

# 1. 다음에서 집합인 것은 모두 몇 개인가?

- Ⓐ 귀여운 새들의 모임
- Ⓑ 우리나라 중학생의 모임
- Ⓒ 작은 수의 모임
- Ⓓ 삼각형의 모임
- Ⓔ 우리 반에서 수학을 잘 하는 학생의 모임

- ① 1 개
- ② 2 개
- ③ 3 개
- ④ 4 개
- ⑤ 5 개

## 해설

집합이란 특정한 조건에 맞는 원소들의 모임이다. 따라서 집합인 것은 우리나라 중학생의 모임과 삼각형의 모임이다. 따라서 2개이다.

2. 다음 집합 중에서 조건제시법을 원소나열법으로, 원소나열법을 조건제시법으로 바르게 나타낸 것은? (정답 2 개)

①  $A = \{x \mid x \text{는 홀수}\} = \{1, 3, 6, \dots\}$

②  $A = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{의 약수}\} = \{1, 2, 4, 8 \dots\}$

③  $\{x \mid x \text{는 } 30 \text{보다 작은 소수}\} = \{2, 3, 5, 7, \dots, 23, 29\}$

④  $\{3, 6, 9, 12\} = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{ 이하의 } 3 \text{의 배수}\}$

⑤  $\{1, 3, 5, 7, \dots, 99\} = \{x \mid x \text{는 } 100 \text{ 이하의 홀수}\}$

해설

①  $\{1, 3, 5 \dots\}$

②  $\{1, 2, 5, 10\}$

④  $\{x \mid x \text{는 } 12 \text{ 이하의 } 3 \text{의 배수}\}$

3. 두 집합  $A = \{x \mid x\text{는 } 2x^2 - 3x - 2 = 0\}$ ,  $B = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여  
집합  $B$ 의 부분집합 중  $A$  와 서로소인 집합  $X$  의 개수는?

- ① 7개      ② 8개      ③ 9개      ④ 15개      ⑤ 16개

해설

$$2x^2 - 3x - 2 = (x - 2)(2x + 1), A = \left\{ -\frac{1}{2}, 2 \right\}$$

( $A$  와 서로소인 집합  $X$ ) = (2를 원소로 갖지 않는  $A$  의 부분집합)

$$2^{4-1} = 2^3 = 8$$

4. 두 집합  $A = \{a, c\}$ ,  $B = \{a, b, c, d, e\}$  에 대하여 집합  $X$  는 집합  $B$  에 포함되고 집합  $A$  는 집합  $X$  에 포함될 때, 이를 만족하는 집합  $X$  의 개수는?

- ① 2 개
- ② 4 개
- ③ 6 개
- ④ 8 개
- ⑤ 10 개

해설

집합  $X$  는 집합  $B$  의 부분집합 중 원소  $a, c$  를 모두 포함하는 집합이므로 구하는 집합  $X$  의 개수는  $2^{5-2} = 2^3 = 8$  (개)

5. 두 집합  $A = \{6, 9, 4\}$ ,  $B = \{x - 3, x - 1, x + 2\}$  가 서로 같을 때,  $x$ 의 값을 구하면?

① 5

② 7

③ 9

④ 11

⑤ 13

해설

$x - 3, x - 1, x + 2$  의 크기를 비교해 보면  $x - 3 < x - 1 < x + 2$  이므로

$A = B$  이려면  $x - 3 = 4, x - 1 = 6, x + 2 = 9$  가 되어야 한다.  
따라서  $x = 7$  이다.

6.  $A = \{5, 9, 12, 14\}$ ,  $B = \{3, 5, a, a + 3\}$  이고  $A \cap B = \{5, 9\}$  일 때 집합  $B$ 의 원소의 합은?

