1. 다음과 같은 방법으로 집합 {1, 2, 3}의 부분집합의 개수를 구하여라.

집합 A가 유한집합이면 A의 부분집합의 개수는 다음과 같이 구할 수 있다. 예를 들어 $A = \{a, b, c\}$ 이고, $B \in A$ 이면 부분 집합 B에는 집합 A의 원소 a가 들어 있거나 들어 있지 않은 두 가지 경우가 있다. 같은 방법으로 집합 A의 원소 b가 들어 있거나 들어 있지 않은 두 가지 경우와 c가 들어 있거나 들어 있지 않은 두 가지 경우가 있다.

개

▷ 정답: 8<u>개</u>

▶ 답:

① {1, 2, 3} 의 부분집합을 원소의 개수에 따라 구한다.

원소가 0개: Ø 원소가 1개: {1}, {2}, {3} 원소가 2개: {1, 2}, {1, 3}, {2, 3}

원소가 3개 : {1, 2, 3}

따라서 부분집합의 개수는 8개이다. ② 원소의 개수만큼 2를 곱한다.

 $2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8 \ (71)$

- 집합 $A = \{x \mid x$ 는 12의 약수 $\}$ 의 부분집합 중에서 원소 1, 3을 포함하 **2**. 고 원소 6 을 포함하지 않는 부분집합으로 옳은 것은?
 - ② {1, 6} ③ {1, 4, 12} **(5)**{1, 3, 4, 12} **4** {1, 3, 4, 10}

A = {1, 2, 3, 4, 6, 12}이므로

- ① 원소 1, 3 이 포함되지 않음. ② 원소 6 이 포함.

① Ø

해설

- ③ 원소 3 이 포함되지 않음.
- 4 {1, 3, 4, 10} $\not\subset A$ ⑤ $\{1,\ 3,\ 4,\ 12\}\subset A$

3. 집합 $A = \{a, b, c, d\}$ 의 부분집합 중 원소 b 를 포함하지 않는 부분집합의 개수를 구하여라.

<u>개</u>

▶ 답:

정답: 8 개

 $2^{(b를 뺀 원소의 개수)} = 2^{4-1} = 2^3 = 8($ 개)

4. 두 집합 $A = \{2, \bigcirc, 6\}, B = \{4, 2, \diamond\}$ 에 대하여 A = B일 때, \bigcirc , \diamond 에 대하여 A = B일 때, \bigcirc , \diamond 안에 들어갈 수를 차례로 구하여라.

답:

답:

▷ 정답: 4

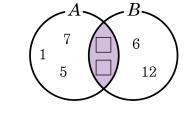
➢ 정답: 6

해설

A = B이면 집합 A, B의 모든 원소가 같아야 한다.

집합 A의 $\bigcirc = 4$ 이고, 집합 B의 $\diamond = 6$ 이다.

두 집합 $A = \{x | x \leftarrow 10$ 이하의 홀수 $\}$, $B = \{3, 6, 9, 12\}$ 를 벤 다이어그 램으로 나타낼 때, \square 안에 알맞은 수를 쓰시오. **5.**

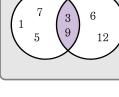


답: ▷ 정답: 3 ▷ 정답: 9

▶ 답:

해설

 $A = \left\{x | x \leftarrow 10$ 이하의 홀수 $\right\} = \{1,3,5,7,9\}$, $B = \{3,6,9,12\}$ 를 벤 다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



- 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ 의 두 부분집합 $A = \{1, 2, 3, 4\}$, **6.** $B = \{1, \ 3, \ 5, \ 7\}$ 에 대하여 $A^c \cap B^c$ 를 구하면?
 - ① {1, 3} ② {2, 4} ③ {3, 5} ④ {4, 8}

 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 7\}$ 이코 $A^c \cap B^c = (A \cup B)^c = U - A^c \cap B^c$

(5){6, 8}

 $(A \cup B) = \{6, 8\}$

- 7. $a>0,\ b>0$ 일 때, $\sqrt{2(a+b)},\sqrt{a}+\sqrt{b}$ 의 대소를 바르게 나타낸 것은?

