

1. 다음 중  $x$ 에 대한 이차다항식은?

①  $2x + 2$

④  $x^3 - x$

②  $x^2y + x - y$

⑤  $xy^2 + y^2$

해설

①, ⑤는  $x$ 에 대한 일차식

③, ④는  $x$ 에 대한 삼차식

2.  $(-1)^n + (-1)^{n+1}$ 의 값은? ( $n$ 은 자연수)

- ① 0      ② -1      ③ 1      ④ -2      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} n = 2k : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k} + (-1)^{2k+1} \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} n = 2k - 1 : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k-1} + (-1)^{2k} \\ &= 0 \end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned} n = \text{홀수일 때}, n+1 = \text{짝수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = -1 + 1 = 0 \\ n = \text{짝수일 때}, n+1 = \text{홀수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = 1 + (-1) = 0 \end{aligned}$$

3. 다항식  $(x^2 + 1)^4(x^3 + 1)^3$ 의 차수는?

- ① 5차    ② 7차    ③ 12차    ④ 17차    ⑤ 72차

해설

$(x^2 + 1)^4$ 은 8차식,  $(x^3 + 1)^3$ 은 9차식

따라서  $(x^2 + 1)^4(x^3 + 1)^3$ 은  
 $8 + 9 = 17$ 차 다항식이다.

4. 다항식  $(a - b)(a^2 + ab + b^2)$  을 전개하면?

①  $a^2 - b^2$

②  $a^3 - b^3$

③  $a^3 + b^3$

④  $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

⑤  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

해설

공식 :  $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$

5.  $(a - b + c)(a - b - c)$  를 전개하면?

- ①  $-a^2 + b^2 - c^2 + 2ca$       ②  $a^2 - b^2 + c^2 + 2ab$   
③  $a^2 + b^2 + c^2 + abc$       ④  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$   
⑤  $a^2 + b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + c)(a - b - c) &= [(a - b) + c][(a - b) - c] \\ &= (a - b)^2 - c^2 \\ &= a^2 + b^2 - c^2 - 2ab\end{aligned}$$

6.  $(x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(x^2 + 2x - 5)$  를 전개한 식에서  $x^2$  의 계수를 구하면?

- ① 10      ② 15      ③ 19      ④ 21      ⑤ 25

해설

전개식에서  $x^2$  항은

i ) (이차항)  $\times$  (삼차항)에서  $15x^2 + 4x^2 = 19x^2$

ii ) (일차항)  $\times$  (일차항)에서  $6x^2$

$\therefore x^2$  의 계수는  $19 + 6 = 25$

7.  $x$ 에 대한 다항식  $3x^3y + 5y - xz + 9xy - 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

- Ⓐ 내림차순으로 정리하면  
 $3yx^3 + (9y - z)x + 5y - 4$ 이다.
- Ⓑ 오름차순으로 정리하면  
 $5y - 4 + (9y - z)x + 3yx^3$ 이다.
- Ⓒ 주어진 다항식은  $x$ 에 대한 3 차식이다.
- Ⓓ  $x^3$ 의 계수는 3이다.
- Ⓔ 상수항은 -4이다.

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

③ Ⓑ, Ⓕ

④ Ⓐ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓗ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓗ

해설

Ⓓ  $x^3$ 의 계수는  $3y$ 이다.

Ⓔ 상수항은  $5y - 4$ 이다.

8. 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여 연산  $A \ominus B$ 와  $A \otimes B$ 을 다음과 같이 정의하기로 한다.

$$A \ominus B = A - 3B, A \otimes B = (A + B)B$$

$P = 2x^3 + 2x^2y + 3xy^2 - y^3$ ,  $Q = x^3 + x^2y + xy^2$ 이라 할 때,  
 $(P \ominus Q) \otimes Q$ 를  $x, y$ 에 관한 다항식으로 나타내면?

①  $x^4y^2 + xy^5$       ②  $\textcircled{②} x^4y^2 - xy^5$       ③  $x^3y^2 - xy^4$

④  $x^3y^2 + xy^4$       ⑤  $2x^3y^2 - xy^4$

해설

정의에 따라  $(P \ominus Q) \otimes Q$ 를 변형하면

$$\begin{aligned}(P \ominus Q) \otimes Q &= (P - 3Q) \otimes Q \\ &= (P - 3Q + Q)Q \\ &= (P - 2Q)Q \quad \cdots \textcircled{①}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}P - 2Q &= 2x^3 + 2x^2y + 3xy^2 - y^3 - 2(x^3 + x^2y + xy^2) \\ &= xy^2 - y^3\end{aligned}$$

이므로 ①식은

$$\begin{aligned}(P \ominus Q) \otimes Q &= (xy^2 - y^3)(x^3 + x^2y + xy^2) \\ &= x^4y^2 + x^3y^3 + x^2y^4 - x^3y^3 \\ &\quad - x^2y^4 - xy^5 \\ &= x^4y^2 - xy^5\end{aligned}$$

9. 다음 그림에서 색칠한 부분이 나타내고 있는 곱셈공식은 무엇인가?



