

1. 두 집합  $X = \{-2, 0, 1\}$ ,  $Y = \{0, 1, 2, 3\}$ 에 대하여 다음 대응 중  $X$ 에서  $Y$ 로의 함수인 것은?

①  $x \rightarrow x + 1$       ②  $x \rightarrow x^2$       ③  $x \rightarrow x - 1$   
④  $x \rightarrow x + 2$       ⑤  $x \rightarrow 2x + 1$

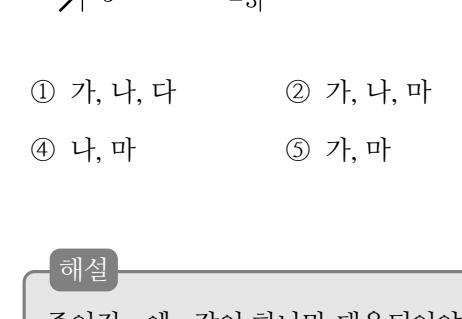
해설

각각의 치역을 구하면

- ①  $\{-1, 1, 2\}$   
②  $\{0, 1, 4\}$   
③  $\{-3, -1, 0\}$   
④  $\{0, 2, 3\}$   
⑤  $\{-3, 1, 3\}$

따라서 주어진 조건을 만족하는 함수는 ④ 이다.

2. 다음 중 함수의 그래프인 것을 모두 고른 것은?



- ① 가, 나, 다      ② 가, 나, 마      ③ 다, 라, 마  
④ 나, 마      ⑤ 가, 마

해설

주어진  $x$ 에  $y$ 값이 하나만 대응되어야 한다.  
 $\therefore$  다, 라, 마가 함수이다.

3. 다음 (        )안에 알맞은 말을 써라.

함수  $f(x)$ 의 치역과 공역이 같고, 정의역의 서로 다른 원소에 치역의 서로 다른 원소가 대응할 때, 이 함수를 (        )이라고 한다.

▶ 답:

▷ 정답: 일대일대응



4. 다음 중 항등함수를 찾으면?

- ①  $f(x) = x$       ②  $f(x) = x + 1$       ③  $f(x) = x - 1$   
④  $f(x) = x^2$       ⑤  $f(x) = x^2 + 1$

해설

항등함수는  $f(x) = x$  또는  $y = x$ 이다.

5. 두 집합  $X = \{a, b, c\}$ ,  $Y = \{1, 2, 3\}$ 에 대하여  $X$ 에서  $Y$ 로의 함수 중 일대일 대응인 것의 개수를 구하면?

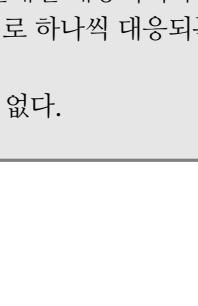
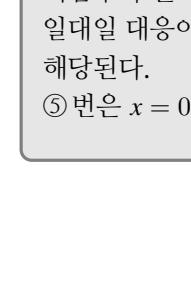
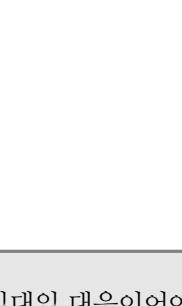
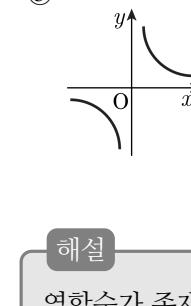
① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$a, b, c$ 에 대응하는 원소를  
순서쌍  $(f(a), f(b), f(c))$ 으로 나타내면  
 $(1, 2, 3)$ ,  $(1, 3, 2)$ ,  $(2, 1, 3)$ ,  $(2, 3, 1)$ ,  $(3, 1, 2)$ ,  
 $(3, 2, 1)$ 이므로

$X$ 에서  $Y$ 로의 함수 중 일대일 대응인 것의 개수는 6개이다.

6. 다음 그래프 중에서 실수전체 집합에서 역함수가 존재하는 함수의 그래프는?



해설

역함수가 존재하려면 함수가 일대일 대응이어야 한다.  
일대일 대응이란 변수  $x, y$ 가 서로 하나씩 대응되는 것으로 ④에  
해당된다.

⑤ 번은  $x = 0$ 에 대응되는  $y$ 가 없다.

