

1. 다음 표는 A, B, C, D, E 인 5 명의 학생의 수학 쪽지 시험의 결과를 나타낸 것이다. 이 자료의 분산은?

학생	A	B	C	D	E
변량(점)	7	9	6	7	6

- ① 1      ② 1.2      ③ 1.4      ④ 1.6      ⑤ 1.8

해설

주어진 자료의 평균은

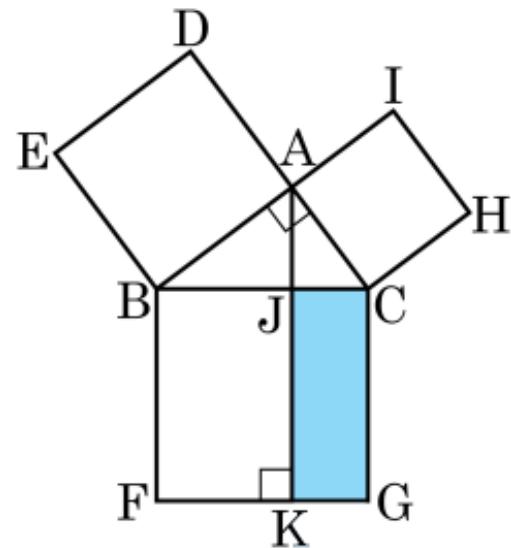
$$\frac{7+9+6+7+6}{5} = \frac{35}{5} = 7(\text{점})$$

이므로 각 자료의 편차는 0, 2, -1, 0, -1 이다.  
따라서 분산은

$$\frac{0^2 + 2^2 + (-1)^2 + 0^2 + (-1)^2}{5} = \frac{6}{5} = 1.2$$

2. 다음 그림에서  $\square JKGC$  와 넓이가 같은 도형은?

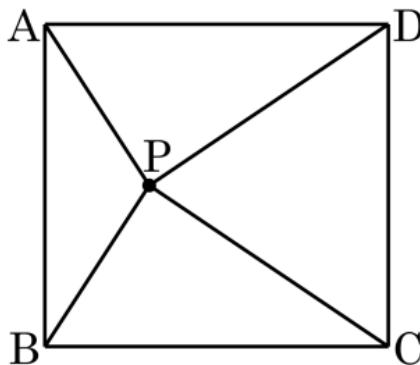
- ①  $\square DEBA$
- ②  $\square BFKJ$
- ③  $\square ACHI$
- ④  $\triangle ABC$
- ⑤  $\triangle ABJ$



해설

$\square JKGC$  의 넓이는  $\overline{AC}$  를 포함하는 정사각형의 넓이와 같다.

3. 다음 그림의 직사각형 ABCD에서  $\overline{PA} = 4$ ,  $\overline{PC} = 6$  일 때,  $\overline{PB}^2 + \overline{PD}^2$ 의 값을 구하여라.



- ① 48      ② 50      ③ 52      ④ 54      ⑤ 56

해설

$$\overline{PB}^2 + \overline{PD}^2 = 4^2 + 6^2 = 52 \text{ 이다.}$$

4. 가로, 세로의 길이가 5인 직육면체의 대각선의 길이가  $3\sqrt{6}$  일 때, 이 직육면체의 높이의 길이는?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

높이를  $x$ 라 하면 직육면체의 대각선 길이는  $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$  이므로

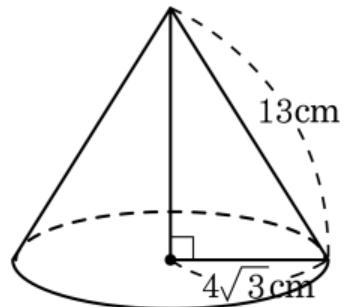
$$\sqrt{5^2 + 5^2 + x^2} = 3\sqrt{6}$$

$$x^2 = 4$$

$x > 0$  이므로  $x = 2$  이다.

5. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가  $4\sqrt{3}$  cm이고 모선의 길이가 13 cm인 원뿔의 부피는?

