

1. 다음은 수영이가 이번 주에 받은 문자의 개수를 나타낸 표이다. 이때, 수영이가 하루 동안 받은 문자의 개수의 중앙값과 최빈값을 각각 구하여라.

요일	월	화	수	목	금	토	일
문자의 개수	10	15	14	17	15	11	15

▶ 답:

▶ 답:

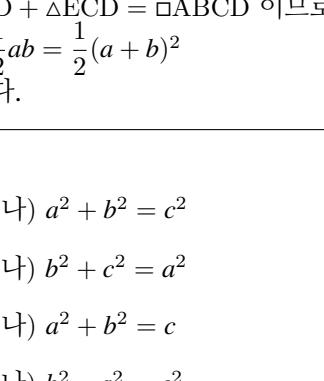
▷ 정답: 중앙값 : 15

▷ 정답: 최빈값 : 15

해설

수영이가 받은 문자의 개수를 순서대로 나열하면
10, 11, 14, 15, 15, 15, 17이므로 중앙값은 15, 최빈값도 15
이다.

2. 다음은 그림을 이용하여 피타고라스 정리를 설명한 것이다.



(가), (나)에 알맞은 것을 차례대로 쓴 것을 고르면?

$$\begin{aligned}\triangle ABE + \triangle AED + \triangle ECD &= \square ABCD \text{ 이므로} \\ \frac{1}{2}ab + (\text{가}) + \frac{1}{2}ab &= \frac{1}{2}(a+b)^2 \\ \text{따라서 } (\text{나}) \text{이다.}\end{aligned}$$

① (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a^2 + b^2 = c^2$

② (가) c^2 (나) $b^2 + c^2 = a^2$

③ (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a^2 + b^2 = c$

④ (가) c^2 (나) $b^2 - a^2 = c^2$

⑤ (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a + b = c$

해설

$$\triangle ABE + \triangle AED + \triangle ECD = \square ABCD \text{ 이므로}$$

$$\frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}c^2 + \frac{1}{2}ab = \frac{1}{2}(a+b)^2$$

$$\text{따라서 } a^2 + b^2 = c^2 \text{ 이다.}$$

3. 세변의 길이가 각각 다음과 같을 때, 직각삼각형이 아닌 것은?

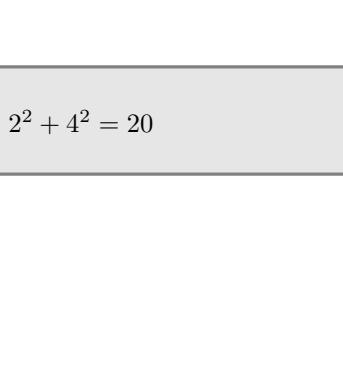
- ① 3, 5, 4 ② 4, 2, $2\sqrt{3}$ ③ $\sqrt{3}, 2\sqrt{2}, \sqrt{5}$
④ $\sqrt{15}, 6, \sqrt{21}$ ⑤ 4, 5, $2\sqrt{2}$

해설

세 변의 길이가 a, b, c 인 삼각형에서 가장 긴 변의 길이를 c 라고 할 때, $a^2 + b^2 = c^2$ 성립하면 직각삼각형이고, $a^2 + b^2 \neq c^2$ 이면 직각삼각형이 아니다.

⑤ 가장 긴 변은 5이고, $4^2 + (2\sqrt{2})^2 \neq 5^2$ 이므로 직각삼각형이 아니다.

4. 정사각형 ABCD 의 내부의 한 점 P 를 잡아 A, B, C, D 와 연결할 때, $\overline{AP} = 2$, $\overline{CP} = 4$ 이면, $\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2$ 의 값은?



- ① 15 ② 20 ③ 25 ④ 30 ⑤ 35

해설

$$\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2 = 2^2 + 4^2 = 20$$

5. 다음 직사각형 ABCD에서 가로의 길이는 세로의 길이의 2배이다. 대각선의 길이가 10 cm 일 때, 이 직사각형의 가로의 길이를 구하여라.



