

1. 다음 중 y 가 x 의 함수인 것을 모두 고르면? (정답 3개)

- ① 한 개에 200원인 지우개 x 개의 가격 y 원
- ② 가로 길이가 6cm, 세로 길이가 x cm, 인 직사각형의 넓이 y cm²
- ③ 자연수 x 보다 작은 짝수 y
- ④ y 는 절댓값이 x 인 수
- ⑤ 25% 의 소금물 x g 에 들어 있는 소금의 양 y g

해설

①, ②, ⑤ 는 하나의 x 의 값에 y 의 값이 하나로 결정되므로 함수이다.

③ 예를 들어 $x = 7$ 일 때, 7보다 작은 짝수는 2, 4, 6이므로 하나의 x 값에 대하여 y 의 값이 3개로 결정된다.

따라서 함수가 아니다.

④ 예를 들어 $x = 3$ 일 때, 절댓값이 3인 수는 +3, -3이므로 하나의 x 값에 대하여 y 의 값이 2개로 결정된다.

따라서 함수가 아니다.

2. x 가 $-2, -1, 0, 1, 2$ 이고 y 가 모든 수인 함수 $y = -2x$ 에 대하여 함숫값 중 가장 큰 수에서 가장 작은 수를 뺀 값은?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$f(-2) = 4$$

$$f(-1) = 2$$

$$f(0) = 0$$

$$f(1) = -2$$

$$f(2) = -4$$

∴ 함숫값은 $-4, -2, 0, 2, 4$

$$\therefore 4 - (-4) = 8$$

3. 두 함수 $f(x) = x - 3, g(x) = 4x$ 에 대하여 $f(8) + g(1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$$f(8) = 8 - 3 = 5, g(1) = 4 \times 1 = 4$$

$$\therefore f(8) + g(1) = 5 + 4 = 9$$

4. 점 $P(3a, -b)$ 가 제 2사분면에 있을 때, 다음 중 다른 사분면에 있는 점은?

① $(-a, b)$

② (ab, a)

③ $\left(\frac{b}{a}, a+b\right)$

④ $(a+b, -ab)$

⑤ $\left(\frac{a}{b}, -\frac{b}{a}\right)$

해설

$3a < 0, -b > 0$ 이므로 $a < 0, b < 0$

$(-a, b), (ab, a), \left(\frac{b}{a}, a+b\right), \left(\frac{a}{b}, -\frac{b}{a}\right)$ 는 모두 제4사분면 위의 점이다.

④ $(a+b, -ab)$ 만 x, y 좌표가 모두 음수이므로 제3사분면 위의 점이다.

5. 그래프가 원점을 지나는 직선인 함수가 있다. 이 함수의 그래프 위의 점 $(3, 6)$ 이 있을 때, 함수의 식은?

① $y = x$

② $y = 2x$

③ $y = 3x$

④ $y = 4x$

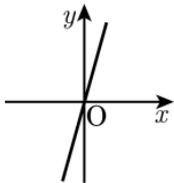
⑤ $y = 5x$

해설

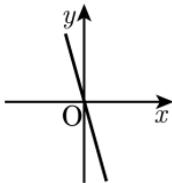
$y = ax$ 로 놓으면 $(3, 6)$ 을 지나므로 $6 = 3a$ 이다.
따라서 $y = 2x$ 이다.

6. x 의 값이 $-3, -2, -1, 1, 2, 3$ 일 때, 함수 $y = -\frac{6}{x}$ 의 그래프는?

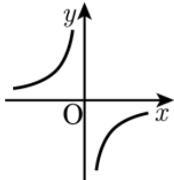
①



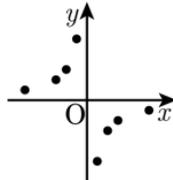
②



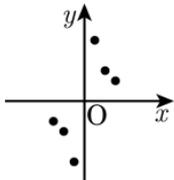
③



④



⑤



해설

$y = -\frac{6}{x}$ 는 제2, 4 사분면을 지나는 반비례 그래프이고, x 의 값이 $-3, -2, -1, 1, 2, 3$ 이면
 함숫값은 $-6, -3, -2, 2, 3, 6$ 이다.

7. 함수 $f(x) = \frac{b}{x}$ 에 대하여 $f(3) = 4$ 일 때, b 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $b = 12$

해설

$$f(3) = 4 \text{ 이므로 } f(3) = \frac{b}{3} = 4$$

$$\therefore b = 12$$

8. $f(x) = ax - 1 - (a - x)$ 가 $f(2) = 3$ 을 만족할 때, $f(2) - f(-1)$ 의 값은?

