

1. 좌표평면 위에 두 점 A(2, 1), B(4, 5)가 있다. 직선 $y = -2x + b$ 가 AB와 만날 때, 정수 b 의 값이 아닌 것은?

- ① 5 ② $\frac{11}{2}$ ③ 9 ④ 11 ⑤ 15

해설

기울기가 -2 이므로 b 값은 $(2, 1)$ 을 지날 때 최소, $(4, 5)$ 를 지날 때 최대이다.
따라서 $5 \leq b \leq 13$ 의 범위 안에 속하지 않는 것은 15 이다.

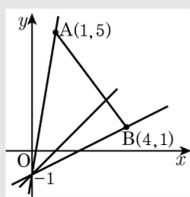
2. 좌표평면 위의 두 점 $A(1, 5)$, $B(4, 1)$ 이 있다. 일차함수 $y = ax - 1$ 의 그래프가 \overline{AB} 와 만나도록 하는 정수 a 값들의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 21

해설

$y = ax - 1$ 의 그래프는 a 의 값에 관계없이 $(0, -1)$ 을 지나므로 \overline{AB} 와 만나는 경우는 다음과 같아야 한다.

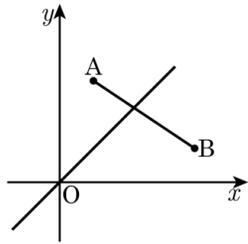


$(1, 5)$ 를 지날 때 기울기 $a = \frac{5+1}{1-0} = 6$

$(4, 1)$ 을 지날 때 기울기 $a = \frac{1+1}{4-0} = \frac{1}{2}$

$\therefore \frac{1}{2} \leq a \leq 6$ 정수 a 는 1, 2, 3, 4, 5, 6 이므로 합은 21 이다.

3. 일차함수 $y = ax$ 의 그래프가 두 점 $A(1, 3)$, $B(4, 1)$ 을 이은 선분과 만날 때, a 의 값의 범위는?



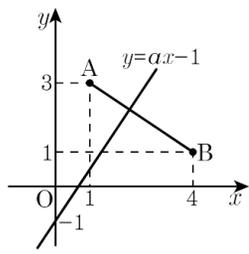
- ① $\frac{1}{2} \leq a \leq 2$ ② $\frac{1}{4} \leq a \leq 3$ ③ $1 \leq a \leq 2$
④ $1 \leq a \leq 4$ ⑤ $2 \leq a \leq 4$

해설

$y = ax$ 에 $(1, 3)$, $(4, 1)$ 을 대입

$$\frac{1}{4} \leq a \leq 3$$

4. 일차함수 $y = ax - 1$ 의 그래프가 두 점 $A(1, 3)$, $B(4, 1)$ 을 이은 선분과 만날 때, a 의 값의 범위는?

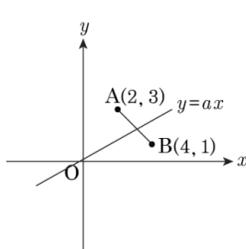


- ① $\frac{1}{2} \leq a \leq 2$ ② $\frac{1}{2} \leq a \leq 4$ ③ $1 \leq a \leq 2$
④ $1 \leq a \leq 4$ ⑤ $2 \leq a \leq 4$

해설

$y = ax - 1$ 에 $(1, 3)$, $(4, 1)$ 을 대입한다

5. 일차함수 $y = ax$ 의 그래프가 선분 AB 와 만나기 위한 a 의 값의 범위를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{4} \leq a \leq \frac{3}{2}$

해설

$y = ax$ 가 두 점 $(2, 3)$, $(4, 1)$ 을 지나므로

$$3 = 2a \therefore a = \frac{3}{2} \Rightarrow \text{최댓값}$$

$$1 = 4a \therefore a = \frac{1}{4} \Rightarrow \text{최솟값}$$

$$\therefore \frac{1}{4} \leq a \leq \frac{3}{2}$$

6. 좌표평면 위의 두 점 $A(4, 1)$, $B(1, 5)$ 를 양끝으로 하는 \overline{AB} 와 직선 $y = ax$ 가 만난다고 할 때, a 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{4} \leq a \leq 5$

