



2. 두 집합  $\{5, 6, 8\}$ ,  $\{8, a + 2, 5\}$  가 서로 같을 때,  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

두 집합이 서로 같으려면  $a + 2 = 6$  이어야 하므로  $a = 4$

3. 다음  안에 들어갈 알맞은 것은?(단,  $A \cap B \neq \emptyset$ )

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - \text{}$$

①  $n(A)$

②  $n(B)$

③  $n(A \cap B)$

④  $n(A \cup B)$

⑤  $n(\emptyset)$

해설

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

4. 두 집합  $A = \{a, b, c, d, e, f\}$ ,  $B = \{a, b, d, f, g, h\}$  일 때,  $A - B$  를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\{c, e\}$

해설

$$A - B = A \cap B^c = A - (A \cap B)$$

$$A - (A \cap B)$$

$$= \{a, b, c, d, e, f\} - \{a, b, d, f\} = \{c, e\}$$

5. 전체집합  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  의 두 부분집합  $A, B$  에 대하여  $A^c = \{2, 3, 6, 7\}$ ,  $B^c = \{1, 2, 4, 7\}$  일 때,  $A \cup B$  를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\{1, 3, 4, 5, 6\}$

해설

$$A = (A^c)^c = \{1, 4, 5\}$$

$$B = (B^c)^c = \{3, 5, 6\}$$

$$\therefore A \cup B = \{1, 3, 4, 5, 6\}$$

6. 집합  $A, B$ 가 전체집합  $U$ 의 부분집합일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $A \cup \emptyset = A$

②  $A \cup A^c = U$

③  $(A^c)^c = A$

④  $\emptyset^c = U$

⑤  $A - B = A \cup B^c$

해설

$$A - B = A - (A \cap B) = A \cap B^c$$

7.  $p : x = 3$ ,  $q : x^2 = 3x$  에서  $p$  는  $q$  이기 위한 무슨 조건인지 구하여라.

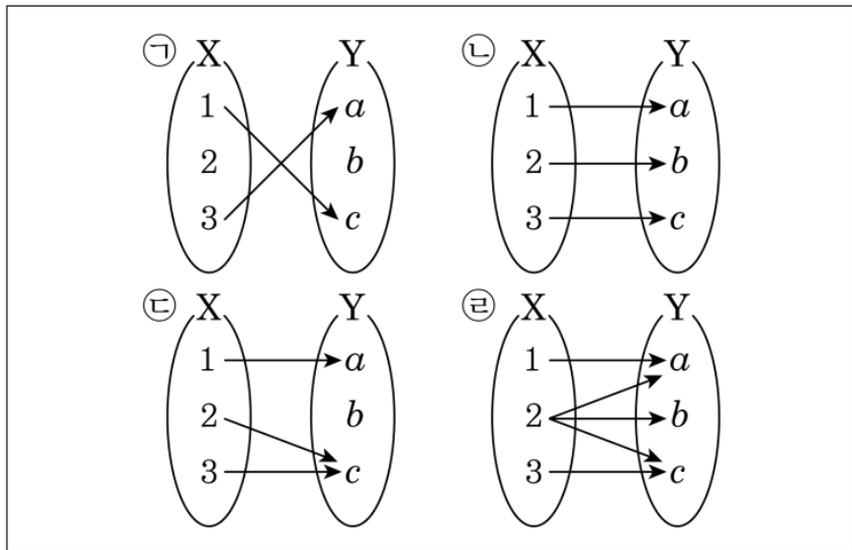
▶ 답: 조건

▷ 정답: 충분조건

해설

조건  $p$ ,  $q$  의 진리집합을 각각  $P$ ,  $Q$  라 하면  $P = \{3\}$ ,  $Q = \{0, 3\}$   
이므로  $P \subset Q$ ,  $Q \not\subset P \therefore$  충분조건

8. 다음 대응 관계 중  $X$ 에서  $Y$ 로의 함수인 것을 모두 고른 것은?



① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉢

④ ㉠, ㉢, ㉣

⑤ ㉡, ㉢, ㉣

### 해설

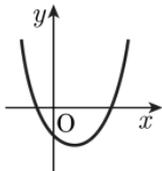
㉠  $X$ 의 원소 2에 대응하는  $Y$ 의 원소가 없으므로 함수가 아니다.

