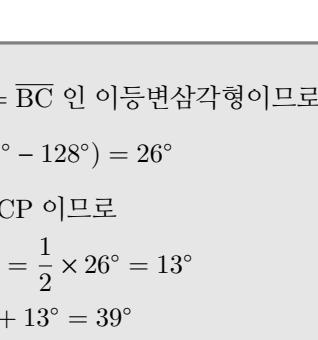


1. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{BA} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이다. $\angle B = 128^\circ$ 이고 $\angle BCP = \angle ACP$ 일 때, $\angle CPB$ 의 크기는?



- ① 39° ② 40° ③ 41° ④ 42° ⑤ 43°

해설

$\triangle ABC$ 는 $\overline{BA} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이므로

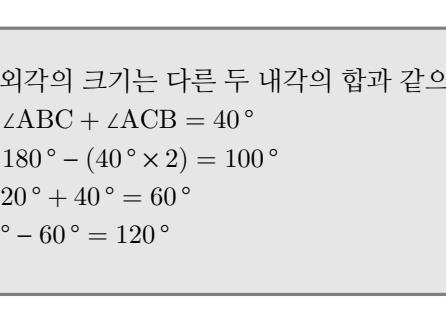
$$\angle BCA = \frac{1}{2}(180^\circ - 128^\circ) = 26^\circ$$

또 $\angle BCP = \angle ACP$ 이므로

$$\angle BCP = \angle ACP = \frac{1}{2} \times 26^\circ = 13^\circ$$

$$\therefore \angle CPB = 26^\circ + 13^\circ = 39^\circ$$

2. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{CD} = \overline{DE}$ 이고 $\angle B = 20^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 70° ② 80° ③ 90° ④ 100° ⑤ 120°

해설

삼각형의 외각의 크기는 다른 두 내각의 합과 같으므로

$$\angle CAD = \angle ABC + \angle ACB = 40^\circ$$

$$\angle ACD = 180^\circ - (40^\circ \times 2) = 100^\circ$$

$$\angle DCE = 20^\circ + 40^\circ = 60^\circ$$

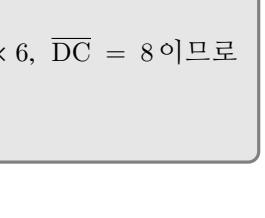
$$\angle x = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

3. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. $\angle A$ 의 이등분선과 \overline{BC} 의 교점을 D라 할 때, 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 길이를 E라 할 때, \overline{BC} 의 길이는?

① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

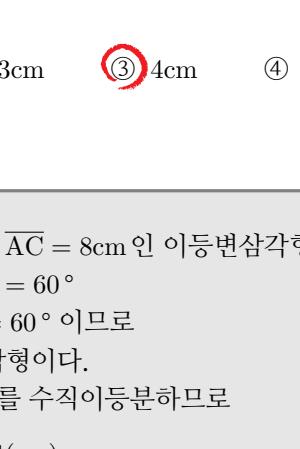
$\triangle ADC$ 에서 $\frac{1}{2} \times 10 \times 4.8 = \frac{1}{2} \times \overline{DC} \times 6$, $\overline{DC} = 8$ 이다.



4. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = 8\text{cm}$ 이고, 점 A에서 내린 수선과 \overline{BC}

와의 교점을 D라 하자.

$\angle ABC = 60^\circ$ 일 때, \overline{BD} 의 길이는?



- ① 2cm ② 3cm ③ 4cm ④ 5cm ⑤ 6cm

해설

$\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC} = 8\text{cm}$ 인 이등변삼각형이므로

$\angle ABC = \angle ACB = 60^\circ$

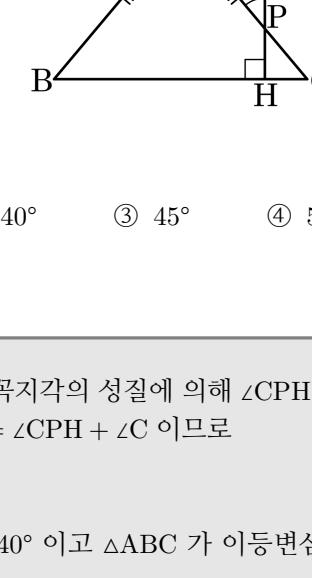
따라서 $\angle BAC = 60^\circ$ 이므로

$\triangle ABC$ 는 정삼각형이다.

