

1. 다음은 어느 가게에서 월요일부터 일요일까지 매일 판매된 우유의 개수를 나타낸 것이다. 하루 동안 판매된 우유 개수의 중앙값이 30, 최빈값이 38 일 때, 화요일과 금요일에 판매된 개수의 합을 구하여라.

요일	월	화	수	목	금	토	일
우유의 개수	24	y	14	28	x	38	31



답:

2. 세 수 a, b, c 의 평균이 6일 때, 5개의 변량 8, $a, b, c, 4$ 의 평균은?

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

3. 다음의 표준편차를 순서대로 x , y , z 라고 할 때, x , y , z 의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

X : 1 부터 100 까지의 홀수

Y : 1 부터 100 까지의 2 의 배수

Z : 1 부터 150 까지의 3 의 배수

① $x = y = z$ ② $x = y < z$ ③ $x < y = z$

④ $x = y > z$ ⑤ $x < y < z$

4. 5개의 변량 4, 6, 10, x , 9의 평균이 7일 때, 분산은?

- ① 4.1
- ② 4.3
- ③ 4.5
- ④ 4.7
- ⑤ 4.8

5. 3개의 변량 x, y, z 의 변량 x, y, z 의 평균이 8, 표준편차가 5일 때, 변량 $2x, 2y, 2z$ 의 평균이 m , 표준편차가 n 이라 한다. 이 때, $m+n$ 의 값은?

① 22

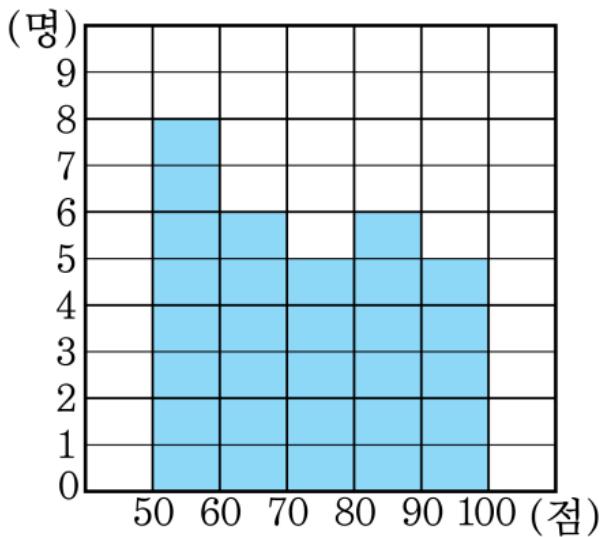
② 24

③ 26

④ 28

⑤ 30

6. 다음은 희종이네 반 학생 30 명의 수학 성적을 나타낸 히스토그램이다. 희종이네 반 학생들의 수학 성적의 분산과 표준편차를 차례대로 구하면?



- ① $\frac{53}{2}, \frac{\sqrt{106}}{2}$ ② $\frac{161}{2}, \frac{\sqrt{322}}{2}$ ③ $\frac{571}{3}, 4\sqrt{11}$
④ $\frac{628}{3}, \frac{2\sqrt{471}}{3}$ ⑤ $\frac{525}{4}, 5\sqrt{21}$

7. 다음은 학생 20 명의 턱걸이 횟수에 대한 도수분포표이다. 이 분포의 분산은?(단, 평균, 분산은 소수 첫째자리에서 반올림한다.)

계급	도수
3 이상 ~ 5 미만	6
5 이상 ~ 7 미만	3
7 이상 ~ 9 미만	8
9 이상 ~ 11 미만	3
합계	20

① 1

② 2

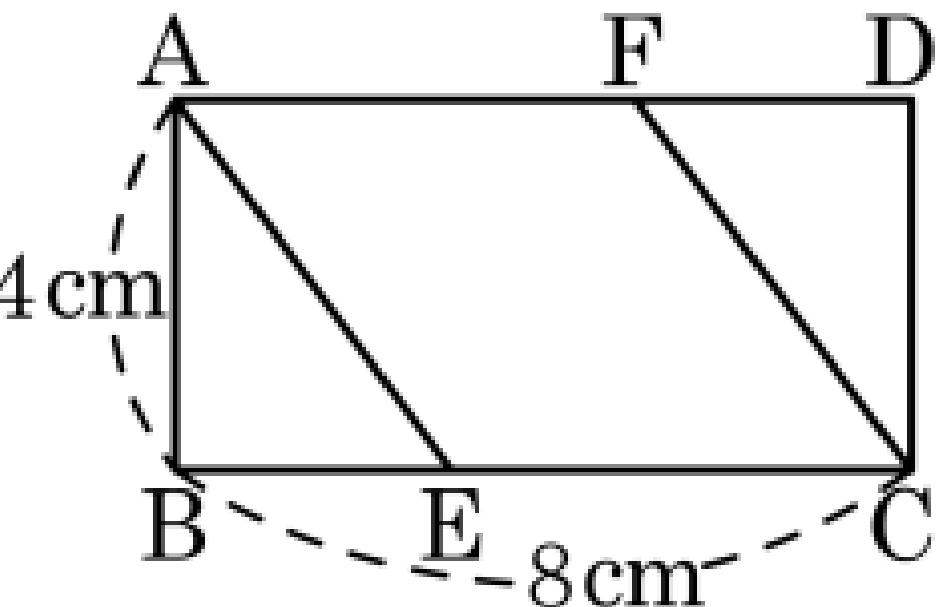
③ 3

④ 4

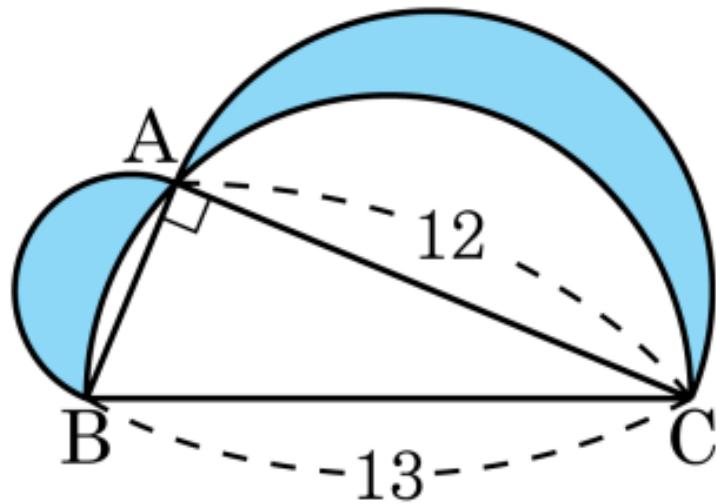
⑤ 5

8. 다음 직사각형 ABCD에서 $\overline{AE} = \overline{CE}$ 가 되도록 점 E를 잡고, $\overline{AE} = \overline{AF}$ 가 되도록 점 F를 잡을 때, $\square AEFC$ 의 둘레의 길이는?

