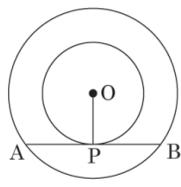


1. 다음 그림은 중심이 같고 반지름의 길이가 각각 6cm, 10cm 인 두 원이다. 작은 원 위의 점 P 에서 접선을 그어 큰 원과 만나는 점을 A, B 라고할 때, \overline{AB} 의 길이를 구하여라.

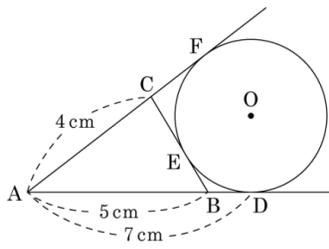


▶ 답: _____ cm

2. 다음 한 원과 직선에 대한 설명 중 잘못된 것은?

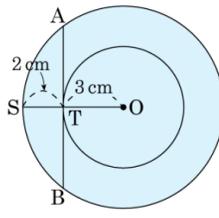
- ① 크기가 같은 두 중심각에 대한 현의 길이와 호의 길이는 각각 같다.
- ② 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분한다.
- ③ 길이가 같은 현은 원의 중심에서 같은 거리에 있다.
- ④ 중심으로부터 같은 거리에 있는 현의 길이는 같다.
- ⑤ 현의 이등분선은 그 원의 중심을 지난다.

3. 다음 그림에서 반직선AD, 반직선AF, 선분 BD는 모두 원 O의 접선이다. \overline{BC} 의 길이는?



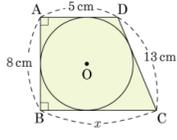
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

4. 다음 그림에서 \overline{AB} 의 길이를 구하여라.
(단, \overline{AB} 는 작은 원의 접선이다.)



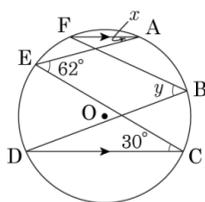
▶ 답: _____ cm

5. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원 O 의 외접사각형일 때, x 의 길이는?



- ① 12cm ② 13cm ③ 14cm ④ 15cm ⑤ 16cm

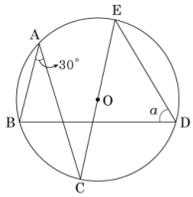
6. 다음 그림에서 $\overline{AF} \parallel \overline{CD}$ 이고 $\angle AEC = 62^\circ$, $\angle DCE = 30^\circ$ 일 때, $\angle y - \angle x$ 의 크기를 구하여라.



(단, 단위는 생략)

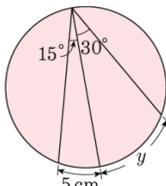
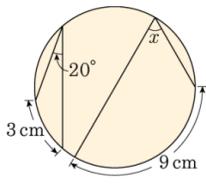
▶ 답: _____ °

7. 다음 그림에서 \overline{EC} 는 원 O의 지름이고 $\angle BAC = 30^\circ$ 일 때, $\angle a$ 의 크기는?



- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

8. 다음 그림에서 x , y 의 값을 구하여라.

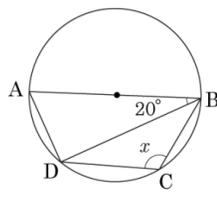


▶ 답: $\angle x =$ _____ $^\circ$

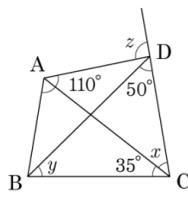
▶ 답: $y =$ _____ cm

9. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O의 지름이고 $\angle ABD = 20^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

- ① 100° ② 110° ③ 120°
④ 130° ⑤ 140°



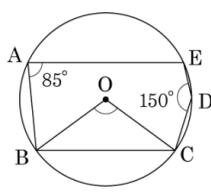
10. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D가 한 원 위에 있을 때, $\angle x + \angle y + \angle z$ 의 크기는?



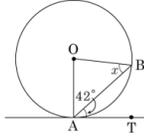
- ① 150° ② 160° ③ 170° ④ 180° ⑤ 190°

11. 다음 그림과 같이 오각형 ABCDE 가 원 O 에 내접하고 $\angle A = 85^\circ$, $\angle D = 150^\circ$ 일 때, $\angle BOC$ 의 크기는?

- ① 90° ② 100° ③ 140°
 ④ 110° ⑤ 120°



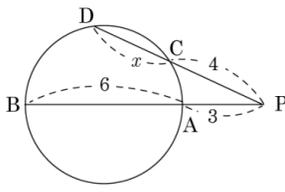
12. 다음 그림에서 \overleftrightarrow{AT} 는 원 O 의 접선이고 점 A 는 접점일 때, $\angle x$ 의 크기는?