\overline{AD} 는 밑변 \overline{BC} 를 수직이등분하므로

$$\overline{BD} = \frac{1}{2} \times 8 = 4(\text{cm})$$

5. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 35° ② 40° ③ 45° ④ 50° ⑤ 55°

해설

$\triangle PHC$ 에서 맞꼭지각의 성질에 의해 $\angle CPH = 40^\circ$

따라서 $\angle PHC = \angle CPH + \angle C$ 이므로

$$90^\circ = 40^\circ + \angle C$$

$$\therefore \angle C = 50^\circ$$

$\angle BAC = \angle x + 40^\circ$ 이고 $\triangle ABC$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle B = \angle C = 50^\circ$

삼각형 내각의 합은 180° 이므로

$$180^\circ = \angle BAC + \angle B + \angle C$$

$$= (\angle x + 40^\circ) + 2\angle C$$

$$= \angle x + 40^\circ + 100^\circ$$

$$= \angle x + 140^\circ$$

$$\therefore \angle x = 40^\circ$$

6. 다음은 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 P 라 할 때, $\triangle PBC$ 는 이등변삼각형임을 증명하는 과정이다.

$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \boxed{\text{(가)}}$ 이므로
 $\angle PBC = \boxed{\text{(나)}}$ $\times \angle B = \frac{1}{2} \times \boxed{\text{(다)}} = \boxed{\text{(라)}}$
따라서 $\triangle PBC$ 는 $\boxed{\text{(마)}}$ 이다.

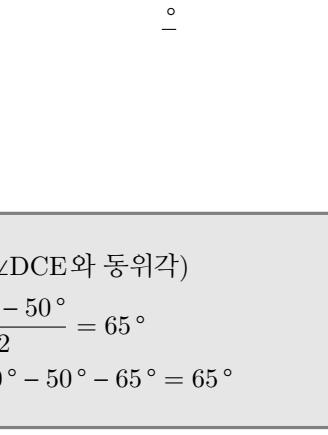
(가) ~ (마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

- ① (가) $\angle C$ ② (나) 2
③ (다) $\angle C$ ④ (마) $\angle PCB$
⑤ (마) 이등변삼각형

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = (\angle C)$ 이므로
 $\angle PBC = \left(\frac{1}{2}\right) \times \angle B = \frac{1}{2} \times (\angle C) = (\angle PCB)$
따라서 $\triangle PBC$ 는 (이등변삼각형)이다.

7. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다. $\angle DCE = 50^\circ$ 일 때, $\angle ABC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

◦

▷ 정답: 65°

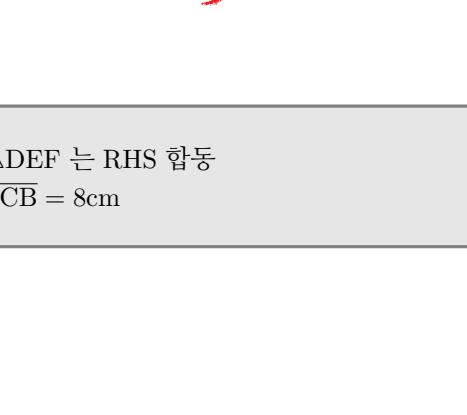
해설

$$\angle FAC = 50^\circ \text{ } (\angle DCE \text{ 와 동위각})$$

$$\angle BAC = \frac{180^\circ - 50^\circ}{2} = 65^\circ$$

$$\therefore \angle ABC = 180^\circ - 50^\circ - 65^\circ = 65^\circ$$

8. 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 다음 그림과 같을 때, \overline{DF} 의 길이는?