7.  $\frac{x}{x^2 - xy} + \frac{y}{y^2 - xy}$  을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= \frac{x}{x(x-y)} + \frac{y}{y(y-x)} = \frac{1}{x-y} + \frac{-1}{x-y} \\&= 0\end{aligned}$$

8. 분수식  $\frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2} - \frac{1}{x-3} - \frac{1}{x-4}$  을 간단히 하면  
 $\frac{ax^2 + bx + c}{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)}$  일 때, 상수  $a, b, c$ 에 대해서  $a+b+c$ 의  
 값은?

① -6      ② -3      ③ 0      ④ 3      ⑤ 6

**해설**

$$\begin{aligned} & \frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2} - \frac{1}{x-3} - \frac{1}{x-4} \\ &= \left( \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x-3} \right) + \left( \frac{1}{x-2} - \frac{1}{x-4} \right) \\ &= \frac{-2}{(x-1)(x-3)} + \frac{-2}{(x-2)(x-4)} \\ &= \frac{-2(x^2 - 6x + 8 + x^2 - 4x + 3)}{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)} \\ &= \frac{-2(2x^2 - 10x + 11)}{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)} \\ &= \frac{ax^2 + bx + c}{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)} \end{aligned}$$

$$\therefore a = -4, b = 20, c = -22$$

$$\therefore a + b + c = -6$$

9.     분수식  $\frac{\frac{x+1}{x-1}}{4}$  을 간단히 하시오.

▶     답 :

▷ 정답 :  $\frac{x+1}{4}$

해설

$$(\text{준 식}) = \frac{(x+1)(x-1)}{4(x-1)} = \frac{x+1}{4}$$

10.  $3 - \sqrt{2}$ 의 정수 부분을  $a$ , 소수 부분을  $b$  라 할 때,  $a + \frac{2}{b}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $3 + \sqrt{2}$

해설

$$1 < \sqrt{2} < 2 \text{ 이므로 } a = 1, b = 2 - \sqrt{2}$$

$$\begin{aligned} \text{따라서 } a + \frac{2}{b} &= 1 + \frac{2}{2 - \sqrt{2}} \\ &= 1 + \frac{2(2 + \sqrt{2})}{2} \\ &= 3 + \sqrt{2} \end{aligned}$$

11. 집합  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  에서 집합  $B = \{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5\}$  로의 대응  $f$  중  $f(1) = a_1, f(2) = a_2$  인 함수  $f$  의 개수는?

- ① 8 개      ② 25 개      ③ 64 개  
④ 81 개      ⑤ 125 개

해설

$f(1) = a_1, f(2) = a_2$  인 함수  $f : A \rightarrow B$  는 다음 그림에서  $A$  의 원소 3, 4, 5에  $B$  의 원소  $a_1, a_2, a_3, a_4, a_5$  중 하나를 각각 대응시키면 된다.  
따라서, 구하는 함수의 개수는  $5 \times 5 \times 5 = 125$  (개)



12. 두 함수  $f(x) = x + 2$ ,  $g(x) = 2x - 1$ 에 대하여  $(g \circ f)(1)$ 의 값은?

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

해설

$$(g \circ f)(1) = g(f(1)) = g(3) = 5$$

13. 함수  $f(x) = ax + 3$  과 그 역함수  $f^{-1}(x)$  가 같아지도록 하는 상수  $a$ 의 값은 얼마인가?

① -3      ② -1      ③  $-\frac{1}{3}$       ④ 1      ⑤ 3

해설

$y = ax + 3$  으로 놓고  $x, y$  를 서로 바꾸면

$$x = ay + 3, y = \frac{1}{a}x - \frac{3}{a}$$

$$f^{-1}(x) = \frac{1}{a}x - \frac{3}{a}$$

$f(x) = f^{-1}(x)$  에서

$$ax + 3 = \frac{1}{a}x - \frac{3}{a}$$

위의 식이 모든 실수  $x$ 에 대하여 성립해야 하므로

$$a = \frac{1}{a}, 3 = -\frac{3}{a}$$

$$\therefore a = -1$$

해설

$f(x) = f^{-1}(x)$  이면  $(f \circ f)(x)$  이므로

$(f \circ f)(x) = I(x) = x$  이 성립한다.