- ① 19      ② 20      ③ 21      ④ 22      ⑤ 23

해설

$A \cap B = \{5, 9\}$  이므로  $a = 9$  이거나  $a + 3 = 9$  이어야 한다.

i )  $a = 9$  일 때

$B = \{3, 5, 9, 12\}$ , 교집합의 원소 중 12는 존재하지 않으므로 성립하지 않는다.

ii )  $a + 3 = 9 \Leftrightarrow a = 6$  일 때

$B = \{3, 5, 6, 9\}$

따라서 원소들의 합은 23이다.

7. 임의의 집합  $A, B, C$ 에 대하여, 다음 중에서  $A - (B - C)$ 와 같은 집합은?

- ①  $(A \cup B) - (A \cup C)$
- ②  $(A - B) - (A - C)$
- ③  $(A \cap B) \cup (A - C)$
- ④  $(A - B) \cup (A \cap C)$
- ⑤  $(A \cup B) - (A \cap C)$

해설

$$\begin{aligned} A - (B - C) &= A \cap (B \cap C^c)^c = A \cap (B^c \cup C) = (A \cap B^c) \cup (A \cap C) \\ &= (A - B) \cup (A \cap C) \end{aligned}$$

8. 전체집합  $U$ 의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여  $A * B = (A \cup B)^c$  으로 정의할 때, 다음 중  $(B * A) * B$ 와 항상 같은 것은?

- ①  $A$
- ②  $B$
- ③  $A - B$
- ④  $B - A$
- ⑤  $A^c$

해설

$$\begin{aligned}(B * A) * B &= ((BUA)^c \cup B)^c = (B \cup A) \cap B^c \\&= (A \cup B) - B = A - B\end{aligned}$$

9. 민호네 학교 학생 100 명 중에서 A동아리에 가입한 학생이 62 명, B 동아리에 가입한 학생이 59 명이고 B동아리에만 가입한 학생은 25 명이다. 이 때, A동아리에도 B동아리에도 가입하지 않은 학생 수를 구하여라.

▶ 답: 명

▶ 정답: 13 명

해설

민호네 학교 학생들의 모임을 전체집합  $U$ , A동아리에 가입한 학생들의 모임을 집합  $A$ , B동아리에 가입한 학생들의 모임을 집합  $B$ 라 하면, A동아리에도 B동아리에도 가입하지 않은 학생들의 모임은  $A^C \cap B^C$ 이다.

$$\begin{aligned}n(A^C \cap B^C) &= n((A \cup B)^C) \\&= n(U) - n(A \cup B) \\&= 100 - (62 + 59 - 34) = 13(\text{명})\end{aligned}$$

10. 정의역과 공역이 실수 전체의 집합인 두 함수  $f(x)$ ,  $g(x)$ 에 대하여  
두 조건  $p : f(x) = 0$ ,  $q : g(x) = 0$ 을 만족하는 집합을 각각  $A$ ,  $B$ 라  
할 때, 조건  $f(x)g(x) \neq 0$ 을 만족하는 집합은?

①  $A^c \cap B$

②  $A \cap B^c$

③  $A^c \cap B^c$

④  $A^c \cup B^c$

⑤  $A^c \cup B$

해설

조건  $f(x)g(x) \neq 0$ 을 만족하는 집합은

$\{x \mid f(x) \neq 0\text{이고 }g(x) \neq 0\}$ 이므로 주어진 조건을 만족하는  
집합은  $A^c \cap B^c$

11. 실수 전체의 집합에서의 두 조건  $p : -1 < x < 4$ ,  $q : a-3 < x < a+6$  일 때, 명제  $p \rightarrow q$  가 참이기 위한 실수  $a$  의 최댓값과 최솟값의 합은?

① 0

② 2

③ 4

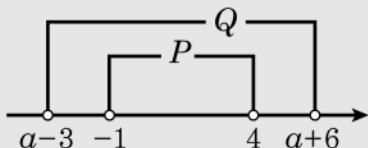
④ 6

⑤ 8

### 해설

두 조건  $p$ ,  $q$  를 만족하는 집합을 각각  $P$ ,  $Q$  라고 하면  $P = \{x \mid -1 < x < 4\}$

$$Q = \{x \mid a-3 < x < a+6\}$$



이때, 명제  $p \rightarrow q$  가 참이려면  $P \subset Q$  이어야 하므로 위 수직선에서  $a-3 \leq -1$  이고  $a+6 \geq 4$  이다.

$$\therefore -2 \leq a \leq 2$$

따라서,  $a$  의 최댓값은 2, 최솟값은  $-2$  이므로 최댓값과 최솟값의 합은 0이다.