- ① 22 cm
- ② 21 cm
- ③ 20 cm
- ④ 19 cm
- ⑤ 18 cm

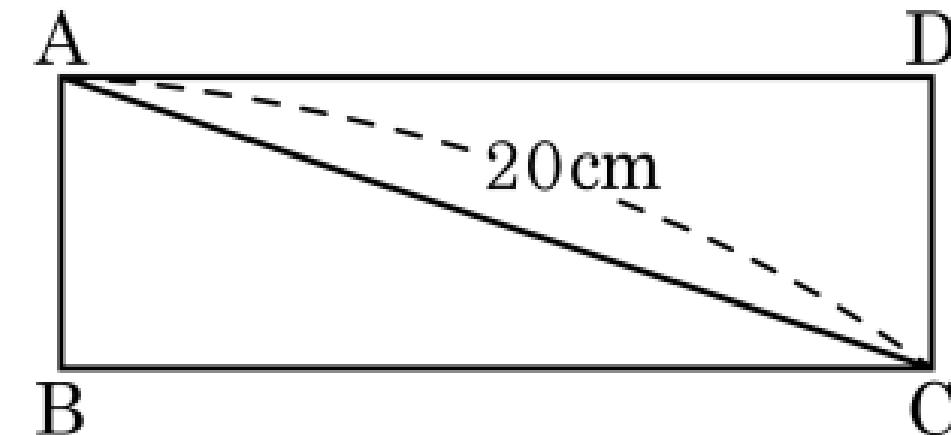


9. $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 의 각 변을 지름으로 하는 세 개의 반원을 아래 그림과 같이 만들었다. 어두운 부분의 넓이를 구하여라.



답:

10. 다음 그림의 직사각형 ABCD에서 가로의 길이가 세로의 길이의 3 배이고 대각선의 길이가 20 cm 일 때, 이 직사각형의 세로의 길이를 구하여라.



① $\sqrt{10}$ cm

② $2\sqrt{10}$ cm

③ $3\sqrt{10}$ cm

④ $4\sqrt{10}$ cm

⑤ $5\sqrt{10}$ cm

11. 은정이는 5회에 걸친 사회 시험에서 4회까지 83점, 84점, 79점, 90점을 받았고, 5회는 병결로 인해 4회까지의 평균 성적의 50%를 받았다. 은정이의 5회에 걸친 사회시험 성적의 평균은?

① 72점

② 73.2점

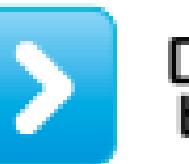
③ 75.6점

④ 77.8점

⑤ 82점

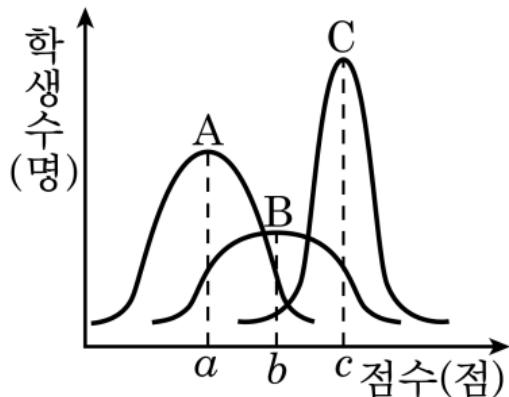
12. 다음 자료의 평균이 8이고 분산이 2 일 때, $x^2 + y^2$ 의 값을 구하여라.

9	7	x	10	y
---	---	-----	----	-----



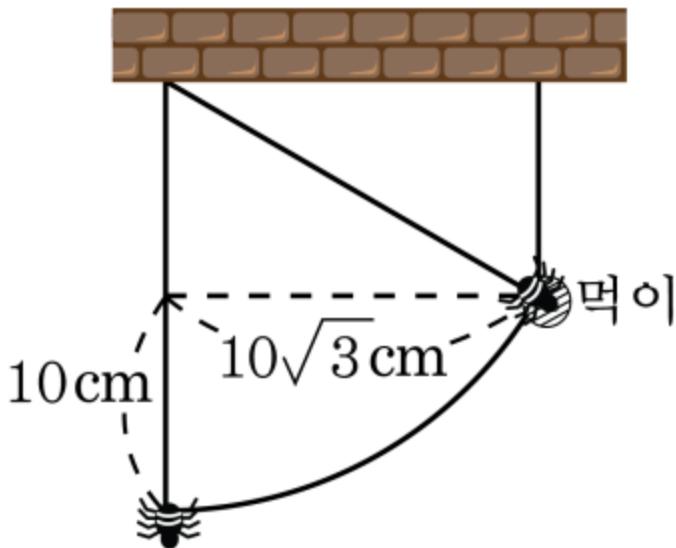
답:

13. 다음 그림은 A, B, C 세 학급의 수학 성적을 나타낸 그래프이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?



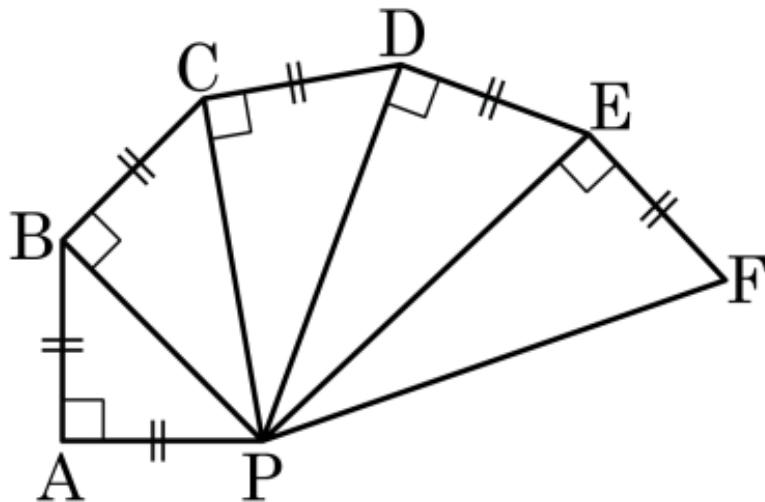
- ① B반 성적은 A반 성적보다 평균적으로 높다.
- ② 그래프에서 가장 많이 분포되어 있는 곳이 평균이다.
- ③ C반 성적이 가장 고르다.
- ④ 평균 주위에 가장 밀집된 반은 A반이다.
- ⑤ B반보다 A반의 성적이 고르다.

14. 천정에 매달려 있던 거미가 먹이를 먹기 위해 그림과 같이 움직였습니다. 먹이가 천정으로부터 떨어져 있는 거리는?



- ① 6 cm
- ② 7 cm
- ③ 8 cm
- ④ 9 cm
- ⑤ 10 cm

15. $\overline{AP} = \overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DE} = \overline{EF} = 2$ 일 때, 다음 그림에서 길이가 4 가 되는 선분은?