- ①  $44\pi \text{ cm}^3$       ②  $88\pi \text{ cm}^3$   
③  $176\pi \text{ cm}^3$       ④  $352\pi \text{ cm}^3$   
⑤  $528\pi \text{ cm}^3$



해설

$$\text{원뿔의 높이 } h = \sqrt{13^2 - (4\sqrt{3})^2} = \sqrt{169 - 48} = \sqrt{121} = 11(\text{ cm}) \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } V = \frac{1}{3} \times (4\sqrt{3})^2 \times \pi \times 11 = 176\pi(\text{ cm}^3) \text{ 이다.}$$

6. 다음은 올림픽 국가대표 선발전에서 준결승을 치른 양궁 선수 4명의 점수를 나타낸 것이다. 네 선수 중 표준 편차가 가장 큰 선수를 구하여라.

기영	10, 9, 8, 8, 8, 8, 9, 10, 10
준수	10, 10, 10, 9, 9, 9, 8, 8, 8
민혁	10, 9, 9, 9, 8, 8, 9, 9, 10
동현	8, 10, 7, 8, 10, 7, 9, 10, 7

▶ 답 :

▶ 정답 : 동현

해설

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내므로 주어진 자료들 중에서 표준편차가 가장 큰 선수는 동현이다.

7. 네 개의 수 5, 8,  $a$ ,  $b$ 의 평균이 4이고, 분산이 7일 때,  $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

변량 5, 8,  $a$ ,  $b$ 의 평균이 4이므로

$$\frac{5+8+a+b}{4} = 4, \quad a+b+13=16$$

$$\therefore a+b=3 \cdots \textcircled{1}$$

또, 분산이 7이므로

$$\frac{(5-4)^2+(8-4)^2+(a-4)^2+(b-4)^2}{4}=7$$

$$\frac{1+16+a^2-8a+16+b^2-8b+16}{4}=7$$

$$\frac{a^2+b^2-8(a+b)+49}{4}=7$$

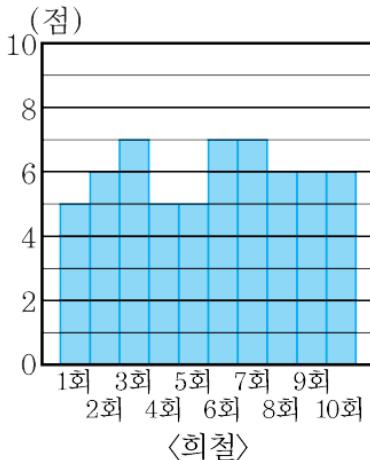
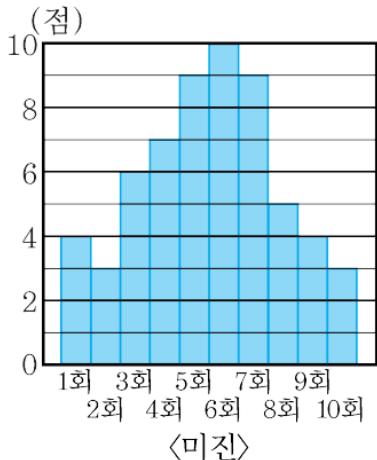
$$a^2+b^2-8(a+b)+49=28$$

$$\therefore a^2+b^2-8(a+b)=-21 \cdots \textcircled{2}$$

②의 식에 ①을 대입하면

$$\therefore a^2+b^2=8(a+b)-21=8\times 3-21=3$$

8. 다음은 미진이와 희철이가 10 회에 걸친 수학 시험에서 얻은 점수를 히스토그램으로 나타낸 것이다. 어느 학생의 성적이 더 고르다고 할 수 있는가?



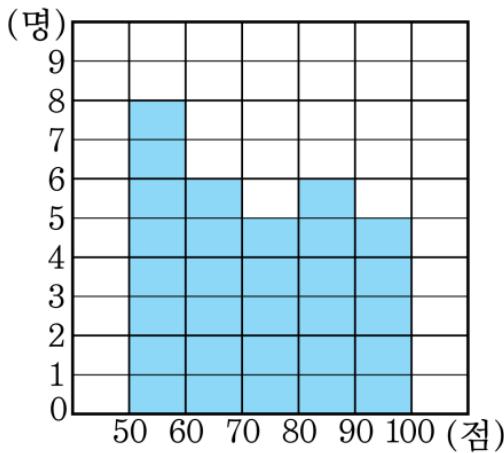
▶ 답 :

▷ 정답 : 희철

해설

희철의 성적이 평균을 중심으로 변량의 분포가 더 고르다.