 - ① $\sqrt{2(a+b)} < \sqrt{a} + \sqrt{b}$ ② $\sqrt{2(a+b)} \le \sqrt{a} + \sqrt{b}$

해설

 $(\sqrt{2(a+b)})^2 - (\sqrt{a} + \sqrt{b})^2$ $= 2(a+b) - (a+2\sqrt{a}\sqrt{b} + b)$ $= a - 2\sqrt{a}\sqrt{b} + b$

 $=(\sqrt{a}-\sqrt{b})^2\geq 0$

(단, 등호는 a = b일때성립) 따라서 $\sqrt{2(a+b)} \ge \sqrt{a} + \sqrt{b}$

8. 실수 전체의 집합을 정의역과 공역으로 하는 함수 f가 f(x) = $\begin{cases} x & (x는 유리수) \\ 1-x & (x는 무리수) \end{cases}$ 과 같을 때 $f\left(\sqrt{2}\right)+f\left(1-\sqrt{2}\right)$ 의 값은 얼 마인지 구하여라.

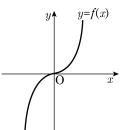
▷ 정답: 1

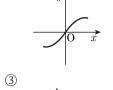
▶ 답:

 $\sqrt{2}$ 와 1 – $\sqrt{2}$ 는 모두 무리수이므로, $f(\sqrt{2}) = 1 - \sqrt{2}$

 $f(1 - \sqrt{2}) = 1 - (1 - \sqrt{2}) = \sqrt{2}$ $\therefore f(\sqrt{2}) + f(1 - \sqrt{2}) = (1 - \sqrt{2}) + \sqrt{2} = 1$

9. 함수 y = f(x) 의 그래프가 그림과 같을 때, 다음 중 $y = f^{-1}(x)$ 의 그래프로 적당한 것은 무엇인가?





(3)



해설

$$y = f(x)$$
 의 그래프와
그 역함수 $y = f^{-1}(x)$ 의 그래프는
직선 $y = x$ 에 대하여 대칭이다.

- **10.** 어떤 + x의 8배에 2를 더한 수의 4분의 1은?
 - ① $2x + \frac{1}{2}$ ② $x + \frac{1}{2}$ ③ 2x + 2 ④ 2x + 4 ⑤ 2x + 16

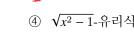
 $\frac{8x+2}{4} = 2x + \frac{1}{2}$

11. 다음은 유리식과 무리식의 정의이다.

유리식: 두 다항식 A, B(B \neq 0)에 대하여, $\frac{A}{B}$ 와같이 분수의 꼴로 나타내어지는식, 특히 B가 상수인 유리식 $\frac{A}{B}$ 는 다항식 이므로 다항식도 유리식이다. 한편, 유리식 중에서 다항식이 아닌 유리식을 분수식이라고 한다. 무리식: 근호 안에 문자가 포함되어 있는 식으로 유리식으로 나타낼 수 없는 식 주어진 식에 대한 설명으로 바르게 짝지어진 것을 고르면?

① $\frac{x^2+5}{3x+2}$ -다항식 ② $\sqrt{2}x+3$ -유리식 ③ $\frac{x^2-1}{3}$ -분수식 ④ $\sqrt{x^2-1}$ -유리식

⑤ $2x + \sqrt{x^2 + 5}$ -다항식



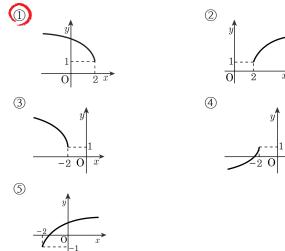
① 분수식 ③유리식 ④무리식 ④무리식

12. 함수 $y = -\frac{2}{x} - 3$ 의 점근선의 방정식은?