- ① $4\sqrt{5}$ cm ② $2\sqrt{5}$ cm ③ $5\sqrt{2}$ cm
④ $8\sqrt{5}$ cm ⑤ $3\sqrt{5}$ cm

해설

세로의 길이를 x cm라고 하면

$$\sqrt{x^2 + (2x)^2} = 10$$

$$5x^2 = 100$$

$$x = 2\sqrt{5}$$
 cm

따라서 가로의 길이는 $2x = 4\sqrt{5}$ cm이다.

6. 다음 그림의 직각삼각형 ABC에서 \overline{AB} 의 길이는?

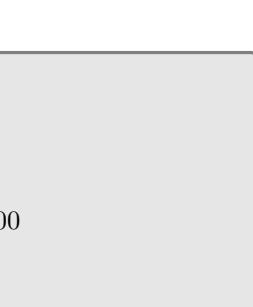
① $6\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{21}$ ③ $3\sqrt{19}$
④ $4\sqrt{17}$ ⑤ $12\sqrt{3}$



해설

$$1 : \sqrt{3} = \overline{CM} : 6$$
$$\therefore \overline{CM} = 2\sqrt{3}$$
$$x = \sqrt{6^2 + (4\sqrt{3})^2} = 2\sqrt{21}$$

7. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가 $5\sqrt{38}$ cm인 직육면체 모양의 상자가 있다. 밑면인 직사각형의 가로, 세로의 길이가 각각 25cm, 15cm일 때, 이 상자의 높이는?



- ① 10 ② $5\sqrt{10}$ ③ $10\sqrt{2}$ ④ $30\sqrt{3}$ ⑤ $30\sqrt{2}$

해설

직육면체의 높이를 x cm라 하면,

$$\sqrt{25^2 + 15^2 + x^2} = 5\sqrt{38}$$

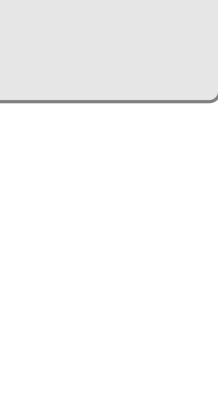
$$\sqrt{625 + 225 + x^2} = \sqrt{950}$$

$$\text{양변을 제곱하면 } 850 + x^2 = 950, x^2 = 100$$

$$\therefore x = 10(\text{cm})$$

8. 다음 그림과 같이 밑면의 원의 반지름의 길이가 5 cm이고, 모선의 길이가 13 cm인 원뿔의 높이는?

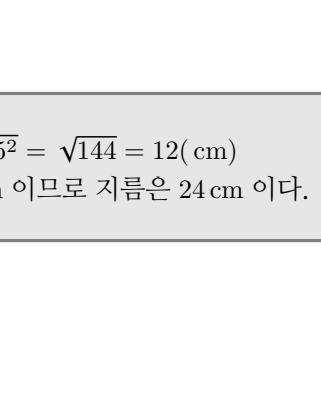
- ① 8 cm ② 9 cm ③ 10 cm
④ 11 cm ⑤ 12 cm



해설

원뿔의 높이 $h = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12(\text{cm})$ 이다.

9. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 13 cm 인 구를 중심 O에서 5 cm 떨어진 평면으로 자를 때 생기는 단면의 지름은?



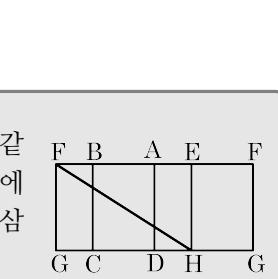
- ① 20 cm ② 22 cm ③ 24 cm ④ 26 cm ⑤ 30 cm

해설

$$\overline{PH} = \sqrt{13^2 - 5^2} = \sqrt{144} = 12(\text{cm})$$

반지름이 12 cm 이므로 지름은 24 cm 이다.

