

1. 다음은 5 명의 학생의 50m 달리기 결과의 편차를 나타낸 표이다.
이 5 명의 50m 달리기 결과의 평균이 7 점 일 때, 영진이의 성적과
표준편차를 차례대로 나열한 것은?

이름	윤숙	태경	혜진	도경	영진
편차(점)	-1	1.5	x	0.5	0

① 5 점, $\sqrt{0.8}$ kg ② 6 점, $\sqrt{0.9}$ kg ③ 6 점, 1kg

④ 7 점, $\sqrt{0.9}$ kg ⑤ 8 점, 1kg

해설

영진이의 성적은 $7 - 0 = 7$ (점)

또한, 편차의 합은 0 이므로

$$-1 + 1.5 + x + 0.5 + 0 = 0, \quad x + 1 = 0 \quad \therefore x = -1$$

따라서 분산이

$$\frac{(-1)^2 + 1.5^2 + (-1)^2 + 0.5^2 + 0^2}{5} = \frac{4.5}{5} = 0.9$$

이므로 표준편차는 $\sqrt{0.9}$ kg 이다.

2. 6개의 변량 $x_1, x_2, x_3, \dots, x_6$ 의 평균이 4이고 분산이 6일 때, $3x_1 - 1, 3x_2 - 1, 3x_3 - 1, \dots, 3x_6 - 1$ 의 평균과 분산을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

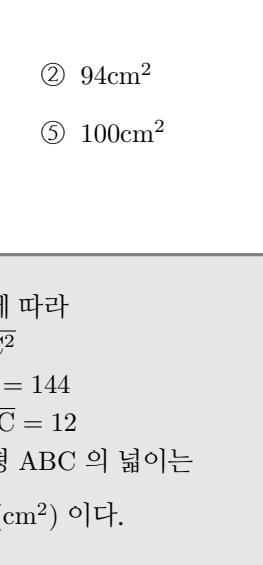
▷ 정답: 평균 : 11

▷ 정답: 분산 : 54

해설

평균은 $3 \cdot 4 - 1 = 11$ 이고
분산은 $3^2 \cdot 6 = 54$ 이다.

3. 다음과 같은 직각삼각형 ABC 의 넓이는?



- ① 92cm^2 ② 94cm^2 ③ $\textcircled{③} 96\text{cm}^2$
④ 98cm^2 ⑤ 100cm^2

해설

피타고라스 정리에 따라
 $\overline{AC}^2 = \overline{AB}^2 - \overline{BC}^2$
 $\overline{AC}^2 = 400 - 256 = 144$
 $\overline{AC} > 0$ 이므로 $\overline{AC} = 12$
따라서 직각삼각형 ABC 의 넓이는
 $\frac{1}{2} \times 16 \times 12 = 96(\text{cm}^2)$ 이다.

4. 다음 그림에서 $\angle C = 90^\circ$, $\overline{BM} = \overline{CM}$,
 $\overline{AB} = 25\text{ cm}$, $\overline{AC} = 7\text{ cm}$ 이다. 이때,
 \overline{AM} 의 길이는?

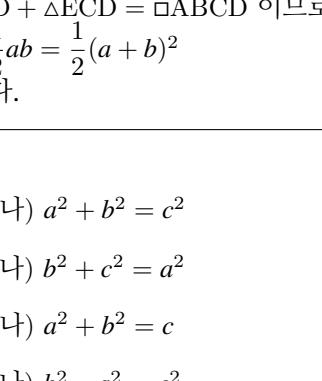


- ① $\sqrt{190}\text{ cm}$ ② $\sqrt{191}\text{ cm}$
 ③ $\sqrt{193}\text{ cm}$ ④ $\sqrt{194}\text{ cm}$ ⑤ $\sqrt{199}\text{ cm}$

해설

$$\begin{aligned} &\triangle ABC \text{에서} \\ &\overline{BC}^2 = 25^2 - 7^2 = 576 \\ &\therefore \overline{BC} = 24 \\ &\overline{MC} = \frac{1}{2}\overline{BC} \therefore \overline{MC} = 12(\text{cm}) \\ &\triangle AMC \text{에서} \\ &\overline{AM}^2 = 7^2 + 12^2 = 193 \\ &\therefore \overline{AM} = \sqrt{193}(\text{cm}) \end{aligned}$$

5. 다음은 그림을 이용하여 피타고라스 정리를 설명한 것이다.



