

1. 다음 이차함수 중 최솟값을 갖는 것은?

①  $y = -2x^2 + 1$

②  $y = -x^2 + x + 1$

③  $y = -(x - 1)^2 + 4$

④  $y = 1 - x^2$

⑤  $y = (x - 1)(x + 2)$

해설

그래프가 아래로 볼록해야 최솟값을 가진다.

2. 3회에 걸친 영어 시험 성적이 84점, 82점, 90점이다. 4회의 시험에 몇 점을 받아야 4회까지의 평균이 86점이 되겠는가?

- ① 80점    ② 82점    ③ 84점    ④ 86점    ⑤ 88점

해설

4회의 성적을  $x$ 점이라 하면

$$\frac{84 + 82 + 90 + x}{4} = 86$$

$$256 + x = 344$$

$$\therefore x = 88(\text{점})$$

3. 다음은 5 명의 학생의 수학 과목의 수행 평가의 결과의 편차를 나타낸 표이다. 이 자료의 표준편차는?

이름	진희	태경	경민	민정	효진
편차(점)	-1	2	3	-4	0

- ①  $\sqrt{3}$  점                  ② 2 점                  ③  $\sqrt{5}$  점  
④  $\sqrt{6}$  점                  ⑤  $\sqrt{7}$  점

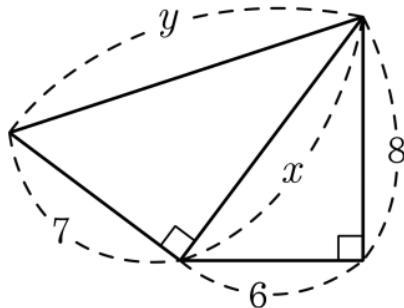
해설

분산은

$$\frac{(-1)^2 + 2^2 + 3^2 + (-4)^2 + 0^2}{5} = \frac{30}{5} = 6$$

따라서 표준편차는  $\sqrt{6}$  점이다.

4. 다음 그림은 두 직각삼각형을 붙여 놓은 것이다.  $x+y$ 의 값을 구하면?



- ①  $9 + \sqrt{149}$       ②  $10 + \sqrt{149}$       ③  $9 + \sqrt{150}$   
④  $10 + \sqrt{150}$       ⑤  $9 + \sqrt{151}$

해설

$$x = \sqrt{6^2 + 8^2} = \sqrt{100} = 10$$

$$y = \sqrt{x^2 + 7^2} = \sqrt{100 + 49} = \sqrt{149}$$

$$\therefore x + y = 10 + \sqrt{149}$$

5. 세 변의 길이가 16cm, 16cm, 8cm 인 삼각형의 넓이를 구하여라.

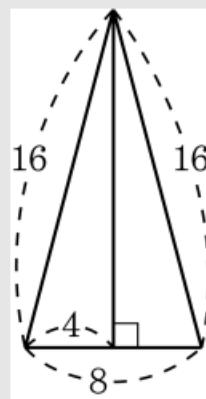
▶ 답: cm<sup>2</sup>

▶ 정답:  $16\sqrt{15}$  cm<sup>2</sup>

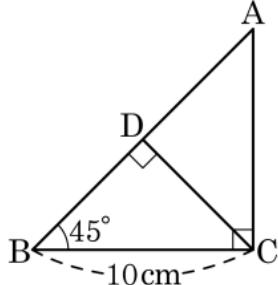
해설

$$\text{높이는 } \sqrt{256 - 16} = \sqrt{240} = 4\sqrt{15}(\text{cm})$$

$$\text{넓이는 } 8 \times 4\sqrt{15} \times \frac{1}{2} = 16\sqrt{15}(\text{cm}^2)$$



6. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에서  $\angle C = 90^\circ$ 이고  $\overline{CD} \perp \overline{AB}$ 이다.  $\overline{CD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 :  $5\sqrt{2}$  cm