① \overline{PB}

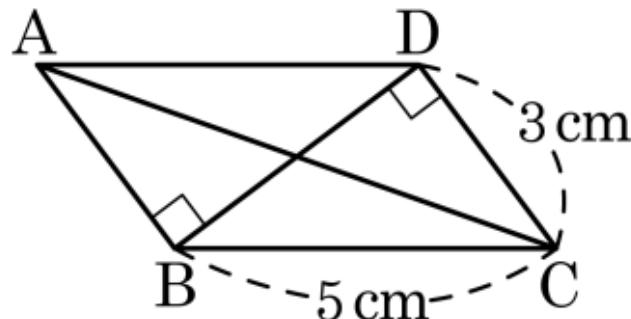
② \overline{PC}

③ \overline{PD}

④ \overline{PE}

⑤ \overline{PF}

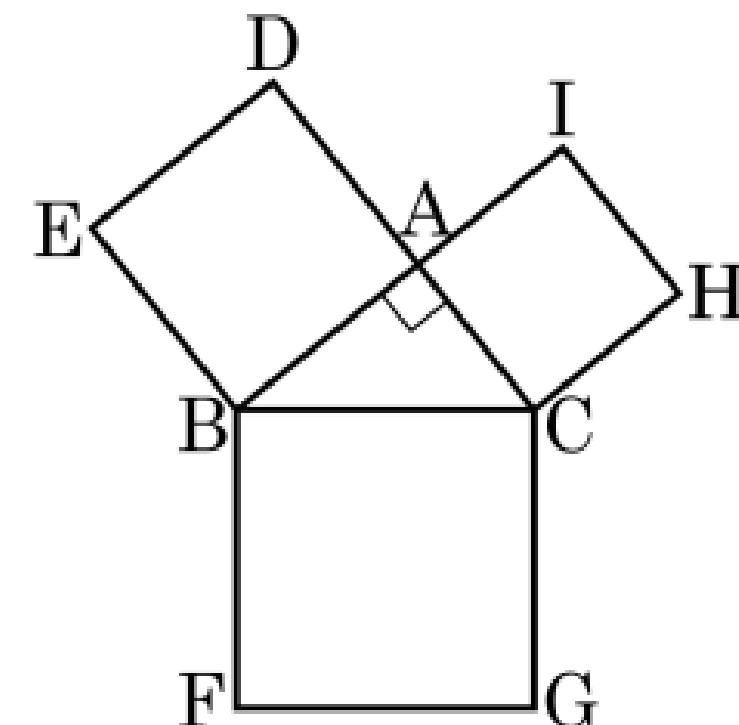
16. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\overline{BC} = 5\text{cm}$, $\overline{CD} = 3\text{cm}$ 일 때, $\overline{AC} + \overline{BD}$ 의 값은?



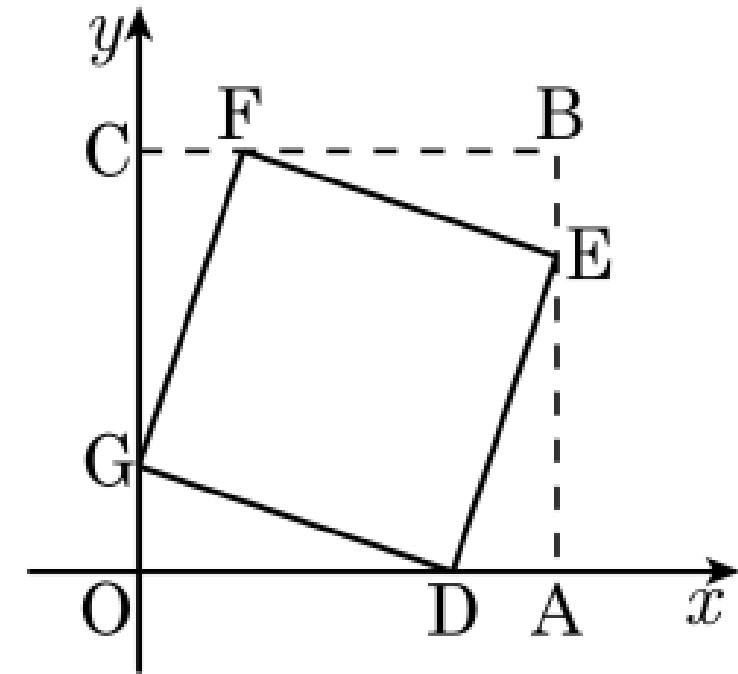
- ① $(2\sqrt{13} + 2)\text{cm}$
- ② $(4\sqrt{13} + 2)\text{cm}$
- ③ $(2\sqrt{13} + 4)\text{cm}$
- ④ $(4\sqrt{13} + 4)\text{cm}$
- ⑤ 10cm

17. 다음 그림은 직각삼각형 ABC의 각 변을 한
변으로 하는 정사각형을 그린 것이다. $\triangle ABC$
의 넓이가 10이고 $\square ADEB$ 의 넓이가 25 일
때, 두 정사각형 $BFGC$, $ACHI$ 의 넓이의 차
를 구하면?

- ① 21
- ② 22
- ③ 23
- ④ 24
- ⑤ 25

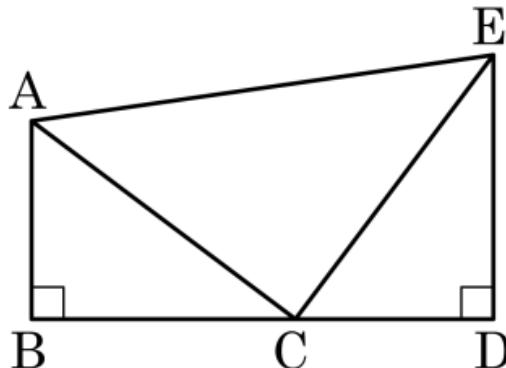


18. 다음 그림과 같이 좌표평면 위에 있는 한 변의 길이가 $\frac{2\sqrt{5}}{3}$ 인 정사각형 DEFG 가 있고, \overline{OD} 의 길이는 \overline{AD} 의 길이보다 3 배 길다고 할 때, 점 D 와 점 F 를 지나는 그래프의 y 절편은?



- ① $\sqrt{2}$
- ② $2\sqrt{2}$
- ③ $3\sqrt{2}$
- ④ $4\sqrt{2}$
- ⑤ $5\sqrt{2}$

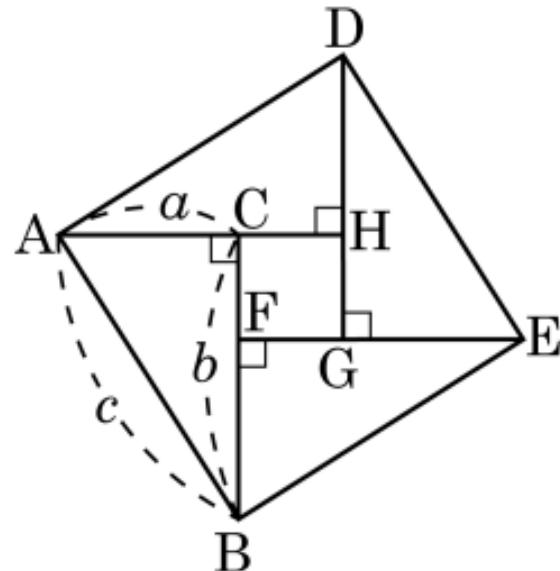
19. 다음 그림에서 $\triangle ABC \cong \triangle CDE$ 이고 세 점 B, C, D는 일직선 위에 있다. $\overline{AB} = 6\text{cm}$ 이고, $\triangle CDE$ 의 넓이가 24 일 때, 사다리꼴 ABDE의 둘레의 길이는?



