 32 ② 64 ③ 128
④ 256 ⑤ 512



36. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 내접원이고, $\triangle DEF$ 의 외접원이다.
 $\angle DAF = 85^\circ$, $\angle ECF = 40^\circ$ 일 때, $\angle DFE$ 의 크기를 구하여라.



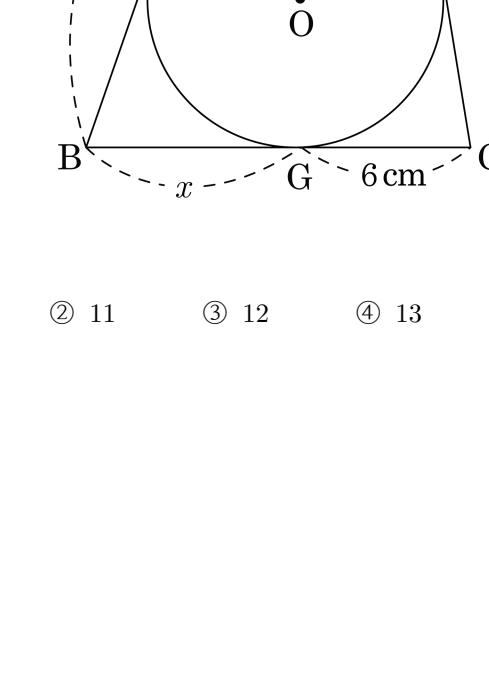
▶ 답: _____ °

37. 다음 그림에서 원 O는 직각삼각형 ABC의 내접원이고, 점 D, E, F는 접점이다.
이 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $10 - \frac{9}{4}\pi$ ② $9 - \pi$ ③ $\frac{44}{9} - \pi$
④ $9 - \frac{9}{4}\pi$ ⑤ $20 - 5\pi$

38. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 가 원 O 에 외접할 때, $x + y$ 의 값은?



- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

39. 다음 그림과 같이 원 O에 내접하는 $\square ABCD$ 에서 \overline{DA} 와 \overline{CB} 의 연장선의 교점을 Q, \overline{BA} 와 \overline{CD} 의 연장선의 교점을 P 라 하자. $\angle P = 37^\circ$, $\angle Q = 33^\circ$ 일 때, $\angle BCD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

40. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원 O 에 내접하고 $\angle DPC = 38^\circ$, $\angle BQC = 40^\circ$ 일 때, $\angle BOD$ 의 크기는?



- ① 78° ② 82° ③ 90° ④ 98° ⑤ 102°

41. 다음 그림에서 점 P는 반지름이 5인 원 O의 접점이고, $\overline{BC} \perp \overline{PC}$, $\overline{BP} = 4\sqrt{5}$ 일 때, $\triangle PBC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____

42. 다음 그림과 같이 점 P에서 두 원이 접하고, $\overline{AP} = 3\text{ cm}$, $\overline{BP} = 9\text{ cm}$, $\overline{CP} = 4\text{ cm}$ 일 때, \overline{DP} 의 길이를 구하여라.



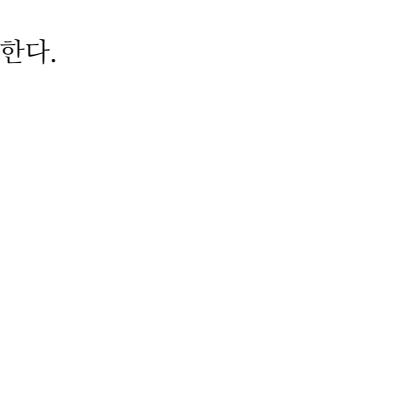
▶ 답: _____ cm

43. 다음 그림과 같이 원 O의 외부의 한 점 P에서 두 직선을 그어 원 O와 만난 점을 각각 A, B, C, D라 하고, 점 O에서 \overline{AB} 에 내린 수선의 발을 F라 한다. $\overline{PA} = 6\text{cm}$, $\overline{PC} = 8\text{cm}$, $\overline{CD} = 7\text{cm}$, $\overline{OF} = \sqrt{15}\text{cm}$ 일 때, 원 O의 둘레의 길이를 구하면?



- ① $6\pi\text{cm}$ ② $8\pi\text{cm}$ ③ $10\pi\text{cm}$
 ④ $16\pi\text{cm}$ ⑤ $32\pi\text{cm}$

44. 다음 그림에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{CD} = 3$ 이다.
- ② $\square AEDB$ 는 원 안에 내접한다.
- ③ $\angle CAD \neq \angle CBE$
- ④ \overline{AB} 는 원의 지름이다.
- ⑤ $\overline{CE} \times \overline{CA} = \overline{CD} \times \overline{CB}$