

1. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 3y = 1 & \cdots \textcircled{\text{I}} \\ 4x - y = -5 & \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$ 을 가감법으로 풀 때, x 를 소거하기 위한 식과 y 를 소거하기 위한 식을 차례로 나열 한 것은?

- ① $2 \times \textcircled{\text{I}} - \textcircled{\text{L}}$, $\textcircled{\text{I}} - \textcircled{\text{L}} \times 3$
- ② $\textcircled{\text{I}} + \textcircled{\text{L}} \times 2$, $\textcircled{\text{I}} + 3 \times \textcircled{\text{L}}$
- ③ $2 \times \textcircled{\text{I}} - \textcircled{\text{L}}$, $\textcircled{\text{I}} + 3 \times \textcircled{\text{L}}$**
- ④ $\textcircled{\text{L}} \times 2 + \textcircled{\text{I}}$, $\textcircled{\text{I}} + \textcircled{\text{L}} \times 2$
- ⑤ $\textcircled{\text{I}} \times 2 + \textcircled{\text{L}}$, $\textcircled{\text{I}} + 3 \times \textcircled{\text{L}}$

해설

(i) x 를 소거하기 위해서 식 $\textcircled{\text{I}}$ 에 2 를 곱하여 x 계수의 절댓값을 4 로 같게 만들어 준다.

$\textcircled{\text{I}}$ 과 $\textcircled{\text{L}}$ 의 x 계수의 부호가 같으므로 두 식을 뺀다.

(ii) y 를 소거하기 위해서 식 $\textcircled{\text{L}}$ 에 3 를 곱하여 y 계수의 절댓값을 3 으로 같게 만들어 준다.

$\textcircled{\text{I}}$ 과 $\textcircled{\text{L}}$ 의 y 계수의 부호가 다르므로 두 식을 더한다.

2. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① 연립방정식의 해는 두 식을 만족하는 해의 집합의 교집합입니다.
- ② 해가 특수한 경우의 연립방정식은 '해가 무수히 많다'와 '해가 1개'인 경우이다.
- ③ 해는 가감법을 이용하여 풀 수도 있고, 대입법을 이용하여 풀 수도 있다.
- ④ 연립방정식의 해가 2개인 경우도 있다.
- ⑤ 연립방정식의 해는 두 직선의 교점이다.

해설

- ② 해가 특수한 경우의 연립방정식은 '해가 무수히 많다'와 '해가 없다'가 있다.
- ④ 일반적인 연립방정식의 해는 1개이다.

3. 직선의 방정식 $x - 2y = a$ 가 한 점 $(4, 1)$ 를 지나고 $bx - 7y = 5$ 의
직선도 그 점을 지날 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

$(4, 1)$ 을 $x - 2y = a$ 에 대입하면, $4 - 2 = a$, $a = 2$

$(4, 1)$ 을 $bx - 7y = 5$ 에 대입하면, $4b - 7 = 5$, $b = 3$

따라서 $a - b = -1$

4. 다음 연립방정식을 풀어라.

$$\begin{cases} 3x - y = 5 \\ -2x + 2y = -2 \end{cases}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 2$

▷ 정답: $y = 1$

해설

$$\begin{cases} 3x - y = 5 & \cdots ① \\ -2x + 2y = -2 & \cdots ② \end{cases}$$

에서 ① $\times 2 +$ ②하면

$$x = 2, y = 1$$

5. 다음 연립방정식을 가감법으로 풀어라.

$$\begin{cases} 3x + 2y = 6 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 2$

▷ 정답 : $y = 0$

해설

$$\begin{cases} 3x + 2y = 6 & \cdots ① \\ x - y = 2 & \cdots ② \end{cases}$$

②에 2배를 한 후 ①과 더하면 $x = 2$, $y = 0$

6. 연립방정식 $\begin{cases} 3x + 2y = 5 & \cdots \textcircled{\text{G}} \\ 2x - 3y = 6 & \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$ 에서 y 를 소거하는 식은?