(가), (나)에 알맞은 것을 차례대로 쓴 것을 고르면?

$$\begin{aligned}\triangle ABE + \triangle AED + \triangle ECD &= \square ABCD \text{ 이므로} \\ \frac{1}{2}ab + (\text{가}) + \frac{1}{2}ab &= \frac{1}{2}(a+b)^2 \\ \text{따라서 } (\text{나}) \text{이다.}\end{aligned}$$

① (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a^2 + b^2 = c^2$

② (가) c^2 (나) $b^2 + c^2 = a^2$

③ (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a^2 + b^2 = c$

④ (가) c^2 (나) $b^2 - a^2 = c^2$

⑤ (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a + b = c$

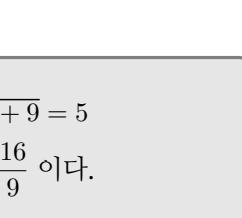
해설

$$\triangle ABE + \triangle AED + \triangle ECD = \square ABCD \text{ 이므로}$$

$$\frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}c^2 + \frac{1}{2}ab = \frac{1}{2}(a+b)^2$$

$$\text{따라서 } a^2 + b^2 = c^2 \text{ 이다.}$$

6. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 점 A에서 BC에 수선을 그은 것이다. $\frac{x}{y}$ 의 값을 구하여라.



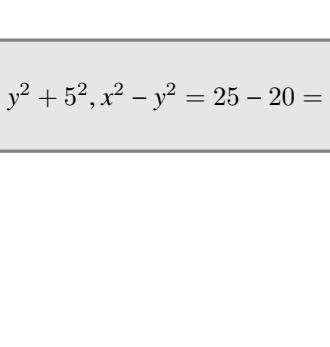
▶ 답:

▷ 정답: $\frac{16}{9}$

해설

피타고라스 정리를 적용하면 $x + y = \sqrt{16 + 9} = 5$
따라서 $5x = 16, 5y = 9$ 이므로 $\frac{x}{y} = \frac{5x}{5y} = \frac{16}{9}$ 이다.

7. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 내부에 점 P 가 있을 때, $x^2 - y^2$ 의 값을 구하여라.



- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

$$x^2 + (2\sqrt{5})^2 = y^2 + 5^2, x^2 - y^2 = 25 - 20 = 5 \text{ 이다.}$$

8. 높이가 $2\sqrt{21}$ 인 정삼각형의 넓이를 구하여라.

- ① $2\sqrt{7}$ ② $28\sqrt{3}$ ③ $14\sqrt{3}$ ④ $4\sqrt{7}$ ⑤ $3\sqrt{7}$

해설

정삼각형의 한 변의 길이를 a 라 하면

$$\frac{\sqrt{3}}{2}a = 2\sqrt{21}$$

$$\therefore a = 4\sqrt{7}$$

$$\text{따라서 } (\text{정삼각형의 넓이}) = \frac{\sqrt{3}}{4} \times (4\sqrt{7})^2 = 28\sqrt{3}$$

9. 다음 그림과 같은 직각삼각형에서 x 의 값을 구하면?

① 5 ② $2\sqrt{2}$ ③ $2\sqrt{3}$

④ $3\sqrt{3}$ ⑤ 9



해설

$$x : 3 = 2 : \sqrt{3}$$

$$x = 2\sqrt{3}$$

10. 어떤 정육면체의 대각선의 길이가 9 일 때, 이 정육면체의 한 모서리의 길이는?

① $2\sqrt{3}$ ② $3\sqrt{3}$ ③ $6\sqrt{3}$ ④ 6 ⑤ $2\sqrt{6}$

해설

한 모서리의 길이가 a 인 정육면체의 대각선의 길이는
 $\sqrt{a^2 + a^2 + a^2} = \sqrt{3}a$
이므로 $\sqrt{3}a = 9$ 에서 $a = 3\sqrt{3}$ 이다.

11. 어느 고등학교 동아리 회원 45 명의 몸무게의 평균이 60kg 이다. 5 명의 회원이 탈퇴한 후 나머지 40 명의 몸무게의 평균이 59.5kg 이 되었다. 이때, 동아리를 탈퇴한 5 명의 회원의 몸무게의 평균은?