10. 다음 그림과 같은 직육면체의 꼭짓점 F에서 모서리 BC와 AD를 지나 꼭짓점 H에 이르는 최단 거리를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\sqrt{170}$

해설

직육면체의 전개도를 그려보면 다음과 같 은데 선분 FG의 길이는 7cm이고, G 에서 H까지의 길이는 11cm이므로 직각삼 각형의 피타고라스 정리를 이용하면

$$7^2 + 11^2 = \overline{FH}^2$$

$$\therefore \overline{FH} = \sqrt{170}$$



11. 희영이네 반 학생 38 명의 몸무게의 평균이 58kg 이다. 2 명의 학생이 전학을 온 후 총 40 명의 학생의 몸무게의 평균이 58.5kg 이 되었다. 이때, 전학을 온 2 명의 학생의 몸무게의 평균은?

- ① 60kg ② 62kg ③ 64kg ④ 66kg ⑤ 68kg

해설

전학을 온 2 명의 학생의 몸무게의 합을 x kg 이라고 하면

$$\frac{38 \times 58 + x}{40} = 58.5, \quad 2204 + x = 2340 \quad \therefore x = 136(\text{kg})$$

따라서 전학을 온 2 명의 학생의 몸무게의 평균은

$$\frac{136}{2} = 68(\text{kg}) \text{ 이다.}$$

12. 다음은 올림픽 국가대표 선발전에서 준결승을 치른 양궁 선수 4명의 점수를 나타낸 것이다. 네 선수 중 표준 편차가 가장 큰 선수를 구하여라.

기영	10, 9, 8, 8, 8, 8, 9, 10, 10
준수	10, 10, 10, 9, 9, 8, 8, 8
민혁	10, 9, 9, 8, 8, 9, 9, 10
동현	8, 10, 7, 8, 10, 7, 9, 10, 7

▶ 답:

▷ 정답: 동현

해설

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내므로 주어진 자료들 중에서 표준편차가 가장 큰 선수는 동현이다.

13. 다음 표는 정수가 올해 시험을 쳐서 받은 수학점수이다. 평균이 80 점, 분산이 $\frac{146}{7}$ 일 때, 4 월과 7 월 시험 성적을 구하여라. (단, 4 월 보다 7 월 시험 성적이 더 우수하다.)

월	3	4	5	6	7	8	9
점수(점)	72	a	80	84	b	81	86

▶ 답: 점

▶ 답: 점

▷ 정답: 4 월 시험 성적 : 75 점

▷ 정답: 7 월 시험 성적 : 82 점

해설

$$\frac{72 + a + 80 + 84 + b + 81 + 86}{7} = 80,$$

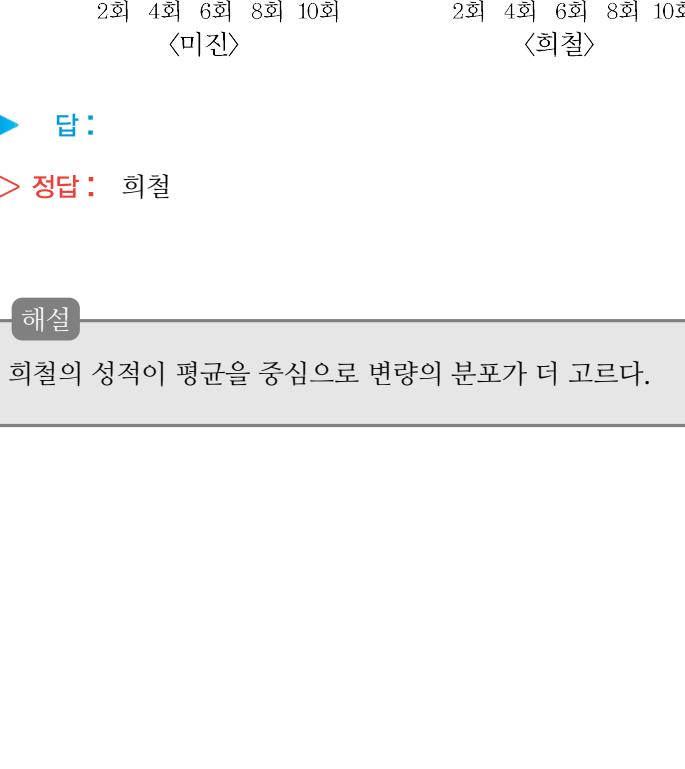
$$a + b = 157 \text{ 이다.}$$

$$\frac{64 + (a - 80)^2 + 0 + 16 + (b - 80)^2 + 1 + 36}{7} = \frac{146}{7},$$

$$(a - 80)^2 + (b - 80)^2 = 29 \text{ 이다.}$$

두 식을 연립해서 풀면, $a = 75$, $b = 82$ 이다.