㉡, ㉢  $X$ 의 각 원소에  $Y$ 의 원소가 하나씩만 대응하므로 함수이다.

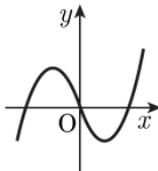
㉣  $X$ 의 원소 2에 대응하는  $Y$ 의 원소가  $a, b, c$ 의 3개이므로 함수가 아니다.

9. 다음 그래프 중에서 실수전체 집합에서 역함수가 존재하는 함수의 그래프는?

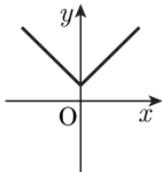
①



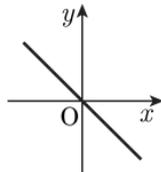
②



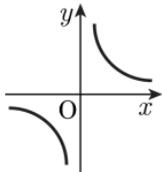
③



④



⑤



### 해설

역함수가 존재하려면 함수가 일대일 대응이어야 한다.

일대일 대응이란 변수  $x, y$ 가 서로 하나씩 대응되는 것으로 ④에 해당된다.

⑤ 번은  $x = 0$ 에 대응되는  $y$ 가 없다.

10. 함수  $f(x) = ax + b$ 의 역함수가  $f^{-1}(x) = \frac{1}{3}x + 2$ 일 때,  $a + b$ 의 값은 얼마인가? (단  $a, b$ 는 실수)

① -5

② -4

③ -3

④ -2

⑤ -1

해설

$$(f^{-1})^{-1}(x) = f(x) \text{이므로}$$

$$f^{-1}(x) = \frac{1}{3}x + 2 \text{의 역함수는}$$

$$f(x) = ax + b \text{이다.}$$

$$y = \frac{1}{3}x + 2 \text{로 놓고 } x, y \text{를 서로 바꾸면}$$

$$x = \frac{1}{3}y + 2, y = 3x - 6$$

$$a = 3, b = -6$$

$$\therefore a + b = -3$$

11. 분수식  $\frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2} - \frac{1}{x-3} - \frac{1}{x-4}$  을 간단히 하면  $\frac{ax^2 + bx + c}{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)}$  일 때, 상수  $a, b, c$  에 대하여  $a+b+c$  의 값은?

- ① -6      ② -3      ③ 0      ④ 3      ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned} & \frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2} - \frac{1}{x-3} - \frac{1}{x-4} \\ &= \left( \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x-3} \right) + \left( \frac{1}{x-2} - \frac{1}{x-4} \right) \\ &= \frac{-2}{(x-1)(x-3)} + \frac{-2}{(x-2)(x-4)} \\ &= \frac{-2(x^2 - 6x + 8 + x^2 - 4x + 3)}{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)} \\ &= \frac{-2(2x^2 - 10x + 11)}{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)} \\ &= \frac{ax^2 + bx + c}{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)} \\ \therefore a &= -4, b = 20, c = -22 \\ \therefore a + b + c &= -6 \end{aligned}$$

12.  $x : y = 4 : 3$  일 때,  $\frac{xy}{x^2 - 2y^2}$  의 값을 구하면?

① -2

② 2

③ -4

④ 4

⑤ -6

해설

$$x = 4k, y = 3k \text{ (단, } k \neq 0)$$

$$\frac{xy}{x^2 - 2y^2} = \frac{12k^2}{16k^2 - 18k^2} = -6$$

13.  $\sqrt{x+2} = 2$  일 때,  $(x+2)^2$  은?

①  $\sqrt{2}$

② 2

③ 4

④ 8

⑤ 16

해설

$$x + 2 = 4, (x + 2)^2 = 16$$

14. 두 집합  $A, B$  에 대하여  $A \cup B = A$  일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

①  $A \subset B$

②  $(A \cap B) \subset A$

③  $A \cap B = B$

④  $(A \cap \emptyset) \cup B = A$

⑤  $(A \cup B) \subset (A \cap B)$

해설

$A \cup B = A$  이면  $B \subset A$  이다.