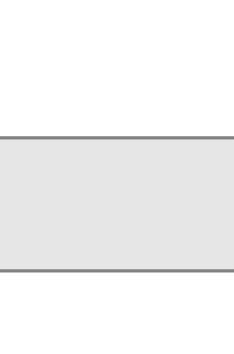
- ①  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$   
②  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$   
③  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$   
④  $(a-b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$   
⑤  $(a+b)(a^2 - ab + b^2) = a^3 + b^3$

해설



$$(a+b)(a-b) = ①' + ②$$
$$①' = ① \text{ 의 } a \text{ 를 } b \text{ 으로 }$$
$$(a+b)(a-b) = ① + ② = a^2 - b^2$$
$$\therefore (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

10. 다음 그림은 한변의 길이가  $x$ 인 정사각형을 대각선을 따라 자른 후 직각이등변삼각형 2개를 떼어낸 도형이다. 이때, 색칠한 부분의 넓이를  $x, y$ 에 관한 식으로 나타내어라.



- ①  $xy - y^2$       ②  $x^2 - y^2$       ③  $x^2 - y$   
④  $\frac{xy - y^2}{2}$       ⑤  $\frac{x - y}{2}$

해설

$$x^2 - 2 \times \frac{1}{2} \times y \times y = x^2 - y^2$$

11. 다음 중 다항식의 전개가 잘못된 것은?

①  $(x+1)(x^2-x+1) = x^3 + 1$

②  $(a+2b-3c)^2 = a^2 + 4b^2 + 9c^2 + 4ab - 12bc - 6ac$

③  $(x+2)(x^2-2x+4) = x^3 + 8$

④  $(x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) = x^4 - x^2y^2 + y^4$

⑤  $(x-1)^2(x+1)^2 = x^4 - 2x^2 + 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & (x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) \\ &= (x^2+y^2)^2 - (xy)^2 \\ &= x^4 + x^2y^2 + y^4 \end{aligned}$$

12.  $(x+y)^n$ 을 전개할 때 항의 개수는  $n+1$ 개이다. 다항식  $(2a-3b)^3(2a+3b)^3$ 을 전개할 때, 항의 개수를 구하면 ?

① 7개      ② 8개      ③ 12개      ④ 13개      ⑤ 64개

해설

$$\begin{aligned} & (2a - 3b)^3(2a + 3b)^3)^4 \\ &= ((4a^2 - 9b^2)^3)^4 \\ &= (4a^2 - 9b^2)^{12} \\ \therefore & (4a^2 - 9b^2)^{12} \text{의 항의 개수는 } 13 \text{개이다.} \end{aligned}$$

13.  $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$ 을 전개한 식에서  $x^3$ 의 계수는?

- ① 31      ② 33      ③ 35      ④ 37      ⑤ 39

해설

$$2x^3 \times 8 - 3x^2 \times (-7x) + 3x \times (-2x^2) + 4 \times 2x^3 = 39x^3$$

14. 두 다항식  $A = a + 2b$ ,  $B = 2a + 3b$  일 때,  $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \text{ ⑦ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \text{ ⑧ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \text{ ⑨ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \text{ ⑩ 교환법칙} \\&= (2+2)a + (4+3)b \text{ ⑪ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: ⑩

해설

⑩  $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$ : 결합법칙

15.  $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

- ① 15      ② 18      ③ 21      ④ 26      ⑤ 28

해설

준식을 전개하면  
$$\begin{aligned} & 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5(10^5 + 2) \\ & = 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \\ & = 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8 \\ & \therefore 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18 \end{aligned}$$

16. 세 변의 길이가  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 인  $\triangle ABC$ 에 대하여  $a^2 - ab + b^2 = (a + b - c)c$ 인 관계가 성립할 때,  $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 정삼각형

해설

$$a^2 - ab + b^2 = (a + b - c)c \text{에서 } a^2 - ab + b^2 = ac + bc - c^2$$

$$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2} \left\{ (a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2 \right\} = 0$$

$$\therefore a = b = c$$

따라서,  $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다.

17.  $x^2 + x + 1 = 0$  일 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$x^2 + x + 1 = 0$ 에서 양변을  $x$ 로 나누면

$$x + \frac{1}{x} = -1$$

$$\begin{aligned}\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3x \cdot \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right) \\ &= -1 - 3 \cdot (-1) = 2\end{aligned}$$