해설

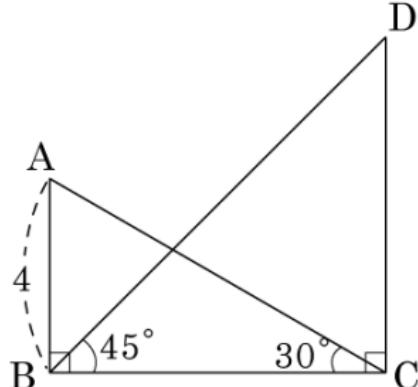
$$\overline{AC} = 10 \text{ cm}$$

$$\overline{AB} = 10\sqrt{2}$$

$$\triangle ABC = 10 \times 10 \times \frac{1}{2} = 10\sqrt{2} \times \overline{CD} \times \frac{1}{2}$$

$$\therefore \overline{CD} = 5\sqrt{2} (\text{cm})$$

7. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = 4\text{cm}$  이고  
 $\angle ACB = 30^\circ$ ,  $\angle DBC = 45^\circ$  일 때,  $\overline{BD}$   
의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답:  $\overline{BD} = 4\sqrt{6}\text{cm}$

해설

$$\overline{BC} = \sqrt{3} \times \overline{AB} = 4\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$\overline{BD} = \sqrt{2} \times \overline{BC} = 4\sqrt{6}(\text{cm})$$

8. 두 점 A( $a$ , 4), B(-7,  $b$ )의 중점의 좌표가 (-1, 5) 일 때,  $\overline{AB}$  의 길이는?

①  $\sqrt{37}$

②  $2\sqrt{37}$

③  $4\sqrt{37}$

④  $\frac{3\sqrt{37}}{2}$

⑤  $\frac{\sqrt{37}}{2}$

해설

$\overline{AB}$  의 중점은  $\left(\frac{a-7}{2}, \frac{4+b}{2}\right) = (-1, 5)$  이므로  $a = 5$ ,  $b = 6$

A(5, 4), B(-7, 6)

$$\therefore \overline{AB} = \sqrt{(5+7)^2 + (4-6)^2} = \sqrt{144+4} = 2\sqrt{37}$$

9. 이차함수  $y = -x^2 + 4x + 2k - 1$ 의 최댓값이 5 일 때,  $k$ 의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④  $\frac{3}{4}$

⑤ -1

해설

$$\begin{aligned}y &= -x^2 + 4x + 2k - 1 \\&= -(x - 2)^2 + 4 + 2k - 1 \\&= -(x - 2)^2 + 2k + 3\end{aligned}$$

최댓값이 5 이므로  $2k + 3 = 5$

$$\therefore k = 1$$

10. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 최댓값이 9이고 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근이  $-1, 5$  일 때,  $abc$ 의 값은? (단,  $a, b, c$ 는 상수이다.)

① 45

② 20

③ -5

④ -20

⑤ -45

해설

$ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근이  $-1, 5$  이므로

$$y = ax^2 + bx + c$$

$$= a(x + 1)(x - 5)$$

$$= a(x^2 - 4x - 5)$$

$$= a(x - 2)^2 - 9a$$

최댓값이 9 이므로  $-9a = 9$

$$\therefore a = -1$$

따라서 구하는 이차함수는  $y = -x^2 + 4x + 5$  이고

$b = 4, c = 5$  이다.

$$\therefore abc = -1 \times 4 \times 5 = -20$$

11. 밑변의 길이와 높이의 합이 36 cm인 삼각형의 최대 넓이를 구하여라.

▶ 답: cm<sup>2</sup>

▶ 정답: 162cm<sup>2</sup>

해설

삼각형의 밑변의 길이를  $x$  cm, 넓이를  $y$  cm<sup>2</sup> 라 하자.

$$y = \frac{1}{2}x(36 - x)$$

$$= -\frac{1}{2}(x^2 - 36x)$$

$$= -\frac{1}{2}(x - 18)^2 + 162$$

따라서 삼각형의 최대 넓이는 162 cm<sup>2</sup>

12. 가로의 길이가 6cm, 세로의 길이가 10cm인 직사각형에서 가로의 길이를  $x$ cm 길게 하고 세로의 길이를  $x$ cm 짧게 한 직사각형의 넓이가 최대일 때,  $x$ 값은?

① 2

② 4

③ 8

④ 14

⑤ 15

해설

넓이를  $y$  라 하면

$$\begin{aligned}y &= (6+x)(10-x) \\&= -x^2 + 4x + 60 \\&= -(x^2 - 4x + 4 - 4) + 60 \\&= -(x-2)^2 + 64\end{aligned}$$

따라서  $x = 2$  일 때 최댓값 64를 가진다.

13. 둘레의 길이가 24 인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다.  
부채꼴의 넓이를  $y$  라고 할 때, 부채꼴의 넓이의 최댓값을 구하면?

