

1. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 의 부분집합 중 원소가 2 개인 집합은 a 개이고, 원소가 6 개인 집합은 b 개이다. 이때, $a - b$ 의 값은?

① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

집합 A 의 원소 2 개를 짝짓는 방법은

$\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{1, 5\}, \{1, 6\},$

$\{2, 3\}, \{2, 4\}, \{2, 5\}, \{2, 6\},$

$\{3, 4\}, \{3, 5\}, \{3, 6\},$

$\{4, 5\}, \{4, 6\},$

$\{5, 6\}$

따라서, 원소가 2 개인 부분집합의 개수는

$5 + 4 + 3 + 2 + 1 = 15$ (개)이다.

집합 A 의 부분집합 중 원소가 6 개인 집합은 자기 자신인 집합 A 뿐이다.

$a = 15, b = 1$ 이므로 $a - b = 14$

2. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에서 원소의 개수가 3 개인 부분집합 중 1은 포함하고, 3은 포함하지 않는 부분집합의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 3 개

▷ 정답 : 3 개

해설

주어진 조건을 만족하는 집합의 개수는 집합 $\{2, 4, 5\}$ 의 부분집합 중 원소의 개수가 2 개인 부분집합을 구하여 원소 1을 넣어주는 것과 같으므로 구하는 부분집합은 3 개이다.

3. 두 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{1, 3, 5\}$ 에 대하여 $n(X \cap B) = 2$ 이고 $X \subset A$ 인 집합 X 의 개수는?

① 8 개 ② 12 개 ③ 15 개 ④ 24 개 ⑤ 32 개

해설

$X \cap B = \{1, 3\}$ 인 경우 5 는 X 의 원소일 수 없다. 이 때, X 는 1,3은 반드시 포함하고 5는 포함하지 않는 A 의 부분집합이므로 그 개수는 $2^2 = 4$ (개)이다.

$n(X \cap B) = 2$ 인 경우는 3가지이고, 이처럼 각각에 따라 4 개의 집합이 되므로 구하는 집합 X 의 개수는 $3 \times 4 = 12$ (개)이다.

4. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 가 $B \cap A^c = \emptyset$ 를 만족할 때, 다음 중에서 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ☒ ① $A = B$
- ☐ ② $B - A = \emptyset$
- ☐ ③ $A^c \subset B^c$
- ☐ ④ $B^c \cup A = U$
- ☒ ⑤ $A \cup B^c = \emptyset$

해설

$B \cap A^c = B - A = \emptyset \quad \therefore B \subset A$

5. 두 집합 $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{2, 3, 5\}$ 에 대하여 $A \cap X = X$ 이고, $(A \cap B) \cup X = X$ 를 만족하는 집합 X 의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 4 개

▷ 정답 : 4 개

해설

$A \cap X = X$ 이므로 $X \subset A$
 $(A \cap B) \cup X = X$ 이므로
 $(A \cap B) \subset X$
 $A \cap B = \{2, 3\}$
 $\{2, 3\} \subset X \subset \{1, 2, 3, 4\}$
 X 는 $\{1, 2, 3, 4\}$ 의 부분집합 중 원소 2, 3 을 포함하는 집합이다.
집합 X 의 개수 : $2^2 = 4$ 개다.

6. 전체집합 $U = \{x \mid x \text{는 } 12 \text{ 미만의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 $A = \{2, 4, 6, 8, 10\}$, $B = \{2, 3, 5, 6, 7, 11\}$ 에 대하여 $n((A - B)^c)$ 은?

- ① 4
- ② 6
- ③ 8
- ④ 9
- ⑤ 10

해설

$U = \{1, 2, 3, 4, 5, \cdots, 10, 11\}$
 $A - B = \{4, 8, 10\}$
 $(A - B)^c = \{1, 2, 3, 5, 6, 7, 9, 11\}$
 $\therefore n((A - B)^c) = 8$

7. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A^c = \{2, 9, 10\}$, $B^c = \{1, 5, 9, 10\}$, $A \cup B = \{1, 2, 5, 7\}$ 일 때, 집합 B 의 원소의 합은?

- ① 2 ② 5 ③ 7 ④ 9 ⑤ 13

해설

주어진 조건을 벤 다이어그램에 나타내면 다음과 같다.

U

A

B

1

5

7

2

9

10

따라서 $B = \{2, 7\}$ 이므로 집합 B 의 원소의 합은 9이다.

8. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $(A \cup B) \cap (A^c \cap B^c)$ 을 간단히 하면?