- ① $28 + 10\sqrt{2}$
- ② $12 + 8\sqrt{3} + 10\sqrt{2}$
- ③ $48 + 10\sqrt{2}$
- ④ $12 + 8\sqrt{2} + 2\sqrt{21}$
- ⑤ $10 + 8\sqrt{2} + \sqrt{21}$

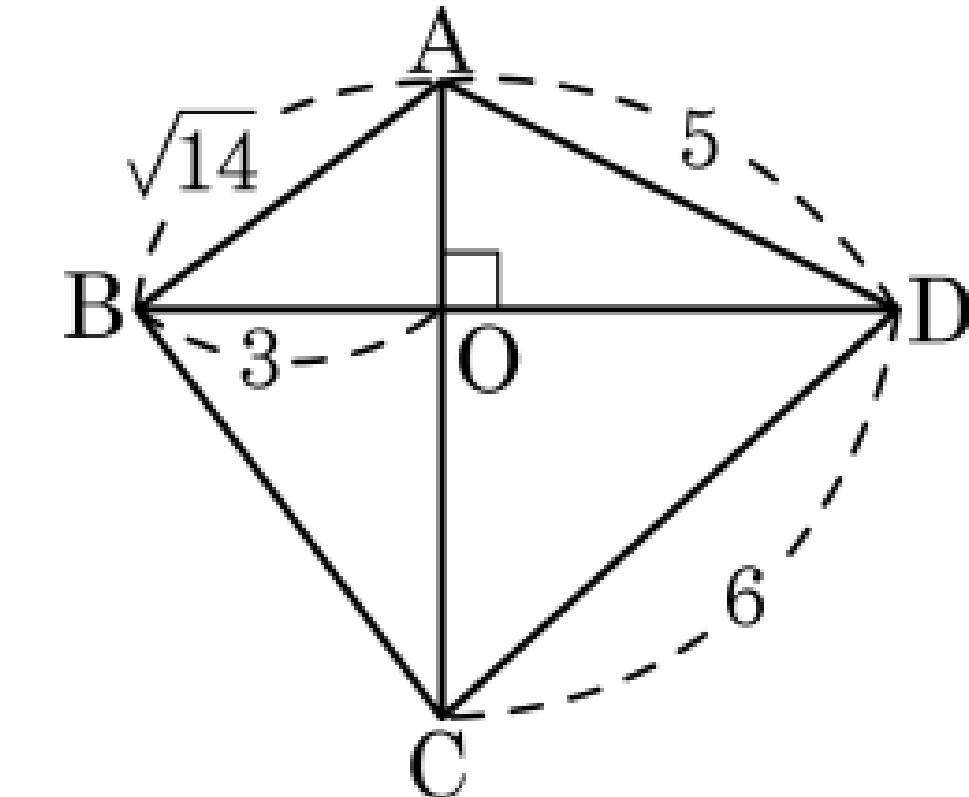
20. 다음 그림은 직각삼각형 ABC와 합동인 삼각형을 붙여 정사각형 ABED를 만든 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $\triangle ABC \cong \triangle EDG$
- ② $\overline{AC} = \overline{DH} = \overline{GE} = \overline{CF}$
- ③ $\overline{FG} = b - a$
- ④ $\square ABED = \square CFGH + \triangle AHD + \triangle ABC + \triangle EFB + \triangle GDE$
- ⑤ $\square CFGH$ 는 정사각형

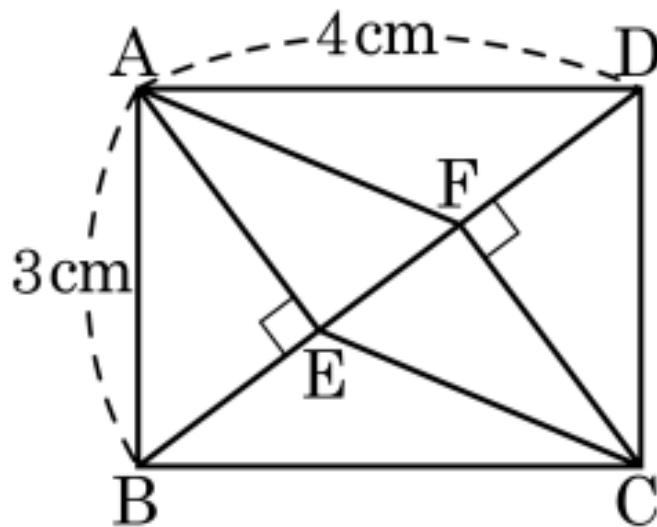


21. 다음 그림과 같은 사각형 ABCD에서 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 일 때, \overline{OC} 의 길이를 구하여라.

- ① 5
- ② 4
- ③ $2\sqrt{5}$
- ④ $1 + \sqrt{14}$
- ⑤ $3\sqrt{13}$

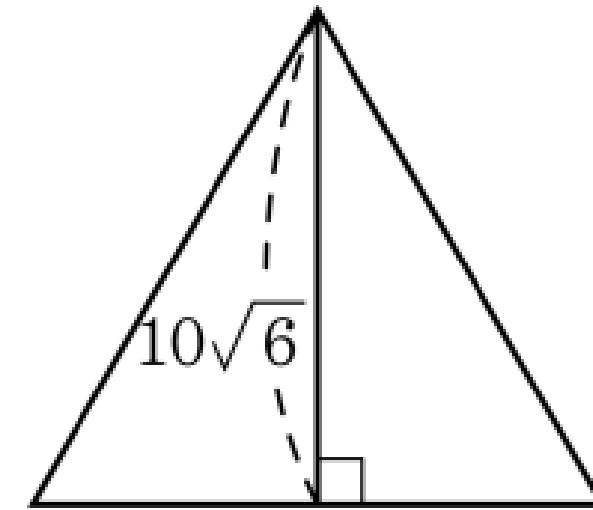
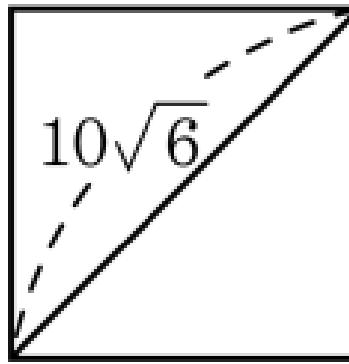


22. 다음 직사각형 ABCD 의 두 꼭짓점 A, C에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때, □AECF 의 넓이는?



- ① $\frac{8}{5} \text{ cm}^2$
- ② $\frac{84}{25} \text{ cm}^2$
- ③ 12 cm^2
- ④ $11\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ⑤ $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$

23. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가 $10\sqrt{6}$ 인 정사각형과 높이가 $10\sqrt{6}$ 인 정삼각형이 있다. 정사각형과 정삼각형의 넓이를 각각 A , B 라 할 때, $A : B$ 는?



① $\sqrt{2} : 2$

② $\sqrt{3} : 2$

③ $\sqrt{3} : 3$

④ $2 : \sqrt{3}$

⑤ $3 : 2$

24. 한 변의 길이가 4cm인 정육각형에 내접하는 원의 넓이는?

① $4\pi \text{ cm}^2$

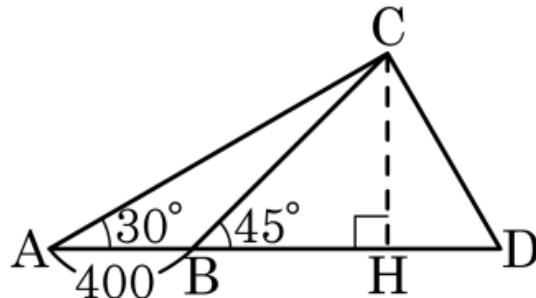
② $8\pi \text{ cm}^2$

③ $12\pi \text{ cm}^2$

④ $16\pi \text{ cm}^2$

⑤ $24\pi \text{ cm}^2$

25. 다음 조건을 만족하는 \overline{CH} 의 길이를 구하면?