- ① 60kg ② 61kg ③ 62kg ④ 63kg ⑤ 64kg

해설

동아리를 탈퇴한 5 명의 학생의 몸무게의 합을 x kg 이라고 하면

$$\frac{60 \times 45 - x}{40} = 59.5, \quad 2700 - x = 2380 \quad \therefore x = 320(\text{kg})$$

따라서 동아리를 탈퇴한 5 명의 회원의 몸무게의 평균은

$$\frac{320}{5} = 64(\text{kg}) \text{ 이다.}$$

12. 다음은 올림픽 국가대표 선발전에서 준결승을 치른 양궁 선수 4명의 점수를 나타낸 것이다. 네 선수 중 표준 편차가 가장 큰 선수를 구하여라.

기영	10, 9, 8, 8, 8, 8, 9, 10, 10
준수	10, 10, 10, 9, 9, 8, 8, 8
민혁	10, 9, 9, 8, 8, 9, 9, 10
동현	8, 10, 7, 8, 10, 7, 9, 10, 7

▶ 답:

▷ 정답: 동현

해설

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내므로 주어진 자료들 중에서 표준편차가 가장 큰 선수는 동현이다.

13. 네 개의 변량 4, 6, a , b 의 평균이 5이고, 분산이 3 일 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

- ① 20 ② 40 ③ 60 ④ 80 ⑤ 100

해설

변량 4, 6, a , b 의 평균이 5이므로

$$\frac{4+6+a+b}{4} = 5, \quad a+b+10 = 20$$

$$\therefore a+b = 10 \cdots ㉠$$

또, 분산이 3이므로

$$\frac{(4-5)^2 + (6-5)^2 + (a-5)^2 + (b-5)^2}{4} = 3$$

$$\frac{1+1+a^2-10a+25+b^2-10b+25}{4} = 3$$

$$\frac{a^2+b^2-10(a+b)+52}{4} = 3$$

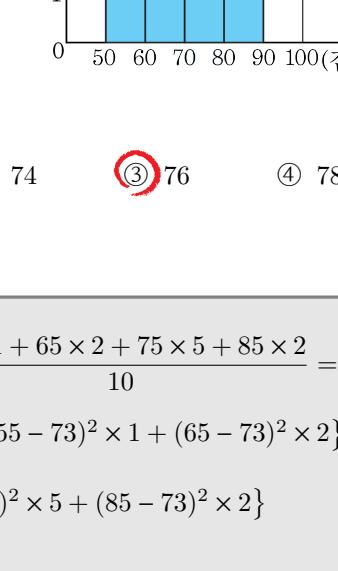
$$a^2+b^2-10(a+b)+52 = 12$$

$$\therefore a^2+b^2-10(a+b) = -40 \cdots ㉡$$

㉡의 식에 ㉠을 대입하면

$$\therefore a^2+b^2 = 10(a+b)-40 = 10 \times 10 - 40 = 60$$

14. 다음 히스토그램은 학생 10 명의 영어 성적을 나타낸 것이다. 이 자료의 분산은?



- ① 72 ② 74 ③ 76 ④ 78 ⑤ 80

해설

$$(\text{평균}) = \frac{55 \times 1 + 65 \times 2 + 75 \times 5 + 85 \times 2}{10} = \frac{730}{10} = 73(\text{점})$$

$$(\text{분산}) = \frac{1}{10} \left\{ (55 - 73)^2 \times 1 + (65 - 73)^2 \times 2 \right\}$$

$$+ \frac{1}{10} \left\{ (75 - 73)^2 \times 5 + (85 - 73)^2 \times 2 \right\}$$

$$= \frac{760}{10} = 76$$

15. 다음은 학생 20 명의 턱걸이 횟수에 대한 도수분포표이다. 이 분포의 분산은?(단, 평균, 분산은 소수 첫째자리에서 반올림한다.)