- ① 6cm ② 7cm ③ 8cm ④ 9cm ⑤ 10cm

해설

$\triangle CAB, \triangle DEF$ 는 RHS 합동

$\therefore \overline{DF} = \overline{CB} = 8\text{cm}$

9. 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\angle A$ 의 이등분선이 변 BC와 만나는 점을 D라 하자. $\overline{CD} = 2\text{ cm}$, $\overline{AB} = 8\text{ cm}$ 일 때, $\triangle ABD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 8 $\underline{\text{cm}^2}$

해설

$\triangle ADE \cong \triangle ADC$ (RHA 합동) 이므로
 $\overline{ED} = \overline{DC} = 2(\text{cm})$

따라서 $\triangle ABD$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 8 \times 2 = 8 (\text{cm}^2)$

10. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 $\triangle ABC$ 에 \overline{AC} 의 수직이등분선과 \overline{BC} 의 교점을 D 라 하고 \overline{AD} 가 $\angle A$ 의 이등분선이 될 때, $\angle C$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

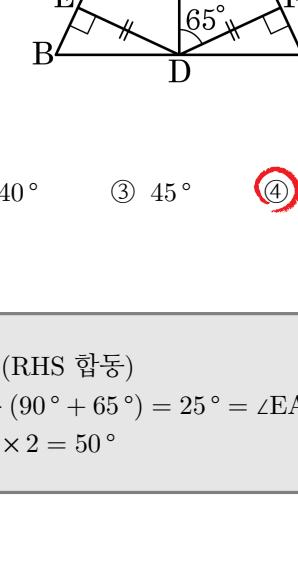
${}^\circ$

▷ 정답 : $30 {}^\circ$

해설

$\triangle ADE \cong \triangle CDE$ (SAS 합동)
 $\triangle ABD \cong \triangle AED$ (RHA 합동) 이므로
 $\angle C = \angle DAE = \angle DAB$
 $\angle C = a$ 라 하면
 $\triangle ABC$ 에서 $2a + a + 90^\circ = 180^\circ$
 $\therefore \angle C = a = 30^\circ$

11. 다음 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{DE} = \overline{DF}$ 이고 $\angle AED = \angle AFD = 90^\circ$ 이다.
 $\angle ADF = 65^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기는?

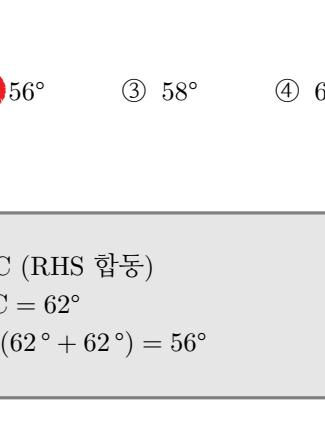


- ① 35° ② 40° ③ 45° ④ 50° ⑤ 55°

해설

$$\begin{aligned}\triangle ADE &\cong \triangle ADF (\text{RHS 합동}) \\ \angle DAF &= 180^\circ - (90^\circ + 65^\circ) = 25^\circ = \angle EAD \\ \therefore \angle BAC &= 25^\circ \times 2 = 50^\circ\end{aligned}$$

12. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$, $\angle EAC = 28^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

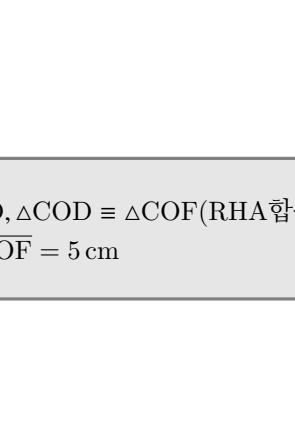


- ① 54° ② 56° ③ 58° ④ 60° ⑤ 62°

해설

$$\begin{aligned}\triangle AED &\equiv \triangle AEC \text{ (RHS 합동)} \\ \angle AED &= \angle AEC = 62^\circ \\ \therefore \angle x &= 180^\circ - (62^\circ + 62^\circ) = 56^\circ\end{aligned}$$

13. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A$ 의 외각의 이등분선과 $\angle C$ 의 외각의 이등분선의 교점을 O라고 하고 점 O에서 \overline{BA} , \overline{BC} 의 연장선에 내린 수선의 발을 각각 E, F라고 한다. $\overline{OE} = 5\text{cm}$ 일 때, \overline{OF} 의 길이를 구하여라.