$$(f \circ f)(x) = f(f(x)) = f(ax + 3) = a(ax + 3) + 3$$

$$= a^2x + 3a + 3$$

$$a^2x + 3a + 3 = x \text{에서 } a^2 = 1, 3a + 3 = 0$$

$$\therefore a = -1$$

14. 함수  $f(x) = kx + 1$ 에 대하여  $f^{-1} = f$  가 성립할 때, 상수  $k$ 의 값은?  
(단,  $f^{-1}$  는  $f$  의 역함수)

- ① 4      ② 3      ③ 2      ④ -1      ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}f^{-1} \circ f &\text{으로 } f \circ f = I \\(f \circ f)(x) &= x \text{ 이다} \\f(f(x)) &= f(kx + 1) = k(kx + 1) + 1 = k^2x + k + 1 = x \\ \therefore k^2 &= 1, k + 1 = 0 \text{ 따라서 } k = -1\end{aligned}$$

15. 유한집합  $X$ 에서 유한집합  $Y$ 로의 함수  $f$ 의 역함수  $f^{-1}$ 가 존재한다고 한다. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 고르면?

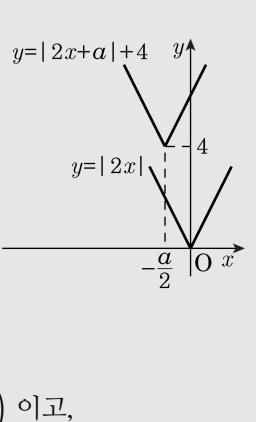
- ①  $n(X) = n(Y)$ 이다.
- ②  $x_1 \neq x_2$ 면  $f(x_1) \neq f(x_2)$ 이다.
- ③  $y = f(x)$ 와  $y = f^{-1}(x)$ 의 그래프는 직선  $y = x$ 에 대하여 대칭이다.
- ④  $f(a) = b$  이면  $f^{-1}(b) = a$ 이다.
- ⑤  $y = f(x)$ 의 정의역은  $y = f^{-1}(x)$ 의 정의역과 일치한다.

해설

- ⑤ ( $f$ 의 정의역) = ( $f^{-1}$ 의 치역)  
( $f^{-1}$ 의 정의역) = ( $f$ 의 치역)

16. 함수  $y = |2x + a| + 4$  의 그래프가 다음 그림과 같이 점  $(-1, b)$  를 지난다. 이때, 두 상수  $a, b$  의 곱  $ab$  의 값을 구하면?

- ① 2      ② 4      ③ 6  
 ④ 8      ⑤ 10



**해설**

$$y = |2x + a| + 4 \\ = \left| 2\left(x + \frac{a}{2}\right) \right| + 4$$

즉, 함수  $y = |2x + a| + 4$  의 그래프는  
함수  $y = |2x|$  의 그래프를  $x$  축의 방향  
으로  
 $-\frac{a}{2}$  만큼,

$y$  축의 방향으로 4 만큼 평행이동한 것  
이다.

이때, 그래프의 꺾인 점의 좌표는  $\left(-\frac{a}{2}, 4\right)$  이고,

문제에서  $(-1, b)$  이므로

$$-\frac{a}{2} = -1, b = 4$$

$$\therefore a = 2, b = 4 \quad \therefore ab = 8$$



17. 함수  $f(x) = |x - 1| - a$ 에서  $f(2) = 4$  를 만족시키는 양의 상수  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned}f(2) &= 4 \text{ 이므로} \\f(2) &= |2 - 1| - a = 4 \rightarrow |1 - a| = 4 \\&\text{따라서 } a = -3, 5 \text{ 이므로 양수 } a = 5\end{aligned}$$

18.  $x^2 \neq 4$ 인 모든 실수  $x$ 에 대하여  $\frac{x+6}{x^2-4} = \frac{a}{x+2} - \frac{b}{x-2}$  을 만족시키는 상수  $a$ 와  $b$ 가 있다. 이때,  $a+b$ 의 값은?