① 18

② 20

③ 30

④ 32

⑤ 36

### 해설

반지름의 길이를  $x$  라 하면 호의 길이는  $24 - 2x$  이다.

$$\begin{aligned}y &= \frac{1}{2} \times x \times (24 - 2x) \\&= x(12 - x) \\&= -x^2 + 12x \\&= -(x^2 - 12x + 36 - 36) \\&= -(x - 6)^2 + 36\end{aligned}$$

이차함수는 위로 볼록이므로 꼭짓점이 최댓값을 나타낸다.

따라서 꼭짓점이  $(6, 36)$  이므로 반지름의 길이  $x = 6$  일 때,  
부채꼴의 넓이  $y$  가 최댓값 36 을 가진다.

14. 다음의 표준편차를 순서대로  $x$ ,  $y$ ,  $z$  라고 할 때,  $x$ ,  $y$ ,  $z$  의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

X : 1 부터 100 까지의 홀수

Y : 1 부터 100 까지의 2 의 배수

Z : 1 부터 150 까지의 3 의 배수

- ①  $x = y = z$       ②  $x = y < z$       ③  $x < y = z$   
④  $x = y > z$       ⑤  $x < y < z$

해설

X, Y, Z 모두 변량의 개수는 50 개이다.

이때, X, Y 는 모두 2 만큼의 간격을 두고 떨어져 있으므로 X, Y 의 표준편차는 같다.

한편, Z 는 3 만큼의 간격을 두고 떨어져 있으므로 X, Y 보다 표준편차가 크다.

15. 네 개의 변량  $4, 6, a, b$  의 평균이 5이고, 분산이 3 일 때,  $a^2 + b^2$  의 값은?

① 20

② 40

③ 60

④ 80

⑤ 100

해설

변량  $4, 6, a, b$  의 평균이 5이므로

$$\frac{4+6+a+b}{4} = 5, \quad a+b+10 = 20$$

$$\therefore a+b = 10 \cdots ㉠$$

또, 분산이 3 이므로

$$\frac{(4-5)^2 + (6-5)^2 + (a-5)^2 + (b-5)^2}{4} = 3$$

$$\frac{1+1+a^2-10a+25+b^2-10b+25}{4} = 3$$

$$\frac{a^2+b^2-10(a+b)+52}{4} = 3$$

$$a^2+b^2-10(a+b)+52 = 12$$

$$\therefore a^2+b^2-10(a+b) = -40 \cdots ㉡$$

㉡의 식에 ㉠을 대입하면

$$\therefore a^2+b^2 = 10(a+b)-40 = 10 \times 10 - 40 = 60$$

16. 다음 중 [보기] A, B, C 의 표준편차의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

보기

- A. 1 부터 50 까지의 자연수
- B. 51 부터 100 까지의 자연수
- C. 1 부터 100 까지의 홀수

- ① C>A=B      ② A>B=C      ③ C>A>B  
④ B>C>A      ⑤ A=B=C

해설

A 와 B 의 표준편차는 같고, C 의 표준편차는 이들보다 크다.

17. 다음은 학생 8 명의 국어 시험의 성적을 조사하여 만든 것이다. 이 분포의 분산은?

계급	도수
55 이상 ~ 65 미만	3
65 이상 ~ 75 미만	$a$
75 이상 ~ 85 미만	1
85 이상 ~ 95 미만	1
합계	8

① 60

② 70

③ 80

④ 90

⑤ 100

### 해설

계급값이 60 일 때의 도수는  $a = 8 - (3 + 1 + 1) = 3$  이므로 이 분포의 평균은

(평균)

$$= \frac{\{(계급값) \times (도수)\} \text{의 총합}}{(도수)의 총합}$$

$$= \frac{60 \times 3 + 70 \times 3 + 80 \times 1 + 90 \times 1}{8}$$

$$= \frac{560}{8} = 70(\text{점})$$

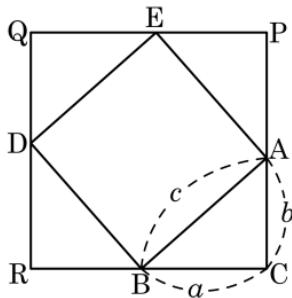
따라서 구하는 분산은

$$\frac{1}{8} \{ (60-70)^2 \times 3 + (70-70)^2 \times 3 + (80-70)^2 \times 1 + (90-70)^2 \times 1 \}$$

$$= \frac{1}{8} (300 + 0 + 100 + 400) = 100$$

이다.