①  $B \subset A$  이므로 옳지 않다.

④  $(A \cap \emptyset) \cup B = \emptyset \cup B = B$  이므로 옳지 않다.

⑤  $(A \cup B) \subset (A \cap B)$  은  $A \subset B$  와 같으므로 옳지 않다.

15. 조건  $x < 1$  또는  $x > 2$  의 부정은?

①  $x < 1$  그리고  $x > 2$

②  $x \leq 1$  또는  $x \geq 2$

③  $x \geq 1$  또는  $x \leq 2$

④  $x \leq 1$  그리고  $x \geq 2$

⑤  $1 \leq x \leq 2$

해설

$x < 1$  또는  $x > 2$ 의 부정은  $1 \leq x \leq 2$ 이다.

16. 전체집합  $U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여 조건  $x^2 - 2 > 0$ 의 진리집합은?

①  $\emptyset$

②  $\{0, 1\}$

③  $\{3, 4, 5\}$

④  $\{2, 3, 4, 5\}$

⑤  $U$

### 해설

주어진 조건  $x^2 - 2 > 0$ 에  $x = 0$ 을 대입하면  $0 - 2 > 0$  (거짓)

$x = 1$ 을 대입하면  $1 - 2 > 0$  (거짓)

$x = 2$ 를 대입하면  $4 - 2 > 0$  (참)

$x = 3$ 을 대입하면  $9 - 2 > 0$  (참)

$x = 4$ 를 대입하면  $16 - 2 > 0$  (참)

$x = 5$ 를 대입하면  $25 - 2 > 0$  (참)

따라서 구하는 진리집합은  $\{2, 3, 4, 5\}$

17. 명제「 $p \rightarrow \sim q$ 」가 참일 때, 다음 중 반드시 참인 명제는?

①  $p \rightarrow q$

②  $q \rightarrow p$

③  $\sim p \rightarrow q$

④  $q \rightarrow \sim p$

⑤  $\sim q \rightarrow \sim p$

해설

주어진 명제가 참이므로 대우「 $q \rightarrow \sim p$ 」도 참이다.

18.  $x$ 가 양의 실수 일 때,  $x^2 + 1 + \frac{1}{x^2}$ 의 최솟값과 그 때의  $x$ 값을 차례대로 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 1

해설

$x^2 > 0$ ,  $\frac{1}{x^2} > 0$ 이므로

산술평균과 기하평균에 의하여

$$x^2 + 1 + \frac{1}{x^2} \geq 2\sqrt{x^2 \times \frac{1}{x^2}} + 1 \geq 2 + 1 = 3$$

등호는  $x^2 = \frac{1}{x^2}$  일 때 성립하므로  $x^4 = 1$

따라서 양의 실수  $x$ 는 1이다.

최솟값은 3이고,  $x$ 값은 1이다.

19. 실수 전체의 집합에서 정의된 두 함수  $f, g$  에 대하여  $f(x)$  는 항등함수이고,  $g(x) = -2$  일 때,  $f(4) + g(-1)$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$f(x)$  는 항등함수이므로  $f(x) = x$  에서  $f(4) = 4$

$g(x) = -2$  에서  $g(-1) = -2$

$\therefore f(4) + g(-1) = 4 - 2 = 2$

20. 집합  $A = \{1, 2, 3\}$ 에 대하여  $A$ 에서  $A$ 로의 함수  $f$  중에서  $f(x) = f^{-1}(x)$ 를 만족시키는 것의 개수는?

① 2개

② 3개

③ 4개

④ 6개

⑤ 9개

### 해설

역함수  $f^{-1}$ 가 존재하므로,  $f$ 는 일대일대응이다.

(i)  $f(1) = 1$ 일 때,

$f(2) = 2, f(3) = 3$  또는  $f(2) = 3, f(3) = 2$

(ii)  $f(1) = 2$ 일 때,

$f(2) = f^{-1}(2) = 1$ 이므로  $f(3) = 3$

(iii)  $f(1) = 3$ 일 때,

$f(3) = f^{-1}(3) = 1$ 이므로  $f(2) = 2$

(i), (ii), (iii)에서 함수  $f$ 의 개수는 4개이다.