## 12. 다음 명제의 대우가 참인 것은?

- ①  $xz = yz$  이면  $x = y$  이다.
- ②  $x$  가 3 의 배수이면  $x$  가 6 의 배수이다.
- ③  $x^2 > 1$  이면  $x > 1$  이다
- ④ 삼각형 ABC 가 직각삼각형이면  $\angle A = 90^\circ$  이다.
- ⑤  $a + b > 2$  이면  $a > 1$  또는  $b > 1$  이다.

### 해설

- ⑤ 명제의 대우를 살펴보자.

$a \leq 1$  이고  $b \leq 1$  이면  $a + b \leq 2$  이다. 다음의 대우의 참, 거짓을 판별해보면  $a$  의 최댓값은 1,  $b$  의 최댓값도 1 이므로  $a, b$  의 합의 최댓값은 2 이므로 대우는 참이 된다.

13. 두 실수  $x, y$ 에 대하여  $x^2 + y^2 = 0$ 이기 위한 필요충분조건을 보기에서 모두 고른 것은?

보기

Ⓐ  $xy = 0$

Ⓑ  $x = y = 0$

Ⓒ  $|x| + |y| = 0$

Ⓓ  $(x+y)(x-y) = 0$

Ⓔ  $(x+y)^2 + (x-y)^2 = 0$

Ⓕ  $|x+y| = |x-y|$

① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

② Ⓑ, Ⓓ, Ⓔ

③ Ⓐ, Ⓒ, Ⓙ

④ Ⓑ, Ⓔ, Ⓙ

⑤ Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ

해설

$$x^2 + y^2 = 0 \Leftrightarrow x = y = 0$$

Ⓐ  $x = 0$  또는  $y = 0$

Ⓑ, Ⓒ  $x = y = 0$

Ⓓ  $x = -y$  또는  $x = y$

Ⓔ  $x + y = 0, x - y = 0 \Leftrightarrow x = y = 0$

Ⓕ  $x + y = x - y$  또는  $x + y = -x + y$

$$\Leftrightarrow x = 0 \text{ 또는 } y = 0$$

따라서, 보기중  $x^2 + y^2 = 0$ 이기 위한 필요충분조건은 Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ이다.

14.  $p : -1 \leq x \leq 1$  또는  $x \geq 3$ ,  $q : x \geq a$ 에 대하여  $q$ 는  $p$  이기 위한 필요조건일 때, 정수  $a$ 의 최댓값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $-1$

해설

두 조건  $p, q$ 의 진리집합을 각각  $P, Q$ 라 하면  
 $q$ 는  $p$  이기 위한 필요조건이므로  $P \subset Q$ 이다.

$$\therefore a \leq -1$$

따라서  $a$ 의 최댓값은  $-1$ 이다.

15. 조건  $p, q, r, s$ 에서  $p, q$ 는 어느 것이나  $r$ 이기 위한 충분조건,  $s$ 는  $r$ 이기 위한 필요조건,  $q$ 는  $s$ 이기 위한 필요조건이라 한다. 이 때,  $r$ 은  $s$ 이기 위한 무슨 조건인가?

- ① 필요조건
- ② 충분조건
- ③ 필요충분조건
- ④ 아무 조건도 아니다.
- ⑤ 위 사실로는 알 수 없다.