계급	도수
3 ^{이상} ~ 5 ^{미만}	6
5 ^{이상} ~ 7 ^{미만}	3
7 ^{이상} ~ 9 ^{미만}	8
9 ^{이상} ~ 11 ^{미만}	3
합계	20

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

학생들의 턱걸이 횟수의 평균은
(평균) = $\frac{\{(계급값) \times (도수)\} \text{의 총합}}{(도수) \text{의 총합}}$
= $\frac{4 \times 6 + 6 \times 3 + 8 \times 8 + 10 \times 3}{24 + 18 + 64 + 30}$
= $\frac{20}{20} = 6.8(\text{회})$

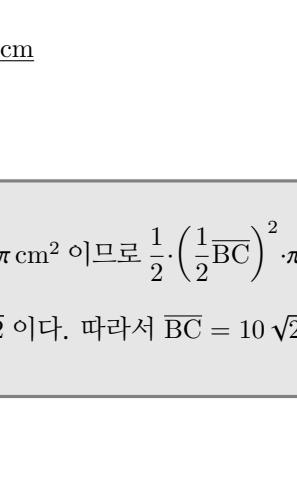
이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 7(회)이다.

따라서 구하는 분산은

$$\begin{aligned} & \frac{1}{20} \{ (4 - 7)^2 \times 6 + (6 - 7)^2 \times 3 + (8 - 7)^2 \times 8 + (10 - 7)^2 \times 3 \} \\ & = \frac{1}{20} (54 + 3 + 8 + 27) = 4.6 \end{aligned}$$

이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 5이다.

16. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC 의 세 변을 각각 지름으로 하는 반원의 넓이를 각각 P , Q , R 이라 하자. $P = 10\pi \text{cm}^2$, $R = 15\pi \text{cm}^2$ 일 때, \overline{BC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

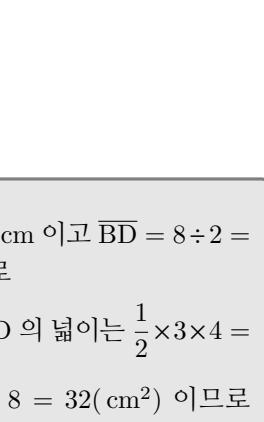
▷ 정답: $10\sqrt{2}$ cm

해설

$$Q = P + R = 25\pi \text{cm}^2 \text{이므로 } \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2}\overline{BC}\right)^2 \cdot \pi = 25\pi, \left(\frac{1}{2}\overline{BC}\right)^2 =$$

$$50, \frac{1}{2}\overline{BC} = 5\sqrt{2} \text{이다. 따라서 } \overline{BC} = 10\sqrt{2} \text{ cm}$$

17. 다음은 $\overline{AB} = \overline{BC} = 8\text{ cm}$ 인 직각이등변 삼각형의 종이를 \overline{EF} 를 접는 선으로 하여 점 A 가 \overline{BC} 의 중점에 오도록 접은 것이다. $\triangle ABC$ 의 넓이는 $\triangle FBD$ 의 몇 배인지 구하여라.



▶ 답: 배

▷ 정답: $\frac{16}{3}$ 배

해설

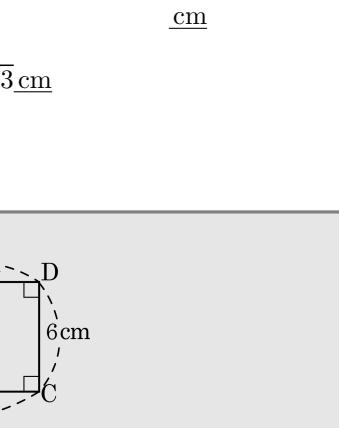
$\overline{FB} = x\text{ cm}$ 라 할 때, $\overline{AF} = \overline{DF} = (8-x)\text{ cm}$ 이고 $\overline{BD} = 8 \div 2 = 4(\text{cm})$ 이다. $\triangle FBD$ 는 직각삼각형이므로

$$(8-x)^2 = x^2 + 4^2 \text{ 이고 } x = 3 \text{ 이다. } \triangle FBD \text{ 의 넓이는 } \frac{1}{2} \times 3 \times 4 =$$

$$6(\text{cm}^2) \text{ 이고 } \triangle ABC \text{ 의 넓이는 } \frac{1}{2} \times 8 \times 8 = 32(\text{cm}^2) \text{ 이므로}$$

$$32 \div 6 = \frac{16}{3}(\text{배}) \text{ 이다.}$$

18. 다음 그림에서 x 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

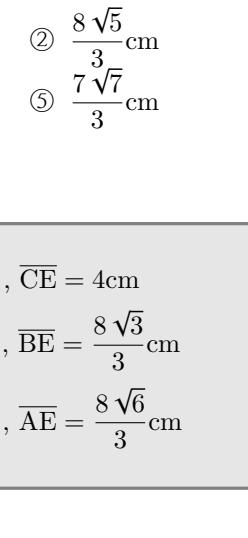
▷ 정답: $2\sqrt{13}$ cm

해설



$$x = \sqrt{4^2 + 6^2} = \sqrt{16 + 36} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}(\text{ cm})$$