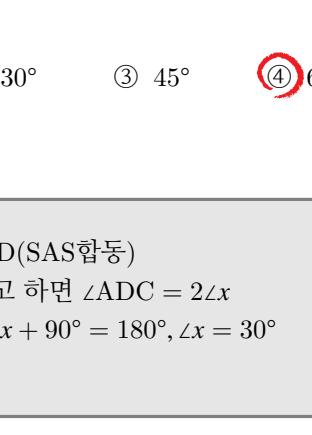
▶ 답: cm

▷ 정답: 5 cm

해설

$\triangle AOE \cong \triangle AOD$, $\triangle COD \cong \triangle COF$ (RHA 합동)
 $\therefore \overline{OE} = \overline{OD} = \overline{OF} = 5\text{cm}$

14. $\triangle ABC$ 가 있다. $\angle A$ 의 이등분선과 BC 의 교점을 D 라 하고, $\overline{AM} = \overline{BM}$ 일 때, $\angle A$ 의 크기는?

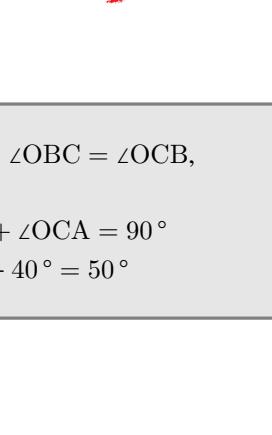


- ① 15° ② 30° ③ 45° ④ 60° ⑤ 90°

해설

$\triangle AMD \cong \triangle BMD$ (SAS합동)
 $\angle MBD = \angle x$ 라고 하면 $\angle ADC = 2\angle x$
 $\triangle ADC$ 에서, $3\angle x + 90^\circ = 180^\circ$, $\angle x = 30^\circ$
 $\therefore \angle A = 60^\circ$

15. 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다. $\angle OAB = 10^\circ$, $\angle OBC = 30^\circ$ 일 때, $\angle OAC$ 의 크기는?



- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

해설

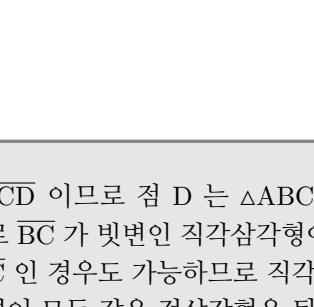
$$\angle OAB = \angle OBA, \angle OBC = \angle OCB,$$

$$\angle OAC = \angle OCA$$

$$\angle OAB + \angle OBC + \angle OCA = 90^\circ$$

$$\therefore \angle OAC = 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ$$

16. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$ 일 때, $\triangle ABC$ 가 될 수 없는 삼각형의 종류는 무엇인가?

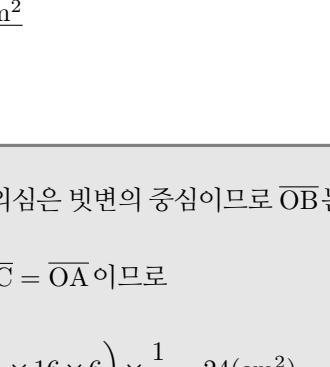


- ① 이등변삼각형
② 정삼각형
③ 직각삼각형
④ 직각이등변삼각형
⑤ 정답 없음

해설

$\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$ 이므로 점 D는 $\triangle ABC$ 의 외심이고 변의 중점에 있으므로 \overline{BC} 가 빗변인 직각삼각형이다.
이때, $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 경우도 가능하므로 직각이등변삼각형이 될 수 있지만, 세 변이 모두 같은 정삼각형은 될 수 없다.

17. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC의 외심이 점 O라고 할 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 24cm^2

해설

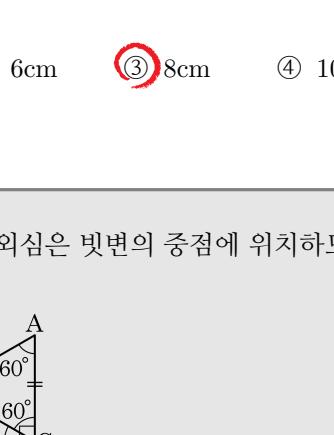
직각삼각형의 외심은 빗변의 중점이므로 \overline{OB} 는 $\triangle ABC$ 의 넓이를
이등분한다.