- ① -6      ② -3      ③ -1      ④ 2      ⑤ 4

해설

$\frac{x+6}{x^2-4} = \frac{a}{x+2} - \frac{b}{x-2}$ 의 우변을 통분하여 계산하면

$$\begin{aligned}\frac{a}{x+2} - \frac{b}{x-2} &= \frac{a(x-2)}{x^2-4} - \frac{b(x+2)}{x^2-4} \\ &= \frac{(a-b)x - 2(a+b)}{x^2-4}\end{aligned}$$

따라서  $a-b=1$ ,  $-2(a+b)=6$ 으로 연립하여 풀면

$$a=-1, b=-2$$

$$\therefore a+b=-3$$

19.  $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} \neq 0$  일 때,  $\frac{x^2 - 8xy + y^2}{x^2 - y^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = a \neq 0 \text{ 라 하면}$$

$$x = 2a, y = 3a$$

$$\frac{x^2 - 8xy + y^2}{x^2 - y^2} = \frac{4a^2 - 48a^2 + 9a^2}{4a^2 - 9a^2}$$

$$= \frac{-35a^2}{-5a^2} = 7$$

20.  $1 < a < 4$  일 때,  $\sqrt{(a-4)^2} + |a-1|$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{(a-4)^2} + |a-1| \\= |a-4| + |a-1| \\= -a+4+a-1 = 3\end{aligned}$$

21. 유리수  $a, b$ 에 대하여  $(1 + 2\sqrt{2})a + (-1 + \sqrt{2})b = 5 + 7\sqrt{2}$ 가 성립할 때,  $a + b$ 의 값은?

① 3      ② 2      ③ 0      ④ -2      ⑤ -3

해설

$$(1 + 2\sqrt{2})a + (-1 + \sqrt{2})b = 5 + 7\sqrt{2}$$

$$(a - b) + (2a + b)\sqrt{2} = 5 + 7\sqrt{2} \cdots ⑦$$

$a, b$ 가 유리수이면

$a - b, 2a + b$ 도 유리수이므로 ⑦에서

$$\begin{cases} a - b = 5 \\ 2a + b = 7 \end{cases}$$

이것을 연립하여 풀면  $a = 4, b = -1$

$$\therefore a + b = 3$$

22. 분수함수  $y = \frac{3x-1}{x+1}$  의 점근선을  $x = a$ ,  $y = b$  라고 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$y = \frac{3x-1}{x+1} = \frac{-4}{x+1} + 3 \text{에서 점근선은}$$

$$x = -1, y = 3$$

$$a = -1, b = 3$$

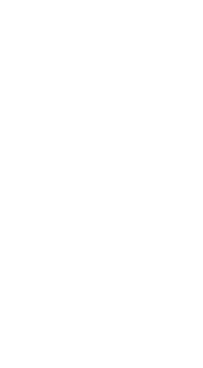
$$\therefore a + b = 2$$

23. 좌표평면에서 무리함수  $y = -\sqrt{-x+2} + 1$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면을 모두 구하면?

- ① 제 1사분면      ② 제 2사분면  
③ 제 3사분면      ④ 제 1사분면, 제 2사분면  
⑤ 제 3사분면, 제 4사분면

해설

무리함수의 그래프를 그려보면 아래와 같다.



따라서, 무리함수의 그래프가 지나지 않는 것은 제 2사분면이다.

24. 무리식  $\sqrt{2-x} + \frac{1}{\sqrt{x+3}}$ 의 값이 실수가 되도록  $x$ 의 범위를 정할 때,  
정수  $x$ 의 개수는?

- ① 2 개      ② 3 개      ③ 4 개      ④ 5 개      ⑤ 6 개

해설

$$2 - x \geq 0, \quad x + 3 > 0 \\ \therefore -3 < x \leq 2 \text{ 이므로 정수의 개수는 } 5 \text{ 개}$$

25. 유리함수  $f(x) = \frac{3x-2}{x-2}$ 에 대하여 이 함수  $y = f(x)$ 의 역함수를  $y = f^{-1}(x)$ 라 하자. 이 때,  $y = f(x)$  와  $y = f^{-1}(x)$ 의 교점의 개수를 구하면?

- ① 0개      ② 1개      ③ 2개  
④ 3개      ⑤ 무수히 많다.

해설

$y = f(x)$  와  $y = f^{-1}(x)$ 의 교점은  
 $y = f(x)$  와  $y = x$ 의 교점과 같다.

$$\Rightarrow x = \frac{3x-2}{x-2}$$
$$\Rightarrow x^2 - 5x + 2 = 0$$

$D > 0$ 이므로 교점은 2개이다.

26. 다음 보기에서 무리함수  $y = -\sqrt{a(x-1)} + 1$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

Ⓐ  $a = -1$ 이면 그래프는 제2사분면을 지난다.

Ⓑ  $a > 0$ 이면 치역은  $\{y|y \leq 1\}$ 이다.

Ⓒ  $a < 0$ 이면 치역은  $\{y|y \leq 1\}$ 이다.

