

1. 다음 중 비례식이 성립하는 것은 어느 것입니까?

- ① $5 : 2 = 10 : 7$ ② $3 : 6 = 30 : 15$ ③ $25 : 15 = 5 : 3$
④ $40 : 30 = 3 : 4$ ⑤ $9 : 4 = 19 : 14$

해설

비의 값이 같은지 확인합니다.
③ $25 : 15 = 25 \div 5 : 15 \div 5 = 5 : 3$

2. 비의 성질을 이용하여 비례식을 만들었습니다. 다음 중 비례식을 만드는 데 이용한 비의 성질이 다른 것은 어느 것입니까?

- ① $3 : 5 = 15 : 25$ ② $6 : 7 = 12 : 14$
③ $8 : 10 = 4 : 5$ ④ $4 : 9 = 100 : 225$
⑤ $12 : 7 = 24 : 14$

해설

①, ②, ④, ⑤ : 비의 전항과 후항에 0이 아닌 같은 수를 곱했습니다.
③ : 비의 전항과 후항을 0이 아닌 같은 수로 나누었습니다.

3. 다음에서 $5 : 8$ 과 비의 값이 같은 비는 어느 것인지 고르시오.

- ① $5 : 16$ ② $10 : 8$ ③ $15 : 16$
④ $\textcircled{10} : 16$ ⑤ $8 : 5$

해설

$$\textcircled{4} \quad 5 : 8 = (5 \times 2) : (8 \times 2) = 10 : 16$$

4. $\frac{3}{4} : \frac{1}{3}$ 을 가장 간단히 나타내려고 할 때, 어떤 수를 곱해야 합니까?

- ① 6 ② 16 ③ 12 ④ 15 ⑤ 24

해설

분수 : 분수 \Rightarrow 전항과 후항에 두 분모의 최소 공배수를 곱해야 합니다. 4와 3의 최소공배수는 12이며, 곱을 하면 간단한 비 9 : 4 가 됩니다.

5. 비례식 $8 : \square = 64 : 40$ 에서 \square 를 구하는 식으로 알맞은 것은 어느 것인지 고르시오.

① $64 \times 40 \div 8$ ② $8 \times 64 \div 40$ ③ $8 \div 40 \times \frac{1}{64}$

④ $8 \times 40 \div 64$ ⑤ $8 \times 64 \div \frac{1}{40}$

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱이 같다는 성질을 이용한다.

$8 : \square = 64 : 40$ 에서

$$\square \times 64 = 8 \times 40, \square = 8 \times 40 \div 64 = 5$$

- $$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad \frac{4}{9} : \frac{9}{4} & \textcircled{2} \quad \frac{9}{4} : \frac{4}{9} & \textcircled{3} \quad \frac{4}{9} : \frac{9}{4} \\ \textcircled{4} \quad \frac{4}{13} : \frac{9}{13} & \textcircled{5} \quad \frac{9}{13} : \frac{4}{13} & \end{array}$$

각 비율
4 : 9 와
① 9 : 4 ②

한 사연주의
교합니다.

여

7. 전항이 5 인 비에서 비의 값이 $\frac{5}{7}$ 일 때, 후항은 ⑦이고, 후항이 13
인 비에서 비의 값이 $\frac{9}{13}$ 일 때, 전항은 ⑧입니다. ⑦ × ⑧의 값을
구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 63

해설

$$(전항) : (후항) \Rightarrow 비의 값 : \frac{(전항)}{(후항)}$$

$$5 : ⑦ = \frac{5}{⑦} = \frac{5}{7}, \quad ⑦ = 7$$

$$⑧ : 13 = \frac{⑧}{13} = \frac{9}{13}, \quad ⑧ = 9$$

$$⑦ \times ⑧ = 7 \times 9 = 63$$

8. 비의 값이 $\frac{1}{3}$ 인 두 비를 비례식으로 나타내었더니 네 항이 다음과 같았습니다. $\boxed{\quad}$ 를 차례대로 구하시오.

$$\text{내항} : \boxed{\quad}, 18 \text{ 외항} : 6, 27 \Rightarrow 6 : \boxed{\quad} = \boxed{\quad} : 27$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 9

▷ 정답: 18

▷ 정답: 9

해설

$$6 : (\text{내항}) = (\text{내항}) : 27$$

$$\textcircled{1} \quad \frac{6}{(\text{내항})} = \frac{1}{3} \quad \text{내항} = 18$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{(\text{내항})}{27} = \frac{1}{3} \quad \text{내항} = 9$$

$$6 : 18 = 9 : 27$$

9. □ 안에 알맞은 수를 써넣으시오.