① $\textcircled{\text{G}} \times 2 - \textcircled{\text{L}} \times 3$

② $\textcircled{\text{G}} \times 2 + \textcircled{\text{L}} \times 3$

③ $\textcircled{\text{G}} \times 3 - \textcircled{\text{L}} \times 2$

④ $\textcircled{\text{G}} \times 3 + \textcircled{\text{L}} \times 2$

⑤ $\textcircled{\text{G}} \times 3 - \textcircled{\text{L}} \times 4$

해설

y 를 소거하기 위해서는 y 항의 계수의 절댓값을 맞춘다.

7. 연립방정식 $\begin{cases} 4x + 2y = 3 \\ 3x + 5y = 8 \end{cases}$ 을 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{1}{14}$

▷ 정답: $y = \frac{23}{14}$

해설

$$4x + 2y = 3 \cdots ①$$

$$3x + 5y = 8 \cdots ②$$

① × 3 - ② × 4 이면

$$-14y = -23, y = \frac{23}{14}, x = -\frac{1}{14}$$

8. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 2y = -4 & \cdots \textcircled{1} \\ -x + y = 3 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 을 x 항을 소거하여 가감법으로 풀려고 할 때, 옳은 것은?

- ① $\textcircled{1} + \textcircled{2} \times 3$
- ② $\textcircled{1} \times 2 - \textcircled{2}$
- ③ $\textcircled{1} \times 2 + \textcircled{2}$
- ④ $\textcircled{1} + \textcircled{2} \times 2$
- ⑤ $\textcircled{1} \times 3 - \textcircled{2} \times 2$

해설

$$\begin{cases} 3x - 2y = -4 & \cdots \textcircled{1} \\ -x + y = 3 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

에서 x 를 소거하기 위해선 x 의 계수를

맞춘 후에 두 식을 더한다.

$$\textcircled{2} \times 3 : -3x + 3y = 9$$

$\textcircled{1} + \textcircled{2} \times 3$ 을 하면 x 가 소거된다.

9. 연립방정식 $\begin{cases} 3x + 2y = 5 \cdots \textcircled{1} \\ 2x - 5y = 8 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 의 해를 구하기 위해 x 를 소거하려고 한다. 다음 중 옳은 것은?

① $\textcircled{1} \times 5 + \textcircled{2} \times 2$

② $\textcircled{1} \times 5 - \textcircled{2} \times 2$

③ $\textcircled{1} \times 2 - \textcircled{2} \times 3$

④ $\textcircled{1} \times 2 + \textcircled{2} \times 3$

⑤ $\textcircled{1} \times 8 - \textcircled{2} \times 5$

해설

x 의 계수를 2, 3 의 최소공배수인 6 으로 만들어 $\textcircled{1} \times 2 - \textcircled{2} \times 3$ 하면 x 가 소거된다.

10. 연립방정식 $\begin{cases} x + 2y = 5 \\ x - y = 2 \end{cases}$ 에서, $x^2 - xy + y^2$ 의 값은?

- ① 7 ② 8 ③ 9 ④ 10 ⑤ 11

해설

$$\begin{array}{r} x + 2y = 5 \\ -) \underline{x - y = 2} \\ 3y = 3 \end{array}$$

$$y = 1, x = 2 + 1 = 3$$

(3, 1) 을 $x^2 - xy + y^2$ 에 대입하면

$$3^2 - 1 \times 3 + 1 = 9 - 3 + 1 = 7 \text{ 이다.}$$

11. $2x - 3y = 4$, $x + 2y = 2$ 일 때, 식 $(2x + y)^2 - (x - 2y)^2$ 의 값은?

- ① 14 ② 12 ③ 10 ④ 8 ⑤ 6

해설

주어진 두 방정식을 연립하여 x, y 를 구하면 $x = 2, y = 0$
이를 위의 준식에 대입하면 $4^2 - 2^2 = 12$

12. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 3y = 4 \cdots \textcircled{1} \\ 5x + 2y = 5 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 에서 x 를 소거하려고 할 때, 다음 중 옳은 것은?