18. 다음은 그림을 이용하여 피타고라스 정리를 설명한 것이다. 이때 ( ) 안에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정]  $\triangle ABC$ 에서  $\angle C = 90^\circ$

$$[결론] a^2 + b^2 = c^2$$

[증명] 직각삼각형  $ABC$ 에서 두 선분

$CB$ ,  $CA$ 를 연장하여 정사각형  $CPQR$ 를 만들고,

$\overline{PE} = \overline{QD} = b$ 인 두 점  $D$ ,  $E$ 를 잡아

정사각형  $AEDB$ 를 그린다.

$$\square CPQR = (①) + 4 \times (②)$$

$$(③) = c^2 + 4 \times \frac{1}{2} \times ab$$

$$a^2 + 2ab + b^2 = c^2 + (④)$$

따라서 (⑤)이다.

①  $\square AEDB$

②  $\triangle ABC$

③  $\triangle ABC$

④  $2ab$

⑤  $a^2 + b^2 = c^2$

해설

$$\square CPQR = (a + b)^2$$

19. 세 변의 길이가  $9, 12, a$  인 삼각형이 직각삼각형일 때,  $a$  가 될 수 있는 값을 모두 구하면? (정답 2개)

① 6

② 15

③ 18

④  $\sqrt{53}$

⑤  $3\sqrt{7}$

해설

( i )  $a$  가 가장 긴 변일 때

$$a^2 = 9^2 + 12^2 = 225 = 15^2$$

$$\therefore a = 15 (\because a > 0)$$

( ii ) 12 가 가장 긴 변일 때

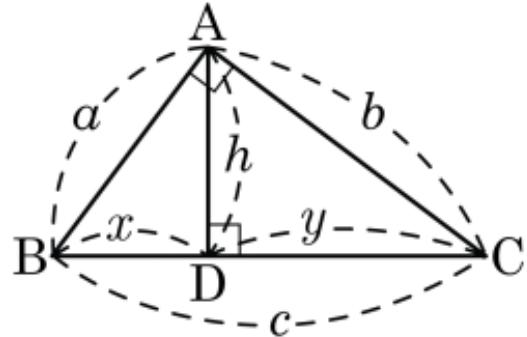
$$12^2 = a^2 + 9^2$$

$$a^2 = 63$$

$$\therefore a = 3\sqrt{7} (\because a > 0)$$

20. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에서  $\angle BAC = 90^\circ$ ,  
 $\overline{AD} \perp \overline{BC}$  일 때, 옳지 않은 것을 고르면?

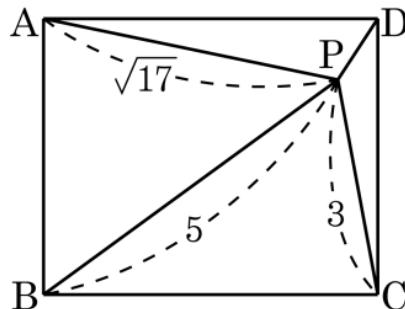
- ①  $h^2 = xy$
- ②  $b^2 = cy$
- ③  $a^2 = cx$
- ④  $c^2 = ab$
- ⑤  $a^2 + b^2 = c^2$



해설

④  $c^2 = a^2 + b^2$

21. 다음 그림과 같이 점 P 가 직사각형 ABCD 내부의 점이다.  $\overline{AP} = \sqrt{17}$ ,  $\overline{BP} = 5$ ,  $\overline{CP} = 3$  일 때,  $\overline{DP}$  의 길이를 구하여라.



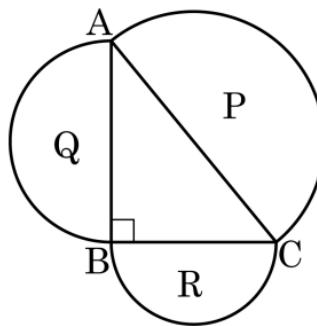
▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$$\begin{aligned}\overline{AP}^2 + \overline{CP}^2 &= \overline{BP}^2 + \overline{DP}^2 \text{ 이므로} \\ (\sqrt{17})^2 + 3^2 &= 5^2 + \overline{DP}^2, \quad \overline{DP}^2 = 1 \\ \therefore \overline{DP} &= 1\end{aligned}$$

22. 다음 그림과 같이  $\angle B = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC에서  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ 를 지름으로 하는 반원의 넓이를 P, Q, R 라 할 때, 다음 중 옳은 것을 보기에서 모두 골라라.