9. 다음은 희종이네 반 학생 30 명의 수학 성적을 나타낸 히스토그램이다. 희종이네 반 학생들의 수학 성적의 분산과 표준편차를 차례대로 구하면?



- ①  $\frac{53}{2}, \frac{\sqrt{106}}{2}$       ②  $\frac{161}{2}, \frac{\sqrt{322}}{2}$       ③  $\frac{571}{3}, 4\sqrt{11}$   
 ④  $\frac{628}{3}, \frac{2\sqrt{471}}{3}$       ⑤  $\frac{525}{4}, 5\sqrt{21}$

### 해설

$$\text{평균: } \frac{55 \times 8 + 65 \times 6 + 75 \times 5 + 85 \times 6}{30} + \frac{95 \times 5}{30} = 73$$

편차:  $-18, -8, 2, 12, 22$

$$\text{분산: } \frac{(-18)^2 \times 8 + (-8)^2 \times 6 + 2^2 \times 5 + 12^2 \times 6 + 22^2 \times 5}{30} = \frac{628}{3}$$

$$\text{표준편차: } \sqrt{\frac{628}{3}} = \frac{2\sqrt{471}}{3}$$

10. 다음 도수분포표는 어느 반에서 20명 학생의 체육 실기 점수를 나타낸 것이다. 이 반 학생들의 체육 실기 점수의 분산과 표준편차는?

점수(점)	1	2	3	4	5
학생 수(명)	2	5	8	3	2

① 분산 : 1.15, 표준편차 :  $\sqrt{1.15}$

② 분산 : 1.17, 표준편차 :  $\sqrt{1.17}$

③ 분산 : 1.19, 표준편차 :  $\sqrt{1.19}$

④ 분산 : 1.21, 표준편차 :  $\sqrt{1.21}$

⑤ 분산 : 1.23, 표준편차 :  $\sqrt{1.23}$

해설

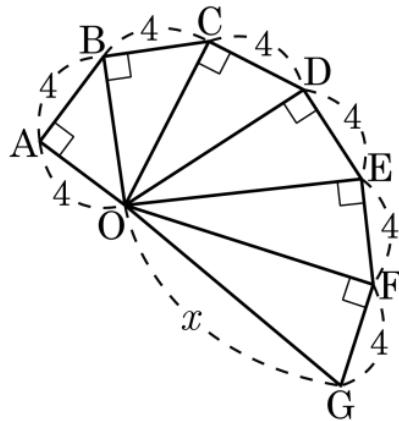
평균:  $\frac{2 \times 1 + 2 \times 5 + 3 \times 8 + 4 \times 3 + 5 \times 2}{20} = 2.9$

편차: -1.9, -0.9, 0.1, 1.1, 2.1

분산:  $\frac{(-1.9)^2 \times 2 + (-0.9)^2 \times 5 + 0.1^2 \times 8}{20} + \frac{1.1^2 \times 3 + 2.1^2 \times 2}{20} = 1.19$

표준편차:  $\sqrt{1.19}$

11. 다음 그림에서  $x$ 의 값으로 적절한 것을 고르면?