19. 다음 그림에서 $\overline{DE} = 2\sqrt{3}$ cm 이고, $\angle DEC = \angle DEB = 30^\circ$, $\overline{AB} = \overline{EB}$ 일 때, \overline{AE} 의 길이는?



$$\textcircled{1} \frac{7\sqrt{5}}{3} \text{cm} \quad \textcircled{2} \frac{8\sqrt{5}}{3} \text{cm} \quad \textcircled{3} \frac{7\sqrt{6}}{3} \text{cm}$$

$$\textcircled{4} \frac{8\sqrt{6}}{3} \text{cm} \quad \textcircled{5} \frac{7\sqrt{7}}{3} \text{cm}$$

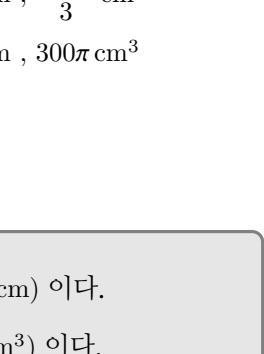
해설

$$\overline{DE} : \overline{CE} = \sqrt{3} : 2, \overline{CE} = 4\text{cm}$$

$$\overline{CE} : \overline{BE} = \sqrt{3} : 2, \overline{BE} = \frac{8\sqrt{3}}{3}\text{cm}$$

$$\overline{BE} : \overline{AE} = 1 : \sqrt{2}, \overline{AE} = \frac{8\sqrt{6}}{3}\text{cm}$$

20. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 8 cm, 모선의 길이가 17 cm인 원뿔이 있다. 원뿔의 높이 h 와 부피 V 를 차례로 구하면?



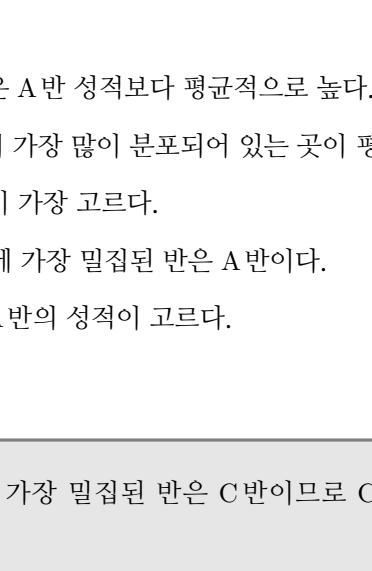
- ① $13 \text{ cm}, \frac{832\pi}{3} \text{ cm}^3$
② $14 \text{ cm}, \frac{896\pi}{3} \text{ cm}^3$
③ $14 \text{ cm}, 300\pi \text{ cm}^3$
④ $15 \text{ cm}, 300\pi \text{ cm}^3$
⑤ $15 \text{ cm}, 320\pi \text{ cm}^3$

해설

원뿔의 높이는 $\sqrt{17^2 - 8^2} = \sqrt{225} = 15(\text{cm})$ 이다.

원뿔의 부피는 $\frac{1}{3} \times \pi \times 8^2 \times 15 = 320\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

21. 다음 그림은 A, B, C 세 학급의 수학 성적을 나타낸 그래프이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

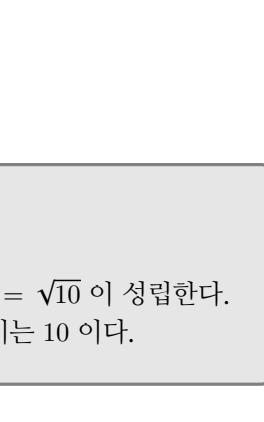


- ① B반 성적은 A반 성적보다 평균적으로 높다.
- ② 그래프에서 가장 많이 분포되어 있는 곳이 평균이다.
- ③ C반 성적이 가장 고르다.
- ④ 평균 주위에 가장 밀집된 반은 A반이다.
- ⑤ B반보다 A반의 성적이 고르다.

해설

평균 주위에 가장 밀집된 반은 C반이므로 C반 성적이 가장 고르다.