- ㉠ $\overline{AB} = 400$, $\angle A = 30^\circ$, $\angle CBH = 45^\circ$
- ㉡ $\overline{CH} \perp \overline{AH}$

- ① $50(\sqrt{3} + 1)$
- ② $100(\sqrt{3} + 1)$
- ③ $200(\sqrt{3} + 1)$
- ④ $300(\sqrt{3} + 1)$
- ⑤ $350(\sqrt{3} + 1)$

26. 두점 A(1, 2) B(-5, 0)에서 같은 거리에 있는 y 축 위의 점 P의 좌표를 구하여라.

① (0, -5)

② (0, -4)

③ (0, -3)

④ (0, -2)

⑤ (0, -1)

27. 이차함수 $y = -\frac{1}{4}x^2 + 2x - 1$ 의 그래프의 꼭짓점과 y 축과의 교점, 그리고 원점을 이어 삼각형을 만들었다. 이 삼각형의 둘레의 길이가 $a + b\sqrt{c}$ 일 때, $a + b + c$ 의 값은?(단, a, b, c 는 유리수, c 는 최소의 자연수)

① 6

② 8

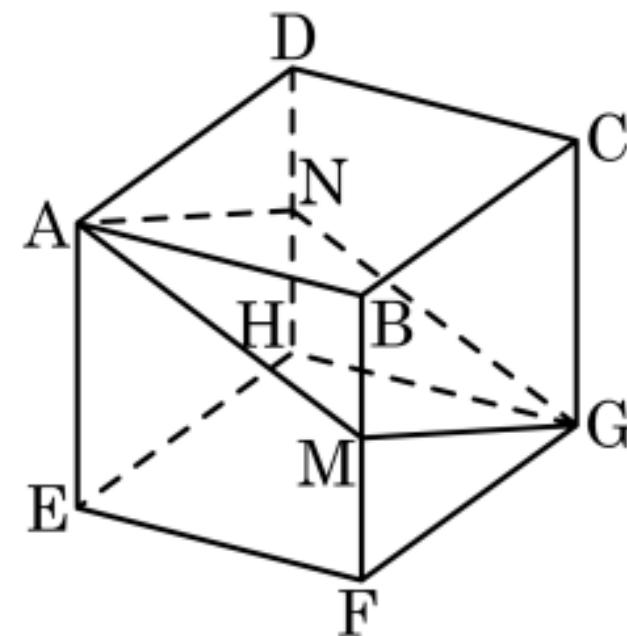
③ 10

④ 12

⑤ 14

28. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 10 cm인 정육면체에서 점 M, N은 각각 모서리 \overline{BF} , \overline{DH} 의 중점이다. 이 때, 네 점 A, M, G, N을 차례로 이어서 생기는 마름모의 넓이를 구하여라.

- ① $50\sqrt{2}\text{ cm}^2$
- ② $50\sqrt{3}\text{ cm}^2$
- ③ 100 cm^2
- ④ $50\sqrt{5}\text{ cm}^2$
- ⑤ $50\sqrt{6}\text{ cm}^2$



29. 다음 그림과 같은 $\triangle ABD$ 를 직선 AC 를 축으로 하여
1회전시킬 때 생기는 입체도형의 부피는?

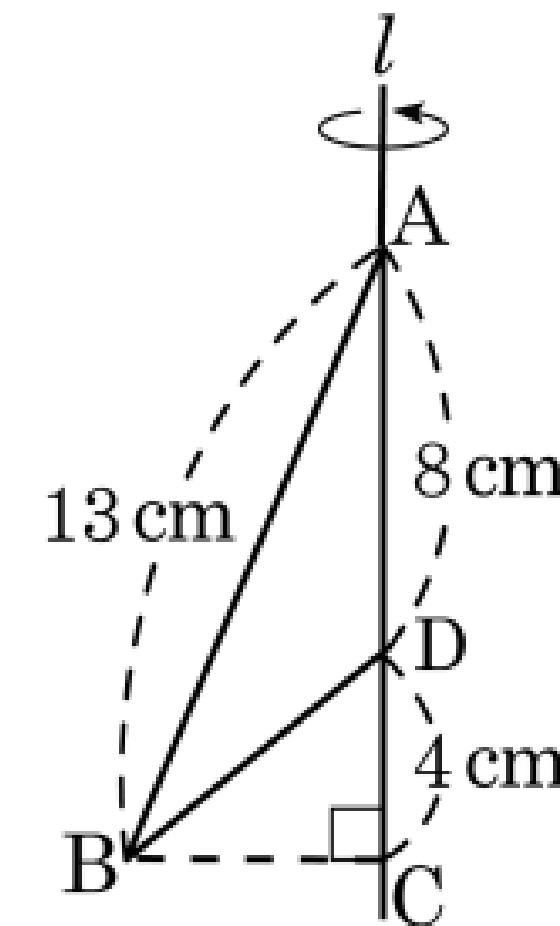
$$\textcircled{1} \quad \frac{100}{3}\pi \text{ cm}^3$$

$$\textcircled{2} \quad 60\pi \text{ cm}^3$$

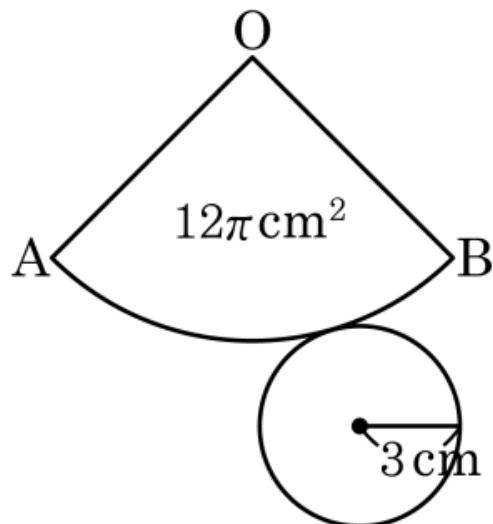
$$\textcircled{3} \quad \frac{200}{3}\pi \text{ cm}^3$$

$$\textcircled{4} \quad 80\pi \text{ cm}^3$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{400}{3}\pi \text{ cm}^3$$



30. 다음 그림은 넓이가 $12\pi\text{cm}^2$ 인 부채꼴과 반지름이 3cm 인 원으로 만들어지는 원뿔의 전개도이다. 이 원뿔의 높이는?



- ① $\sqrt{3}\text{ cm}$
- ② $\sqrt{6}\text{ cm}$
- ③ $\sqrt{7}\text{ cm}$
- ④ $2\sqrt{3}\text{ cm}$
- ⑤ $\sqrt{13}\text{ cm}$

31. 지호네 반 학생 40명의 몸무게의 평균은 60kg이다. 두명의 학생이 전학을 간 후 나머지 38명의 몸무게의 평균이 59.5kg이 되었을 때, 전학을 간 두 학생의 몸무게의 평균은?