- ①  $4\sqrt{7}$     ②  $6\sqrt{7}$     ③  $8\sqrt{7}$     ④  $10\sqrt{7}$     ⑤  $12\sqrt{7}$

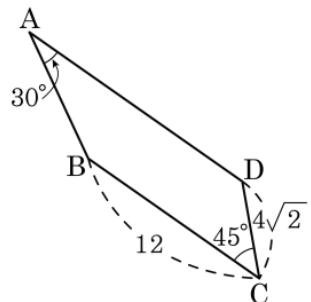
해설

$$\overline{BO} = 4\sqrt{2}, \overline{CO} = 4\sqrt{3}, \overline{DO} = 8$$

$$\overline{EO} = 4\sqrt{5}, \overline{FO} = 4\sqrt{6}$$

$$\therefore x = \overline{GO} = 4\sqrt{7}$$

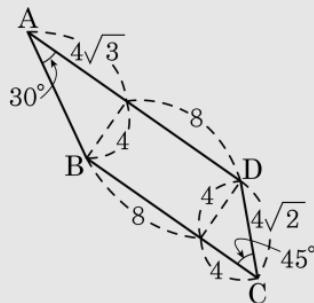
12. 다음 사각형은  $\overline{BC}$  와  $\overline{AD}$  가 평행인 사다리꼴이다. 사다리꼴의 넓이는?



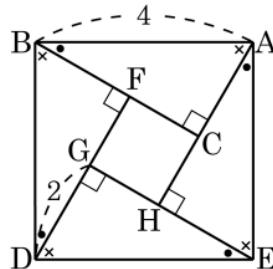
- ①  $30 + 6\sqrt{3}$       ②  $30 + 8\sqrt{3}$       ③  $40 + 6\sqrt{3}$   
 ④  $40 + 8\sqrt{3}$       ⑤  $50 + 8\sqrt{3}$

### 해설

$$\begin{aligned}\overline{AD} &= 4\sqrt{3} + 8, \overline{BC} = 12, (\text{높이}) = 4 \\ \therefore (\text{넓이}) &= (4\sqrt{3} + 8 + 12) \times 4 \times \frac{1}{2} = 40 + 8\sqrt{3}\end{aligned}$$



13. 다음 그림은  $\overline{AB}$  를 한 변으로 하는 정사각형  $ABDE$  의 각 꼭짓점에서 수선  $AH$ ,  $BC$ ,  $DF$ ,  $EG$  를 그어 직각삼각형을 만든 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



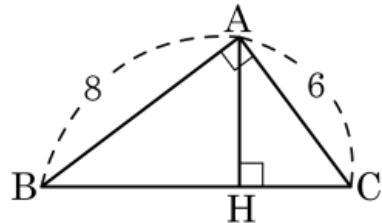
- ①  $\overline{AH} = 2\sqrt{3} \text{ cm}$
- ②  $\triangle ABC = 2\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ③  $\overline{EH} = 2 \text{ cm}$
- ④  $\overline{CF} = 2 \text{ cm}$
- ⑤  $\square FGHC = (16 - 8\sqrt{3}) \text{ cm}^2$

### 해설

$\triangle ABC \cong \triangle BDF \cong \triangle DEG \cong \triangle EAH$ (RHA 합동)

$$\textcircled{4} \quad \overline{CF} = \overline{BC} - \overline{BF} = 2\sqrt{3} - 2(\text{cm})$$

14. 다음 그림에서  $\angle A = 90^\circ$  이고,  $\overline{AH} \perp \overline{BC}$  일 때,  $\overline{AH}$ 의 길이는?



- ①  $\frac{12}{5}$       ②  $\frac{24}{5}$       ③ 24      ④  $2\sqrt{6}$       ⑤  $\frac{24}{15}$

해설

$$\overline{BC} = \sqrt{8^2 + 6^2} = \sqrt{100} = 10$$

$\triangle ABC$ 에서 삼각형의 넓이는

$$8 \times 6 \times \frac{1}{2} = 10 \times \overline{AH} \times \frac{1}{2}$$

$$\therefore \overline{AH} = \frac{8 \times 6}{10} = \frac{24}{5}$$

15. 다음 중 두 점 사이의 거리가 가장 긴 것은?