14. 다음은 미진이와 희철이가 10 회에 걸친 수학 시험에서 얻은 점수를 히스토그램으로 나타낸 것이다. 어느 학생의 성적이 더 고르다고 할 수 있는가?



▶ 답:

▷ 정답: 희철

해설

희철의 성적이 평균을 중심으로 변량의 분포가 더 고르다.

15. 변량 $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ 의 평균이 10, 분산이 5일 때, 변량 $4x_1 + 1, 4x_2 + 1, 4x_3 + 1, \dots, 4x_n + 1$ 의 평균, 분산을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 평균 : 41

▷ 정답: 분산 : 80

해설

$$\begin{aligned}(\text{평균}) &= 4 \cdot 10 + 1 = 41 \\(\text{분산}) &= 4^2 \cdot 5 = 80\end{aligned}$$

16. 다음은 학생 10 명의 잊몸일으키기 횟수에 대한 도수분포표이다. 이 분포의 분산을 구하여라.(단, 평균, 분산은 소수 첫째자리에서 반올림 한다.)

계급	도수
3 이상 ~ 5 미만	3
5 이상 ~ 7 미만	3
7 이상 ~ 9 미만	2
9 이상 ~ 11 미만	2

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

학생들의 잊몸일으키기 횟수의 평균은
(평균) = $\frac{\{(계급값) \times (도수)\} \text{의 총합}}{(도수) \text{의 총합}}$
= $\frac{4 \times 3 + 6 \times 3 + 8 \times 2 + 10 \times 2}{10}$
= $\frac{12 + 18 + 16 + 20}{10} = 6.6(\text{회})$

이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 7(회)이다.

따라서 구하는 분산은

$$\begin{aligned} & \frac{1}{10} \{ (4 - 7)^2 \times 3 + (6 - 7)^2 \times 3 + (8 - 7)^2 \times 2 + (10 - 7)^2 \times 2 \} \\ &= \frac{1}{10} (27 + 3 + 2 + 18) = 5 \end{aligned}$$

17. 원에 내접하는 정육각형의 넓이가 $54\sqrt{3}\text{ cm}^2$ 일 때, 원의 지름을 구하
여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 12cm

해설

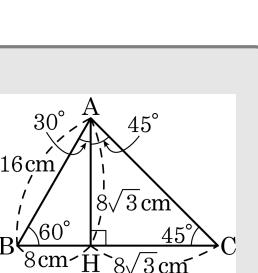
정육각형을 6 개의 정삼각형으로 나누면 한 개의 정삼각형의
넓이는 $54\sqrt{3} \div 6 = 9\sqrt{3}$ (cm^2) 이다.

따라서 정삼각형 한 변의 길이는 $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = 9\sqrt{3}$, $a^2 = 36$, $a = 6$ (cm) ($\because a > 0$) 이다. 지름은 $6 \times 2 = 12$ (cm) 이다.

18. 다음 그림과 같이 $\angle A = 75^\circ$, $\angle C = 45^\circ$ 인
 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 16\text{ cm}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이
 는?