① 62.5kg

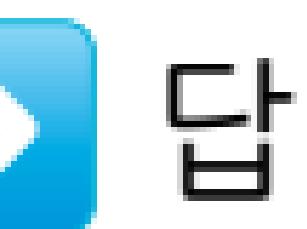
② 65.5kg

③ 67kg

④ 69kg

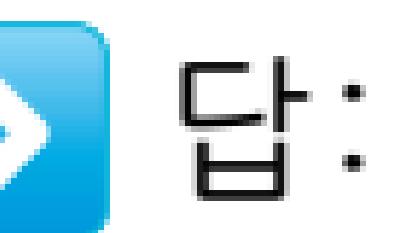
⑤ 69.5kg

32. 세 실수 a, b, c 가 $a^2 + b^2 + c^2 = 24$, $a+b, b+c, c+a$ 의 평균이 4 일 때, ab, bc, ca 의 평균을 구하여라.



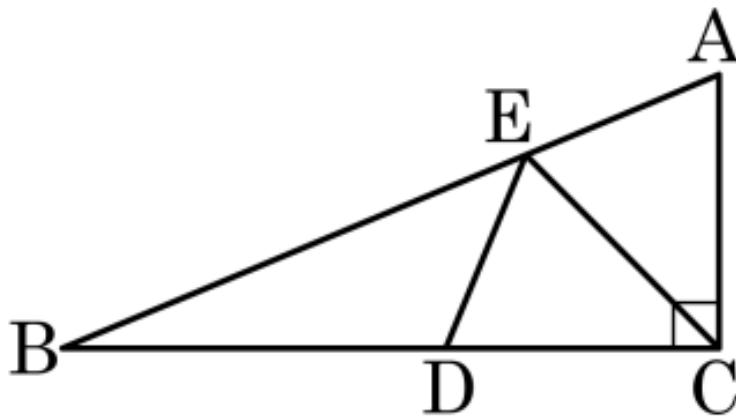
답:

33. 세 수 a, b, c 의 평균이 2이고 분산이 2 일 때, 변량 $2a, 2b, 2c$ 의 분산을 구하여라.



답:

34. 다음 그림과 같이 $\angle ACB = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AB} = 13\text{cm}$, $\overline{AC} = \overline{CD} = 5\text{cm}$, $\angle ACE = \angle ECD$ 일 때, $\frac{\overline{BE}}{\overline{DE}}$ 의 값을 구하여라.



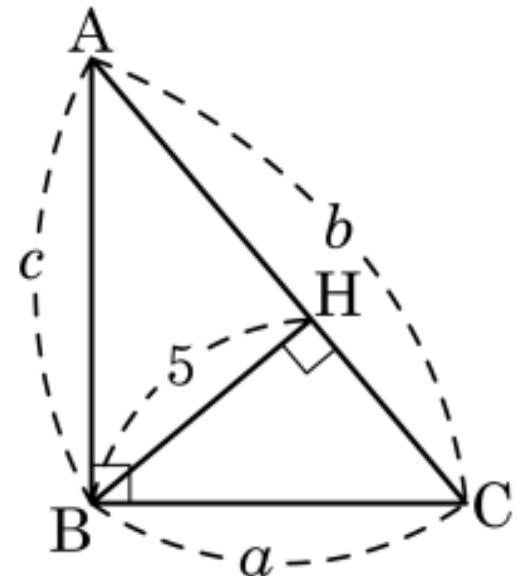
답:

35. 세 변의 길이가 모두 자연수이고 가장 짧은 변의 길이가 39 인 직각삼각형의 넓이의 최솟값을 구하여라.



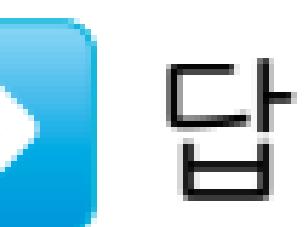
답:

36. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC
의 점 B에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 H 라 하
고, $a + b + c = 10$, $\overline{BH} = 5\text{ cm}$ 일 때, 삼각형
ABC의 넓이를 구하면?



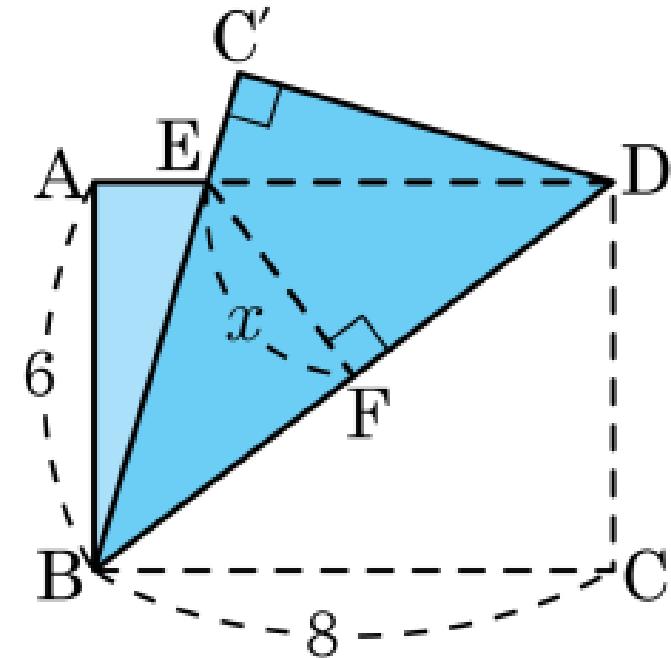
- ① 25 cm^2
- ② $\frac{25}{2}\text{ cm}^2$
- ③ $\frac{25}{3}\text{ cm}^2$
- ④ 5 cm^2
- ⑤ 10 cm^2

37. $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 변 AB, AC 위의 점 D, E가
 $\overline{BE} = 3$, $\overline{CD} = \sqrt{11}$, $\overline{BC} = \overline{DE} + 2$ 를 만족할 때, \overline{BC} 를 구하여라.



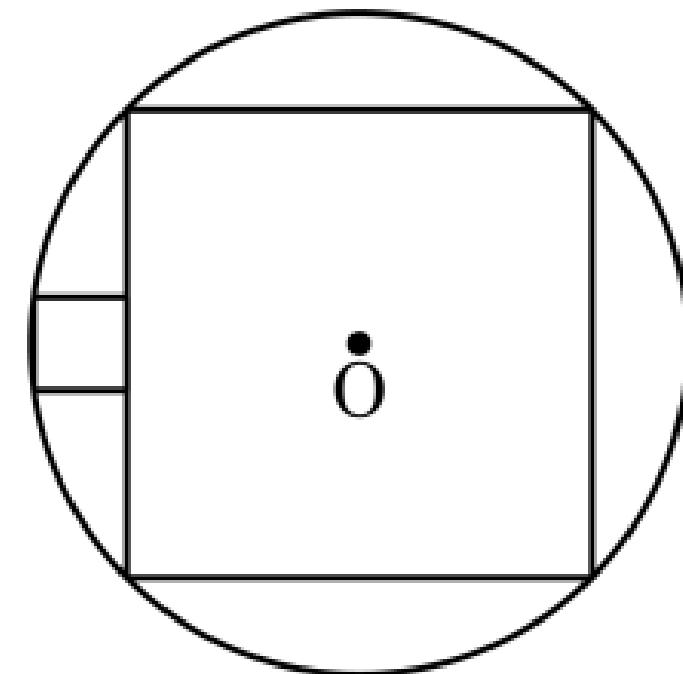
답:

38. 가로, 세로의 길이가 각각 8, 6 인 직사각형 $ABCD$ 를 그림과 같이 BD 를 접는 선으로 하여 접었을 때, \overline{EF} 의 길이를 구하여라.