①  $(2, 4), (3, 2)$

②  $(-1, 4), (2, 5)$

③  $(1, 4), (0, 2)$

④  $(2, 4), (2, 10)$

⑤  $(1, 1), (4, 2)$

해설

①  $\sqrt{(2-3)^2 + (4-2)^2} = \sqrt{5}$

②  $\sqrt{(-1-2)^2 + (4-5)^2} = \sqrt{10}$

③  $\sqrt{(1-0)^2 + (4-2)^2} = \sqrt{5}$

④  $\sqrt{(2-2)^2 + (4-10)^2} = \sqrt{36} = 6$

⑤  $\sqrt{(1-4)^2 + (1-2)^2} = \sqrt{10}$

16.  $y = 2x^2 - 12x + 18$  의 그래프가  $x$  축과 만나는 점과  $y$  축과 만나는 점의 거리가  $a\sqrt{b}$  일 때,  $a + b$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 최소의 자연수)

- ① 20      ② 25      ③ 30      ④ 35      ⑤ 40

해설

$$y = 2x^2 - 12x + 18$$

$$y = 2(x - 3)^2 \text{ 이다.}$$

$x$  축과 만날 때의 좌표는  $y = 0$  일 때이므로  $(3, 0)$

$y$  축과 만날 때의 좌표는  $x = 0$  일 때이므로  $(0, 18)$  이므로

두 점 사이의 거리는  $\sqrt{(3 - 0)^2 + \{0 - (18)\}^2} = \sqrt{333} = 3\sqrt{37}$  이므로  $a + b = 40$  이다.

17. 세 변의 길이가 다음과 같은 삼각형 중에서 직각삼각형인 것은?

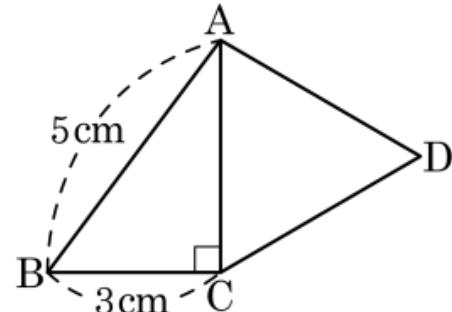
- ①  $\sqrt{2}, \sqrt{2}, \sqrt{5}$
- ② 4, 5, 6
- ③ 2, 3,  $\sqrt{10}$
- ④  $\sqrt{5}, \sqrt{11}, 4$
- ⑤ 7, 8, 10

해설

$$(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{11})^2 = 4^2$$

18. 다음 직각삼각형 ABC에서  $\overline{AB} = 5\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 3\text{ cm}$  일 때,  $\overline{AC}$  를 한 변으로 하는 정삼각형 ACD의 넓이를 구하면?

- ①  $4\text{ cm}^2$
- ②  $4\sqrt{2}\text{ cm}^2$
- ③  $3\sqrt{3}\text{ cm}^2$
- ④  $2\sqrt{2}\text{ cm}^2$
- ⑤  $4\sqrt{3}\text{ cm}^2$

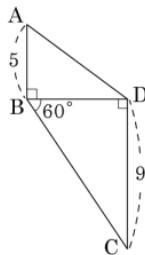


해설

$$\overline{AC} = 4\text{ cm} \text{ 이므로}$$

$$\triangle ACD \text{ 의 넓이 } S = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 4^2 = 4\sqrt{3} (\text{ cm}^2)$$

19. 다음 그림의  $\square ABCD$  에서  $\angle ABD = \angle BDC = 90^\circ$ ,  $\angle DBC = 60^\circ$  일 때, 두 대각선  $AC$ ,  $BD$  의 길이를 각각 구하여라.



▶ 답:

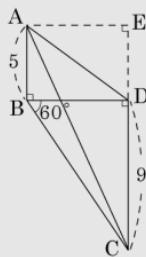
▶ 답:

▷ 정답:  $\overline{AC} = \sqrt{223}$

▷ 정답:  $\overline{BD} = 3\sqrt{3}$

### 해설

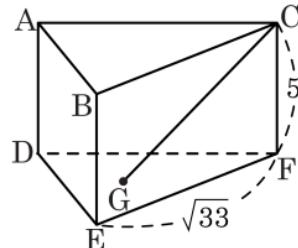
대각선  $BD$ 의 길이는  $3\sqrt{3}$  이다.