- ① 8 cm ② 10 cm
 ③ $8\sqrt{3}\text{ cm}$ ④ $10\sqrt{3}\text{ cm}$

⑤ $8\sqrt{6}\text{ cm}$



해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 H라 하면, $\overline{AB} : \overline{AH} = 2 : \sqrt{3}$ 이므로
 $\overline{AH} = 8\sqrt{3}\text{ cm}$
 $\overline{AH} : \overline{AC} = 1 : \sqrt{2}$
 $\therefore \overline{AC} = 8\sqrt{6}\text{ cm}$



19. 좌표평면 위의 두 점 P(3, 4), Q(x, -4) 사이의 거리가 10 일 때, x의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 9$

▷ 정답: $x = -3$

해설

$$\overline{PQ}^2 = (x - 3)^2 + (-4 - 4)^2 \\ = (x - 3)^2 + 64 = 100$$

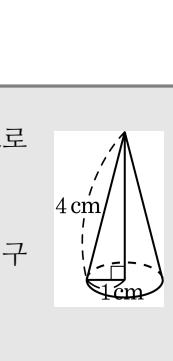
$$(x - 3)^2 = 36$$

$$x - 3 = \pm 6$$

$$\therefore x = 9, -3$$

20. 그림은 원뿔의 전개도이다. 다음 중 옳은 것은?

- ① 밑면의 둘레는 4π cm 이다.
- ② 밑면의 반지름은 4 cm 이다.
- ③ 원뿔의 높이는 $2\sqrt{15}$ cm 이다.
- ④ 부채꼴의 호의 길이는 2π cm 이다.
- ⑤ 원뿔의 부피는 $8\sqrt{3}$ cm³ 이다.



해설

- ① 밑면의 둘레는 부채꼴의 호의 길이와 같으므로 2π cm 이다.
- ② 밑면의 원의 둘레가 2π cm 이므로 1 cm 이다.
- ③ 원뿔의 높이는 피타고라스 정리를 이용하여 구하면 $\sqrt{15}$ cm 이다.
- ④ 부채꼴의 호의 길이는 2π cm 이다.
- ⑤ 원뿔의 부피는 $\frac{\sqrt{15}}{3}$ cm³ 이다.



21. 다음 자료의 평균이 8이고 분산이 2일 때, $x^2 + y^2$ 의 값을 구하여라.

9	7	x	10	y
---	---	---	----	---

▶ 답:

▷ 정답: 100

해설

평균이 8이므로

$$\frac{9+7+x+10+y}{5} = 8$$

$$26+x+y=40$$

$$\therefore x+y=14 \cdots \textcircled{1}$$

분산이 2이므로

$$\frac{(9-8)^2+(7-8)^2+(x-8)^2}{5}$$

$$+\frac{(10-8)^2+(y-8)^2}{5}$$

$$=\frac{1+1+(x-8)^2+(10-8)^2+(y-8)^2}{5}=2$$

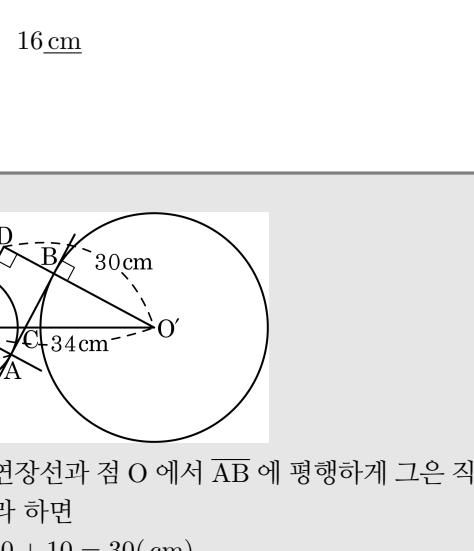
$$(x-8)^2+(y-8)^2=10-6=4$$

$$x^2+y^2-16(x+y)+128=4$$

$$\text{위 식에 } \textcircled{1} \text{을 대입하면 } x^2+y^2-16(14)+128=4$$

$$\therefore x^2+y^2=100$$

22. 다음 그림에서 반지름의 길이가 10 cm , 20 cm 인 원 O , O' 의 중심 사이의 거리는 34 cm 이다. 공통접선 \overline{AB} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 16 cm