① A

② B

③ $\emptyset$

④ U

⑤ $A \cup B$

해설

$$\begin{aligned}(A \cup B) \cap (A^c \cap B^c) &= (A \cup B) \cap (A \cup B)^c \\ &= (A \cup B) - (A \cup B) = \emptyset\end{aligned}$$

9. 두 집합 A, B 에 대하여 $n(A) = 25$, $n(B) = 16$, $A \cap B = B$ 일 때, $n(A \cup B) + n(A - B)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 34

해설

$A \cap B = B$ 이므로 $B \subset A$,
 $n(A \cup B) = n(A) = 25$,
 $n(A - B) = n(A) - n(B) = 25 - 16 = 9$
 $\therefore n(A \cup B) + n(A - B) = 25 + 9 = 34$

10. 명제 ‘모든 학생들은 수학을 좋아한다.’의 부정으로 옳은 것은?

- ① 모든 학생들은 수학을 좋아하지 않는다.
- ② 모든 학생들은 영어를 좋아한다.
- ③ 어떤 학생들은 수학을 좋아한다.
- ④ 어떤 학생들은 수학을 좋아하지 않는다.
- ⑤ 어떤 학생들은 영어를 좋아한다.

해설

‘모든’의 부정은 ‘어떤’이므로 주어진 명제의 부정은 ‘어떤 학생들은 수학을 좋아하지 않는다.’이다.

11. 정의역과 공역이 실수 전체의 집합인 두 함수 $f(x), g(x)$ 에 대하여 두 조건 $p: f(x) = 0, q: g(x) = 0$ 을 만족하는 집합을 각각 A, B 라 할 때, 조건 $f(x)g(x) \neq 0$ 을 만족하는 집합은?

- ① $A^c \cap B$

② $A \cap B^c$

③

$A^c \cap B^c$
- ④ $A^c \cup B^c$

⑤ $A^c \cup B$

해설

조건 $f(x)g(x) \neq 0$ 을 만족하는 집합은
 $\{x \mid f(x) \neq 0 \text{이고 } g(x) \neq 0\}$ 이므로 주어진 조건을 만족하는 집합은 $A^c \cap B^c$

12. 두 명제 $p \rightarrow q$ 와 $r \rightarrow \sim q$ 가 모두 참일 때, 다음 명제 중 반드시 참인 것을 모두 고르면?

$\neg \sim q \rightarrow \sim p$	$\neg r \rightarrow \sim p$	$\neg r \rightarrow p$
$\neg p \rightarrow r$	$\neg \sim q \rightarrow p$	

- ① $\neg, \neg$ ② $\neg, \neg$ ③ $\neg, \neg$ ④ $\neg, \neg$ ⑤ $\neg, \neg$

해설

$p \rightarrow q$ 와 $r \rightarrow \sim q$ 가 참이면 그 대우인 $\sim q \rightarrow \sim p, q \rightarrow \sim r$ 이 참
 $p \rightarrow q \rightarrow \sim r$ 이므로 $p \rightarrow \sim r$ 가 참이고 그 대우인 $r \rightarrow \sim p$ 가 참

13. 두 명제 p 는 q 이기 위한 충분조건이고 $\sim q$ 는 r 이기 위한 필요조건이다. 다음 보기의 명제 중 반드시 참인 명제를 모두 고르면?

$\supset q \rightarrow \sim r$	$\supset \sim p \rightarrow r$
$\supset p \rightarrow \sim r$	$\supset \sim r \rightarrow \sim p$

- ① $\supset, \supset$

② $\supset, \supset$

③ $\supset, \supset$
- ④ $\supset, \supset, \supset$

⑤ $\supset, \supset, \supset$

해설

$p \rightarrow q \Rightarrow \sim q \rightarrow \sim p$
 $r \rightarrow \sim q \Rightarrow q \rightarrow \sim r$
 $\therefore p \rightarrow q \rightarrow \sim r \Rightarrow p \rightarrow \sim r$
 $\Rightarrow r \rightarrow \sim p$

14. 다음 [보기] 중 항상 옳은 것을 모두 고르면?(단, a, b, c 는 실수)

보기

- ㉠ $\frac{a}{b^2} < \frac{c}{b^2}$ 이면 $a < c$
- ㉡ $a > b$ 이면 $ac > bc$
- ㉢ $a < b < 0$ 이면 $a^2 > ab$
- ㉣ $|a| + |b| > |a + b|$
- ㉤ $a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca$