### 해설

$p$ 는  $r$ 이기 위한 충분조건이므로

$p \Rightarrow r$  같은 방법으로 하면

주어진 조건으로부터  $q \Rightarrow r, r \Rightarrow s, s \Rightarrow q$

$\therefore r \Rightarrow s$ 이고  $s \Rightarrow r$ 이므로  $r \leftrightarrow s$

따라서,  $r$ 은  $s$ 이기 위한 필요충분조건이다.

$$p \Rightarrow \begin{array}{c} \swarrow \\ r \end{array} \Rightarrow \begin{array}{c} \searrow \\ s \end{array}$$

16.  $f$ 는 임의의 자연수에 대하여 정의된 함수이고, 다음 두 조건을 만족한다.

$$\textcircled{\text{L}} \quad f(2n) = 2 \cdot f(n) \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

$$\textcircled{\text{R}} \quad f(2n+1) = (-1)^n \cdot 2 \quad (n = 0, 1, 2, 3, \dots)$$

이

때,  $f(32)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 64

해설

$$\begin{aligned}f(32) &= 2 \cdot f(16) = 2^2 \cdot f(8) = 2^3 \cdot f(4) \\&= 2^4 \cdot f(2) = 2^5 \cdot f(1) = 2^5 \cdot f(2 \cdot 0 + 1) \\&= 2^5 \cdot (-1)^0 \cdot 2 = 2^6 = 64\end{aligned}$$

17. 두 집합  $X = \{x \mid -1 \leq x \leq 4\}$ ,  $Y = \{y \mid -5 \leq y \leq 10\}$ 에 대하여  
 $f : X \rightarrow Y$ ,  $f(x) = ax + b$  ( $a > 0$ )로 정의되는 함수가 일대일 대응일 때,  $2a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 4

해설

일차함수  $f(x) = ax + b$  ( $a > 0$ )의 정의역이  $X = \{x \mid -1 \leq x \leq 4\}$ 이고

$$f(-1) = -a + b, f(4) = 4a + b \text{ 이므로}$$

치역은  $\{y \mid -a + b \leq y \leq 4a + b\}$ 이다.

그런데 함수가 일대일 대응이 되기 위해서는

공역과 치역이 같아야 하므로

$$-a + b = -5, 4a + b = 10$$

두 식을 연립하여 풀면  $a = 3$ ,  $b = -2$

$$\therefore 2a + b = 4$$

18. 두 집합  $X = \{1, 2, 3\}$ ,  $Y = \{5, 6, 7\}$ 에 대하여  $X$ 에서  $Y$ 로의 함수의 개수를  $a$ , 일대일 대응의 개수를  $b$ 라고 할 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① 27      ② 30      ③ 33      ④ 36      ⑤ 39

해설

집합  $X$ 에서  $Y$ 로의 함수의 개수는

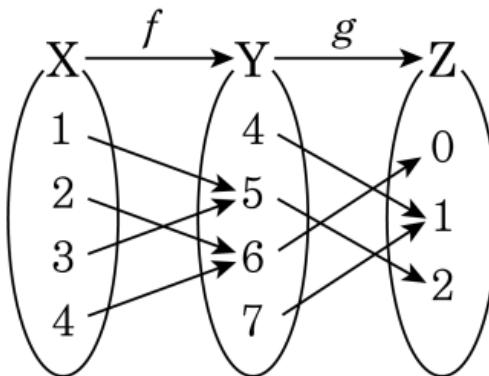
$$a = 3 \times 3 \times 3 = 27$$

집합  $X$ 에서  $Y$ 로의 일대일 대응의 개수는

$$b = 3 \times 2 \times 1 = 6$$

$$\therefore a + b = 27 + 6 = 33$$

19. 아래 그림과 같이 주어진 함수  $f, g$ 에 대하여  $(g \circ f)(3)$ 의 값을 구하면?



- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$(g \circ f)(3) = g(f(3)) = g(5) = 2$$

20. 분수함수  $f(x) = \frac{2x-1}{x-1}$ 에 대하여  $(g \circ f)(x) = x$ 가 성립하는 함수  $g(x)$ 에서  $g(3)$ 의 값은?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$(g \circ f)(x) = x \Rightarrow g(f(x)) = x$$

$\therefore g(3)$ 을 구하려면

$f(x) = 3$ 인  $x$ 를 찾으면 된다.

$$3 = \frac{2x-1}{x-1} \text{에서 } x = 2$$

$$\therefore g(3) = g(f(2)) = 2$$

21. 함수  $y = \sqrt{a - 2x} + 1$  의 역함수가 점(5, -2) 를 지날 때, 상수  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = 12$

해설

역함수가 점 (5, -2) 를 지나므로  
원함수는 점 (-2, 5) 를 지나게 된다.  
따라서  $5 = \sqrt{a + 4} + 1$

$$\therefore a = 12$$

22. 함수  $y = 2|x - 1| - 2$  의 그래프와  $x$  축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$y = 2|x - 1| - 2$$

( i )  $x < 1$  일 때,  $y = -2(x - 1) - 2 = -2x$

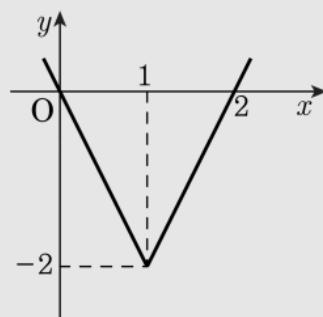
( ii )  $x \geq 1$  일 때,  $y = 2(x - 1) - 2 = 2x - 4$

따라서  $y = 2|x - 1| - 2$  의 그래프와

$x$  축으로 둘러싸인 부분의 넓이는

다음 그림에서

$$\frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 2 = 2$$



23. 등식  $\frac{4}{11} = \frac{1}{a + \frac{1}{b + \frac{1}{c}}}$  을 만족시키는 세 자연수  $a, b, c$ 에 대하여

$a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

$$\frac{4}{11} = \frac{1}{a + \frac{1}{b + \frac{1}{c}}} \text{에서}$$

$$a + \frac{1}{b + \frac{1}{c}} = \frac{11}{4} = 2 + \frac{3}{4} \text{이므로}$$

$$a = 2 \text{이고 } \frac{1}{b + \frac{1}{c}} = \frac{3}{4}$$

$$\text{이 때, } b + \frac{1}{c} = \frac{4}{3} = 1 + \frac{1}{3} \text{이므로 } b = 1, c = 3$$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = 2^2 + 1^2 + 3^2 = 14$$

24.  $x + \frac{1}{x} = 2$  일 때,  $x^2 - \frac{1}{x^2}$  의 값을 구하시오.

▶ 답 :

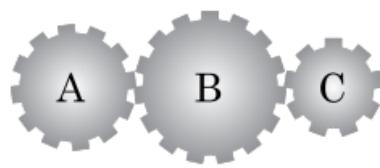
▷ 정답 : 0

해설

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 4 = 2^2 - 4 = 0$$

$$\therefore x^2 - \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right) \left(x + \frac{1}{x}\right) = 0 \times 2 = 0$$

25. 톱니의 개수가 각각  $x$ ,  $y$ ,  $z$  개인 기어 A, B, C가 그림과 같이 물려 돌아가고 있을 때, A, B, C의 각 속도의 비는?



- ①  $x : y : z$       ②  $z : y : x$       ③  $y : z : x$   
④  $yz : xz : xy$       ⑤  $xz : yx : zy$

해설

일정한 시간에 물려 돌아간 톱니의 개수는 같다. 톱니의 개수가 많을수록 회전 속도 즉, 각 속도는 느리다. 따라서 톱니의 개수와 각 속도는 반비례한다.

$$\therefore \frac{1}{x} : \frac{1}{y} : \frac{1}{z} = yz : xz : xy$$

26.  $0^\circ]$  아닌 두 실수  $a, b$ 에 대하여  $\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\sqrt{\frac{b}{a}}$  일 때,  $\sqrt{(a^3 - b^3)^2} - \sqrt{b^6}$

을 간단히 하면?