① $\textcircled{1} \times 2 + \textcircled{2} \times 3$

② $\textcircled{1} \times 5 + \textcircled{2} \times 2$

③ $\textcircled{1} \times 2 - \textcircled{2} \times 3$

④ $\textcircled{1} \times 3 - \textcircled{2} \times 2$

⑤ $\textcircled{1} \times 5 - \textcircled{2} \times 2$

해설

x 를 소거하기 위해서는 x 계수의 절댓값이 같아야 한다.

13. $x+y = -2$, $x-y = 6$ 일 때, 연립방정식의 해 (x, y) 를 (a, b) 라 하자.
이때, $a+b$ 를 구하면?

① -1

② 1

③ 0

④ 2

⑤ -2

해설

$x+y = -2$ 와 $x-y = 6$ 을 더하면

$$\therefore x = 2, y = -4$$

$$(a, b) = (2, -4)$$

$$\therefore a+b = 2 + (-4) = -2$$

14. 연립방정식 $\begin{cases} x = 10 - 4y \\ 3x - 5y + 4 = 0 \end{cases}$ 의 해를 $x = a$, $y = b$ 라 할 때, ab 의 값은 얼마인가?

- ① -1 ② -2 ③ 4 ④ -4 ⑤ 1

해설

$3x - 5y + 4 = 0$ 에 $x = 10 - 4y$ 를 대입하면 $3(10 - 4y) - 5y + 4 = 0$ 이고, 이를 정리하면 $x = 2$, $y = 2$ 이다.

$$\therefore ab = 4$$

15. 연립방정식 $\begin{cases} 4x - 3y = -8 & \cdots \textcircled{\text{I}} \\ 3x - 4y = x + 5 & \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$ 을 대입법으로 풀려고 $\textcircled{\text{L}}$ 을 변형시켰다. 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

$$\textcircled{1} \quad x = 2y + \frac{2}{5}$$

$$\textcircled{2} \quad x = 2y + 5$$

$$\textcircled{3} \quad x = 2y + \frac{5}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad y = 2x - 5$$

$$\textcircled{5} \quad y = \frac{1}{2}x - \frac{5}{4}$$

해설

$\textcircled{\text{L}}$ 에서 $2x - 4y = 5$ 이므로 $x = 2y + \frac{5}{2}$ 또한 $y = \frac{1}{2}x - \frac{5}{4}$ 로 변형된다.

16. 연립방정식 $\begin{cases} 2x = 5y - 1 & \cdots \textcircled{⑦} \\ 2x - y = 7 & \cdots \textcircled{⑧} \end{cases}$ 에서 $\textcircled{⑦}$ 을 $\textcircled{⑧}$ 에 대입하여 x 를
소거하면 $y = a$ 이다. 이때 a 의 값은?

- ① -4 ② -2 ③ -1 ④ 2 ⑤ 4

해설

⑦을 ⑧에 대입하면

$$(5y - 1) - y = 7$$

$$4y = 8, y = 2$$

$$\therefore a = 2$$

17. 방정식 $2x + y = 10$ 을 만족하는 y 의 값은 x 의 3 배보다 5 가 작다고 한다. 이때, 해 (x, y) 를 구하면?

① (3, 4)

② (4, 5)

③ (1, 2)

④ (2, 3)

⑤ (3, 3)

해설

' y 의 값은 x 의 3 배보다 5 가 작다' 를 식으로 표현하면, $y = 3x - 5$ 이다.

$y = 3x - 5$ 를 $2x + y = 10$ 에 대입하면

$$2x + (3x - 5) = 10$$

$$5x - 5 = 10$$

$$5x = 15$$

$$\therefore x = 3$$

$x = 3$ 을 $y = 3x - 5$ 에 대입하면 $y = 4$ 이므로 해는 (3, 4) 이다.