- ① x = 0, y = 3 ② x = 0, y = -3 ③ x = 1, y = 3④ x = -1, y = 3 ⑤ x = 1, y = -3

 $y = -\frac{2}{x} - 3$ 는 $y = -\frac{2}{x}$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동한 그래프이므로 점근선의 방정식은 x = 0, y = -3 이다.

13. 함수 $y = 2\sqrt{-3x+6} + 1$ 의 그래프는?





 $y = 2\sqrt{-3(x-2)} + 1$ ⇒ 꼭짓점: (2,1)정의역: $x \le 2$, 치역: $y \ge 1$

- $oldsymbol{14.}$ 8 의 약수의 집합을 $oldsymbol{A}$, $oldsymbol{5}$ 이하의 홀수의 집합을 $oldsymbol{B}$ 라고 할 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)
 - 3 8 ∈ *A* 4 3 ∉ *B* 5 ∈ *B* ① $3 \in A$ ② $4 \notin A$

집합 A 의 원소는 1, 2, 4, 8 이고 집합 B 의 원소는 1, 3, 5 이므로

 $8 \in A, 5 \in B$ 이다.

15. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 고르면?

- ① $A = \emptyset$ 이면 n(A) = 0② $B = \{a, b\}$ 이면 n(B) = 2
- ③ $C = \{x \mid x \succeq 8 의 약수\}$ 이면 n(C) = 4 ④ 이면 n(D) = 0
- ⑤ $E = \{y \mid y = 10 \ \text{이하의 짝수} \ \text{이면 } n(E) = 5$

④ $D = \{0\}$ 이면 n(D) = 1

해설

- 16. 두 집합 $A = \{3, \ 4, \ x\}, \ B = \{x \mid x 는 12의 약수\}$ 에 대하여 $A \subset B$ 일 때, x 의 값이 될 수 없는 것은?

해설

- ① 1 ② 2 ③ 6 ④ 10 ⑤ 12

집합 A 의 모든 원소가 집합 B 에 포함 되어야 하므로 x 는 12 의

약수가 되어야 한다. 따라서 12 의 약수가 아닌 10 은 x의 값이 될 수 없다.

- 17. 명제 'p(x)이면 q(x) 이다'가 참일 때, 두 집합 $P = \{x \mid p(x)\}, \ Q =$ $\{x \mid q(x)\}$ 사이의 관계로 다음 중 옳은 것은?

 - ① $Q \subset P$ ② $Q^c \subset P$ ③ $P \subset Q^c$

 $\lq p(x)$ 이면 q(x)이다.' 가 참일 때, 즉, $p \,\Rightarrow\, q$ 이면 진리집합의

포함관계는 $P \subset Q$

- **18.** 정삼각형 ABC는 이등변삼각형 ABC이기 위한 무슨 조건인가?
 - ① 충분조건
 ② 필요조건

 ③ 대우
 ④ 필요충분조
 - ④ 필요충분조건
 - ⑤ 아무조건도 아니다.

정삼각형 ⊂ 이등변삼각형

19. 양수 a, b에 대하여 $a^2 + b^2 = 1$ 을 만족할 때, $\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2}$ 의 최솟값은?

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

 $a^2>,\;b^2>0$ 이므로 산술평균과 기하평균의 관계에 의하여 $a^2+b^2\geq 2\,\sqrt{a^2b^2}=2ab$

(단, 등호는 $a^2 = b^2$ 일 때 성립) 그런데 $a^2 + b^2 = 1$ 이므로 $1 \ge 2ab$

 $\therefore ab \le \frac{1}{2}$

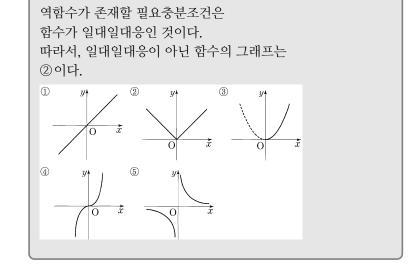
다하 $-\frac{1}{a^2} > 0$, $\frac{1}{b^2} > 0$ 이므로 산술평균 기하평균의 관계에 의하여 $\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} \ge 2\sqrt{\frac{1}{a^2} \cdot \frac{1}{b^2}}$ $\frac{2}{ab} \ge \frac{2}{1} = 4$ (단, 등호는 $a^2 = b^2$ 일 때 성립)

따라서 $\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2}$ 의 최솟값은 4이다.