21. 함수  $y = |x - 1| - 2$  의 그래프와 직선  $y = mx + m - 1$  이 서로 다른 두 점에서 만나도록  $m$  의 값의 범위를 구하면?

①  $-1 < m < 0$

②  $-\frac{1}{2} < m < 1$

③  $-\frac{1}{4} < m < \frac{1}{2}$

④  $0 < m < 1$

⑤  $1 < m < 2$

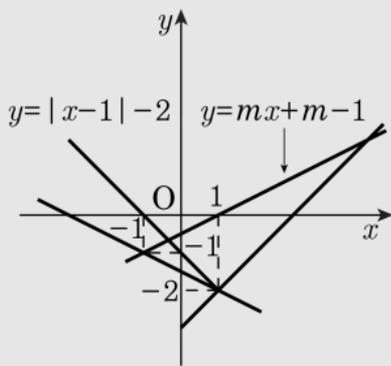
### 해설

$y = |x - 1| - 2$  의 그래프는 아래 그림과 같이 점  $(1, -2)$  에서 꺾인 그래프이다.

또, 직선  $y = mx + m - 1$  은  $y = m(x + 1) - 1$  에서  $m$  의 값에 관계 없이 점  $(-1, -1)$  을 지나는 직선이다.

따라서, 두 그래프가 서로 다른 두

점에서 만나기 위한 조건은  $-\frac{1}{2} < m < 1$



22. 등식  $\frac{1}{x(x+1)} + \frac{1}{(x+1)(x+2)} + \frac{1}{(x+2)(x+3)} + \frac{1}{(x+3)(x+4)} = \frac{(\quad)}{x(x+4)}$  를 성립시키는 ( )속에 들어갈 알맞은 수는?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\frac{1}{AB} = \frac{1}{B-A} \left( \frac{1}{A} - \frac{1}{B} \right) \text{ 이므로}$$

$$\begin{aligned} (\text{준식}) &= \left( \frac{1}{x} - \frac{1}{x+1} \right) + \left( \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+2} \right) \\ &\quad + \left( \frac{1}{x+2} - \frac{1}{x+3} \right) + \left( \frac{1}{x+3} - \frac{1}{x+4} \right) \\ &= \frac{1}{x} - \frac{1}{x+4} \\ &= \frac{x+4-x}{x(x+4)} \\ &= \frac{4}{x(x+4)} \end{aligned}$$

23. 분수식  $1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1-x}}$  을 간단히 하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $\frac{1}{x}$

해설

$$\text{(준 식)} = 1 - \frac{1}{\frac{1}{1-x}} = 1 + \frac{1-x}{x} = \frac{1}{x}$$

24. 다음 무리식의 값이 실수가 되도록  $x$ 의 범위를 정하면?

$$\sqrt{x+1} - \sqrt{2-x} + \sqrt{x-1}$$

①  $-2 \leq x \leq 1$

②  $0 \leq x \leq 1$

③  $1 < x < 2$

④  $-1 \leq x \leq 2$

⑤  $1 \leq x \leq 2$

해설

$$x+1 \geq 0 \quad \therefore x \geq -1$$

$$2-x \geq 0 \quad \therefore x \leq 2$$

$$x-1 \geq 0 \quad \therefore x \geq 1$$

공통부분을 구하면  $1 \leq x \leq 2$

25. 유리함수  $f(x) = \frac{ax}{3x+2}$  와 그 역함수  $f^{-1}(x)$  가 서로 같을 때, 상수  $a$  의 값은?

① 3

② 2

③ 1

④ -1

⑤ -2

해설

역함수의 식은  $x = \frac{ay}{3y+2}$

$$3xy + 2x = ay$$

$$\therefore y = \frac{-2x}{3x-a}$$

$$\therefore f^{-1}(x) = \frac{-2x}{3x-a}$$

모든 실수  $x$  에 대하여

$f(x) = f^{-1}(x)$  이므로

$$\frac{ax}{3x+2} = \frac{-2x}{3x-a}$$

$$\therefore a = -2$$