① ㉠, ㉢

② ㉡, ㉣, ㉠

③ ㉢, ㉣

④ ㉠, ㉢, ㉤

⑤ ㉠, ㉣, ㉤

해설

- ㉠ $\frac{a}{b^2} < \frac{c}{b^2}$
 $\Rightarrow$ 양변에 b^2 을 곱하면
 $a < c$ ($\because b^2 > 0$)
- ㉡ $a > b$ 이면 $ac > bc$
반례 : $c \leq 0$ 인 경우 : 틀림
- ㉢ $a^2 - ab = a(a - b) > 0$
- ㉣ $(|a| + |b|)^2 - |a + b|^2$
 $= 2|ab| - 2ab \geq 0$
 $\therefore |a| + |b| \geq |a + b|$: 틀림
- ㉤ $a^2 + b^2 + c^2 - (ab + bc + ca)$
 $= \frac{1}{2} \{ (a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2 \} \geq 0$
 $\therefore a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca$

15. 실수 x, y 에 대하여 $3x + 4y = 5$ 일 때, $x^2 + y^2$ 의 최솟값을 구하면?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 6 ⑤ 8

해설

코시-슈바르츠 부등식에 의해
 $(3^2 + 4^2)(x^2 + y^2) \geq (3x + 4y)^2$
 $25(x^2 + y^2) \geq 25$
 $\therefore x^2 + y^2 \geq 1$

해설

$3x + 4y = 5$ 에서
 $y = \frac{1}{4}(5 - 3x)$
 $x^2 + y^2 = x^2 + \frac{1}{16}(3x - 5)^2$
 $= x^2 + \frac{1}{16}(9x^2 - 30x + 25)$
 $= \frac{25}{16}x^2 - \frac{30}{16}x + \frac{25}{16}$
 $= \frac{25}{16}\left(x^2 - \frac{6}{5}x + \left(\frac{3}{5}\right)^2 - \left(\frac{3}{5}\right)^2\right) + \frac{25}{16}$
 $= \frac{25}{16}\left(x - \frac{3}{5}\right)^2 - \frac{9}{16} + \frac{25}{16}$
 $= \frac{25}{16}\left(x - \frac{3}{5}\right)^2 + 1$

16. 함수 $f(x)$ 가 실수 전체의 집합에서

$$f(x) = \begin{cases} -x + 1 & (x \geq 1) \\ 2x - a & (x \leq 1) \end{cases} \text{로 정의될 때,}$$

$f(2 - \sqrt{3}) - f(\sqrt{3})$ 의 값은?

- ① $3 - 3\sqrt{3}$ ② $2 - 2\sqrt{3}$ ③ $1 - \sqrt{3}$
④ $-1 + \sqrt{3}$ ⑤ $-3 + 3\sqrt{3}$

해설

$x = 1$ 에서 함숫값이 1개이어야 하므로

$$-1 + 1 = 2 - a$$

$$\therefore a = 2$$

$2 - \sqrt{3} < 1$, $\sqrt{3} > 1$ 이므로

$$f(2 - \sqrt{3}) = 2(2 - \sqrt{3}) - 2 = -2\sqrt{3} + 2$$

$$f(\sqrt{3}) = -\sqrt{3} + 1$$

$$\therefore f(2 - \sqrt{3}) - f(\sqrt{3}) = -2\sqrt{3} + 2 - (-\sqrt{3} + 1) = 1 - \sqrt{3}$$

17. 함수 $f(x) = ax + b (a > 0)$ 에 대하여 합성함수 $(f \circ f)(x) = 4x + 3$ 일 때 $f(1)$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(f \circ f)(x) &= f(f(x)) = a(ax + b) + b \\ &= a^2x + ab + b\end{aligned}$$

$$a^2x + ab + b = 4x + 3$$

x 에 대한 항등식 이므로 $a^2 = 4, ab + b = 3$

$a > 0$ 이므로 $a = 2, b = 1$

$$\therefore f(x) = 2x + 1$$

$$\therefore f(1) = 3$$

18. 함수 f 에 대하여 $f \circ f = f^2$, $f^2 \circ f = f^3$, $\dots$, $f^n \circ f = f^{n+1}$ 이라고 정의한다. $f(x) = x - 1$ 일 때, $f^{1998}(1)$ 의 값은?