22. 함수 $f(x)$ 와 y 축, x 축이 만나는 점을 각각 A, B 라고 할 때, \overline{AB} 를 한 변으로 하는 정사각형 ABCD 를 그린 것이다. $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

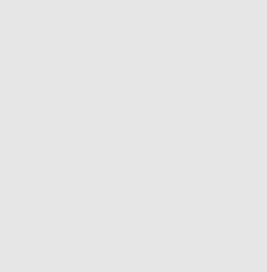
▷ 정답: 10

해설

$A = (0, 3)$, $B = (-1, 0)$ 이므로
 $OA = 3$, $OB = 1$
따라서 피타고拉斯 정리에 대입하면 $\overline{AB} = \sqrt{10}$ 이 성립한다.
그리므로 구하고자 하는 $\square ABCD$ 의 넓이는 10이다.

23. 다음 그림과 같이 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 이고 $\overline{AB} = 4$, $\overline{CD} = 11$ 일 때, $\overline{AD}^2 + \overline{BC}^2$ 의 값을 구하여라.

① 127 ② 130 ③ 137 ④ 140 ⑤ 157



해설



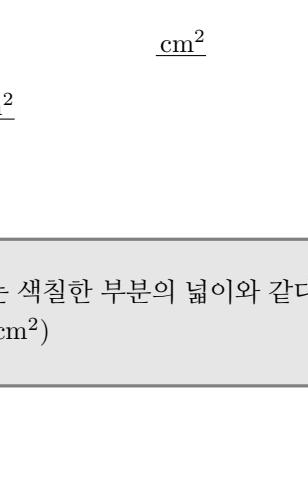
$$\begin{aligned}\triangle OAD \text{에서 } \overline{OA}^2 + \overline{OD}^2 &= \overline{AD}^2 \dots ① \\ \triangle ODC \text{에서 } \overline{OD}^2 + \overline{OC}^2 &= \overline{CD}^2 \dots ② \\ \triangle OBC \text{에서 } \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 &= \overline{BC}^2 \dots ③ \\ \triangle OAB \text{에서 } \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 &= \overline{AB}^2 \dots ④\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}① \text{과 } ③ \text{을 변별 더하면} \\ \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 &= \overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 \dots ⑤\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}② \text{와 } ④ \text{를 변별 더하면} \\ \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 &= \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 \dots ⑥\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}⑤ \text{와 } ⑥ \text{에서 } \overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 &= \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 \text{ 이므로} \\ \overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 &= 4^2 + 11^2 = 16 + 121 = 137\end{aligned}$$

24. 원에 내접하는 직사각형의 각 변을 지름으로 하는 반원을 그릴 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$ cm²

▷ 정답: 60 cm²

해설

사각형의 넓이는 색칠한 부분의 넓이와 같다.
 $\therefore 5 \times 12 = 60(\text{cm}^2)$

25. 다음 그림에서 반지름의 길이가 6 cm 인 원 O의 둘레를 6 등분하는 점을 각각 A, B, C, D, E, F 라 한다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면? (색칠한 부분은 $\triangle AOB + \triangle FOE + \triangle COD$ 이다.)

① $24\sqrt{3} \text{ cm}^2$

② $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$

③ 12 cm^2

④ $27\sqrt{3} \text{ cm}^2$

⑤ $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$



해설

$\triangle AOB$ 는 길이가 6 cm 인 정삼각형이므로

$$\triangle AOB = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 6^2 = 9\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

따라서 색칠한 부분의 넓이는

$$9\sqrt{3} \times 3 = 27\sqrt{3} (\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

26. 직육면체 ABCD – EFGH 의 대각선 AG 의 길이가 $\sqrt{109}$ 이고 $\overline{AD} = 8$, $\overline{CD} = 6$ 일 때, $\square AEGC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 30

해설

직육면체의 높이 $\overline{CG} = x$ 라 하면

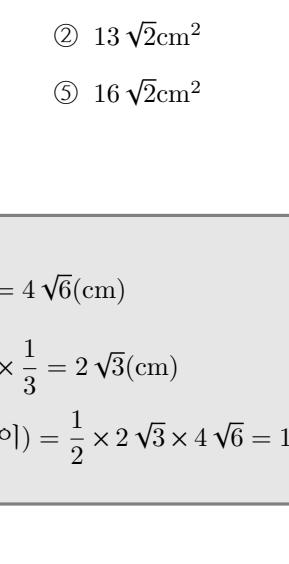
$$\overline{AG} = \sqrt{6^2 + 8^2 + x^2} = \sqrt{109}$$

$$x^2 = 9 \quad \therefore x = 3$$

$$\overline{AC} = \overline{EG} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$$

$\therefore \square AEGC$ 의 넓이는 $3 \times 10 = 30$ 이다.