해설

$y = ax$ 가 점 $A(4, 1)$ 을 지날 때, $1 = 4a$, $a = \frac{1}{4}$

$y = ax$ 가 점 $B(1, 5)$ 를 지날 때, $5 = a$

$\therefore \frac{1}{4} \leq a \leq 5$

7. $|x|$ 는 x 의 절댓값을 나타낸다고 할 때, 두 직선 $y = |2x - 1|$ 과 $y = p$ 가 두 점 A, B에서 만난다. $\overline{AB} = \frac{5}{2}$ 일 때, p 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{5}{2}$

해설

i) $x < \frac{1}{2}$ 일 때, $y = -2x + 1$, $y = p$ 의 교점은 $-2x + 1 =$

$$p, -2x = p - 1, x = \frac{1-p}{2}$$

ii) $x \geq \frac{1}{2}$ 일 때, $y = 2x - 1$, $y = p$ 의 교점은

$$2x - 1 = p, 2x = p + 1, x = \frac{p+1}{2}$$

$y = |2x - 1|$ 과 $y = p$ 가 두 점에서 만나므로 $p > 0$ 이다.

$$\overline{AB} = \frac{5}{2} = \frac{p+1}{2} - \frac{1-p}{2}$$

$$p + 1 - (1 - p) = 5, p + 1 - 1 + p = 5, 2p = 5,$$

$$p = \frac{5}{2}$$

8. 기차역 일곱 곳을 잇는 기차표를 만들려고 한다. 두 역 사이의 왕복 기차표는 없다고 할 때, 모두 몇 종류의 기차표를 만들어야 하는지 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 42가지

해설

7개의 역 중에서 2개를 뽑아 일렬로 나열하면 (출발역, 도착역)의 순서로 볼 수 있으며 경우의 수는 $7 \times 6 = 42$ (가지)이다.

9. 서울에서 대구까지 가는 KTX는 하루에 5번, 새마을호는 하루에 7번 있다고 한다. 이 때 서울에서 대구까지 KTX 또는 새마을호로 가는 방법은 모두 몇 가지인가?

- ① 10 가지 ② 11 가지 ③ 12 가지
④ 13 가지 ⑤ 14 가지

해설

$$5 + 7 = 12(\text{가지})$$

10. 국어 문제집 3 종류, 수학 문제집 3 종류가 있다. 이 가운데 문제집 한 권을 선택할 수 있는 경우의 수를 구하여라.

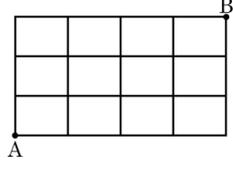
▶ 답: 6 가지

▷ 정답: 6가지

해설

$3 + 3 = 6$ (가지)

12. 다음 그림과 같은 길이 있다. A에서 B까지 가는 최단 거리의 수는?



- ① 15가지 ② 20가지 ③ 35가지
- ④ 40가지 ⑤ 45가지

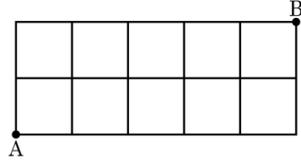
해설

	4	10	20	B	
1					35
1					15
1					5
A					1

이므로

합의 법칙을 이용하여 구하면 35이다.

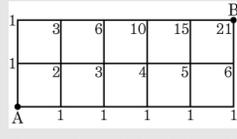
13. 다음 그림과 같은 길이 있다. A에서 B까지 가는 최단 거리의 수를 구하여라.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 21 가지

해설



이므로

최단거리는 합의 법칙을 이용한다. 따라서 21 가지이다.