20. 다음 함수 중 역함수가 존재하지 않는 것은 무엇인가?

해설

①
$$y = x$$
 ② $y = |x|$ ③ $y = x^2 (x \ge 0)$
④ $y = x^3$ ⑤ $y = \frac{1}{x} (x \ne 0)$



21. 함수 f(x) = ax - 1 과 그 역함수 $f^{-1}(x)$ 가 같도록 상수 a 의 값을

① -1 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 5

y = f(x) 라 하면 y = ax - 1이것을 x 에 대하여 정리하면 ax = y + 1

: $f^{-1}(x) = \frac{1}{a}x + \frac{1}{a}$ 그런데 $f(x) = f^{-1}(x)$ 이고 모든 실수에 대하여 성립해야 하므로 $\frac{1}{a}x + \frac{1}{a} = ax - 1$:: $\frac{1}{a} = a$ 이고 $\frac{1}{a} = -1$ 이어야 하므로
:: a = -1

22. 함수 f(x) = |4x + a| + b 는 x = 3 일 때, 최솟값 -2 를 가진다. 이때, 상수 a, b 의 값에 대하여 b - a 의 값을 구하여라.

■ 답:

▷ 정답: 10

 $f(x) = |4x + a| + b = |4(x + \frac{a}{4})| + b$ 의 그래프는 y = |4x| 의 그래프를 x 축의 방향으로 $-\frac{a}{4}$ 만큼, y 축의 방향으로 하 만큼 평행이동한것이므로 다음 그림과 같다. 따라서 $x = -\frac{a}{4}$ 일 때 a = -12, a = -12 따라서 a = -12, a = -12 하 a = -12 하 a = -12

23. 3x = 2y일 때, $\frac{2xy + y^2}{x^2 + xy}$ 의 값은?

 $\frac{15}{7}$ ② $\frac{17}{8}$ ③ $\frac{19}{9}$ ④ $\frac{21}{10}$ ⑤ $\frac{23}{11}$

x = 2y $\Rightarrow y = \frac{3}{2}x$ $\therefore \frac{2xy + y^2}{x^2 + xy} = \frac{3x^2 + \frac{9}{4}x^2}{x^2 + \frac{3}{2}x^2} = \frac{\frac{21}{4}}{\frac{5}{2}} = \frac{21}{10}$

24. 1 < a < 4일 때, $\sqrt{(a-4)^2} + |a-1|$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

$$\sqrt{(a-4)^2 + |a-1|}$$
= $|a-4| + |a-1|$
= $-a+4+a-1 = 3$

①
$$y = \frac{2x+3}{x-2}$$
 ② $y = \frac{2x-3}{x-2}$ ③ $y = \frac{-2x+3}{x-2}$
② $y = \frac{2x-3}{x-2}$

$$4 y = \frac{x - 2x}{x - 2x}$$

$$y = \frac{x}{x}$$

$$y = \frac{1}{x-2}$$

 $y = \frac{2x-3}{x+2}$ 에서 x = y에 대한 식으로 나타내면

$$y(x+2) = 2x - 3$$
, $(y-2)x = -2y - 3$,
 $x = \frac{-2y - 3}{y - 2}$

$$x$$
와 y 를 바꾸면, $y = \frac{-2x-3}{x-2}$
따라서 구하는 역함수는 $y = \frac{-2x-3}{x-2}$