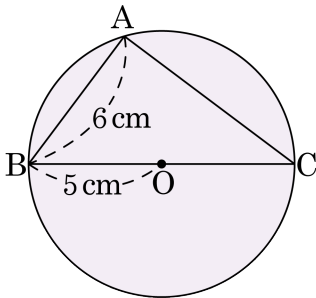


1. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm 인 원에 내접하는 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 6\text{cm}$ 일 때, $\overline{AC}$ 의 길이를 구하여라.



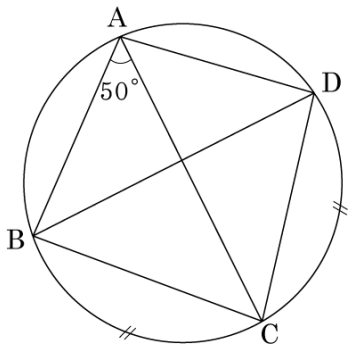
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 8cm

해설

$\triangle ABC$ 는 $\angle BAC = 90^\circ$ 인 직각삼각형이므로
 $\therefore \overline{AC} = \sqrt{10^2 - 6^2} = \sqrt{64} = 8(\text{cm})$

2. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 가 원에 내접할 때, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 라고 한다. $\angle BAD$ 의 크기는?



① 60°

② 70°

③ 80°

④ 90°

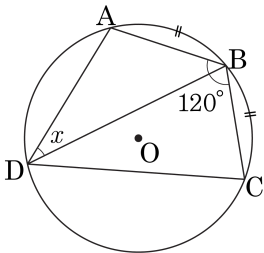
⑤ 100°

해설

i) 호의 길이가 서로 같으면 원주각의 크기가 서로 같다.

$$\begin{aligned}\text{ii) } \angle BAD &= \angle BAC + \angle CAD \\ &= 50^\circ + 50^\circ = 100^\circ\end{aligned}$$

3. 다음 그림과 같은 원 O 에서 $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC}$, $\angle ABC = 120^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : ○

▶ 정답 : 30°

해설

□ABCD 에서 $\angle B + \angle D = 180^\circ$ 이므로

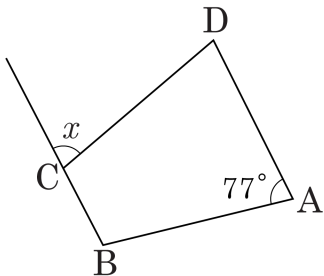
$$\angle D = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

한편, $\angle ADB = \angle BDC$ 이므로

$$\angle x = \frac{1}{2} \angle D = \frac{1}{2} \times 60^\circ = 30^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

4. 다음과 같이 원에 내접하는 □ABCD 에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 75°

② 76°

③ 77°

④ 78°

⑤ 79°

해설

□ABCD 가 원에 내접하려면 $\angle x = \angle A$

5. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?

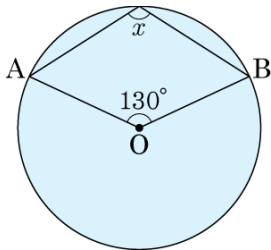
① 110°

② 115°

③ 120°

④ 125°

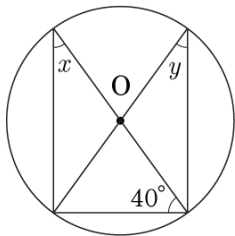
⑤ 130°



해설

$$\angle x = \frac{1}{2} \times (360^\circ - 130^\circ) = 115^\circ$$

6. 다음 그림에서 $\angle x - \angle y$ 의 크기를 구하여라.
(단, 단위는 생략)



▶ 답 :

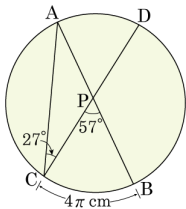
▷ 정답 : 0

해설

한 원 또는 합동인 두 원에서 호의 길이가 같은 원주각의 크기는 같다.

$$x = y = 180^\circ - (90^\circ + 40^\circ) = 50^\circ$$

7. 다음 그림에서 점 P는 두 현 AB, CD의 교점이고 호 BC의 길이는 $4\pi\text{cm}$ 이다. $\angle ACD = 27^\circ$, $\angle BPC = 57^\circ$ 일 때, 이 원의 반지름의 길이를 구하면?