해설



$O'B$ 의 연장선과 점 O 에서 \overline{AB} 에 평행하게 그은 직선이 만나는 점을 D 라 하면

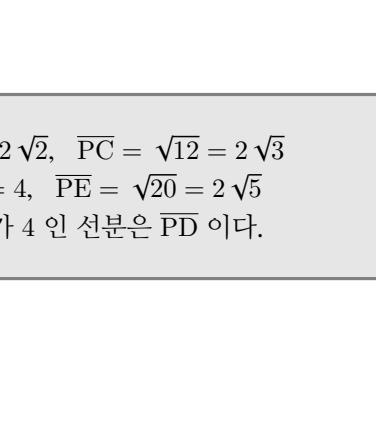
$$OD = 20 + 10 = 30(\text{ cm})$$

$$\overline{AB} = \overline{OD} = \sqrt{\overline{OO'}^2 - \overline{O'D}^2}$$

$$= \sqrt{34^2 - 30^2} = \sqrt{256}$$

$$= 16(\text{ cm})$$

23. $\overline{AP} = \overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DE} = \overline{EF} = 2$ 일 때, 다음 그림에서 길이가 4 가 되는 선분은?



- ① \overline{PB} ② \overline{PC} ③ \overline{PD} ④ \overline{PE} ⑤ \overline{PF}

해설

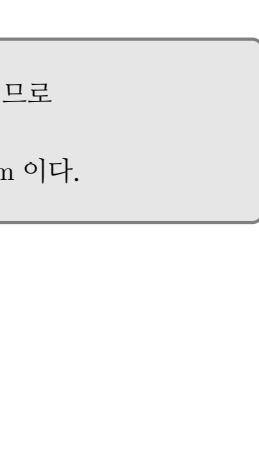
$$\overline{PB} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}, \quad \overline{PC} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

$$\overline{PD} = \sqrt{16} = 4, \quad \overline{PE} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

이므로 길이가 4 인 선분은 \overline{PD} 이다.

24. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 세 변을 각각 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다. $\overline{AB} = 5\sqrt{3}$ cm, $\overline{AC} = 5$ cm 일 때, \overline{EK} 의 길이는?

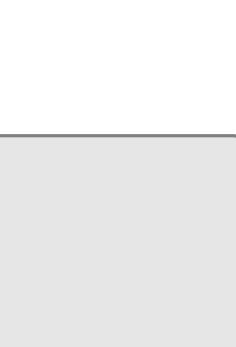
- ① 2 cm ② 2.5 cm ③ 3 cm
 ④ 3.5 cm ⑤ 4 cm



해설

$\overline{BC} = 10$ cm 이고, $\square ACFG = \square JKEC$ 이므로
 $\square ACFG = \square JKEC = 25 \text{ cm}^2$ 이다.
 따라서 $\overline{EK} \times 10 = 25$ 이므로 $\overline{EK} = 2.5$ cm 이다.

25. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 정사각형이다. 어두운 부분의 넓이가 100 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

색칠된 정사각형의 한 변의 길이는

$\sqrt{6^2 + x^2}$ 이므로

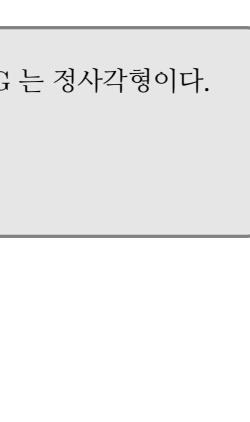
$$x^2 + 6^2 = 100, x^2 = 64$$

$$\therefore x = 8 (\because x > 0)$$

26. 한 변의 길이가 4인 정사각형 ABCD의 각 변에 그림과 같이 네 점 E, F, H, G를 잡을 때, □EFHG의 대각선 EH의 길이를 구하면?

- ① $\sqrt{5}$ ② $2\sqrt{3}$ ③ 4

- ④ $2\sqrt{5}$ ⑤ $3\sqrt{5}$



해설

네 직각삼각형이 서로 합동이므로 □EFHG는 정사각형이다.

$$FE = FH = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}$$

$$\therefore x = \sqrt{(\sqrt{10})^2 + (\sqrt{10})^2} = 2\sqrt{5}$$

27. 다음 그림은 크기가 다른 정삼각형 3개를
겹쳐 그린 것이다. 가장 큰 정삼각형 ABC
의 한 변의 길이가 8cm 일 때, 가장 작은
정삼각형 AFG의 넓이를 구하여라.