보기

- Ⓐ  $P^2 = Q^2 + R^2$
- Ⓛ  $Q = P - R$
- Ⓔ  $P = 2(Q - R)$
- ⓐ  $P = Q + R$
- ⓑ  $P = Q - R$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓥ

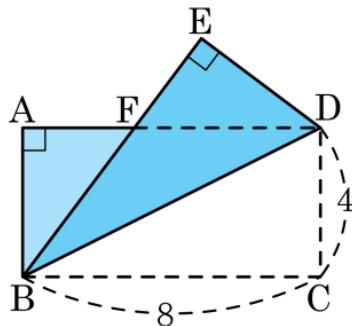
▷ 정답: ⓐ

해설

$P = Q + R$  이므로 옳은 것은

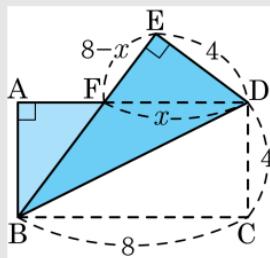
Ⓛ  $Q = P - R$ , ⓐ  $P = Q + R$  뿐이다.

23. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 대각선 BD를 접는 선으로 하여 접어서 점 C가 옮겨진 점을 E,  $\overline{BE}$  와  $\overline{AD}$ 의 교점을 F라 할 때,  $\triangle DEF$ 의 넓이를 구하면?



- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

해설



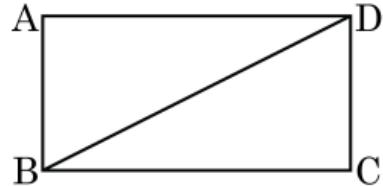
$$\overline{FD} = x \text{ 라 하면}$$

$$\overline{AF} = \overline{EF} = 8 - x$$

$$\triangle EFD \text{에서 } (8 - x)^2 + 4^2 = x^2, 16x = 80, x = 5$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$$

24. 다음 그림의 직사각형 ABCD에서 대각선의 길이가 5이고,  $\overline{BC} : \overline{CD} = 2 : 1$  일 때, □ABCD의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 10

해설

$\overline{BC} : \overline{CD} = 2 : 1$  이므로

$\overline{BC} = 2a$ ,  $\overline{CD} = a$  라 하면,

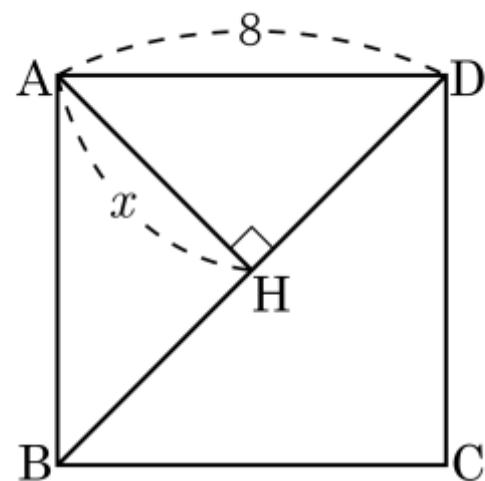
$\triangle BCD$ 에서  $(2a)^2 + a^2 = 25 \quad \therefore a = \sqrt{5}$

$\overline{BC} = 2\sqrt{5}$ ,  $\overline{CD} = \sqrt{5}$

따라서 □ABCD의 넓이는  $2\sqrt{5} \times \sqrt{5} = 10$  이다.

25. 한 변의 길이가 8인 정사각형 ABCD에서  
 $\overline{AH} \perp \overline{BD}$  일 때,  $\overline{AH}$ 의 길이는?

- ①  $2\sqrt{2}$
- ②  $3\sqrt{2}$
- ③  $4\sqrt{2}$
- ④  $5\sqrt{2}$
- ⑤  $6\sqrt{2}$



해설

$$\overline{BD} = 8\sqrt{2} \text{ 이므로 } x \times 8\sqrt{2} = 8 \times 8$$

$$\therefore x = 4\sqrt{2}$$