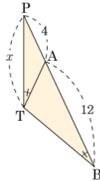
- ① 42° ② 44° ③ 46° ④ 48° ⑤ 50°

13. 다음 그림에서 x 의 값은?

- ① $\frac{5}{2}$ ② $\frac{11}{4}$ ③ 3
 ④ $\frac{13}{4}$ ⑤ $\frac{7}{2}$

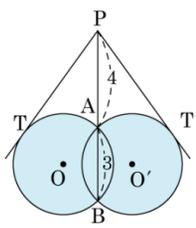


14. 다음 그림에서 $\angle ATP = \angle ABT$ 가 성립할 때, x 값을 구하면?



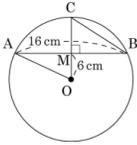
- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

15. 다음 그림에서 \overline{PT} , $\overline{PT'}$ 은 각각 두 원 O , O' 의 접선이고 두 점 T , T' 은 접점이다. $\overline{AB} = 3$, $\overline{PA} = 4$ 일 때, $\overline{PT} \cdot \overline{PT'}$ 의 값은?



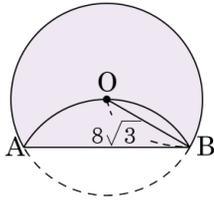
- ① 28 ② 27 ③ 26 ④ 25 ⑤ 24

16. 다음 그림의 원 O 에서 $\overline{AB} \perp \overline{OC}$ 이고, $\overline{AB} = 16\text{cm}$, $\overline{OM} = 6\text{cm}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이는?



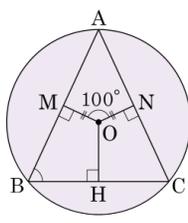
- ① $4\sqrt{5}\text{cm}$ ② $4\sqrt{14}\text{cm}$ ③ $8\sqrt{3}\text{cm}$
 ④ $8\sqrt{5}\text{cm}$ ⑤ $9\sqrt{3}\text{cm}$

17. 다음 그림에서 반지름의 길이가 $8\sqrt{3}\text{cm}$ 인 원 O 에서 호가 원의 중심을 지나도록 \overline{AB} 을 접는 선으로 하여 접었을 때, \overline{AB} 의 길이를 구하여라.



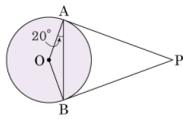
- ① $12\sqrt{2}$ ② $12\sqrt{3}$ ③ $24\sqrt{3}$ ④ 24 ⑤ 26

18. 다음 그림에서 원 O 는 $\triangle ABC$ 의 외접원 이고, $\overline{OM} = \overline{ON}$, $\angle M = \angle N = \angle H = 90^\circ$, $\angle MON = 100^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기를 구하면?



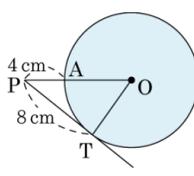
- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

19. 다음 그림의 원 O에서 \overline{PA} , \overline{PB} 은 접선이고, 두 점 A, B 은 접점이다.
 $\angle OAB = 20^\circ$ 일 때, $\angle APB$ 의 크기는?



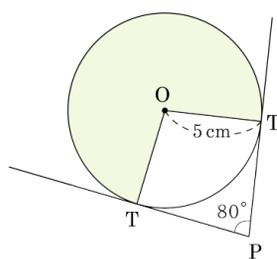
- ① 30° ② 40° ③ 45° ④ 50° ⑤ 20°

20. 다음 그림에서 \overrightarrow{PT} 는 원 O의 접선이고 점 T는 접점이다. $\overline{PT} = 8\text{ cm}$, $\overline{PA} = 4\text{ cm}$ 일 때, 원 O의 넓이는?



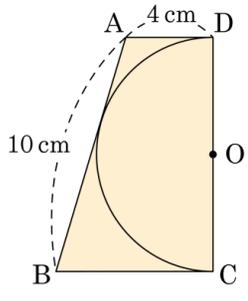
- ① $24\pi\text{ cm}^2$ ② $36\pi\text{ cm}^2$
- ③ $49\pi\text{ cm}^2$ ④ $60\pi\text{ cm}^2$
- ⑤ $65\pi\text{ cm}^2$

21. 다음 그림에서 \vec{PT} , \vec{PT}' 이 원 O에 접할 때, 색칠한 부분의 넓이는?



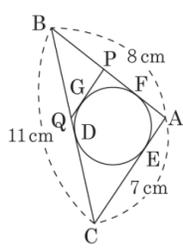
- ① $\frac{125}{9}\pi \text{ cm}^2$ ② $\frac{125}{18}\pi \text{ cm}^2$ ③ $\frac{325}{9}\pi \text{ cm}^2$
 ④ $\frac{325}{18}\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $\frac{225}{18}\pi \text{ cm}^2$

22. 다음 그림에서 \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{DA} 가 원 O의 접선일 때, \overline{BC} 의 길이는?