18. 연립방정식 $\begin{cases} y = 3x + 5 & \cdots ① \\ 3x - 2y = 2 & \cdots ② \end{cases}$ 의 해를 (a, b) 라 할 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a - b = 3$

해설

$$\begin{cases} y = 3x + 5 & \cdots ① \\ 3x - 2y = 2 & \cdots ② \end{cases}$$
에서 ①을 ②에 대입하면

$$3x - 2(3x + 5) = 2$$

$$\therefore x = -4$$

$$y = 3 \times -4 + 5 = -7$$

$$\therefore (a, b) = (-4, -7)$$

따라서 $a - b = -4 - (-7) = 3$ 이다.

19. 다음 연립방정식을 대입법을 사용하여 풀어라.

$$\begin{cases} x = 3y - 4 \\ x + 2y = 21 \end{cases}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 11$

▷ 정답 : $y = 5$

해설

$$\begin{cases} x = 3y - 4 & \cdots ① \\ x + 2y = 21 & \cdots ② \end{cases}$$

①을 ②에 대입하면,

$$3y - 4 + 2y = 21, \therefore y = 5$$

$$\therefore x = 3y - 4 = 3 \times 5 - 4 = 11$$

따라서 $x = 11, y = 5$ 이다.

20. x, y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = 7 \\ bx = ay - 9 \end{cases}$ 의 해가 $(-1, 3)$ 일 때, 상수 a 의 값은?

① -1

② 1

③ 2

④ -2

⑤ -8

해설

연립방정식에 $x = -1, y = 3$ 을 대입하면

$$\begin{cases} -a + 3b = 7 \cdots ① \\ -b = 3a - 9 \cdots ② \end{cases}, ②\text{를 정리하면 } b = -3a + 9 \cdots ③ \text{ 이}$$

다. 대입법을 이용하여 ③을 ①에 대입하고 정리하면 $a = 2$ 가 나온다.

21. 다음 x , y 에 관한 연립방정식의 해가 $x = 2$, $y = 5$ 일 때, a , b 의 값을 구하면?

$$\begin{cases} ax - by = -1 \\ bx - ay = -8 \end{cases}$$

① $a = 0$, $b = 0$

② $\textcircled{2} a = 2$, $b = 1$

③ $a = -2$, $b = -1$

④ $a = 1$, $b = 2$

⑤ $a = -1$, $b = -2$

해설

$x = 2$, $y = 5$ 를 방정식에 대입하면

$$\begin{cases} 2a - 5b = -1 \cdots ① \\ 2b - 5a = -8 \cdots ② \end{cases}$$

① $\times 5 +$ ② $\times 2$ 하면

$$10a - 25b = -5$$

$$+) \underline{-10a + 4b = -16}$$

$$- 21b = -21$$

$$b = 1$$

$$\therefore a = 2, b = 1$$

22. x, y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} ax - by = -1 \\ bx - ay = -8 \end{cases}$ 의 해가 $x = 2, y = 5$ 일 때, a, b 의 값을 구하면?

① $a = 1, b = 2$

② $a = 2, b = -1$

③ $a = -1, b = -2$

④ $a = 1, b = 3$

⑤ $a = 2, b = 1$

해설

$x = 2, y = 5$ 를 방정식에 대입하면

$$\begin{cases} 2a - 5b = -1 \cdots ① \\ 2b - 5a = -8 \cdots ② \end{cases}$$

① $\times 2 +$ ② $\times 5$ 하면

$$-21a = -42$$

$$a = 2$$

$a = 2$ 를 ①에 대입하여 풀면 $b = 1$

$$\therefore a = 2, b = 1$$

23. 연립방정식 $\begin{cases} 3x + y = -1 & \cdots ① \\ kx = 2y + 2 & \cdots ② \end{cases}$ 를 만족하는 y 의 값이 x 의 값보다 3만큼 클 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -6

해설

$y = x + 3$ 을 ①식에 대입하면 $3x + x + 3 = -1$

$$\therefore x = -1, y = 2$$

②식에 x, y 값을 대입하면 $k = -6$ 이다.