① 8cm

② 12cm

③ 16cm

④ 20cm

⑤ 24cm

해설

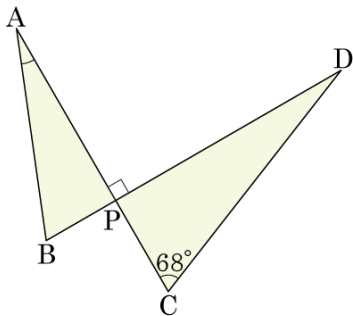
$\triangle ACP$ 에서 $\angle PAC = 30^\circ$

$\widehat{BC}$ 의 중심각은 60°

$$\text{호 BC의 길이는 } 4\pi = 2\pi r \times \frac{60^\circ}{360^\circ}$$

$$\therefore r = 12(\text{cm})$$

8. 다음 그림에서 $\angle C = 68^\circ$ 이고,
 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 일 때, 네 점 A, B, C, D
 가 한 원 위에 있기 위한 $\angle A$ 의 크
 기를 구하여라.



▶ 답: °

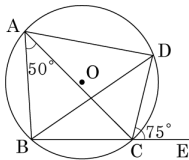
▶ 정답: 22 °

해설

$$\angle PDC = 90^\circ - 68^\circ = 22^\circ$$

$$\therefore \angle PDC = \angle BAP = 22^\circ$$

9. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원 O 에 내접하고, $\angle BAC = 50^\circ$, $\angle DCE = 75^\circ$ 일 때, $\angle DBC$ 의 크기는?



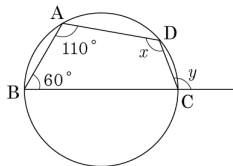
- ① 25° ② 30° ③ 35° ④ 40° ⑤ 45°

해설

$$\angle DCE = \angle BAD = 75^\circ$$

$$\angle DAC = \angle DBC \text{ 이므로 } \angle DBC = 75^\circ - 50^\circ = 25^\circ$$

10. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 원에 내접하는 사각형이다. $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하면?



① 200°

② 210°

③ 220°

④ 230°

⑤ 240°

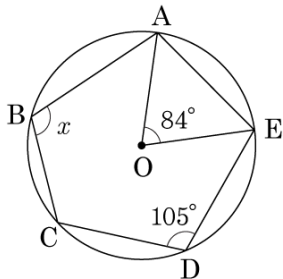
해설

$$\angle x = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

$$\angle y = 110^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y = 120^\circ + 110^\circ = 230^\circ$$

11. 다음 그림과 같이 원 O 에 내접하는 오각형 ABCDE 에서 $\angle CDE = 105^\circ$, $\angle AOE = 84^\circ$, $\angle ABC = x^\circ$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 117

해설

보조선 $\overline{BE}$ 를 그으면 $\square BCDE$ 는 내접하므로 대각의 합

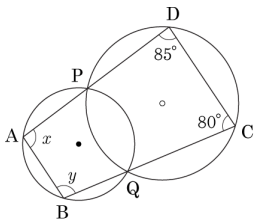
$$\angle CDE + \angle CBE = 180^\circ$$

$$\therefore \angle CBE = 75^\circ$$

또한, $\angle ABE$ 는 $\widehat{AE}$ 의 원주각이므로 $\angle ABE = 42^\circ$ 이다.

$$\therefore x^\circ = \angle CBE + \angle ABE = 75^\circ + 42^\circ = 117^\circ$$

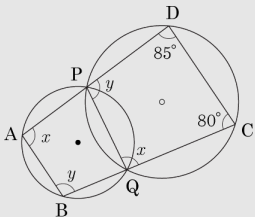
12. 다음 그림에서 $\angle PAB = x^\circ$, $\angle ABQ = y^\circ$ 라 할 때, $y - x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

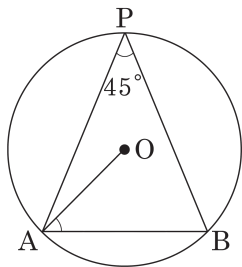


보조선 $\overline{PQ}$ 를 연결하면 내접하는 사각형의 성질에 의해 $\angle PAB = \angle PQC$, $\angle ABQ = \angle PDQ$

대각의 합 $x^\circ + 85^\circ = 180^\circ$, $y^\circ + 80^\circ = 180^\circ$ 이다.

$x^\circ = 95^\circ$, $y^\circ = 100^\circ \therefore y - x = 100 - 95 = 5$

13. 다음 그림에서 $\angle APB = 45^\circ$ 일 때, $\angle OAB$ 의 크기는?



① 35°

② 40°

③ 45°

④ 50°

⑤ 55°

해설

점 O 와 B 에 보조선을 그으면
 $\angle AOB = 45 \times 2 = 90^\circ$,
 $\triangle AOB$ 는 이등변삼각형이므로
 $\angle OAB = 45^\circ$ 이다.

14. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



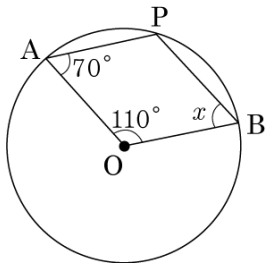
① 55°

② 65°

③ 75°

④ 85°

⑤ 115°



해설

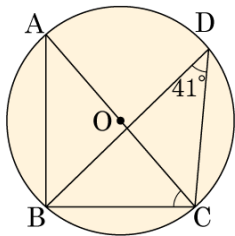
$\widehat{AB}$ 에 대한 중심각 : $360^\circ - 110^\circ = 250^\circ$

$$\angle APB = 250^\circ \times \frac{1}{2} = 125^\circ$$

□OAPB에서

$$\angle PBO = 360^\circ - 70^\circ - 125^\circ - 110^\circ = 55^\circ \text{ 이다.}$$

15. 다음 그림에서 $\overline{AC}$ 가 원 O의 지름이고, $\angle BDC = 41^\circ$ 일 때, $\angle ACB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

▶ 정답 : 49 °

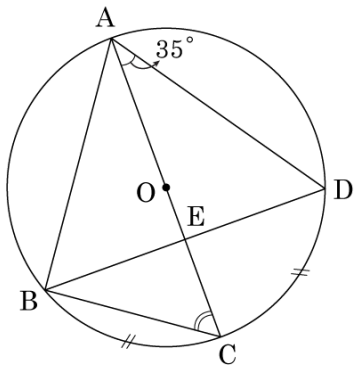
해설

$$\angle ABC = 90^\circ$$

$$\angle BDC = \angle BAC = 41^\circ$$

$$\therefore \angle ACB = 180^\circ - 90^\circ - 41^\circ = 49^\circ$$

16. 다음 그림에서 $\overline{AC}$ 는 지름이고,
 $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$, $\angle CAD = 35^\circ$ 일 때, $\angle ACB$ 의 크기는?



① 35°

② 40°

③ 45°

④ 50°

⑤ 55°

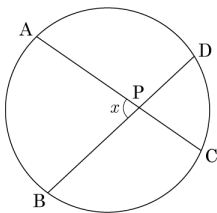
해설

i) $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 이므로 $\angle BAC = 35^\circ$

ii) $\angle ABC$ 는 반원에 대한 원주각이므로
 $\angle ABC = 90^\circ$

$\therefore \angle ACB = 180^\circ - (90^\circ + 35^\circ) = 55^\circ$

17. 다음 그림에서 호 AB의 길이는 원의 둘레의 길이의 $\frac{1}{4}$ 이고 호 CD의 길이는 호 AB의 $\frac{1}{3}$ 일 때, $\angle APB$ 의 크기는 x 이다. x 의 값을 구하면?



① 15°

② 30°

③ 40°

④ 45°

⑤ 60°

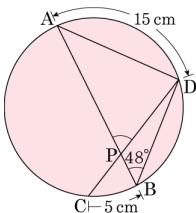
해설

$$\angle ADB = \frac{1}{4} \times 180 = 45^\circ$$

$$\angle CAD = \frac{1}{12} \times 180 = 15^\circ$$

$$\therefore \angle APB = 60^\circ$$

18. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{AD} = 15\text{cm}$, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5\text{cm}$, $\angle PBD = 48^\circ$ 일 때, $\angle APD$ 의 크기는?



① 48°

② 64°

③ 72°

④ 84°

⑤ 92°

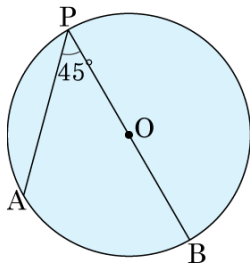
해설

$$5 : 15 = \angle BDC : 48^\circ$$

$$\angle BDC = 16^\circ$$

$$\therefore \angle APD = \angle PBD + \angle PDB = 48^\circ + 16^\circ = 64^\circ$$

19. 다음 그림에서 호 $AB = 3\pi$ 일 때, 원 O 의 둘레의 길이를 구하여라.

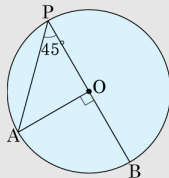


▶ 답 :

▷ 정답 : 12π

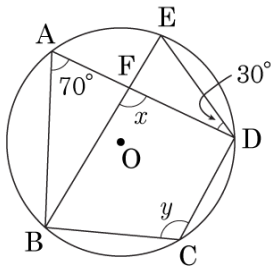
해설

호 AB 의 원주각이 45° 이므로 중심각은 90°
 중심각이 90° 일 때, 호의 길이가 3π 이므로
 중심각이 360° 일 때, 원둘레 : $3\pi \times 4 = 12\pi$



20. 다음 그림과 같은 원 O에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?