① $7\sqrt{3}\text{ cm}^2$

② $8\sqrt{2}\text{ cm}^2$

③ $8\sqrt{3}\text{ cm}^2$

④ $9\sqrt{2}\text{ cm}^2$

⑤ $9\sqrt{3}\text{ cm}^2$



해설

$$1) \overline{AD} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 8 = 4\sqrt{3} (\text{ cm})$$

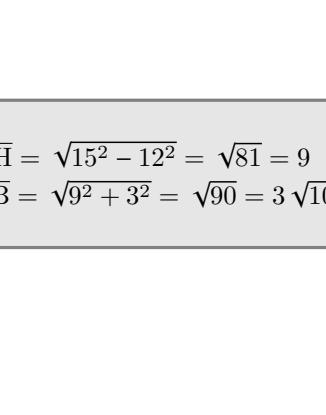
$$\overline{AF} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 4\sqrt{3} = 6 (\text{ cm})$$

$$2) \triangle AFG \text{는 한 변의 길이가 } 6\text{ cm 인 정삼각형이므로 } S = \frac{\sqrt{3}}{4} \times$$

$$6^2 = 9\sqrt{3} (\text{ cm}^2) \text{ 이다.}$$

$$\therefore \triangle AFG = 9\sqrt{3}\text{ cm}^2$$

28. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC에 대하여 \overline{AB} 의 길이는?



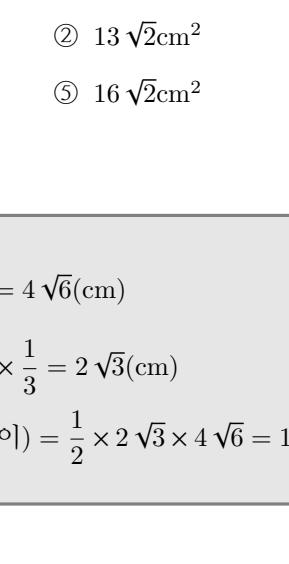
- ① $7\sqrt{2}$ ② 13 ③ $6\sqrt{2}$ ④ $3\sqrt{10}$ ⑤ 5

해설

$$\triangle AHC \text{에서 } \overline{AH} = \sqrt{15^2 - 12^2} = \sqrt{81} = 9$$

$$\triangle ABH \text{에서 } \overline{AB} = \sqrt{9^2 + 3^2} = \sqrt{90} = 3\sqrt{10}$$

29. 다음 그림은 한 모서리의 길이가 12cm인 정사면체이다. 점 M은 \overline{BC} 의 중점이고 \overline{AH} 는 정사면체의 높이일 때, $\triangle AMH$ 의 넓이를 구하여라.



- ① $12\sqrt{2}\text{cm}^2$ ② $13\sqrt{2}\text{cm}^2$ ③ $14\sqrt{2}\text{cm}^2$
④ $15\sqrt{2}\text{cm}^2$ ⑤ $16\sqrt{2}\text{cm}^2$

해설

$$\overline{AH} = \frac{\sqrt{6}}{3} \times 12 = 4\sqrt{6}(\text{cm})$$

$$\overline{MH} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 12 \times \frac{1}{3} = 2\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$(\therefore \triangle AMH \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 4\sqrt{6} = 12\sqrt{2}$$

30. 모든 모서리의 길이가 $6\sqrt{2}$ 인 정사각뿔 O-ABCD 의 부피를 구하
여라.

▶ 답:

▷ 정답: 144

해설

$$\text{위의 그림에서 } \overline{AH} = \frac{1}{2}\overline{AC} = \frac{1}{2} \times 12 = 6$$