① -1998

② -1997

③ 0

④ 1

⑤ 1998

해설

$$f(x) = x - 1$$

$$f^2(x) = f(f(x)) = (x - 1) - 1 = x - 2$$

$$f^3(x) = f^2(f(x)) = (x - 1) - 2 = x - 3$$

$$\vdots$$

$$f^n(x) = x - n \text{ (} n \text{ 은 정수)}$$

$$f^{1998}(x) = x - 1998$$

$$\therefore f^{1998}(1) = -1997$$

19. 다음 보기 중에서 역함수를 갖는 것을 모두 찾아라.

보기

㉠ $y = x - 2$

㉡ $y = |x - 2|$

㉢ $y = x^2 - 2$

㉣ $y = x^3 - 2$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉣

해설

㉠ $y = x$ 는 일대일 대응인 함수이므로
역함수를 갖는다.

㉡ $y = |x - 2|$ 에서 $y = 1$ 이면
 $x = -1, 3$ 이므로 일대일 대응이 아니다.
따라서 주어진 함수는 역함수를 갖지 않는다.

㉢ $y = x^2 - 2$ 에서 $y = 2$ 이면
 $x = \pm 2$ 이므로 일대일 대응이 아니다.
따라서 주어진 함수는 역함수를 갖지 않는다.

㉣ $y = x^3 - 2$ 는 일대일 대응이므로
역함수를 갖는다.

이 함수가 일대일 대응임을 다음과 같이 보일 수 있다.

$f(x) = x^3 - 2$ 라고 하자.

㉤ $x_1 \neq x_2$ 일 때,

$$f(x_1) - f(x_2) = (x_1^3 - 2) - (x_2^3 - 2) = x_1^3 - x_2^3 = (x_1 - x_2)(x_1^2 + x_1x_2 + x_2^2) \neq 0 \text{ 이므로}$$

$$f(x_1) \neq f(x_2)$$

㉥ $y = f(x)$ 의 치역은 실수전체이다.

20. 두 함수 f, g 가 $f(2) = 3, g^{-1}(1) = 4$ 일 때, $f^{-1}(3) + g(4)$ 의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$f(2) = 3$ 에서 $f^{-1}(3) = 2$ 이고
 $g^{-1}(1) = 4$ 에서 $g(4) = 1$ 이므로
 $\therefore f^{-1}(3) + g(4) = 2 + 1 = 3$

21. 실수 전체집합에서 정의된 세 함수 f, g, h 에 대하여 $(h \circ g)(x) = 2x - 1$, $(h \circ (g \circ f))(x) = -2x + b$ 가 성립하고, $f(x) = ax + 1$ 일 때, 두 상수 a, b 의 합 $a + b$ 의 값은?

① -3

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 3

해설

$(h \circ (g \circ f))(x) = ((h \circ g) \circ f)(x)$ 이므로

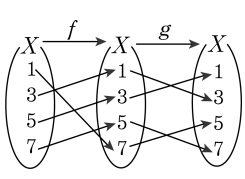
$(h \circ g)(f(x)) = (h \circ g)(ax + 1) = 2(ax + 1) - 1 = 2ax + 1$

$2ax + 1 = -2x + b$ 에서 $a = -1, b = 1$

$\therefore a + b = 0$

22. 두 함수 f, g 를 다음 그림과 같이 정의할 때,
 $(f \circ g^{-1})(5) + (f \circ g)^{-1}(5)$ 의 값은?

- ① 7 ② 8 ③ 9
 ④ 10 ⑤ 11



해설

$$\begin{aligned} (f \circ g^{-1})(5) &= f(g^{-1}(5)) = f(7) = 5 \\ (f \circ g)^{-1}(5) &= (g^{-1} \circ f^{-1})(5) \\ &= g^{-1}(f^{-1}(5)) \\ &= g^{-1}(7) = 5 \\ \therefore (\text{주어진 식}) &= 5 + 5 = 10 \end{aligned}$$

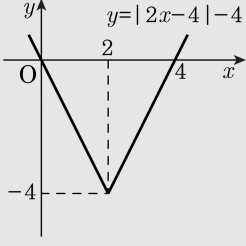
23. 함수 $y = |2x - 4| - 4$ 의 그래프와 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$y = |2x - 4| - 4 = |2(x - 2)| - 4$ 의 그래프는
 $y = |2x|$ 의 그래프를
 x 축의 방향으로 2 만큼,
 y 축의 방향으로 -4 만큼 평행이동한
것이므로
다음 그림과 같다.



따라서 주어진 함수의 그래프와 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$

24. 다음 식의 분모를 0으로 만들지 않는 모든 실수 x 에 대하여 $\frac{1}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)} = \frac{a_1}{x-1} + \frac{a_2}{x-2} + \cdots + \frac{a_{10}}{x-10}$ 이 성립할 때, $a_1 + a_2 + \cdots + a_{10}$ 의 값은?