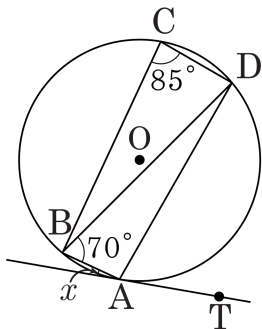
- ① 200° ② 210° ③ 220°
 ④ 230° ⑤ 240°



해설

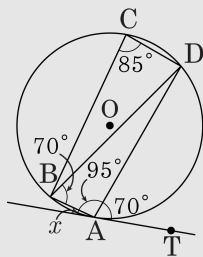
5.0pt $\widehat{AE}$ 에 대하여 $\angle ADE = \angle ABE$ 이므로 $\angle ABE = 30^\circ$
 한편, $\triangle ABF$ 에서 $\angle x = \angle ABF + \angle BAF = 30^\circ + 70^\circ = 100^\circ$
 또한, $\square ABCD$ 에서 대각의 합은 180° 이므로
 $\angle y = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$
 $\therefore \angle x + \angle y = 100^\circ + 110^\circ = 210^\circ$

21. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기로 알맞은 것은?

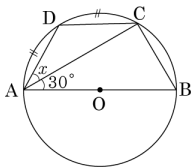


- ① 11° ② 12° ③ 13° ④ 14° ⑤ 15°

해설

 $\angle BAD + \angle C = 180^\circ$ 이므로
$$\angle \text{BAD} = 95^\circ$$
$$\angle x = \angle ADB = 180^\circ - 70^\circ - 95^\circ = 15^\circ$$

22. 다음 그림에서 $\overline{AB}$ 는 원 O 의 지름이고 $5.0\text{pt}\widehat{AD} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$, $\angle BAC = 30^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

—°

▶ 정답 : 30°

해설

$$\angle DAC = \angle DCA = \angle x$$

$$\angle ACB = 90^\circ$$

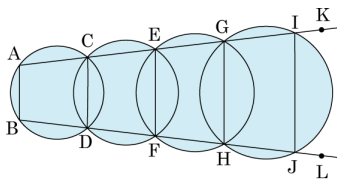
$$\square ABCD \text{ 가 원에 내접하므로 } \angle x + 30^\circ + \angle x + 90^\circ = 180^\circ$$

$$2\angle x = 180^\circ - 120^\circ$$

$$2\angle x = 60^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

23. 다음 그림과 같이 원의 교점을 $\overleftrightarrow{AK}$, $\overleftrightarrow{BL}$ 이 지날 때, $\overline{AB}$ 와 평행한 선분을 말하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $\overline{EF}$

▷ 정답 : $\overline{IJ}$

해설

□ABDC 는 원에 내접하므로

$$\angle ABD = \angle DCE$$

□CDFE 도 원에 내접하므로

$$\angle DCE = \angle EFH$$

□EFHG 도 원에 내접하므로

$$\angle EFH = \angle HGI$$

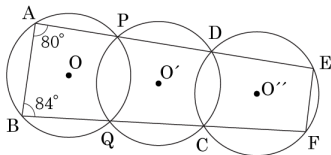
□GHJI 도 원에 내접하므로

$$\angle HGI = \angle IJL$$

$\therefore \overline{AB} // \overline{EF} // \overline{IJ}$ ($\because \angle ABD = \angle EFH = \angle IJL$ 으로 동위각의 크기가 같다)

24. 다음 그림에서 두 점 P, Q는 두 원 O, O'의 교점이고, 점 D, C는 두 원 O', O''의 교점이다.

$\angle BAP = 80^\circ$, $\angle ABQ = 84^\circ$ 일 때, $\angle DEF$ 의 크기는?



① 83°

② 92°

③ 96°

④ 100°

⑤ 102°

해설

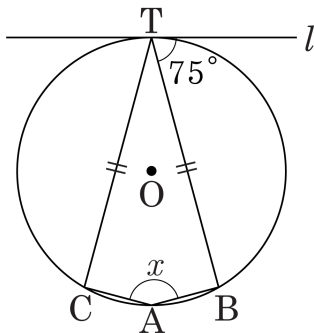
내접하는 사각형의 성질에 의해

$$\angle ABQ = \angle QPD = \angle DCF = 84^\circ$$

대각의 합 $\angle DCF + \angle DEF = 180^\circ$ 이다.

$$\therefore \angle DBF = 180^\circ - 84^\circ = 96^\circ$$

25. 원 O의 접선 직선 l , 접점 T가 다음과 같을 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 140°

② 150°

③ 160°

④ 130°

⑤ 170°

해설

$$\angle x = 150^\circ$$