$\triangle OAH$ 에서 $\angle OHA = 90^\circ$ 이므로

$$\overline{OH}^2 = (6\sqrt{2})^2 - 6^2 = 36$$

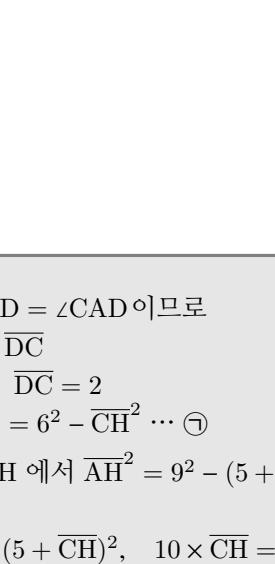
$$\overline{OH} = 6 \quad (\because \overline{OH} > 0)$$

$$\therefore (\text{정사각뿔의 부피}) = \frac{1}{3} \times (6\sqrt{2})^2 \times$$

$$6 = 144$$



31. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 가 둔각인 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 9$, $\overline{AC} = 6$ 이고,
 $\angle A$ 의 이등분선이 변 BC와 만나는 점을 D라 하면 $\overline{BD} = 3$ 이다. 이
 때, 점 A에서 변 BC의 연장선에 내린 수선 \overline{CH} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\triangle BAD \sim \triangle CAD$ 이므로

$$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$$

$$9 : 6 = 3 : \overline{DC} \therefore \overline{DC} = 2$$

$$\triangle ACH \text{에서 } \overline{AH}^2 = 6^2 - \overline{CH}^2 \cdots \odot$$

$$\text{마찬가지로 } \triangle ABH \text{에서 } \overline{AH}^2 = 9^2 - (\overline{5} + \overline{CH})^2 \cdots \odot$$

$\odot = \odot$ 에서

$$6^2 - \overline{CH}^2 = 9^2 - (5 + \overline{CH})^2, \quad 10 \times \overline{CH} = 20$$

$$\overline{CH} = 2$$

32. $\angle A = 90^\circ$, $\overline{AB} = 6$, $\overline{BC} = 12$ 인 직각삼각형 ABC 의 변 AB, AC

를 각각 1 : 2 로 내분하는 점을 D, E 라 할 때, $\overline{CD}^2 + \overline{BE}^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 160

해설

점 D, E 가 변 AB, AC 를 각각 1 : 2 로 내분하므로

$\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 이고, $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

$$\therefore \overline{DE} = 4$$

$$\triangle ABE \text{에서 } \overline{BE}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{AE}^2$$

$$\triangle ADC \text{에서 } \overline{CD}^2 = \overline{AC}^2 + \overline{AD}^2$$

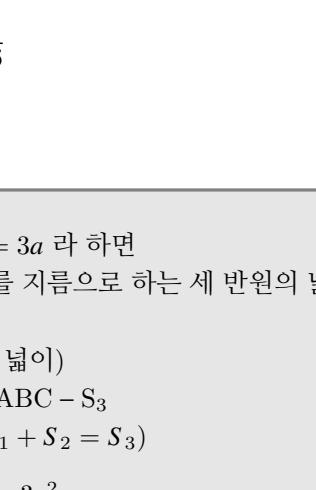
$$\therefore \overline{BE}^2 + \overline{CD}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{AE}^2 + \overline{AC}^2 + \overline{AD}^2$$

$$= \overline{BC}^2 + \overline{DE}^2$$

$$= 12^2 + 4^2$$

$$= 160$$

33. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$, $\overline{AB} : \overline{BC} = 2 : 3$ 인 직각삼각형 ABC 의 세 변을 각각 지름으로 하는 반원을 그렸더니 색칠한 부분의 넓이가 24 였다. 이때 변 AC의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $2\sqrt{26}$

해설

$\overline{AB} = 2a$, $\overline{BC} = 3a$ 라 하면

\overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CA} 를 지름으로 하는 세 반원의 넓이를 각각 S_1 , S_2 ,

S_3 이라 하면

(색칠한 부분의 넓이)

$$= S_1 + S_2 + \triangle ABC - S_3$$

$$= \triangle ABC (\because S_1 + S_2 = S_3)$$

$$= \frac{1}{2} \times 2a \times 3a = 3a^2$$

즉, $3a^2 = 24$ 이므로 $a = 2\sqrt{2}$ 이다.

따라서 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AC} = \sqrt{(2a)^2 + (3a)^2} = \sqrt{13}a = 2\sqrt{26}$

이다.