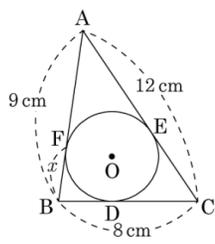
- ① 4cm ② 6cm ③ $4\sqrt{2}$ cm
 ④ $2\sqrt{2}$ cm ⑤ $\sqrt{11}$ cm

23. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 의 내접원에 접하는 선분 PQ를 그을 때, $\triangle PBQ$ 의 둘레의 길이를 구하여라. (단, D, E, F, G는 접점이다.)



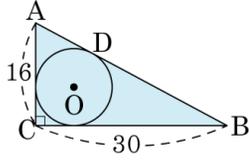
▶ 답: _____ cm

24. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 내접원일 때, \overline{BF} 의 길이를 구하여라.



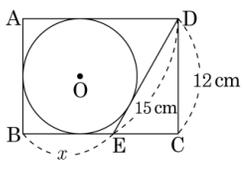
▶ 답: _____ cm

25. 다음 그림에서 원 O는 직각삼각형 ABC의 내접원이다. 원 O의 반지름의 길이는?



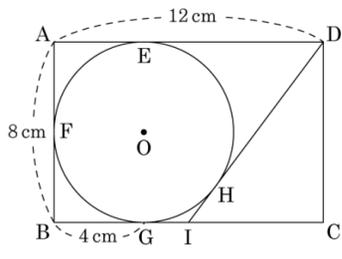
- ① 6 ② $6\sqrt{2}$ ③ 3 ④ $3\sqrt{3}$ ⑤ 8

26. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 세 변에 접하는 원 O가 있다. $\overline{CD} = 12\text{ cm}$, $\overline{DE} = 15\text{ cm}$ 일 때, \overline{BE} 의 길이를 구하여라.



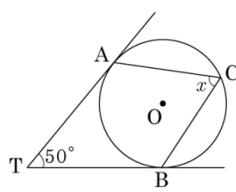
▶ 답: _____ cm

27. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 세 변의 접하는 원 O가 있다. \overline{DI} 가 원의 접선이고 네 점 E, F, G, H가 접점일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



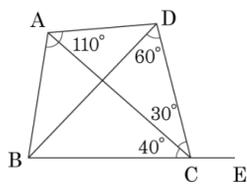
- ① \overline{AE} 의 길이는 4cm이다.
- ② \overline{DH} 의 길이의 길이는 8cm이다.
- ③ $\overline{GI} = 2\text{cm}$ 이다.
- ④ $\overline{CI} = 4\text{cm}$ 이다.
- ⑤ $\triangle CDI$ 의 넓이는 24cm^2 이다.

28. 다음 그림에서 두 점 A, B가 접점이다.
 $\angle ATB = 50^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



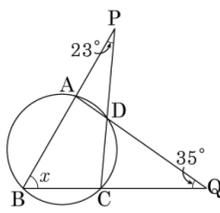
▶ 답: $\angle x =$ _____ $^\circ$

29. 다음 그림의 $\square ABCD$ 가 원에 내접할 때 $\angle BAC$ 의 크기는?



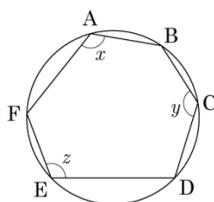
- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

30. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원에 내접하고 $\angle BPC = 23^\circ$, $\angle BQA = 35^\circ$, $\angle ABC = x^\circ$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



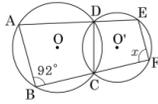
▶ 답: _____ °

31. 다음 그림과 같이 육각형 ABCDEF 가 원에 내접할 때, $x + y + z$ 의 값을 구하여라.



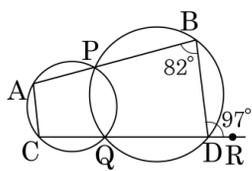
▶ 답: _____ °

32. 다음 그림에서 두 원 O, O' 이 두 점 C, D 에서 만나고, $\angle ABC = 92^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 80° ② 82° ③ 84° ④ 86° ⑤ 88°

33. 다음 그림에서 $\angle DBP = 82^\circ$, $\angle BDR = 97^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

34. 다음 사각형 중에서 항상 원에 내접하는 것을 모두 골라라

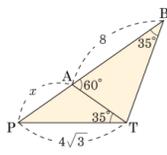
- ㉠ 사다리꼴 ㉡ 정사각형
- ㉢ 직사각형 ㉣ 마름모
- ㉤ 평행사변형 ㉥ 등변사다리꼴

답: _____

답: _____

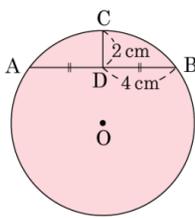
답: _____

35. 다음 그림에서 $\overline{PA} = x$, $\overline{AB} = 8$, $\overline{PT} = 4\sqrt{3}$ 이고 $\angle ATP = \angle ABT = 35^\circ$, $\angle BAT = 60^\circ$ 이다. 이 때, x 의 값은?