또한, $\overline{OB} = \overline{OC} = \overline{OA}$ 이므로

$$AC = 16\text{cm}$$

$$\therefore \triangle OBC = \left(\frac{1}{2} \times 16 \times 6 \right) \times \frac{1}{2} = 24(\text{cm}^2)$$

18. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형이다. $\overline{AC} = 4\text{cm}$, $\angle B = 30^\circ$ 일 때, \overline{AB} 의 길이는?



- ① 4cm ② 6cm ③ 8cm ④ 10cm ⑤ 12cm

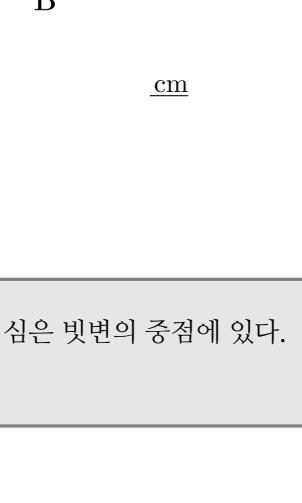
해설

직각삼각형의 외심은 빗변의 중점에 위치하므로 외심을 \overline{AB} 의 중점 O라 하면



$\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로
 $\angle AOC = \angle OCA = \angle A = 60^\circ$
 $\therefore \overline{AB} = \overline{AO} + \overline{BO} = 8(\text{cm})$

19. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다.
 $\overline{AB} = 10\text{cm}$ 일 때, \overline{OB} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 5cm

해설

직각삼각형의 외심은 빗변의 중점에 있다.
 $10 \div 2 = 5(\text{cm})$

20. 다음 그림과 같은 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에 대해서 점 B에서 외심 O를 거쳐 변 AC까지 선분 \overline{BD} 를 그었다. $\angle A = 80^\circ$ 일 때, $\angle ABD$ 의 크기는?



- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

해설

$\triangle ABC$ 가 이등변삼각형이므로
 $\angle ABC = \angle ACB$

삼각형의 내각의 합은 180° 이므로 $\angle ABC = \angle ACB = 50^\circ$

보조선 \overline{OC} 를 그으면

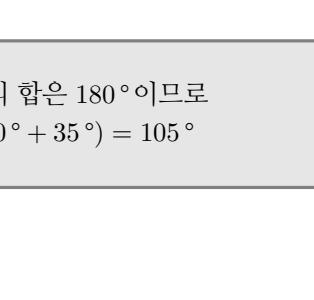
$\angle BOC = 2 \times \angle BAC = 160^\circ$

점 O가 외심이므로 $\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이다.

$\angle OBC = \angle OCB = 10^\circ$

$\therefore \angle ABD = \angle ABC - \angle OBC = 50^\circ - 10^\circ = 40^\circ$

21. 다음 그림에서 점 I가 삼각형의 내심일 때, $\angle x$ 의 크기는?

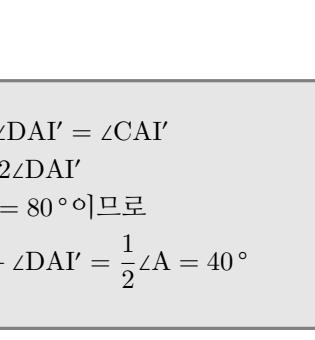


- ① 100° ② 105° ③ 110° ④ 115° ⑤ 120°

해설

삼각형의 내각의 합은 180° 이므로
 $\angle x = 180^\circ - (40^\circ + 35^\circ) = 105^\circ$

22. 다음 그림에서 점 I, I' 는 각각 $\triangle ABD$, $\triangle ADC$ 의 내심이다. $\angle B = 30^\circ$, $\angle C = 70^\circ$ 일 때, $\angle IAI'$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 40°

