

1. 16의 약수의 개수를 구하여라.

▶ 답: 5개

▶ 정답: 5개

해설

16의 약수는 1, 2, 4, 8, 16이다.
따라서 5개이다.

2. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 1 은 소수가 아니다.
- ② 10 은 합성수이다.
- ③ 17 은 소수이다.
- ④ 약수가 2 개인 수는 소수이다.
- ⑤ 두 소수의 합은 언제나 홀수이다.

해설

⑤ (반례) 3 과 5 는 소수이지만 두 소수의 합인 8 은 짝수이다.

3. 1보다 큰 자연수 중에서 1과 그 자신만을 약수로 가지는 수를 소수라고 한다. 기원전 300년경 그리스의 수학자로 소수가 무한히 많음을 증명한 사람은?

① 칸토어

② 유클리드

③ 오일러

④ 골드바흐

⑤ 가우스

해설

유클리드는 ‘소수가 무한이다.’ 라는 것을 증명하였습니다.

4. 다음 ㉠, ㉡의 수들의 최대공약수를 차례대로 적은 것은?

㉠ 33, 121

㉡ 39, 65

① 3, 18

② 11, 15

③ 33, 13

④ 11, 13

⑤ 11, 39

해설

$$\textcircled{1} \quad 11) \begin{array}{r} 33 \quad 121 \\ 3 \quad \quad 11 \end{array}$$

따라서 ㉠의 최대공약수는 11 이다.

$$\textcircled{2} \quad 13) \begin{array}{r} 39 \quad 65 \\ 3 \quad \quad 5 \end{array}$$

따라서 ㉡의 최대공약수는 13 이다.

5. 소인수분해를 이용하여 15 와 21 의 최소공배수를 구하면?

① 80

② 82

③ 95

④ 105

⑤ 120

해설

$$15 = 3 \times 5, 21 = 3 \times 7$$

$$\text{최소공배수} : 3 \times 5 \times 7 = 105$$

6. 4의 배수이면서 동시에 6의 배수인 수가 아닌 것은?

① 12

② 24

③ 40

④ 108

⑤ 120

해설

4와 6의 최소공배수인 12의 배수가 아닌 수를 찾으면 된다.

7. 약수가 12 개인 자연수 중 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 60

해설

$$12 = 2 \times 2 \times 3 \text{ 이므로}$$

$$(1+1) \times (1+1) \times (2+1) \text{에서 } 2^2 \times 3 \times 5 = 60$$

8. 두 수 a, b 의 최대공약수가 18일 때, a, b 의 공약수의 개수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 6

해설

a, b 의 공약수는 최대공약수 18의 약수와 같다.

18의 약수는 1, 2, 3, 6, 9, 18이므로 6개이다.

9. 두 수 $2^2 \times 3$ 과 $2^2 \times 5$ 의 공배수를 옳게 표현한 것은?

- ① 30의 약수
- ② 30의 배수
- ③ 60의 약수
- ④ 60의 배수
- ⑤ 4의 배수

해설

$2^2 \times 3$ 과 $2^2 \times 5$ 의 최소공배수는 $2^2 \times 3 \times 5 = 60$ 이다.

10. 122 를 나누면 4 가 부족하고 186 을 나누면 3 이 부족한 수 중에서 가장 작은 수를 구하면?

- ① 3 ② 4 ③ 7 ④ 9 ⑤ 63

해설

$$126 = 2 \times 3^2 \times 7, 189 = 3^3 \times 7 \text{ 이므로}$$

$$\text{최대공약수는 } 3^2 \times 7 = 63,$$

63 의 약수 중 나머지 4 보다 큰 수는 7, 9, 21, 63

따라서 가장 작은 수는 7이다.