$$\begin{aligned} \text{가} \times 1\frac{1}{2} &= \text{나} \times 0.8 \\ \rightarrow \text{가} : \text{나} &= \square : 15 \end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$\begin{aligned} \text{가} \times 1\frac{1}{2} &= \text{나} \times 0.8 \\ \rightarrow \text{가} : \text{나} &= 0.8 : 1\frac{1}{2} = 0.8 : 1.5 = 8 : 15 \end{aligned}$$

10. □ 안에 들어갈 수가 다른 비례식을 찾아 기호를 쓰시오.

$$\textcircled{\text{A}} \quad 1.5 : \frac{3}{4} = 20 : \square \quad \textcircled{\text{B}} \quad 25 : 15 = \square : 0.6$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad \square : 5 = 45 : 22.5 \quad \square = 10$$

▶ 답:

▷ 정답: ⊙

해설

$$\textcircled{\text{A}} \quad \square \times 1.5 = \frac{3}{4} \times 20 \quad \square = 10$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \square \times 15 = 25 \times 0.6 \quad \square = 1$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad \square \times 22.5 = 5 \times 45 \quad \square = 10$$

11. 어느 날의 낮과 밤의 길이의 비는 $11 : 13$ 입니다. 이 날 낮의 길이는 몇 시간입니까?

▶ 답:

시간

▷ 정답: 11시간

해설

하루는 24시간이므로

낮의 길이를 \square 시간이라고 하면

$$\square : (24 - \square) = 11 : 13$$

$$13 \times \square = 11 \times (24 - \square)$$

$$13 \times \square = 264 - 11 \times \square$$

$$24 \times \square = 264$$

$$\square = 11(\text{시간})$$

12. 6시간마다 4번씩 노래하는 인형이 있습니다. 이 인형이 30일 동안 몇 번 노래하는지 구하시오.

▶ 답: 번

▷ 정답: 480 번

해설

$$(\text{시간}):(노래하는 횟수}) = 6 : 4 = 3 : 2$$

30일 = $30 \times 24 = 720$ (시간) 노래하는 횟수를 \square 라 하면

$$3 : 2 = 720 : \square$$

$$3 \times \square = 2 \times 720$$

$$\square = 1440 \div 3$$

$$\square = 480 (\text{번})$$

13. 6분에 8km를 달리는 자동차가 있습니다. 같은 빠르기로 256km를 가려면 몇 분이 걸리겠는지 구하시오.

▶ 답: 분

▷ 정답: 192분

해설

$$(\text{시간}):(거리) = 6 : 8 = (6 \div 2) : (8 \div 2) = 3 : 4$$

걸리는 시간을 \square 라 하면

$$3 : 4 = \square : 256$$

$$4 \times \square = 256 \times 3$$

$$\square = 768 \div 4$$

$$\square = 192(\text{분})$$

14. 어느 날 낮과 밤의 길이의 비는 $4\frac{1}{2} : 7.5$ 입니다. 이 날의 낮의 길이는 몇 시간입니까?

- ① 6시간 ② 7시간 ③ 8시간
④ 9시간 ⑤ 10시간

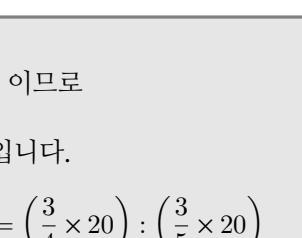
해설

주어진 비를 간단한 자연수의 비로 바꾸면,

$$4\frac{1}{2} : 7.5 = 4.5 : 7.5 = 9 : 15 \text{ 이므로 낮의}$$

$$\text{길이는 } \frac{9}{24} \times 24 = 9 \text{ (시간)}$$

15. 다음과 같이 두 직사각형 ②와 ④가 겹쳐져 있습니다. 겹쳐진 부분의 넓이는 ②의 넓이의 $\frac{3}{5}$ 이고, ④의 넓이의 $\frac{3}{4}$ 입니다. ②와 ④의 넓이의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.



▶ 답:

▷ 정답: 5 : 4

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \times \frac{3}{5} &= \textcircled{4} \times \frac{3}{4} \text{ 이므로} \\ \textcircled{2} : \textcircled{4} &= \frac{3}{4} : \frac{3}{5} \text{입니다.} \\ \textcircled{2} : \textcircled{4} &= \frac{3}{4} : \frac{3}{5} = \left(\frac{3}{4} \times 20 \right) : \left(\frac{3}{5} \times 20 \right) \\ &= 15 : 12 = (15 \div 3) : (12 \div 3) = 5 : 4 \end{aligned}$$

16. 다음 비례식에서 외항의 곱이 40 일 때, $\textcircled{1} \times \textcircled{2}$ 의 값을 구하시오. (단, $\textcircled{\cdot}$ 은 자연수입니다.)

$$(\textcircled{1} + 3) : \textcircled{1} = 2 : \textcircled{2}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 100

해설

$$(\textcircled{1} + 3) : \textcircled{1} = 2 : \textcircled{2}$$

외항의 곱 : 40

내항의 곱 : 40

$$\textcircled{1} \times 2 = 40$$

$$\textcircled{1} = 40 \div 2$$

$$\textcircled{1} = 20$$

$$(\textcircled{1} + 3) \times \textcircled{2} = 40$$

\Rightarrow 두 수의 곱이 40이면서 두 수의 차가 3인 두 수는 8.5입니다.

$$\textcircled{2} = 5 \quad (8 \times 5 = 40)$$

$$\textcircled{1} = 20, \textcircled{2} = 5$$

$$\textcircled{1} \times \textcircled{2} = 20 \times 5 = 100$$

17. 두 상품 가와 나가 있습니다. 가의 정가에 1 할 4푼을 더 붙인 금액과 나의 정가에서 1 할 4푼을 할인한 금액이 같다고 합니다. 두 상품 가와 나의 정가의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답:

▷ 정답: 43 : 57

해설

$$\text{가의 정가에 1 할 4푼 더 붙인 금액} : 1 + 0.14 = 1.14$$

$$\text{나의 정가에 1 할 4푼 할인한 금액} : 1 - 0.14 = 0.86$$

$$\text{가} \times 1.14 = \text{나} \times 0.86$$

$$\text{가} : \text{나} = 0.86 : 1.14 = 86 : 114 = 43 : 57$$

18. 형과 동생의 예금액의 합이 49000 원입니다. 형의 예금액의 $\frac{1}{4}$ 과 동생의 예금액의 $\frac{5}{8}$ 이 같다고 합니다. 동생은 얼마를 예금하였는지 구하시오.

▶ 답: 원

▷ 정답: 14000 원

해설

$$\text{형의 예금액} \times \frac{1}{4} = \text{동생의 예금액} \times \frac{5}{8}$$

$$\text{형의 예금액} : \text{동생의 예금액} = \frac{5}{8} : \frac{1}{4} = 5 : 2$$

$$\text{형의 예금액}: 49000 \times \frac{5}{7} = 35000(\text{원})$$

$$\text{동생의 예금액}: 49000 \times \frac{2}{7} = 14000(\text{원})$$

19. 어느 날의 낮과 밤의 길이의 비는 $5:7$ 입니다. 다음 날 밤의 길이가 1 시간 줄었다면 다음 날의 낮과 밤의 길이의 비는 얼마입니까?

▶ 답:

▷ 정답: $11:13$

해설

낮의 길이를 \square 시간이라 하면 밤의 길이는

$(24 - \square)$ 시간입니다.

$$5 : 7 = \square : (24 - \square)$$

$$7 \times \square = 5 \times (24 - \square)$$

$$\square = 10(\text{시간})$$

따라서 다음 날 낮의 길이는 $10 + 1 = 11$ (시간),

밤의 길이는 $24 - 11 = 13$ (시간)이고, 비로 나타내면 $11 : 13$ 입니다.

20. 하루에 8분씩 늦게 가는 시계가 있습니다. 어느 날 오전 8시에 정확히 시계를 맞추고, 다음날 오전 7시에 이 시계가 가리키는 시간은 얼마 인지 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 오전 6시 52분 20초

해설

오전 8시부터 다음날 오전 7시까지는 23시간입니다.

8분은 480초입니다.

$$24 : 480 = 23 : \square$$

$$\square = 480 \times 23 \div 24$$

$$\square = 460(\text{초}) \Rightarrow 7\text{분 } 40\text{초}$$

이 시계는 오전 7시에는 7분 40초 느린

오전 6시 52분 20초입니다.