- ① 0 ② -1 ③ 1 ④ -10 ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned} & \frac{1}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)} \\ &= \frac{a_1}{x-1} + \frac{a_2}{x-2} + \cdots + \frac{a_{10}}{x-10} \text{의 양변에} \\ & (x-1)(x-2)\cdots(x-10) \text{을 곱하면} \\ & 1 = a_1(x-2)(x-3)\cdots(x-10) \\ & \quad + a_2(x-1)(x-3)\cdots(x-10) \\ & \quad + \cdots + a_{10}(x-1)(x-2)\cdots(x-9) \\ & 1 = (a_1 + a_2 + \cdots + a_{10})x^9 + \cdots \\ & \text{이 식은 } x \text{에 대한 항등식이므로} \\ & a_1 + a_2 + \cdots + a_{10} = 0 \end{aligned}$$

25. $1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}} = 5$ 을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned} 1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}} &= 1 - \frac{x-1}{x-1-x} \\ &= 1+x-1=x \\ \therefore x &= 5 \end{aligned}$$

26. 실수 x, y 에 대하여 $\frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}} = -\sqrt{\frac{y}{x}}$ 일 때, 다음 식을 간단히 하면?

$$\sqrt{x^2} + {}^3\sqrt{(x+y)^3} + \sqrt[4]{(x-y)^4}$$

- ① x

② $x-y$

③ $-x+y$

④ $-x-y$

⑤ $-x+2y$

해설

$$\frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}} = -\sqrt{\frac{y}{x}} \Leftrightarrow x < 0, y \geq 0 \text{ 이므로}$$
$$\sqrt{x^2} = |x| = -x, \sqrt[3]{(x+y)^3} = x+y, \sqrt[4]{(x-y)^4} = |x-y| = -x+y$$
$$\therefore \sqrt{x^2} + {}^3\sqrt{(x+y)^3} + \sqrt[4]{(x-y)^4} = -x + x + y - x + y = -x + 2y$$

27. $\sqrt{17 + \sqrt{288}}$ 의 소수 부분을 x 라 할 때, $\sqrt{x^2 + 4x}$ 의 값을 구하라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

(1) 단계

$$\sqrt{17 + 2\sqrt{72}} = 3 + \sqrt{8}$$

(2) 단계

($2 < \sqrt{8} < 3$ 이므로)

$$\sqrt{17 + 2\sqrt{72}} = 3 + \sqrt{8} - 2 + 2$$

$= 5 + \sqrt{8} - 2$ 에서 소수 부분 $x = \sqrt{8} - 2$ 이므로

(3) 단계

$$x + 2 = \sqrt{8}$$

(양변을 제곱하면) $x^2 + 4x + 4 = 8$,

$x^2 + 4x = 4$ 를 대입하면

$$(\text{준식}) = \sqrt{4} = 2$$

28. $(1 + \sqrt{2})x = \sqrt{3 - 2\sqrt{2}}$, $(1 - \sqrt{2})y = \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}$ 일 때, $x^2 + xy + y^2$ 의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 33

해설

$$(1 + \sqrt{2})x = \sqrt{3 - 2\sqrt{2}} = \sqrt{(\sqrt{2} - 1)^2} = \sqrt{2} - 1$$

$$\therefore x = \frac{\sqrt{2} - 1}{\sqrt{2} + 1} = 3 - 2\sqrt{2}$$

$$(1 - \sqrt{2})y = \sqrt{3 + 2\sqrt{2}} = \sqrt{(\sqrt{2} + 1)^2} = \sqrt{2} + 1$$

$$\therefore y = \frac{\sqrt{2} + 1}{-\sqrt{2} + 1} = -3 - 2\sqrt{2}$$

$$\therefore x + y = -4\sqrt{2}, \quad xy = -1$$

$$\begin{aligned} x^2 + xy + y^2 &= (x + y)^2 - xy \\ &= (-4\sqrt{2})^2 - (-1) = 33 \end{aligned}$$

29. 함수 $y = \frac{2x-1}{x-1}$ 의 그래프는 점 (a, b) 에 대해 대칭인 그래프이다. 이 때 $a + b$ 의 값은?