24. 연립방정식 $\begin{cases} ax - by = 9 \\ ax + by = 3 \end{cases}$ 의 해가 $(-3, 1)$ 일 때, ab 의 값을 구하여 라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$(-3, 1)$ 을 대입하면

$$\begin{cases} -3a - b = 9 \\ -3a + b = 3 \end{cases}$$

$$-6a = 12, a = -2, b = -3$$

$$\therefore ab = 6$$

25. $(3, 5)$ 이 연립방정식 $\begin{cases} ax - y = -2 \\ 2x + by = 1 \end{cases}$ 의 해일 때, $a + b$ 의 값은?

- ① -1 ② 1 ③ 0 ④ -2 ⑤ 2

해설

$(3, 5)$ 를 $ax - y = -2$ 에 대입하면

$$3a = -2 + 5 = 3, a = 1$$

$(3, 5)$ 를 $2x + by = 1$ 에 대입하면

$$5b = 1 - 6 = -5, b = -1$$

$$\therefore a + b = 0$$

26. 자연수 x, y 에 대하여

연립방정식 $\begin{cases} -3x + y + a = 0 \\ bx + 2y = -6 \end{cases}$ 의 해가 $(-2, -2)$ 일 때, a, b 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = -4$

▷ 정답 : $b = 1$

해설

$x = -2, y = -2$ 를 $-3x + y + a = 0$ 에 대입하면

$$6 - 2 + a = 0, a = -4$$

$bx + 2y = -6$ 에 대입하면

$$-2b - 4 = -6, b = 1$$

27. 연립방정식 $\begin{cases} y = 2x - 1 \\ 2x - 3y = 5 \end{cases}$ 를 대입법으로 풀려고 한다. 다음 설명에서 ()안에 들어갈 수 또는 식으로 적당하지 않은 것은?

연립방정식 $\begin{cases} y = 2x - 1 & \cdots \textcircled{I} \\ 2x - 3y = 5 & \cdots \textcircled{II} \end{cases}$ 를 풀기 위해

\textcircled{I} 을 \textcircled{II} 에 대입하여

(①)를 소거하면, $2x - 3(\textcircled{2}) = 5$ 가 된다.

따라서 (③) = 2 가 되고, $x = (\textcircled{4}) \cdots \textcircled{C}$

\textcircled{C} 을 \textcircled{I} 에 대입하면 $y = (\textcircled{5})$

① x

② $2x - 1$

③ $-4x$

④ $-\frac{1}{2}$

⑤ -2

해설

$2x - 3(\textcircled{2}) = 5$ 에서 보면 y 가 소거된다는 것을 알 수 있다.

28. 연립방정식 $\begin{cases} x + 2y = 4 \cdots \textcircled{\text{I}} \\ 2x - y = 3 \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$ 에서 y 를 소거하는 대입법으로 풀려고 한다. 다음 중 옳은 것은?

- ① $\textcircled{\text{I}} + \textcircled{\text{L}} \times 2$ 로 계산한다.
- ② $\textcircled{\text{I}} \times 2 - \textcircled{\text{L}}$ 을 계산한다.
- ③ $\textcircled{\text{I}}$ 에서 $x = 4 - 2y$ 를 $\textcircled{\text{L}}$ 에 대입한다.
- ④ $\textcircled{\text{L}}$ 에서 $y = 2x - 3$ 을 $\textcircled{\text{I}}$ 에 대입한다.
- ⑤ $\textcircled{\text{I}}$ 에서 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 를 $\textcircled{\text{L}}$ 에 대입한다.

해설

y 의 계수가 간단한 $\textcircled{\text{L}}$ 식을 y 에 관한 식으로 푼 후 $\textcircled{\text{I}}$ 에 대입한다.

29. 연립방정식 $\begin{cases} x + 3y = 11 \\ -3x + 4y = 6 \end{cases}$ 을 대입법으로 풀면?