Ⓓ  $y = \sqrt{x} + 1$ 의 그래프와 만날 수 있다.

① Ⓐ, Ⓑ    ② Ⓑ, Ⓒ    ③ Ⓐ, Ⓓ    ④ Ⓑ, Ⓒ    ⑤ Ⓑ, Ⓔ

해설

Ⓐ  $a = -1$ 이면 주어진 무리함수는

$$y = -\sqrt{-(x-1)} + 1$$

$y = -\sqrt{-x}$ 의 그래프를  $x$  축의 방향으로 1만큼,

$y$  축의 방향으로 1만큼 평행이동한

것이므로 그래프는 오른쪽과 같다.

따라서 그래프는 제2사분면을 지난지 않는다.



Ⓑ, Ⓒ  $a > 0$  또는  $a < 0$  일 때

항상  $\sqrt{a(x-1)} \geq 0$ 이므로 치역은  $\{y|y \leq 1\}$

Ⓓ  $y = -\sqrt{a(x-1)} + 1$ 의 그래프는

아래와 같으므로  $y = \sqrt{x} + 1$ 의

그래프와 만나지 않는다.

따라서 옳은 것은 Ⓑ, Ⓒ이다.



27. 분수함수  $y = \frac{ax-1}{x+b}$  의 접근선이  $x = -2$ ,  $y = 3$  일 때, 무리함수  $y = \sqrt{ax+b}$  의 정의역은? (단,  $a, b$  는 상수)

- ①  $\{x | x \leq -3\}$       ②  $\left\{x | x \leq -\frac{2}{3}\right\}$       ③  $\left\{x | x \geq -\frac{2}{3}\right\}$   
④  $\left\{x | x \geq \frac{2}{3}\right\}$       ⑤  $\{x | x \geq 3\}$

해설

$$y = \frac{-ab-1}{x+b} + a \quad | \text{므로}$$

접근선은  $x = -b$ ,  $y = a$  ∴  $a = 3, b = 2$

$y = \sqrt{3x+2}$  의 정의역은  $\left\{x | x \geq -\frac{2}{3}\right\}$  이다.

28. 역함수가 존재하는 함수  $f(x)$ 에 대하여  $f^{-1}(\sqrt{x+a}-1) = x+b$ ,  $f(1)=0$  일 때,  $a-b$ 의 값을 구하면?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}f^{-1}(\sqrt{x+a}-1) &= x+b \text{에서} \\f(x+b) &= \sqrt{x+a}-1 \\이 때, f(1) &= 0 \text{이므로} \\\text{위의 식에 } x &= 1-b \text{를 대입하면} \\f(1-b+b) &= \sqrt{1-b+a}-1 \\0 &= \sqrt{1-b+a}-1, \quad \sqrt{a-b+1} = 1 \\a-b+1 &= 1 \\∴ a-b &= 0\end{aligned}$$

29. 두 집합  $A = \{(x, y) \mid y = \sqrt{2x-1}\}$ ,  $B = \{(x, y) \mid y = mx + 1\}$ 에서  $A \cap B \neq \emptyset$  일 때,  $m$ 의 값의 범위를 구하면?

- ①  $-2 \leq m \leq \sqrt{2}$   
 ②  $-1 \leq m \leq \sqrt{2} - 1$   
 ③  $\textcircled{3} -2 \leq m \leq \sqrt{2} - 1$   
 ④  $-2 \leq m \leq \sqrt{3} - 1$   
 ⑤  $-1 \leq m \leq \sqrt{3} - 1$

해설

그림에서 직선 ③이 점 P를 지날 때부터 ③과 점 Q에서 접할 때까지의  $m$ 의 값이 구하는 범위이다.



(i)  $P\left(\frac{1}{2}, 0\right)$ 을 지날 때,  $m = -2$

(ii) 접할 때는  $\sqrt{2x-1} = mx + 1$ 에서

$$m^2x^2 + 2(m-1)x + 2 = 0$$

$$\therefore \frac{D}{4} = (m-1)^2 - 2m^2 = 0$$

$$\therefore m = -1 + \sqrt{2} (\because m > 0)$$

(i), (ii)에서  $-2 \leq m \leq \sqrt{2} - 1$

30.  $\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \cdots + \frac{1}{99 \cdot 100} = \frac{a}{100}, \frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 7} + \cdots + \frac{1}{99 \cdot 101} = \frac{b}{101}$  일 때,  $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 149