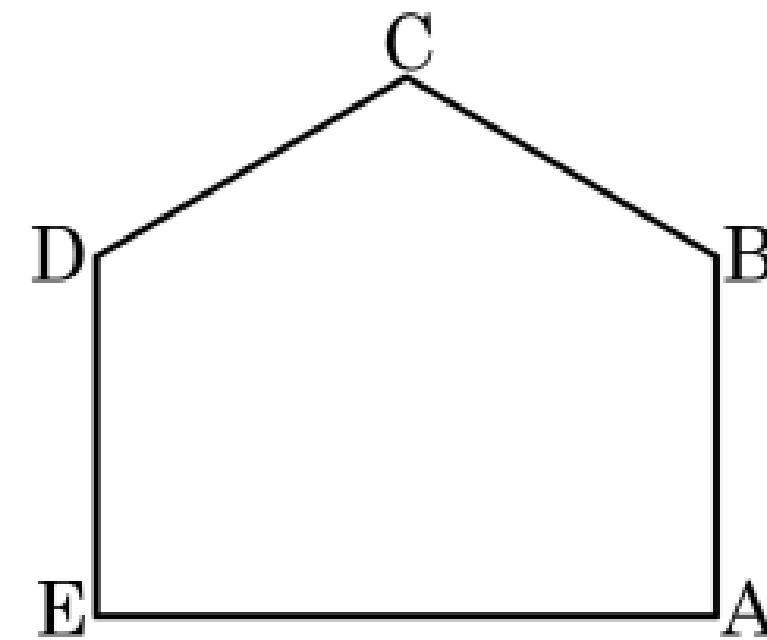
답:

39. 다음 그림과 같이 두 정사각형의 한 변이 붙어있으면서 반지름의 길이가 $5\sqrt{2}$ 인 원 O에 내접하고 있다. 두 정사각형의 한 변의 길이의 차를 구하여라.



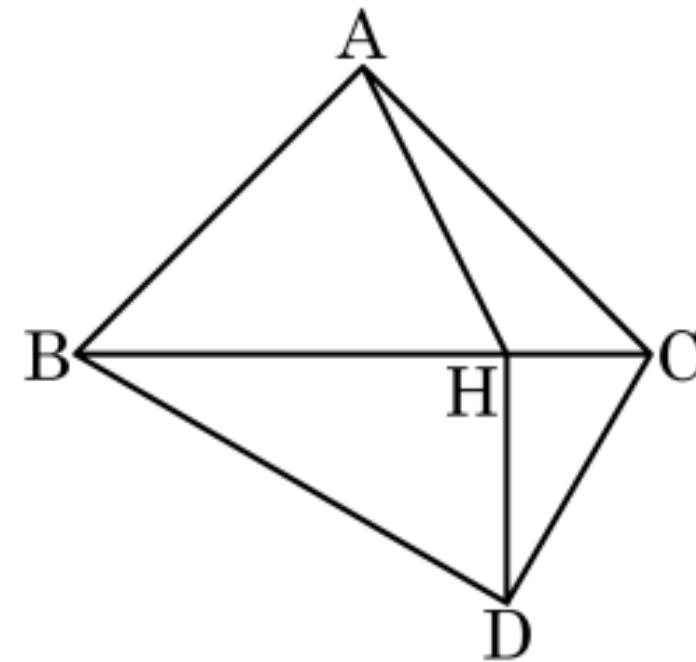
답:

40. 다음 그림의 오각형 ABCDE에서 $\angle C = \angle D = 120^\circ$, $\angle E = 90^\circ$,
 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DE} = 8$, $\overline{AE} = 8\sqrt{3}$ 일
때, 오각형 ABCDE 의 넓이를 구하여라.



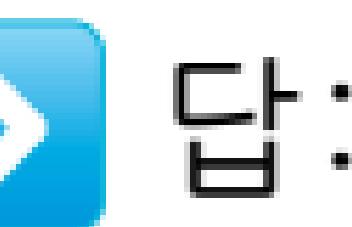
답:

41. 다음 그림에서 $\angle A = \angle D = 90^\circ$, $\angle DBC = 30^\circ$, $\angle ACB = 45^\circ$, $\overline{CD} = 1$ 이고, 점 D에서 선분 BC에 내린 수선의 발을 H라 할 때, 삼각형 ACH의 넓이를 구하여라.



답:

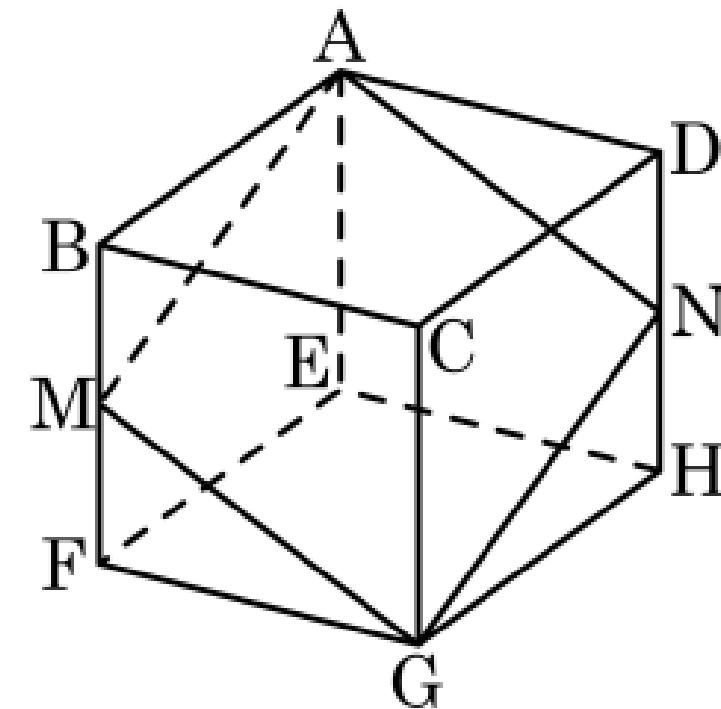
42. 한 변의 길이가 $3\sqrt{2}$ 인 정사각형 ABCD의 각 변 위에 점 P, Q, R, S를 잡을 때, 사각형 PQRS의 둘레의 최솟값을 구하여라.



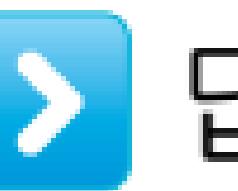
답:

43. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 8 cm인 정육면체에서 두 점 M, N은 각각 모서리 BF, DH 의 중점일 때, $\square AMGN$ 의 넓이는?