해설

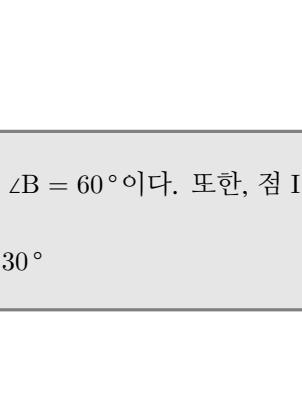
$$\angle BAI = \angle IAD, \angle DAI' = \angle CAI'$$

$$\angle A = 2\angle BAI + 2\angle DAI'$$

$\triangle ABC$ 에서 $\angle A = 80^\circ$ 이므로

$$\angle IAI' = \angle BAI + \angle DAI' = \frac{1}{2}\angle A = 40^\circ$$

23. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이고 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

°

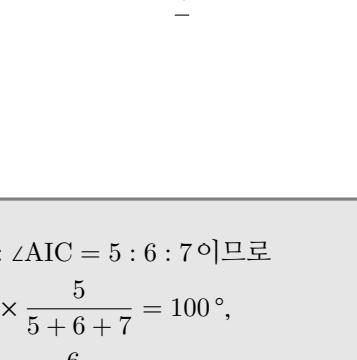
▷ 정답: 30°

해설

정삼각형이므로 $\angle B = 60^\circ$ 이다. 또한, 점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심이므로

$$\angle x = 60^\circ \div 2 = 30^\circ$$

24. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 내심을 I라 하고 $\angle AIB : \angle BIC : \angle AIC = 5 : 6 : 7$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 50°

해설

$\angle AIB : \angle BIC : \angle AIC = 5 : 6 : 7$ 이므로

$$\angle AIB = 360^\circ \times \frac{5}{5+6+7} = 100^\circ,$$

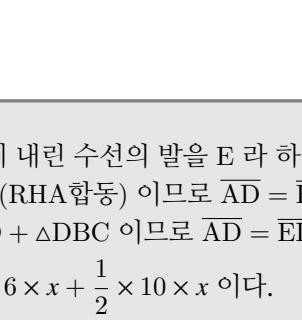
$$\angle BIC = 360^\circ \times \frac{6}{5+6+7} = 120^\circ, \angle AIC = 360^\circ \times \frac{7}{5+6+7} = 140^\circ \text{이다.}$$

점 I가 삼각형의 내심일 때,

$$\angle AIC = 140^\circ = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle B \text{이므로}$$

$$\angle B = 100^\circ, \angle x = \frac{1}{2}\angle B = 50^\circ \text{이다.}$$

25. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 $\angle B$ 의 이등분선과 \overline{AC} 가 만나는 점을 D 라 하자. $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{BC} = 10\text{cm}$, $\overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때, \overline{AD} 의 길이를 구하여라.(단, 단위는 생략한다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

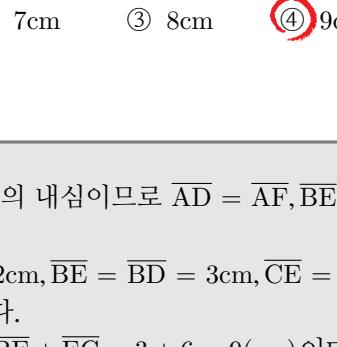
점 D에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 E라 하면
 $\triangle ABD \cong \triangle EBD$ (RHA합동) 이므로 $\overline{AD} = \overline{ED}$ 이다.

$\triangle ABC = \triangle ABD + \triangle DBC$ 이므로 $\overline{AD} = \overline{ED} = x\text{cm}$ 라 하면

$$\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = \frac{1}{2} \times 6 \times x + \frac{1}{2} \times 10 \times x \text{이다.}$$

따라서 $\overline{AD} = x = 3\text{cm}$ 이다.

26. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이고, 세 점 D, E, F는 각각 내접원과 세 변 AB, BC, CA의 접점이다. $\overline{AD} = 2\text{cm}$, $\overline{BD} = 3\text{cm}$, $\overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이는?



- ① 6cm ② 7cm ③ 8cm ④ 9cm ⑤ 10cm

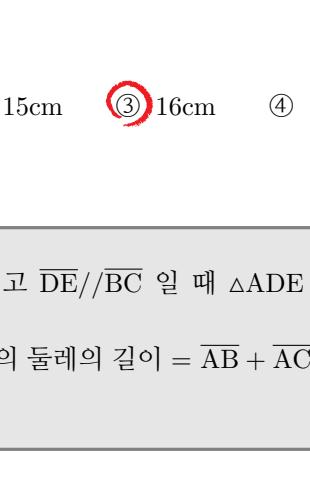
해설

점 I가 삼각형의 내심이므로 $\overline{AD} = \overline{AF}$, $\overline{BE} = \overline{BD}$, $\overline{CE} = \overline{CF}$ 이다.