$\triangle ACE$ 에서  $\overline{AE} = \overline{BD} = 3\sqrt{3}$ ,  $\overline{EC} = 5 + 9 = 14$

$$\therefore \overline{AC} = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + 14^2} = \sqrt{223}$$

20. 다음 그림과 같이 밑면은 한 변의 길이가  $\sqrt{33}$  인 정삼각형이고, 높이가 5 인 삼각기둥에서 밑면인  $\triangle DEF$  의 무게중심을 G 라 할 때,  $\overline{CG}$  의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 6

### 해설

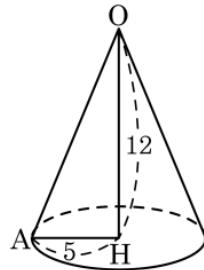
$\triangle CGF$  에서

$$\begin{aligned}\overline{FG} &= \frac{2}{3} \times (\triangle DEF \text{의 높이}) \\ &= \frac{2}{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sqrt{33} = \sqrt{11}\end{aligned}$$

$\triangle CGF$  는  $\angle CFG = 90^\circ$  인 직각삼각형이므로

$$\overline{CG} = \sqrt{5^2 + (\sqrt{11})^2} = 6$$

21. 다음 그림의 원뿔은 밑면의 반지름의 길이가 5, 높이가 12이다. 원뿔의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 :  $90\pi$

해설

$\triangle OAH$ 에서

$$\overline{OA}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{OH}^2, \quad \overline{OA} = \sqrt{12^2 + 5^2} = 13$$

밑면의 반지름의 길이가 5 이므로 둘레의

길이는  $2\pi \times 5 = 10\pi$

전개도에서 옆면은 부채꼴이므로

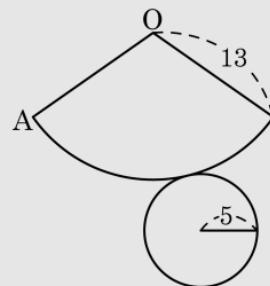
(옆면의 넓이)

$$= \frac{1}{2} \times (\text{부채꼴의 반지름}) \times (\text{호의 길이})$$

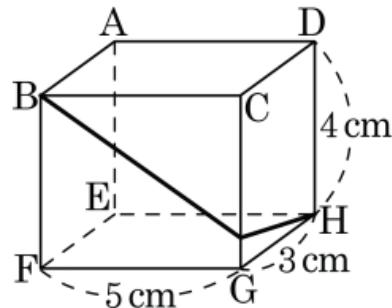
$$= \frac{1}{2} \times 13 \times 10\pi$$

$$= 65\pi$$

$$\therefore (\text{겉넓이}) = 65\pi + 25\pi = 90\pi$$



22. 다음 그림과 같이 세 모서리의 길이가 각각 3 cm, 4 cm, 5 cm 인 직육면체에서 꼭짓점 B에서 시작하여  $\overline{CG}$  위의 점을 지나 꼭짓점 H에 이르는 최단거리를 구하여라.



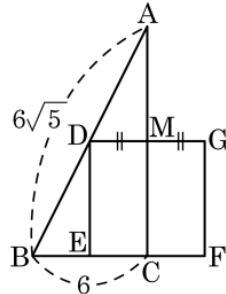
▶ 답: cm

▶ 정답:  $4\sqrt{5}$  cm

해설

$$\begin{aligned}(\text{최단거리}) &= \overline{BH} = \sqrt{\overline{BF}^2 + (\overline{FG} + \overline{GH})^2} \\&= \sqrt{4^2 + 8^2} = 4\sqrt{5}\end{aligned}$$

23. 다음 그림의  $\triangle ABC$  는  $\overline{AB} = 6\sqrt{5}\text{m}$ ,  $\overline{BC} = 6$ ,  $\angle C = 90^\circ$  인 직각삼각형이고,  $\square DEFG$  는 정사각형이다.  $\overline{DM} = \overline{MG}$  일 때, 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 6