- ① 32 cm^2
- ② 64 cm^2
- ③ $32\sqrt{6} \text{ cm}^2$
- ④ $64\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- ⑤ $64\sqrt{6} \text{ cm}^2$



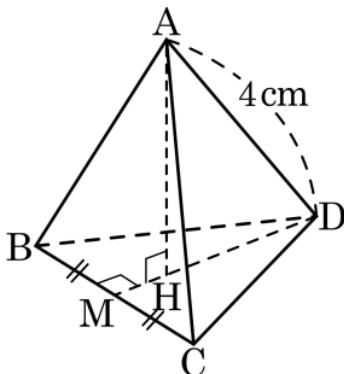
44. 가로, 세로, 높이가 각각 3, 3, 6 인 직육면체의 꼭짓점 중 세 점을 골라 삼각형을 만들 때, 뱃변의 길이가 $3\sqrt{5}$ 인 직각삼각형은 몇 개 만들 수 있는지 구하여라.



답:

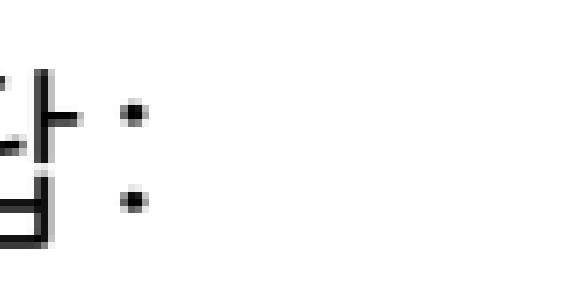
개

45. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 4cm인 정사면체의 꼭짓점 A에서 밑면에 내린 수선의 발을 H라 할 때, \overline{DM} 의 길이, \overline{DH} 의 길이, \overline{AH} 의 길이를 차례로 나열한 것은?



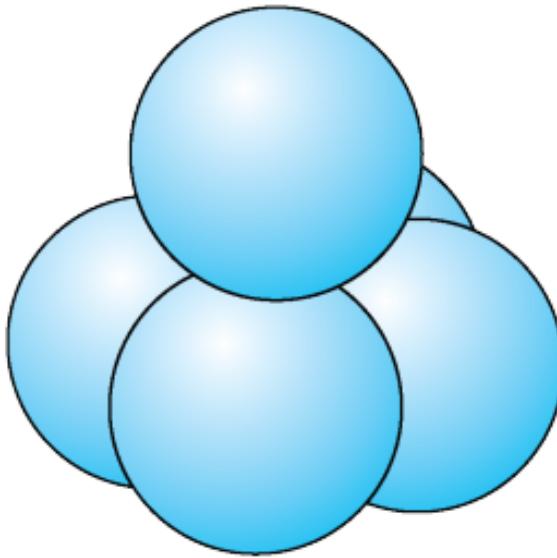
- ① $\sqrt{3}\text{cm}$, $\frac{2\sqrt{3}}{3}\text{cm}$, $\frac{4\sqrt{6}}{3}\text{cm}$.
- ② $\sqrt{3}\text{cm}$, $\frac{4\sqrt{3}}{3}\text{cm}$, $\frac{4\sqrt{6}}{3}\text{cm}$.
- ③ $2\sqrt{3}\text{cm}$, $\frac{2\sqrt{3}}{3}\text{cm}$, $\frac{4\sqrt{6}}{3}\text{cm}$.
- ④ $2\sqrt{3}\text{cm}$, $\frac{4\sqrt{3}}{3}\text{cm}$, $\frac{4\sqrt{6}}{3}\text{cm}$.
- ⑤ $2\sqrt{3}\text{cm}$, $\frac{5\sqrt{3}}{3}\text{cm}$, $\frac{4\sqrt{6}}{3}\text{cm}$.

46. 부피가 $9\sqrt{2}$ 인 정팔면체의 겉넓이를 구하여라.



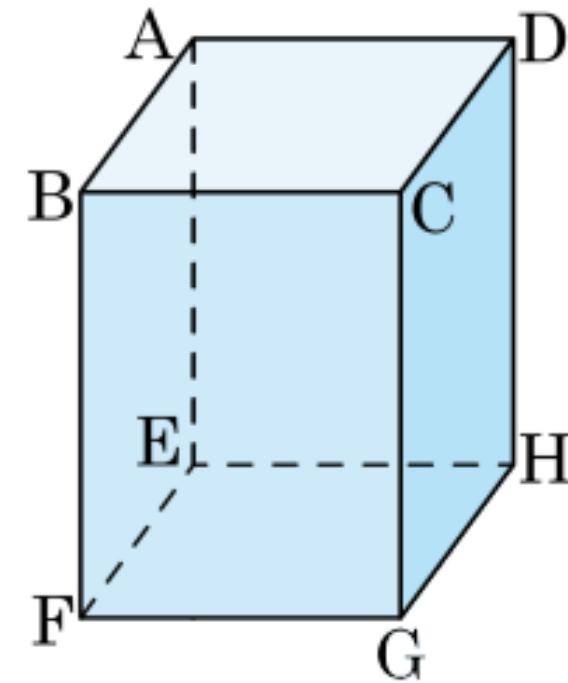
답:

47. 다음 그림과 같이 부피가 36π 인 구 5 개가 서로 외접하고 있을 때, 이 모양의 꼭대기부터 밑바닥까지의 높이를 구하여라.



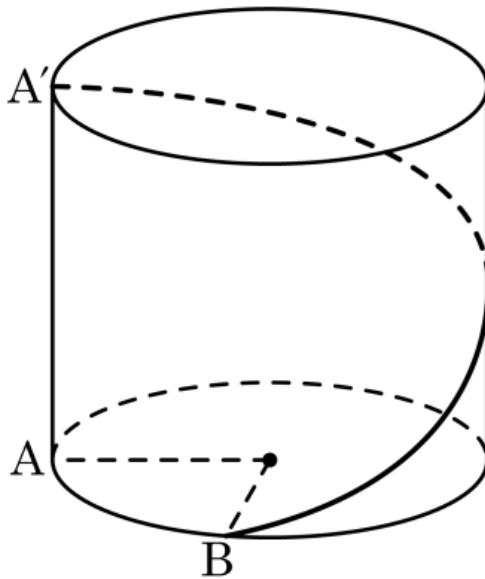
답:

48. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AD} = 3$, $\overline{AE} = 4$ 인
직육면체의 한 점 A에서 겉면을 따라 점 G에
이르는 최단 거리를 구하여라.



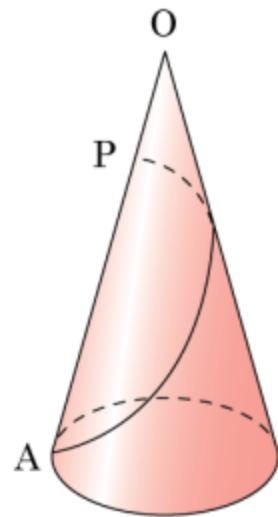
답:

49. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 3이고, 높이가 6π 인 직원기둥의 밑면의 중심을 O, 밑면 위에 있는 $\angle AOB = 60^\circ$ 인 두 점을 A, B 라 하자. 점 B에서 겉면을 따라 윗면의 점 A' 까지 실을 감을 때, 필요한 가장 짧은 실의 길이를 구하여라.



답:

50. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 3, 모선의 길이가 9인 원뿔의 점 A에서 출발하여, 모선 OA를 1 : 2로 내분하는 점 P에 이르는 가장 짧은 거리를 구하여라.



답:
