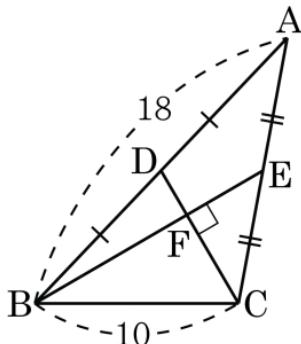


1. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AB}$  와  $\overline{AC}$ 의 중점을 각각 D, E 라고 하고  $\overline{BE} \perp \overline{CD}$ ,  $\overline{AB} = 18$ ,  $\overline{BC} = 10$  일 때,  $\overline{AC}$ 의 길이를 구하면?



- ①  $2\sqrt{11}$     ②  $3\sqrt{11}$     ③  $4\sqrt{11}$     ④  $5\sqrt{11}$     ⑤  $6\sqrt{11}$

해설

$\overline{DE}$  를 그으면 중점연결 정리에 의하여

$$\overline{DE} = \frac{1}{2}\overline{BC} = 5 \text{ 이다.}$$

$\square DBCE$  는 대각선이 직교하는 사각형이므로

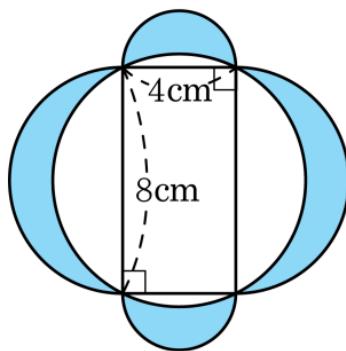
$$\overline{BD}^2 + \overline{EC}^2 = \overline{DE}^2 + \overline{BC}^2$$

$$81 + \overline{EC}^2 = 25 + 100$$

$$\therefore \overline{EC} = 2\sqrt{11} (\because \overline{EC} > 0)$$

$$\therefore \overline{AC} = 2 \times 2\sqrt{11} = 4\sqrt{11}$$

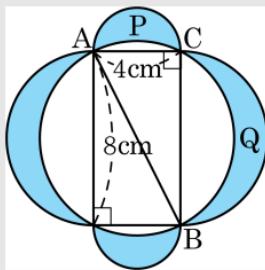
2. 다음 그림과 같이 원에 내접하는 직사각형의 각 변을 지름으로 하는 반원을 그릴 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 32cm<sup>2</sup>

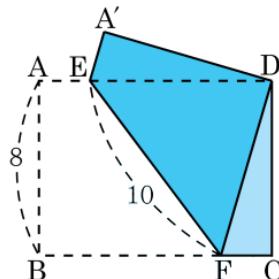
해설



색칠한 부분  $P + Q$  의 넓이는  $\triangle ABC$  의 넓이와 같다.  
따라서 색칠한 전체 넓이는 직사각형의 넓이와 같다.  
 $\therefore 4 \times 8 = 32(\text{cm}^2)$

3. 다음 그림은 직사각형 ABCD 의 점 B 가 점 D에 오도록 접은 것이다.  $\overline{BC}$ 의 길이는?

- ①  $\frac{32}{3}$
- ②  $\frac{28}{3}$
- ③  $\frac{26}{3}$
- ④  $\frac{22}{3}$
- ⑤  $\frac{20}{3}$



### 해설

E에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 H라 하면  $\overline{HF} = 6$

$\overline{CF} = x$  라 하면  $\overline{CH} = \overline{DE} = 6 + x$

접은 각과 엇각에 의해  $\angle DEF = \angle DFE$  이므로

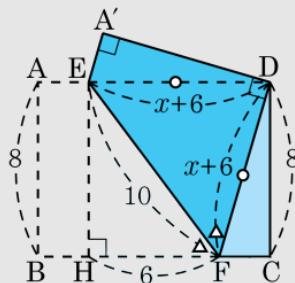
$$\overline{DF} = \overline{DE} = 6 + x$$

$$\triangle DFC \text{에서 } (6+x)^2 = 8^2 + x^2, 12x =$$

$$28 \therefore x = \frac{7}{3}$$

$$\text{또한 } \overline{BH} = \overline{AE} = \overline{A'E} = \overline{CF}$$

$$\therefore \overline{BC} = \frac{7}{3} \times 2 + 6 = \frac{32}{3}$$



4. 세 변의 길이가  $5, x, 13$  인 삼각형이 둔각삼각형이 되기 위한 정수  $x$ 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 92

해설

㉠ 13 이 가장 긴 변일 때( $x \leq 13$ )

$$13^2 > 5^2 + x^2, \quad x < 12$$

$$5 + x > 13, \quad x > 8 \quad \therefore 8 < x < 12$$

㉡  $x$  가 가장 긴 변일 때( $x > 13$ )

$$x^2 > 13^2 + 5^2 = 194, \quad x > \sqrt{194}$$

$$5 + 13 < x, \quad x > 18 \quad \therefore \sqrt{194} < x < 18$$

㉠, ㉡에 의하여

$$8 < x < 12 \text{ 또는 } \sqrt{194} < x < 18$$

$13 < \sqrt{194} < 14$  이므로 구하는 정수의 합은

$$9 + 10 + 11 + 14 + 15 + 16 + 17 = 92$$

5. 자연수  $m$ ,  $n$ 에 대하여 세 변의 길이가 각각  $2n+1$ ,  $2n+51$ ,  $m$ 인 삼각형은 직각삼각형이다.  $m$ 이 최솟값을 가질 때,  $n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $n = 5$

해설

세 변의 길이가  $2n+1$ ,  $2n+51$ ,  $m$ 일 때,  $m$ 이 최솟값을 가질 때는  $2n+51$ 이 빗변인 경우이다.

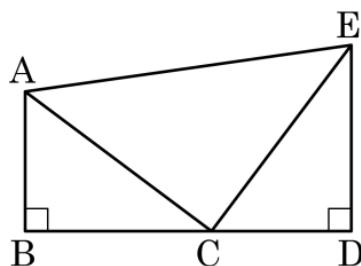
$$(2n+51)^2 = (2n+1)^2 + m^2$$

$$\therefore m = 10\sqrt{2n+26}$$

그런데  $m$ 이 자연수이므로  $2n+26$ 이 완전제곱수가 되어야 한다. 따라서  $2n+26 = 36$ 에서  $n = 5$ 일 때,  $m$ 은 최솟값 60을 가진다.

$$\therefore n = 5$$

6. 다음 그림에서  $\triangle ABC \equiv \triangle CDE$  이고 세 점 B, C, D는 일직선 위에 있다.  $\overline{AB} = 6\text{cm}$  이고,  $\triangle CDE$ 의 넓이가 24 일 때, 사다리꼴 ABDE의 둘레의 길이는?



- Ⓐ  $28 + 10\sqrt{2}$  Ⓑ  $12 + 8\sqrt{3} + 10\sqrt{2}$   
 Ⓒ  $48 + 10\sqrt{2}$  Ⓓ  $12 + 8\sqrt{2} + 2\sqrt{21}$   
 Ⓕ  $10 + 8\sqrt{2} + \sqrt{21}$

### 해설

$\triangle ABC \equiv \triangle CDE$  이므로  $\overline{AB} = \overline{CD}$ ,  $\overline{BC} = \overline{DE}$  이다.

$\triangle CDE$ 의 넓이가 24 이므로

$$\triangle CDE = \frac{1}{2} \cdot \overline{CD} \cdot \overline{DE} = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot \overline{DE} = 24$$

$$\therefore \overline{DE} = 8$$

$$\overline{AB} = \overline{CD} = 6, \overline{BC} = \overline{DE} = 8$$

또,  $\triangle ABC$  와  $\triangle CDE$ 는 합동이므로

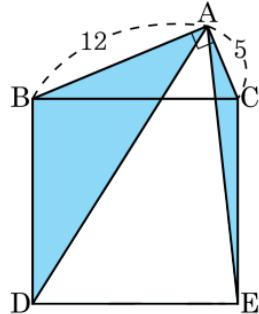
$\overline{AC} = \overline{CE}$  이고  $\angle ACE = 90^\circ$  이므로  $\triangle ACE$ 는 직각이등변삼각형이다.

$\overline{AC} = \sqrt{6^2 + 8^2} = \sqrt{36 + 64} = \sqrt{100} = 10$  이고,  $\overline{AE} = 10\sqrt{2}$  이다.

따라서 사다리꼴 둘레의 길이는

$$6 + 6 + 8 + 8 + 10\sqrt{2} = 28 + 10\sqrt{2}$$

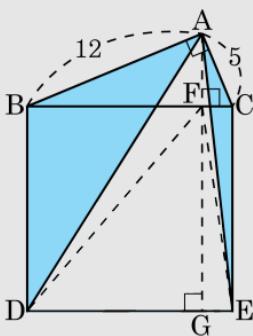
7. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$ ,  $\overline{AB} = 12$ ,  $\overline{AC} = 5$ 인  $\triangle ABC$ 가 있다.  $\overline{BC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형  $BDEC$ 를 그렸을 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{169}{2}$

해설



$$\overline{BC} = \sqrt{12^2 + 5^2} = 13$$

그림에서  $\triangle ABD = \triangle FBD$ ,  $\triangle ACE = \triangle FCE$ 이다.

$$\therefore \triangle ABD + \triangle ACE = \triangle FBD + \triangle FCE$$

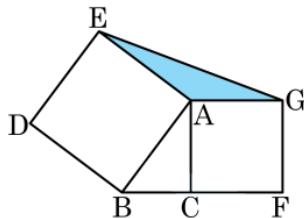
$$\triangle FBD + \triangle FCE = \frac{1}{2} \square BDGF + \frac{1}{2} \square FGEC$$

$$= \frac{1}{2} \square BDEC$$

$$= \frac{1}{2} \times 13^2$$

$$= \frac{169}{2}$$

8. 다음 그림은  $\overline{AB} = 10$ ,  $\overline{AC} = 8$  인 직각삼각형 ABC의 두 변을 각각 한 변으로 하는 정사각형 ABDE 와 ACFG 이다. 이때 삼각형 AEG의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

점 E에서  $\overline{AG}$ 의 연장선에 내린 수선의 발을 H라 하면

$\triangle HAE$  와  $\triangle ABC$ 에서

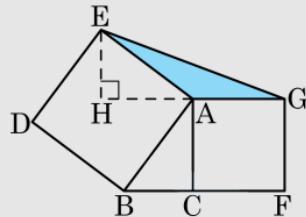
$$\overline{AE} = \overline{AB}, \angle EHA = \angle ACB = 90^\circ,$$

$$\angle EAH = 90 - \angle HAB = \angle CAB$$

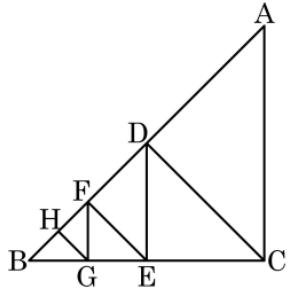
$\therefore \triangle HAE \cong \triangle ABC$  (RHA 합동)

$$\therefore \overline{EH} = \overline{BC} = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6$$

따라서 삼각형 AEG의 넓이는  $\frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24$  이다.



9. 다음 그림과 같이  $\overline{AC} = \overline{BC} = 4$  인 직각이등변삼각형 ABC의 점 C에서 변 AB에 내린 수선의 발을 D, 점 D에서 변 BC에 내린 수선의 발을 E, 점 E에서 변 AB에 내린 수선의 발을 F, 점 F에서 변 BC에 내린 수선의 발을 G, 점 G에서 변 AB에 내린 수선의 발을 H라 할 때, 삼각형 BHG의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{1}{4}$

### 해설

$\triangle ABC$  가 직각이등변삼각형이므로  $\triangle HBG$ ,  $\triangle HFG$ ,  $\triangle FGE$ ,  $\triangle FED$ ,  $\triangle DEC$ ,  $\triangle DCA$  도 모두 직각이등변삼각형이다.

$\overline{HB} = a$  로 놓으면

$$\overline{FG} = \overline{EG} = \sqrt{a^2 + a^2} = \sqrt{2}a$$

$$\overline{EF} = \sqrt{2a^2 + 2a^2} = 2a$$

$$\overline{DE} = \overline{CE} = \sqrt{4a^2 + 4a^2} = 2\sqrt{2}a$$

$$\overline{DC} = \overline{AD} = \sqrt{8a^2 + 8a^2} = 4a$$

$$\overline{AC} = \sqrt{16a^2 + 16a^2} = 4\sqrt{2}a$$

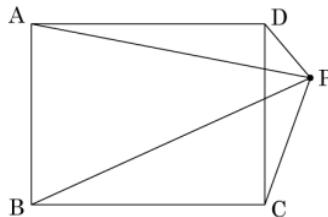
$\overline{AC} = \overline{BC}$  이므로

$$\therefore 4\sqrt{2}a = 4, a = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

따라서 삼각형 BHG의 넓이는

$$\frac{1}{2} \left( \frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 = \frac{1}{4} \text{ 이다.}$$

10. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 외부에 잡은 한 점 P 와 사각형의 각 꼭짓점을 연결하였다.  $\overline{PA} = 9$ ,  $\overline{PB} = 10$ ,  $\overline{PD} = 2$  일 때,  $\overline{PC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 :  $\sqrt{23}$

해설

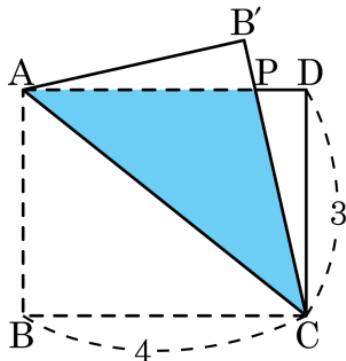
$$\overline{PA}^2 + \overline{PC}^2 = \overline{PB}^2 + \overline{PD}^2 \text{ 이므로}$$

$$9^2 + \overline{PC}^2 = 10^2 + 2^2$$

$$\overline{PC}^2 = 104 - 81 = 23$$

$$\overline{PC} = \sqrt{23} (\because \overline{PC} > 0)$$

11. 다음 그림은 가로, 세로의 길이가 각각 4 cm, 3 cm 인 직사각형 모양의 종이를 대각선 AC를 접는 선으로 하여 접은 것이다. 변  $B'C$ 가 변  $AD$ 와 만나는 점을  $P$ 라고 할 때,  $\triangle ACP$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\text{cm}^2$

▷ 정답:  $\frac{75}{16} \text{ cm}^2$

### 해설

$\overline{AP}$ 의 길이를  $x\text{cm}$  라 하면

$$\overline{PD} = 4 - x(\text{cm})$$

$\triangle AB'P$  와  $\triangle CDP$  는 서로 합동이므로

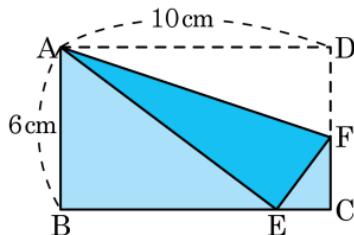
$$\overline{PD} = \overline{PB'} = 4 - x(\text{cm})$$

$$x^2 = (4 - x)^2 + 3^2, x = \frac{25}{8}$$

( $\triangle ACP$ 의 넓이)

$$= 6 - \frac{1}{2} \times \frac{7}{8} \times 3 = \frac{75}{16} (\text{cm}^2)$$

12. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{AD} = 10\text{cm}$  인 직사각형 모양의 종이를 점 D  
가  $\overline{BC}$  위에 오도록 접었을 때,  $\overline{EF}$  의  
길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 :  $\frac{10}{3}\text{cm}$

### 해설

$\triangle ADF \cong \triangle AEF$  이므로  $\overline{EF} = \overline{DF} = x(\text{cm})$  라 하면

$\overline{AE} = \overline{AD} = 10(\text{cm})$ ,  $\overline{AB} = 6(\text{cm})$  이므로

$$\triangle ABE \text{에서 } \overline{BE} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8(\text{cm})$$

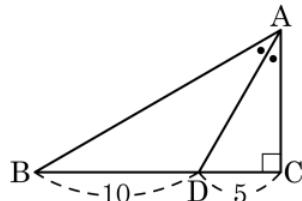
$$\therefore \overline{CE} = \overline{BC} - \overline{BE} = 10 - 8 = 2(\text{cm})$$

$$\overline{CF} = \overline{CD} - \overline{DF} = 6 - x(\text{cm})$$

$$\triangle ECF \text{에서 } x^2 = 2^2 + (6 - x)^2, 12x = 40,$$

$$\therefore x = \frac{10}{3}(\text{cm})$$

13. 다음 그림과 같이  $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서  $\angle A$ 의 이등분선과  $\overline{BC}$ 의 교점을 D라 할 때,  $\overline{BD} = 10$ ,  $\overline{DC} = 5$ 이다.  $\overline{AD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC} = 10 : 5$ ,  $\overline{AB} : \overline{AC} = 2 : 1$  이다.

$\overline{AB} = 2x$ ,  $\overline{AC} = x$  ( $x > 0$ ) 라 하면

$$(2x)^2 = x^2 + 15^2$$

$$3x^2 = 225$$

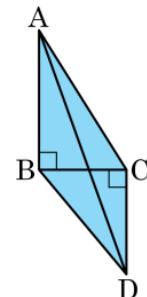
$$x = 5\sqrt{3}$$

$$\therefore \overline{AC} = 5\sqrt{3}$$

따라서  $\triangle ACD$ 에서

$$\overline{AD} = \sqrt{(5\sqrt{3})^2 + 5^2} = 10 \text{ 이다.}$$

14. 다음 그림과 같이  $\angle ABC = \angle BCD = 90^\circ$ ,  $\overline{BC} = 5$  이고, 삼각형 ABC와 BCD의 넓이가 각각 20, 15 일 때, 선분 AD의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 :  $\sqrt{221}$

해설

$\triangle ABC = 20$ ,  $\triangle BCD = 15$  이고,

$\overline{BC} = 5$  이므로

$$\overline{AB} = 8, \overline{CD} = 6 \quad \overline{AE} = 8 + 6 = 14$$

$$\therefore \overline{AD} = \sqrt{14^2 + 5^2} = \sqrt{221}$$