- ①  $a^3$       ②  $-a^3$       ③  $b^3$       ④  $-b^3$       ⑤ 0

해설

$$\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\sqrt{\frac{b}{a}} \text{이려면}$$

$b > 0, a < 0^\circ]$ 어야 한다

$$\therefore a^3 - b^3 < 0, b^3 > 0$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow \sqrt{(a^3 - b^3)^2} - \sqrt{b^6} &= |a^3 - b^3| - |b^3| \\ &= -a^3 + b^3 - b^3 \\ &= -a^3\end{aligned}$$

27.  $f(x) = \sqrt{x} + \sqrt{x+1}$  일 때,  $\frac{1}{f(1)} + \frac{1}{f(2)} + \cdots + \frac{1}{f(99)}$  의 값을 구하  
여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 9

해설

$$f(x) = \sqrt{x} + \sqrt{x+1} \text{ 이므로}$$

$$\frac{1}{f(x)} = \frac{1}{\sqrt{x} + \sqrt{x+1}} = \frac{\sqrt{x+1} - \sqrt{x}}{(\sqrt{x+1} + \sqrt{x})(\sqrt{x+1} - \sqrt{x})} = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$$

$$\begin{aligned}\therefore (\text{준 식}) &= (\sqrt{2} - 1) + (\sqrt{3} - \sqrt{2}) + \\ &\quad (\sqrt{4} - \sqrt{3}) + \cdots + (\sqrt{100} - \sqrt{99}) \\ &= \sqrt{100} - 1 = 10 - 1 = 9\end{aligned}$$

28. 무리수  $\sqrt{1 + \sqrt{45 - 20\sqrt{5}}}$ 의 정수 부분을  $a$ , 소수 부분을  $b$  라 할 때,  
 $\frac{1}{b} - a - b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④  $\sqrt{5} + 1$

⑤  $\sqrt{5} - 1$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{45 - 20\sqrt{5}} &= \sqrt{45 - 2\sqrt{500}} = \sqrt{25} - \sqrt{20} \\ &= 5 - 2\sqrt{5} \text{ 이므로}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sqrt{1 + \sqrt{45 - 20\sqrt{5}}} &= \sqrt{1 + 5 - 2\sqrt{5}} \\ &= \sqrt{6 - 2\sqrt{5}} = \sqrt{5} - 1\end{aligned}$$

$2 < \sqrt{5} < 3$  이므로  $a = 1$ ,  $b = \sqrt{5} - 2$

$$\begin{aligned}\therefore \frac{1}{b} - a - b &= \frac{1}{\sqrt{5} - 2} - 1 - (\sqrt{5} - 2) \\ &= \sqrt{5} + 2 - 1 - \sqrt{5} + 2 = 3\end{aligned}$$

29. 분수함수  $y = \frac{x-1}{x-2}$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 제 1, 3 사분면만을 지난다.
- ㉡ 두 점근선의 교점은  $(2, 1)$ 이다.
- ㉢ 두 직선  $y = -x + 3$ ,  $y = x - 1$ 에 대해 대칭인 곡선이다.

① ㉡

② ㉠, ㉡

③ ㉠, ㉢

④ ㉡, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

### 해설

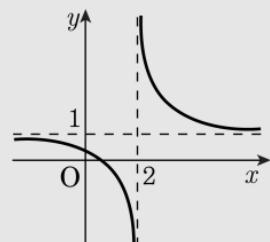
㉠ 다음 그림의 개형을 가지므로 제 1, 2, 4  
사분면을  
지난다.