27. 다음 그림은 한 모서리의 길이가 12cm인 정사면체이다. 점 M은 \overline{BC} 의 중점이고 \overline{AH} 는 정사면체의 높이일 때, $\triangle AMH$ 의 넓이를 구하여라.



- ① $12\sqrt{2}\text{cm}^2$ ② $13\sqrt{2}\text{cm}^2$ ③ $14\sqrt{2}\text{cm}^2$
④ $15\sqrt{2}\text{cm}^2$ ⑤ $16\sqrt{2}\text{cm}^2$

해설

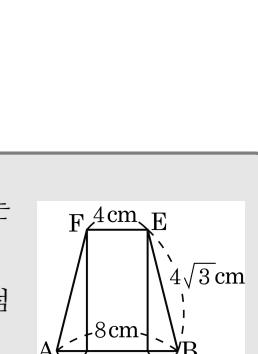
$$\overline{AH} = \frac{\sqrt{6}}{3} \times 12 = 4\sqrt{6}(\text{cm})$$

$$\overline{MH} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 12 \times \frac{1}{3} = 2\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$(\therefore \triangle AMH \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 4\sqrt{6} = 12\sqrt{2}$$

28. 다음 그림과 같이 모서리의 길이가 모두 8 cm인 정사각뿔에서 \overline{VC} , \overline{VD} 의 중점을 각각 E, F 라고 할 때, $\square ABEF$ 의 넓이를 구하면?

- ① $11\sqrt{10} \text{ cm}^2$
 ② $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$
 ③ $12\sqrt{6} \text{ cm}^2$
 ④ $12\sqrt{11} \text{ cm}^2$
 ⑤ $24\sqrt{3} \text{ cm}^2$



해설

$\overline{AF} = \overline{BE}$, $\overline{EF} // \overline{AB}$ 이므로 $\square ABEF$ 는 등변사다리꼴이다.

$\overline{AB} = 8 \text{ cm}$, $\overline{EF} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 4 \text{ cm}$ (\because 중점 연결 정리)

\overline{BE} , \overline{AF} 는 한 변의 길이가 8 cm인 정삼각형의 높이)이므로 $\overline{BE} = \overline{AF} = 4\sqrt{3} \text{ cm}$

사다리꼴의 높이 $\overline{EH} = \sqrt{(4\sqrt{3})^2 - 2^2} = 2\sqrt{11} (\text{cm})$ 이다.

$$\therefore \square ABEF = (8 + 4) \times 2\sqrt{11} \times \frac{1}{2} = 12\sqrt{11} (\text{cm}^2)$$



29. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 2 cm, 높이가 $4\sqrt{2}$ cm인 원뿔의 전개도를 그렸을 때 생기는 부채꼴의 중심각의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 120°

해설

원뿔의 모선의 길이는

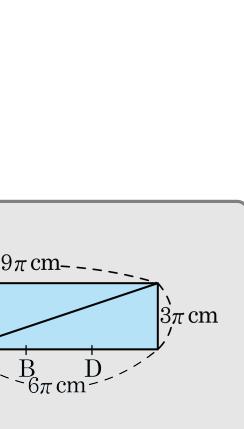
$$\sqrt{(4\sqrt{2})^2 + 2^2} = \sqrt{36} = 6 \text{ (cm)}$$

옆면의 호의 길이는 밑면의 둘레와 같으므로 부채꼴의 중심각의

크기를 x 라 하면

$$2\pi \times 6 \times \frac{x}{360^\circ} = 2\pi \times 2 \quad \therefore x = 120^\circ$$

30. 다음 그림과 같이 밑면인 원의 반지름의 길이가 6 cm , 높이가 $3\pi\text{ cm}$ 인 원기둥에서 밑면의 지름 AB 와 수직인 지름 CD 에 대하여 점 C에서 점 E 까지 원기둥의 옆면을 따라 오른쪽으로 올라갈 때의 최단 거리를 구하여라. (단, $\overline{AB} \parallel \overline{EF}$)