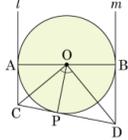
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

36. 다음 그림과 같이 호 AB는 원 O의 일부
이고, $\overline{AD} = \overline{BD}$, $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ 일 때, 이 원의
반지름의 길이는?



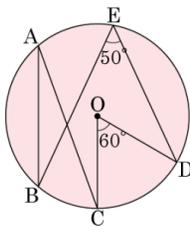
- ① 4 cm ② 5 cm ③ 6 cm ④ 7 cm ⑤ 8 cm

37. 다음 그림과 같이 원 O 의 지름 AB 의 양 끝점에서 그은 접선과 원 O 위의 점 P 에서 그은 접선이 만나는 점을 각각 C, D 라고 할 때, $\angle COD$ 의 크기를 구하여라.



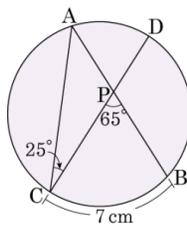
▶ 답: _____ °

38. 다음 그림의 원 O 에서 $\angle BAC$ 의 크기를 구하여라.



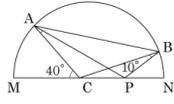
▶ 답: _____ °

39. 다음 그림에서 점 P는 두 현 AB, CD의 교점이고 $\widehat{BC} = 7\text{ cm}$, $\angle ACD = 25^\circ$, $\angle BPC = 65^\circ$ 일 때, 이 원의 둘레의 길이를 구하여라.



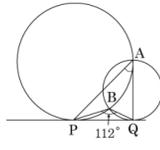
▶ 답: _____ cm

40. A, B 는 지름이 \overline{MN} , 중심이 C 인 반원 위의 점이고, P 는 반지름 \overline{CN} 위의 점이다. $\square ACPB$ 가 반원에 내접할 때, $\angle CAP = \angle CBP = 10^\circ$, $\angle APC = 30^\circ$ 일 때, $\angle BCN$ 는?



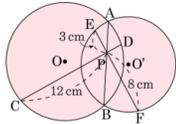
- ① 10° ② 15° ③ 20° ④ 25° ⑤ 30°

42. 다음 그림에서 직선 PQ는 두 원에 동시에 접한다. $\angle PBQ = 112^\circ$ 일 때, $\angle PAQ$ 의 크기는?



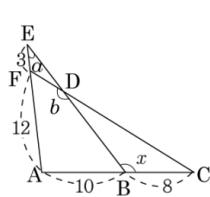
- ① 60° ② 64° ③ 68° ④ 72° ⑤ 76°

43. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 두 원의 공통현이고, 점 P는 원 O의 현 CD와 원 O'의 현 EF의 교점이다. $\overline{PE} = 3\text{ cm}$, $\overline{PF} = 8\text{ cm}$, $\overline{PC} = 12\text{ cm}$ 일 때, \overline{PD} 의 길이를 구하여라.



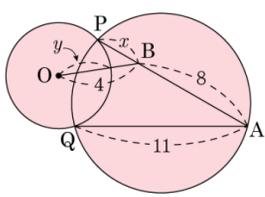
▶ 답: _____ cm

44. 다음 그림에서 $\overline{EF} = 3$, $\overline{AF} = 12$, $\overline{AB} = 10$, $\overline{BC} = 8$ 이다. $\angle DEF = a$, $\angle FDB = b$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 a, b 에 관한 식으로 나타내어라.



▶ 답: $\angle x =$ _____

45. 두 원의 교점 P, Q 를 지나는 작은 원의 두 접선이 큰 원 위의 점 A 에서 만난다. 점 O 는 작은 원의 중심이고 점 B 는 \overline{AP} 위의 한 점이다. $\overline{OB} = 4$, $\overline{AB} = 8$, $\overline{AQ} = 11$ 일 때, 선분 PB 의 길이 x 와 작은 원의 반지름 y 의 곱을 구하면?



- ① $2\sqrt{6}$ ② $3\sqrt{6}$ ③ $2\sqrt{7}$ ④ $3\sqrt{7}$ ⑤ 9