해설

$$\begin{aligned} & \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \cdots + \frac{1}{99 \cdot 100} \\ &= \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{2} \right) + \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) + \left( \frac{1}{3} - \frac{1}{4} \right) + \cdots + \left( \frac{1}{98} - \frac{1}{99} \right) + \\ & \quad \left( \frac{1}{99} - \frac{1}{100} \right) = 1 - \frac{1}{100} \end{aligned}$$

$$= \frac{99}{100} = \frac{a}{100}$$

$$\therefore a = 99$$

$$\begin{aligned} & \frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 7} + \cdots + \frac{1}{99 \cdot 101} \\ &= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{3} \right) + \left( \frac{1}{3} - \frac{1}{5} \right) + \left( \frac{1}{5} - \frac{1}{7} \right) + \cdots + \left( \frac{1}{97} - \frac{1}{99} \right) + \\ & \quad \left( \frac{1}{99} - \frac{1}{101} \right) \end{aligned}$$

$$= \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{1}{101} \right) = \frac{1}{2} \cdot \frac{100}{101} = \frac{50}{101} = \frac{b}{101}$$

$$\therefore b = 50$$

$$\therefore a+b = 149$$

31. 양수  $a, b$ 가  $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{a+b}$ 을 만족할 때,  $\frac{a^4 + b^4}{a^2b^2} + 5$ 의 값을 구하라.

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

해설

$$\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{a+b}, \quad \frac{b-a}{ab} = \frac{1}{a+b}$$

$$(b-a)(b+a) = ab$$

$$\therefore b^2 - a^2 = ab$$

$$b^2 - a^2 = ab \text{의 양변을 제곱하면}$$

$$a^4 - 2a^2b^2 + b^4 = a^2b^2$$

$$\therefore a^4 + b^4 = 3a^2b^2$$

$$\therefore \frac{a^4 + b^4}{a^2b^2} + 5 = 3 + 5 = 8$$

32. A 국가의 인구는 전 세계 인구의  $c\%$ 이고, 이 국가의 재산은 전 세계 재산의  $d\%$ 이다. B 국가의 인구는 전 세계 인구의  $e\%$ 이고, 재산은 전 세계 재산의  $f\%$ 이다. A, B 두 국가의 국민이 그 나라의 재산을 평등하게 나누어 가지고 있다고 가정할 때, A 국가의 한 사람이 소유하고 있는 재산의, B 국가의 한 사람이 소유하고 있는 재산에 대한 비의 값을 구하면?

①  $\frac{cd}{ef}$       ②  $\frac{ce}{df}$       ③  $\frac{cf}{de}$       ④  $\frac{de}{cf}$       ⑤  $\frac{df}{ce}$

해설

전 세계의 인구와 재산을 각각  $P, W$ 라 하면  
A 국가의 인구와 재산은 각각  $\frac{Pc}{100}, \frac{Wd}{100}$  이므로

$$1 \text{인당 재산은 } \frac{\frac{Wd}{100}}{\frac{Pc}{100}} = \frac{Wd}{Pc}$$

$$\text{마찬가지로, B 국가의 1인당 재산은 } \frac{Wf}{Pe}$$

$$\text{따라서, 구하는 비는 } \frac{\frac{Wd}{Pc}}{\frac{Wf}{Pe}} = \frac{de}{cf}$$

33.  $x = \frac{1}{\sqrt{5+2\sqrt{6}}}, y = \frac{1}{\sqrt{5-2\sqrt{6}}}$  일 때,  
 $x^4 + x^2y^2 + y^4 + 1$ 의 값을 구하면?

- ①  $2\sqrt{3}$     ② 1    ③ 99    ④ 100    ⑤ 101

해설

$$x = \frac{1}{\sqrt{5+2\sqrt{6}}} = \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} = \sqrt{3}-\sqrt{2}$$

$$y = \frac{1}{\sqrt{5-2\sqrt{6}}} = \frac{1}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} = \sqrt{3}+\sqrt{2}$$

$$x+y=2\sqrt{3}, xy=1$$

$$x^2+y^2=(x+y)^2-2xy=12-2=10$$

$$x^4+y^4=(x^2+y^2)^2-2x^2y^2=100-2=98$$

$$\therefore x^4+x^2y^2+y^4+1=98+1+1=100$$