### 해설

$\triangle ABC$ 에서  $\overline{AC} = \sqrt{(6\sqrt{5})^2 - 6^2} = 12(\text{cm})$  이 때, 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  라 하면

$$\overline{DM} = \overline{GM} = \frac{x}{2} \text{ 이므로}$$

$$\overline{BE} = 6 - \frac{x}{2}, \overline{AM} = 12 - x \text{ 이다.}$$

또한,  $\triangle ADM \sim \triangle DBE$  ( $\because AA$  닮음) 이므로

$$\overline{DM} : \overline{BE} = \overline{AM} : \overline{DE}$$

$$\frac{x}{2} : \left(6 - \frac{x}{2}\right) = (12 - x) : x$$

$$\frac{x^2}{2} = \left(6 - \frac{x}{2}\right)(12 - x)$$

$$12x = 72$$

$$\therefore x = 6$$

24.  $\overline{AB} = 3$ ,  $\overline{BC} = 5$ ,  $\overline{CD} = 6$ ,  $\overline{DA} = 4$  인 사각형 ABCD 의 대각선의 길이가 각각  $2\sqrt{10}$ ,  $3\sqrt{5}$  일 때, 두 대각선의 중점 사이의 거리를 구하여라

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\frac{1}{2}$

해설

대각선  $\overline{AC}$ ,  $\overline{BD}$  의 중점을 각각 F, E 라 하고, 보조선 BF 와 DF 를 그으면

$\triangle ABC$  에서 파푸스의 정리에 의해

$$3^2 + 5^2 = 2(\overline{BF^2} + \overline{AF^2}) \cdots ①$$

$\triangle ADC$  에서 파푸스의 정리에 의해

$$4^2 + 6^2 = 2(\overline{DF^2} + \overline{AF^2}) \cdots ②$$

① + ② 을 하면

$$3^2 + 4^2 + 5^2 + 6^2 = 2(\overline{BF^2} + \overline{DF^2}) + 4\overline{AF^2}$$

$\triangle BFD$  에서 파푸스의 정리에 의해

$$\overline{BF^2} + \overline{DF^2} = 2(\overline{EF^2} + \overline{DE^2}) \cdots ③$$

또,  $\overline{AC} = 2\overline{AF}$  이므로  $\overline{AC^2} = 4\overline{AF^2} \cdots ④$

$\overline{BD} = 2\overline{DE}$  이므로  $\overline{BD^2} = 4\overline{DE^2} \cdots ⑤$

$$3^2 + 4^2 + 5^2 + 6^2$$

$$= 2(\overline{BF^2} + \overline{DF^2}) + 4\overline{AF^2}$$

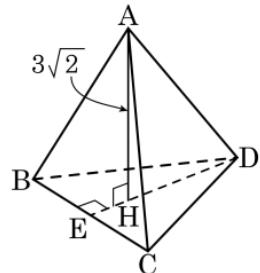
$$= 4(\overline{DE^2} + \overline{EF^2}) + 4\overline{AF^2} (\because ③)$$

$$= 4\overline{AF^2} + 4\overline{DE^2} + 4\overline{EF^2}$$

$$= \overline{AC^2} + \overline{BD^2} + 4\overline{EF^2} (\because ④, ⑤)$$

따라서,  $86 = (2\sqrt{10})^2 + (3\sqrt{5})^2 + 4\overline{EF^2}$  이므로  $\overline{EF} = \frac{1}{2}$  이다.

25. 다음 그림과 같은 정사면체 A - BCD 에서  $\overline{AH} = 3\sqrt{2}$  일 때, 이 정사면체의 모서리의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 :  $3\sqrt{3}$

### 해설

정사면체의 한 모서리의 길이를  $x$  라 하면 점 H 는  $\triangle BCD$  의 무게중심이므로

$$\overline{DH} = \frac{\sqrt{3}}{2}x \times \frac{2}{3} = \frac{\sqrt{3}}{3}x \quad \left( \because \overline{DE} = \frac{\sqrt{3}}{2}x \right)$$

$\triangle ADH$  에서  $\overline{AH}^2 = \overline{AD}^2 - \overline{DH}^2$  이므로

$$(3\sqrt{2})^2 = x^2 - \left(\frac{\sqrt{3}}{3}x\right)^2$$

$$18 = \frac{2}{3}x^2, \quad x^2 = 27$$

$$\therefore x = 3\sqrt{3} \quad (\because x > 0)$$