$\overline{AD} = \overline{AF} = 2\text{cm}$, $\overline{BE} = \overline{BD} = 3\text{cm}$, $\overline{CE} = \overline{CF}$ 이므로 $\overline{CF} = 6\text{cm} = \overline{CE}$ 이다.

따라서 $\overline{BC} = \overline{BE} + \overline{EC} = 3 + 6 = 9(\text{cm})$ 이다.

27. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 9\text{cm}$, $\overline{BC} = 8\text{cm}$, $\overline{AC} = 7\text{cm}$ 이고 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 이다. 점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이는?



- ① 14cm ② 15cm ③ 16cm ④ 18cm ⑤ 21cm

해설

점 I가 내심이고 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 일 때 $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이 = $\frac{1}{2}(\overline{AB} + \overline{AC})$

따라서 $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이 = $\overline{AB} + \overline{AC} = 9 + 7 = 16(\text{cm})$ 이다.

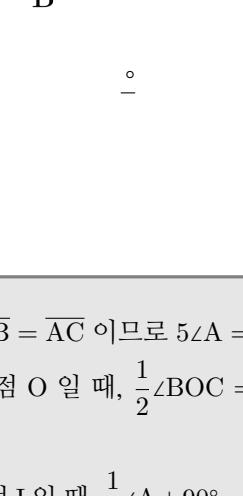
28. 다음 중 삼각형의 내심과 외심에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 내심에서 세 변에 이르는 거리가 같다.
- ② 외심은 항상 삼각형의 외부에 있다.
- ③ 내심은 항상 삼각형의 내부에 있다.
- ④ 이등변삼각형의 외심과 내심은 꼭지각의 이등분선 위에 있다.
- ⑤ 외심에서 세 꼭짓점에 이르는 거리가 같다.

해설

② 삼각형의 외심의 위치는 예각삼각형은 내부, 직각삼각형은 빗변의 중점, 둔각삼각형은 외부에 있다.

29. 다음 그림에서 $2\angle A = \angle B$, $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이고 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심, 점 O는 외심일 때, $\angle OBI$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 18 °

해설

$2\angle A = \angle B$ 이고 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이므로 $5\angle A = 180^\circ$, $\angle A = 36^\circ$ 이다.

$\triangle ABC$ 의 외심이 점 O 일 때, $\frac{1}{2}\angle BOC = \angle A$ 이므로 $\angle BOC = 72^\circ$ 이다.

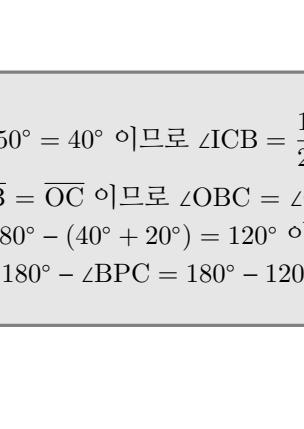
$\triangle ABC$ 의 내심이 점 I 일 때, $\frac{1}{2}\angle A + 90^\circ = \angle BIC$ 이므로 $\angle BIC = \frac{1}{2} \times 36^\circ + 90^\circ = 108^\circ$ 이다.

$\triangle OBC$ 도 이등변삼각형이므로 $\angle OBC = 54^\circ$ 이다.

또, $\angle IBC = \frac{1}{2}\angle ABC = \frac{1}{2} \times 72^\circ = 36^\circ$ 이다.

따라서 $\angle OBI = \angle OBC - \angle IBC = 54^\circ - 36^\circ = 18^\circ$ 이다.

30. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 점 I,O는 각각 $\triangle ABC$ 의 내심, 외심이다. \overline{CI} 와 \overline{BO} 의 교점을 P라 할 때, $\angle IPB$ 의 크기는 얼마인가?