- ① 1 ② 3 ③ 6 ④ -3 ⑤ -1

해설

함수 $y = \frac{2x-1}{x-1}$ 의 그래프가 점 (a, b) 에서
대칭이므로 $x = a$, $y = b$ 를 점근선으로 한다.
 $y = \frac{2(x-1)+1}{x-1} = \frac{1}{x-1} + 2$
따라서 $a = 1$, $b = 2$ 이므로
 $\therefore a + b = 1 + 2 = 3$

30. 유리함수 $y = \frac{bx+c}{x-a}$ 의 그래프가 점 $(2,7)$ 을 지나고 이 함수의 역함수가 $y = \frac{x+c}{x-3}$ 일 때, a, b, c 의 곱 abc 를 구하면?

① -27 ② -9 ③ -3 ④ 3 ⑤ 9

해설

점 $(2,7)$ 을 지나면 역함수는 $(7,2)$ 를 지난다.

$$2 = \frac{7+c}{7-3} \text{ 에서 } c = 1$$

이제 원래 함수를 구해보면 $y = \frac{x+1}{x-3}$ 에서

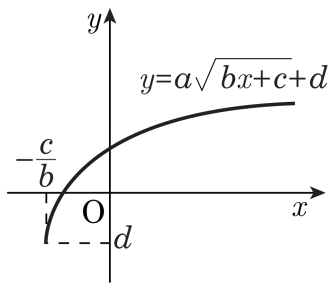
$$\Rightarrow x = \frac{y+1}{y-3}$$

$$\Rightarrow y = \frac{3x+1}{x-1} \dots\dots \text{역함수}$$

$$\therefore a = 1, b = 3, c = 1$$

$$\therefore abc = 3$$

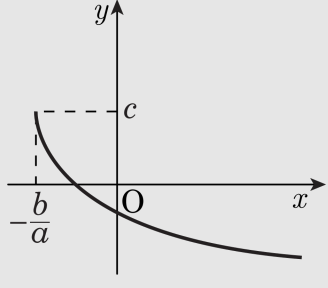
31. 함수 $y = a\sqrt{bx+c} + d$ 의 그래프의 개형이 그림과 같을 때, 함수 $y = d\sqrt{ax+b} + c$ 의 그래프가 반드시 지나는 사분면은?



- ① 제 1사분면 ② 제 2사분면 ③ 제 3사분면
- ④ 제 2, 4사분면 ⑤ 제 3, 4사분면

해설

$\frac{-c}{b} < 0, d < 0, a > 0$



32. $y = \sqrt{2x+1}$ 의 역함수를 $y = g(x)$ 라 하면, $g(-3)$ 의 값은?

- ① 4 ② $\sqrt{-5}$ ③ -5 ④ 없다 ⑤ -3

해설

역함수가 존재하려면 일대일 대응이 되어야 한다.

$y = \sqrt{2x+1}$ 의 역함수 $y = g(x)$ 의 정의역은

$y = \sqrt{2x+1}$ 의 치역이 되어야 하는데

이 함수의 치역은 음수가 될 수 없으므로

$g(-3)$ 의 값은 존재하지 않는다.

33. 무리함수 $y = \sqrt{2x+3}$ 의 그래프가 직선 $y = x + k$ 와 서로 다른 두 점에서 만나기 위한 실수 k 의 값의 범위를 구하면?

- ① $\frac{3}{2} < k < 2$ ② $\frac{3}{2} \leq k < 2$ ③ $\frac{3}{2} \leq k \leq 2$
 ④ $\frac{3}{2} < k \leq 2$ ⑤ $1 \leq k < 2$

해설

(i) 두 그래프가 접할 때, $\sqrt{2x+3} = x + k$ 의 양변을 제곱하여 정리하면

$$x^2 + 2(k-1)x + k^2 - 3 = 0$$

이것이 중근을 가지므로

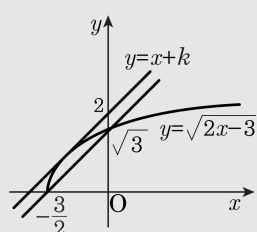
$$\frac{D}{4} = (k-1)^2 - (k^2 - 3) = -2k + 4 = 0$$

$$\therefore k = 2$$

(ii) 직선 $y = x + k$ 가 점 $\left(-\frac{3}{2}, 0\right)$ 을 지날때

$$0 = -\frac{3}{2} + k$$

$$\therefore k = \frac{3}{2}$$



(i), (ii)와 위의 그림으로부터 두 그래프가 서로 다른 두 점에서 만날 k 값의 범위는

$$\frac{3}{2} \leq k < 2$$