▶ 답: cm

▷ 정답: $3\sqrt{10}\pi\text{ cm}$

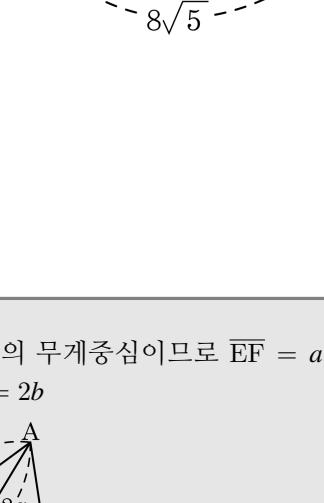
해설

$$\sqrt{(3\pi)^2 + (9\pi)^2}$$

$$3\sqrt{10}\pi\text{ (cm)}$$



31. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AB} 와 \overline{BC} 의 중점을 각각 D, E 라 하고 $\overline{AE} \perp \overline{CD}$, $\overline{AB} = 20$, $\overline{BC} = 8\sqrt{5}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이를 구하여라.

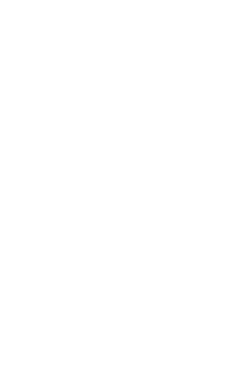


▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

점 F는 $\triangle ABC$ 의 무게중심이므로 $\overline{EF} = a$, $\overline{DF} = b$ 라 하면 $\overline{AF} = 2a$, $\overline{CF} = 2b$



$$\triangle ADF \text{에서 } 4a^2 + b^2 = 100$$

$$\triangle CFE \text{에서 } a^2 + 4b^2 = 80$$

$$\therefore 5a^2 + 5b^2 = 180 \quad \therefore a^2 + b^2 = 36$$

$$\triangle AFC \text{에서 } \overline{AC}^2 = 4a^2 + 4b^2 = 144$$

$$\therefore \overline{AC} = 12$$

32. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 12 cm인 정육면체가 있다. \overline{AE} 의 중점을 M, \overline{CG} 의 중점을 N이라 할 때, $\square MFND$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}} \text{cm}^2$

▷ 정답: $72\sqrt{6} \text{cm}^2$

해설

$$\triangle FGN \text{에서 } \overline{FN} = \sqrt{12^2 + 6^2} = 6\sqrt{5} \text{ (cm)}$$

따라서 $\square MFND$ 는

$$\overline{MF} = \overline{FN} = \overline{ND} = \overline{DM} = 6\sqrt{5} \text{ (cm)}$$

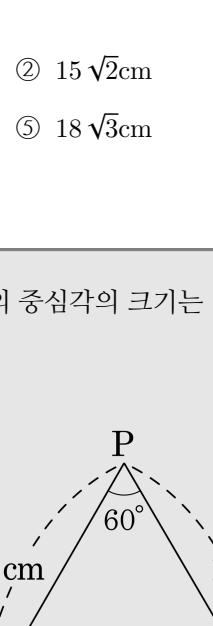
인 마름모이고 두 대각선의 길이는 각각

$$\overline{DF} = \sqrt{12^2 + 12^2 + 12^2} = 12\sqrt{3} \text{ (cm)}$$

$$\overline{MN} = \overline{AC} = \sqrt{12^2 + 12^2} = 12\sqrt{2} \text{ (cm)} \text{ 이므로}$$

$$\square MFND = \frac{1}{2} \times 12\sqrt{3} \times 12\sqrt{2} = 72\sqrt{6} \text{ (cm}^2)$$

33. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 18cm, 밑면의 원의 반지름의 길이가 3cm인 원뿔이 있다. 밑면의 한 점 A에서 옆면을 지나 다시 점 A로 되돌아오는 최단거리는?



- ① 15cm ② $15\sqrt{2}$ cm ③ 18cm
 ④ $18\sqrt{2}$ cm ⑤ $18\sqrt{3}$ cm

해설

전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기는
 $\frac{3}{18} \times 360^\circ = 60^\circ$,



삼각형 PAA'은 정삼각형이므로
 최단 거리 AA' = 18 cm 이다.