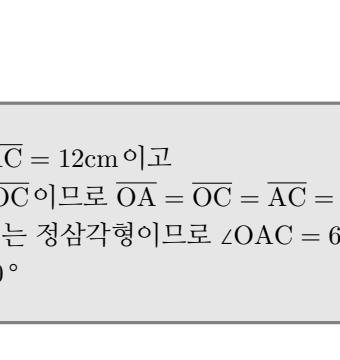


- ① 56° ② 57° ③ 58° ④ 59° ⑤ 60°

해설

$\angle ACB = 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ$ 이므로 $\angle ICB = \frac{1}{2}\angle C = 20^\circ$
 $\triangle OBC$ 에서 $\overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로 $\angle OBC = \angle OCB = 40^\circ$, $\triangle PBC$ 에서 $\angle BPC = 180^\circ - (40^\circ + 20^\circ) = 120^\circ$ 이다.
따라서 $\angle IPB = 180^\circ - \angle BPC = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$ 이다.

31. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC의 외심이 점 O일 때, $\overline{AB} + \overline{AC} = 12\text{cm}$ 이면 $\angle ABC$ 의 크기는?

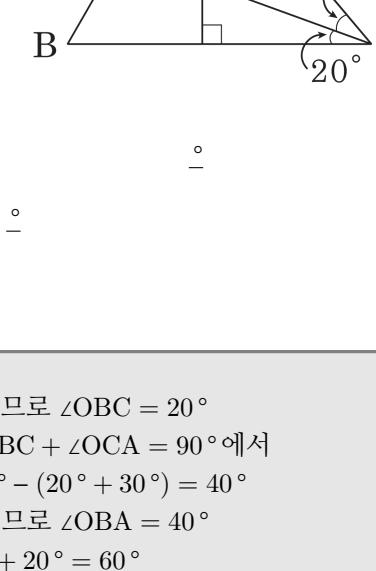


- ① 10° ② 20° ③ 30°
④ 40° ⑤ 알 수 없다.

해설

$\overline{OA} + \overline{OB} + \overline{AC} = 12\text{cm}$ 이고
 $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로 $\overline{OA} = \overline{OC} = \overline{AC} = 4\text{cm}$ 이다.
따라서 $\triangle AOC$ 는 정삼각형이므로 $\angle OAC = 60^\circ$
 $\therefore \angle ABC = 30^\circ$

32. 다음 그림에서 점 O 가 $\triangle ABC$ 의 외심일 때, $\angle B$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

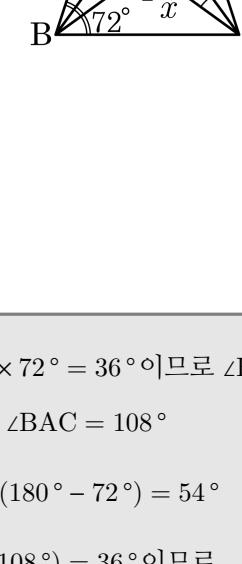
$^{\circ}$

▷ 정답 : 60°

해설

$\overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로 $\angle OBC = 20^{\circ}$
 $\angle OAB + \angle OBC + \angle OCA = 90^{\circ}$ 에서
 $\angle OAB = 90^{\circ} - (20^{\circ} + 30^{\circ}) = 40^{\circ}$
 $\overline{OA} = \overline{OB}$ 이므로 $\angle OBA = 40^{\circ}$
 $\therefore \angle B = 40^{\circ} + 20^{\circ} = 60^{\circ}$

33. 다음 그림에서 점 O 와 I 는 각각 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC 의 외심과 내심이다. $\angle ABC = 72^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기= () $^\circ$ 이다. 번 칸에 들어갈 수를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

$$\angle BAC = 180^\circ - 2 \times 72^\circ = 36^\circ \text{이므로 } \angle BOC = 2\angle BAC = 72^\circ$$

$$\angle BIC = 90^\circ + \frac{1}{2} \times \angle BAC = 108^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle OCB = \frac{1}{2}(180^\circ - 72^\circ) = 54^\circ$$

$$\angle ICB = \frac{1}{2}(180^\circ - 108^\circ) = 36^\circ \text{이므로}$$

$$\angle x = 54^\circ - 36^\circ = 18^\circ$$