① -3

② 15

③ 9

④ -15

⑤ -21

해설

$$f(x) = ax - 1 - a + x \text{에서}$$

$$f(2) = 2a - 1 - (a - 2) = 3$$

$$2a - 1 - a + 2 = 3$$

$$a = 2$$

$$f(x) = 2x - 1 - (2 - x) = 3x - 3$$

$$\therefore f(2) - f(-1) = 3 - (-6) = 9$$

9. 함수 $f(x) = -\frac{20}{x}$ 에서 함숫값이 $-5, -2, 4, 5$ 일 때, 이 함수의 x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-5, -4, 4, 10$

해설

$$f(x) = -\frac{20}{x} = -5 \therefore x = 4$$

$$f(x) = -\frac{20}{x} = -2 \therefore x = 10$$

$$f(x) = -\frac{20}{x} = 4 \therefore x = -5$$

$$f(x) = -\frac{20}{x} = 5 \therefore x = -4$$

$\therefore x$ 의 값은 $-5, -4, 4, 10$ 이다.

10. 좌표평면에 대한 설명으로 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

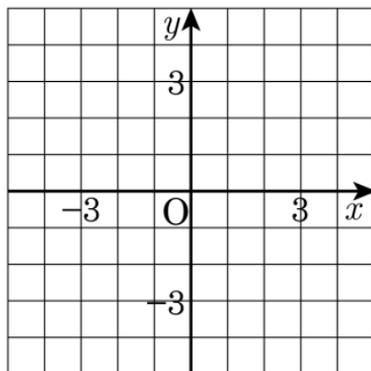
- ① 점 $(-5, 9)$ 는 x 좌표는 9 , y 좌표는 -5 인 점이다.
- ② 좌표축 위의 점은 어느 사분면에도 속하지 않는다.
- ③ 점 $(1, -5)$ 는 제 2 사분면 위의 점이다.
- ④ 점 $(0, -6)$ 는 x 축 위의 점이다.
- ⑤ 점 $(0, 6)$ 은 y 축 위의 점이다.

해설

- ③ 점 $(1, -5)$ 는 제 4 사분면 위의 점이다.
- ④ 점 $(0, -6)$ 은 y 축 위의 점이다.



11. 점 A(2, -4) 를 y 축에 대하여 대칭 이동시킨 점을 B, 원점에 대하여 대칭이동 시킨 점을 C 라 할 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

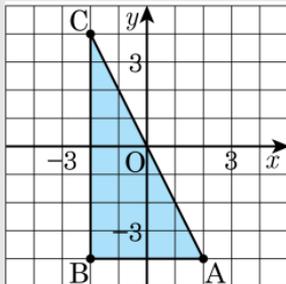


▶ 답 :

▷ 정답 : 16

해설

점 B 는 점 A 를 y 축에 대하여 대칭 이동시킨 점이므로 x 좌표의 부호가 바뀌므로 $(-2, -4)$, 점 C 는 점 A 를 원점에 대하여 대칭 이동시킨 점이므로 x, y 의 부호가 반대가 되므로 $(-2, 4)$
 점 A, B, C 를 좌표평면에 표시하면, 다음 그림과 같다.



$\triangle ABC$ 는 밑변 $\overline{AB} = 4$, 높이 $\overline{BC} = 8$ 인 삼각형

따라서 ($\triangle ABC$ 의 넓이) $= 4 \times 8 \times \frac{1}{2} = 16$

12. 함수 $y = -\frac{2}{3}x$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

① 원점을 지난다.

② 점 $(3, -2)$ 를 지난다.

③ 제 2, 4사분면을 지난다.

④ 오른쪽 아래로 향하는 직선이다.

⑤ x 의 값이 증가할수록, y 의 값이 증가한다.

해설

⑤ 정비례 그래프에서 $a < 0$ 일 때, x 의 값이 증가할수록 y 값은 감소한다.

13. 원점과 한 점 $(-3, 5)$ 를 지나는 직선이 두 점 $(a, -10)$, $(-\frac{1}{5}, b)$ 를 지날 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

원점을 지나는 직선이므로 $y = kx$ 에

$$x = -3, y = 5 \text{를 대입하면 } k = -\frac{5}{3}$$

$$\therefore y = -\frac{5}{3}x$$

$y = -\frac{5}{3}x$ 에 $x = a, y = -10$ 을 대입하면

$$a = 6$$

$y = -\frac{5}{3}x$ 에 $x = -\frac{1}{5}, y = b$ 을 대입하면

$$b = \frac{1}{3}$$

$$\therefore ab = 2$$

14. $y = ax$ 의 그래프가 점 $(-2, 1)$ 를 지날 때, 다음 중 그래프 위의 점은?