㉡ 점근선이  $x = 2$ ,  $y = 1$  이므로 교점은  
 $(2, 1)$

㉢ 주어진 분수함수가  $y = \frac{1}{x}$  을  $x$  축으로  
2,

$y$  축으로 1 만큼 평행이동 시킨 것이므로  
대칭되는 직선은 기울기가  $\pm 1$  이고  $(2, 1)$  을  
지나는 직선이다.

$$\Rightarrow y = x - 1, y = -x + 3$$



30. 역함수가 존재하는 분수함수  $f$ 에 대하여  $f^{-1}\left(\frac{x+1}{2x-1}\right) = 2x+a$  이고  $f(1) = 2$  일 때,  $f(3)$ 의 값을 구하면? (단,  $a$ 는 상수)

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

### 해설

$$f^{-1}\left(\frac{x+1}{2x-1}\right) = 2x + a$$

$$\Leftrightarrow f(2x+a) = \frac{x+1}{2x-1}$$

$2x+a = t$  로 놓으면

$$x = \frac{t-a}{2}$$

$$\begin{aligned}\therefore f(t) &= \frac{\frac{t-a}{2} + 1}{2 \cdot \frac{t-a}{2} - 1} \\ &= \frac{t-a+2}{2t-2a-2} \cdots i)\end{aligned}$$

이때,  $f(1) = 2$  이므로

$$a = -1$$

$$\text{이 값을 } i) \text{에 대입하면 } f(t) = \frac{t+3}{2t}$$

$$\therefore f(3) = 1$$

31. 함수  $y = \sqrt{-2x + a}$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 1만큼,  $y$ 축의 방향으로  $b$ 만큼 평행이동하였더니 함수  $y = \sqrt{-2x + 4} - 3$ 의 그래프와 겹쳐졌다. 이 때, 상수  $a$ ,  $b$ 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = 2$

▷ 정답 :  $b = -3$

### 해설

함수  $y = \sqrt{-2x + a}$ 의 그래프를  
 $x$ 축의 방향으로 1만큼,  $y$ 축의 방향으로  $b$ 만큼  
평행이동한 함수의 그래프의 식은

$$y = \sqrt{-2(x - 1) + a} + b = \sqrt{-2x + 2 + a} + b$$

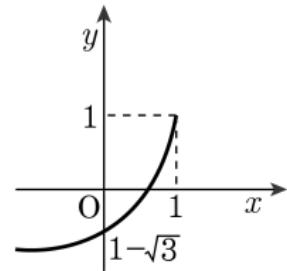
이 식이  $y = \sqrt{-2x + 4} - 3$ 과 같으므로

$$2 + a = 4, b = -3$$

$$\therefore a = 2, b = -3$$

32. 무리함수  $y = -\sqrt{ax+b} + c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때,  $a+b+c$ 의 값은?

- ① 0    ② 1    ③ 2    ④ 3    ⑤ 4



### 해설

주어진 그림은  $y = -\sqrt{ax}$ 의 그래프를  
 $x$ 축 방향으로 1,  $y$ 축 방향으로 1만큼 평행이동한  
 것이므로  $y - 1 = -\sqrt{a(x - 1)}$   
 즉  $y = -\sqrt{a(x - 1)} + 1$   
 그런데 이 그래프가 점  $(0, 1 - \sqrt{3})$ 을 지나므로  
 $1 - \sqrt{3} = -\sqrt{-a} + 1$ ,  
 $\therefore a = -3$   
 $\therefore y = -\sqrt{-3(x - 1)} + 1$   
 $\therefore a + b + c = (-3) + 3 + 1 = 1$

33.  $A = \{(x, y) \mid 0 \leq y < \sqrt{1 - x^2}\}$ ,  $B = \{(x, y) \mid 2x + y > k\}$ 에서  $A \cap B = A$ 가 되게 하는  $k$ 의 범위를 구하면?

- ①  $k \leq -2$       ②  $k < -2$       ③  $k > -2$   
④  $k \geq -2$       ⑤  $k \neq -2$

해설

$A \cap B = A \Leftrightarrow A \subset B$  이므로

그림을 그려 부등식의 영역으로 표시  
하면

집합  $B$ 에서  $y > -2x + k$  이므로

점  $(-1, 0)$ 를 지날 때,  $k = -2$  이다.

따라서,  $A \subset B$  이려면  $k \leq -2$