- ① $x = 2, y = -3$
- ② $x = -2, y = 3$
- ③ $x = 2, y = 3$
- ④ $x = 3, y = 2$
- ⑤ $x = 3, y = -2$

해설

연립방정식 $\begin{cases} x + 3y = 11 & \dots \textcircled{\text{A}} \\ -3x + 4y = 6 & \dots \textcircled{\text{B}} \end{cases}$

Ⓐ을 x 에 대하여 풀면 $x = -3y + 11 \dots \textcircled{\text{C}}$

Ⓑ을 Ⓛ에 대입하면 $-3(-3y + 11) + 4y = 6$

$$9y - 33 + 4y = 6$$

$$13y = 39$$

$$\therefore y = 3$$

$$y = 3 \text{ 을 Ⓛ에 대입하면 } x = (-3) \times 3 + 11 = 2$$

30. 연립방정식 $\begin{cases} x = -2y + 5 & \cdots \textcircled{①} \\ 2x - 5y = 1 & \cdots \textcircled{②} \end{cases}$ 을 풀기 위해 $\textcircled{①}$ 을 $\textcircled{②}$ 에 대입하여

$ay = b$ 의 꼴로 만들었다. 이 때, a, b 의 값을 차례대로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $a = -9$

▶ 정답: $b = -9$

해설

$x = -2y + 5$ 를 $2x - 5y = 1$ 에 대입하면

$$2(-2y + 5) - 5y = 1$$

$$-9y = -9$$

$$\therefore a = -9, b = -9$$

31. 연립방정식 $3x + y = 2$, $2x - ay = 1$ 의 해에 각각 1을 더하면 $3x - 5y = 4$, $bx + 2y = 1$ 의 해가 된다. 이 때 두 상수 a, b 를 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = -\frac{7}{6}$

▷ 정답: $b = \frac{3}{17}$

해설

연립방정식 $3x + y = 2$, $2x - ay = 1$ 의 해를 각각 $x = p$, $y = q$ 라 하면

$3x - 5y = 4$, $bx + 2y = 1$ 의 해는 $x = p + 1$, $y = q + 1$ 이므로 각각 대입하면

$$3p + q = 2 \cdots ⑦$$

$$2p - aq = 1 \cdots ⑧$$

$$3(p + 1) - 5(q + 1) = 4 \cdots ⑨$$

$$b(p + 1) + 2(q + 1) = 1 \cdots ⑩$$

⑦과 ⑩을 연립하여 풀면 $p = \frac{8}{9}$, $q = -\frac{2}{3}$

$p = \frac{8}{9}$, $q = -\frac{2}{3}$ 를 ⑧과 ⑩에 각각 대입하면

$$a = -\frac{7}{6}, b = \frac{3}{17}$$

32. 연립방정식 $\begin{cases} ax - 2y = 6 \\ 2x + 3y = 4 \end{cases}$ 의 해가 $x = 1$, $y = b$ 라고 할 때, $a - b$ 의 값을 구하면?

① $\frac{20}{3}$

② 0

③ $\frac{16}{3}$

④ $\frac{13}{3}$

⑤ -1

해설

$x = 1$, $y = b$ 를 $2x + 3y = 4$ 에 대입하면

$$2 + 3b = 4 \quad \therefore b = \frac{2}{3}$$

그러므로 $\left(1, \frac{2}{3}\right)$ 를 $ax - 2y = 6$ 에 대입하면

$$a - \frac{4}{3} = 6 \quad \therefore a = \frac{22}{3}$$

$$\therefore a - b = \frac{22}{3} - \frac{2}{3} = \frac{20}{3}$$

33. $(-2, 4)$ 가 연립방정식 $\begin{cases} ax + 2y = 6 \\ 3x + by = 2 \end{cases}$ 의 해일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$(-2, 4)$ 를 $ax + 2y = 6$ 에 대입하면

$$-2a + 8 = 6$$

$$a = 1$$

$(-2, 4)$ 를 $3x + by = 2$ 에 대입하면

$$-6 + 4b = 2$$

$$b = 2$$

$$\therefore a + b = 1 + 2 = 3$$