① $(2, -1)$

② $(3, \frac{3}{2})$

③ $(4, 2)$

④ $(-5, -\frac{5}{4})$

⑤ $(-4, 1)$

해설

$x = -2, y = 1$ 을 $y = ax$ 에 대입하면

$$1 = -2a, a = -\frac{1}{2}$$

따라서 관계식은 $y = -\frac{1}{2}x$ 이다.

이 그래프 위에 있는 점은 ①이다.

15. 함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 $\left(-1, \frac{1}{4}\right)$ 을 지나고, 함수 $y = ax$ 가 $(b, -8)$ 을 지날 때, $a \times b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

$y = \frac{a}{x}$ 가 점 $\left(-1, \frac{1}{4}\right)$ 를 지나므로

$$\frac{1}{4} = \frac{a}{-1}, a = -\frac{1}{4} \text{이다.}$$

$y = -\frac{1}{4}x$ 가 점 $(b, -8)$ 을 지나므로

$$-\frac{1}{4}b = -8, b = 32 \text{이다.}$$

따라서 $ab = \left(-\frac{1}{4}\right) \times 32 = -8$ 이다.

16. 깊이가 90 cm 인 원기둥 모양의 물통에 물을 넣을 때, 수면의 높이가 매분 3 cm 씩 올라간다. 물을 넣기 시작하여 x 분 후의 수면의 높이를 y cm 라 할 때, 물통에 물을 가득 채우는 데 걸리는 시간은?

① 20 분

② 25 분

③ 30 분

④ 35 분

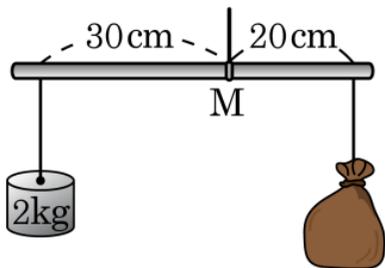
⑤ 40 분

해설

$$y = 3x$$

$y = 90$ 을 대입하면 $x = 30$ 이다.

17. 한쪽에 무게 2kg의 추가 달린 손저울에 어떤 자루를 매달았더니 다음 그림과 같이 균형을 이루었다. 점 M에서 물건을 매단 곳까지의 거리와 물건의 무게의 곱은 양쪽이 항상 같다고 할 때, 자루의 무게를 구하여라.



▶ 답: kg

▶ 정답: 3kg

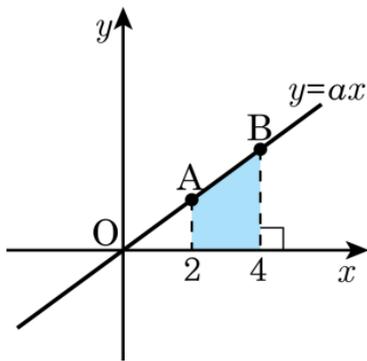
해설

자루의 무게를 x 라 하자.

$$30 \cdot 2 = 20 \cdot x$$

$$\therefore x = 3(\text{kg})$$

18. 다음 그래프에서 색칠한 부분의 넓이가 $\frac{9}{2}$ 일 때, a 의 값을 구하시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{3}{4}$

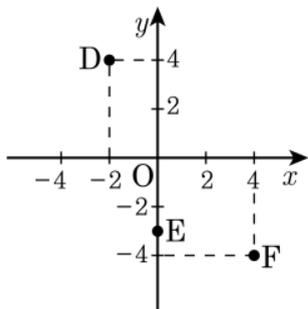
해설

$$(2a + 4a) \times 2 \times \frac{1}{2} = \frac{9}{2}$$

$$6a = \frac{9}{2}$$

$$\therefore a = \frac{3}{4}$$

19. 좌표평면 위의 점 D, E, F의 좌표 중 $x+y$ 의 값이 가장 큰 점을 D, E, F 중에서 골라라.



▶ 답 :

▷ 정답 : D

해설

점 E는 y 축 위의 점이므로 $x = 0$ 이다.

D(-2, 4), E(0, -3), F(4, -4)이므로

$x+y$ 의 값은

$$D : -2 + 4 = 2$$

$$E : 0 - 3 = -3$$

F : $4 - 4 = 0$ 로 가장 큰 점은 D이다.

20. 좌표평면 위의 세 점이 다음과 같을 때, 세 점 A, B, C를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 넓이를 구하면?

$$A(0, -3), B(5, 2), C(-3, 2)$$

① 10

② 15

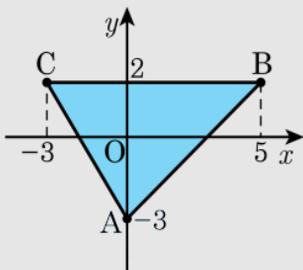
③ 20

④ 25

⑤ 30

해설

좌표평면 위에 세 점 A, B, C를 찍어 삼각형을 그리면 다음과 같다.



$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 8 \times 5 = 20$$